



آمار و احتمال



جنگل کارداشت-اسنان مازندران

جنگل، پناهگاه انواع جانوران و زیستگاه گونه‌های مختلف گیاهی است، همچنین، نقش مهمی در جلوگیری از فرسایش خاک و آводگی آب دارد. داده‌ها نشان می‌دهند که پوشش جنگلی در کشور ما در حال کم شدن است. خوب است فکر کنیم که چگونه می‌توانیم به حفظ جنگل‌ها کمک کنیم.

جمع‌آوری و نمایش داده‌ها

فعالیت

| نام | مدت بازی (ساعت) |
|-------|-----------------|
| پویا | ۶ |
| مبین | ۴/۵ |
| مانی | ۵ |
| آرمان | ۵ |
| امیر | ۵/۵ |

پویا از دوستاش پرسید که در طول یک روز تعطیل چند ساعت بازی می‌کند. بعد هم جواب‌های آنها را در جدول رو به رو نوشت.

به این اطلاعات، **داده** و به این جدول، **جدول داده‌ها** گفته می‌شود.

الف) چه کسی بیشتر از بقیه بازی می‌کند؟

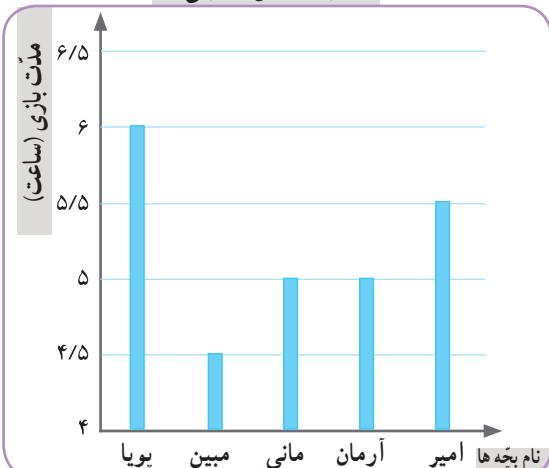
ب) چه کسی کمتر؟

پ) در میان داده‌ها، کدام داده بیشتر از بقیه تکرار شده است؟

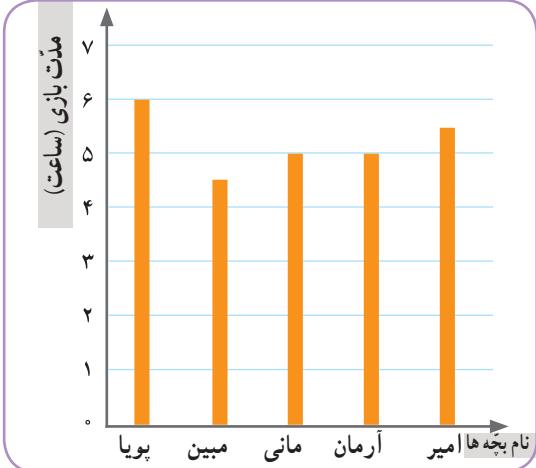
ت) مانی و مبین نمودارهای ستونی مربوط به داده‌های جدول را رسم کرده‌اند. این نمودارها را به دقت نگاه کنید.

عنوان هر نمودار و نام هر کدام از محورهای افقی و عمودی آن را بخوانید.

نمودار مبین (ستونی)



نمودار مانی (ستونی)



ث) نمودار مبین و مانی را مقایسه کنید. تفاوت‌ها و شباهت‌های آنها را بیان کنید.

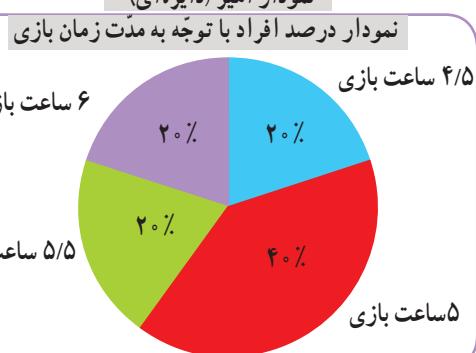
تفاوت: در محور عمودی نمودار مبین، عددها از

شباهت: هر دو نمودار

امیر، به کمک جدول زیر نمودار دیگری رسم کرده است.

ج) جدول را کامل کنید.

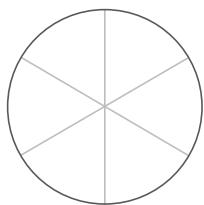
نمودار امیر (دایره‌ای)



| درصد افراد | تعداد افراد | مدت بازی (ساعت) |
|------------|-------------|-----------------|
| ۲۰٪ | ۱ | ۴/۵ |
| | ۲ | ۵ |
| ۱ | ۵/۵ | |
| | ۱ | ۶ |
| ۱۰۰٪ | ۵ | مجموع |

• کار در کلاس •

| نوع بستنی | تعداد تقریبی |
|-----------|--------------|
| لیوانی | ۱۰۰ |
| قیفی | ۲۰۰ |
| چوبی | ۳۰۰ |
| مجموع | ۶۰۰ |



نمودار دایره‌ای

۱- نمایشگاه بین‌المللی کتاب تهران هر سال در اردیبهشت ماه برگزار می‌شود. آقای بهاری سال گذشته در نمایشگاه کتاب یک غرفه‌ی بستنی فروشی داشت. او هر روز داده‌های مربوط به فروش خود را یادداشت می‌کرد. آقای بهاری نمودار زیر را برای فروش خود در یکی از آن روزها رسم کرده است.

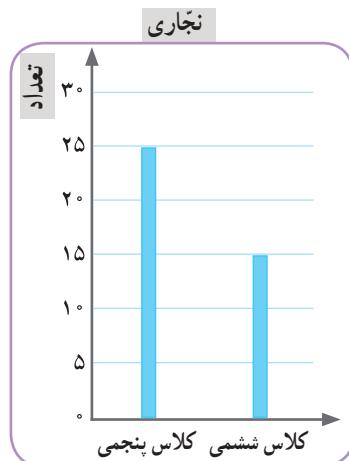
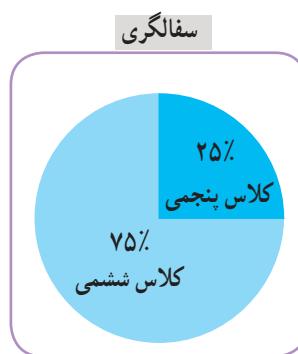
(الف) با توجه به جدول بالا، نمودار دایره‌ای روبرو را کامل کنید.

(ب) فکر می‌کنید یادداشت کردن این داده‌ها چه فایده‌ای برای آقای بهاری دارد؟

۲- دانش‌آموزان کلاس‌های پنجم و ششم محله‌ای برای دوره‌های آموزشی سفالگری و نجاری در سرای محله ثبت‌نام کرده‌اند. داده‌های مربوط به هر رشته در نمودارهای زیر نمایش داده شده است.

در هر یک از رشته‌ها ۴۰ نفر ثبت‌نام کرده‌اند. کلاس پنجمی‌ها در کدام رشته بیشتر ثبت‌نام

کرده‌اند؟



در نمودار دایره‌ای، هر قسمت نسبت یکی از داده‌ها را به کل داده‌ها نمایش می‌دهد.

• فعالیت •

| حداکثر دما (درجه سانتی گراد) | روز |
|---------------------------------|----------|
| ۳۲ | شنبه |
| ۳۲ | یکشنبه |
| ۳۵ | دوشنبه |
| ۳۴ | سه شنبه |
| ۳۷ | چهارشنبه |
| ۳۷ | پنجشنبه |
| ۳۳ | جمعه |

سارا داده‌های جدول رویه‌رو را از سایت هواشناسی برداشته است. این داده‌ها مربوط به حدّاکثر دمای شهر کرمان در روزهای هفته‌ی گذشته است.

سارا می‌خواهد نمودار خطّ شکسته‌ی مربوط به این داده‌ها را رسم کند.

الف) محورهای افقی و عمودی نمودار او را کامل کنید.

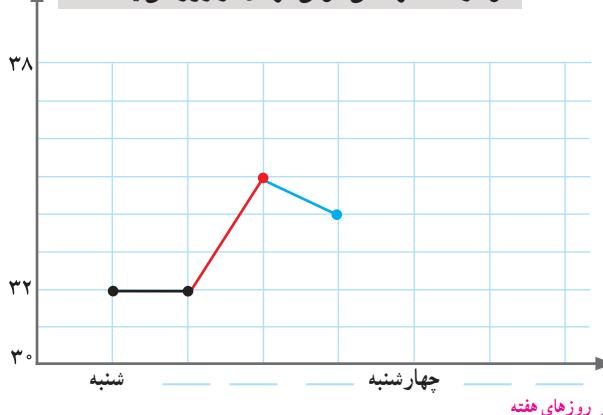
ب) با توجه به توضیحات زیر، رسم نمودار را ادامه دهید.

- نمودار افزایش دمای را با رنگ قرمز رسم کنید.

- نمودار کاهش دمای را با رنگ آبی رسم کنید.

- قسمت‌هایی از نمودار را که تغییر دما در آنها وجود ندارد، با رنگ مشکی رسم کنید.

نمودار حدّاکثر دمای هوای کرمان در روزهای یک هفته



پ) با استفاده از عبارت‌های افزایشی، کاهشی و بدون تغییر، نمودار را توصیف کنید.

از شنبه تا یکشنبه، بدون تغییر

از یکشنبه تا دوشنبه، افزایشی

از دوشنبه تا سه شنبه،

• کار در کلام •

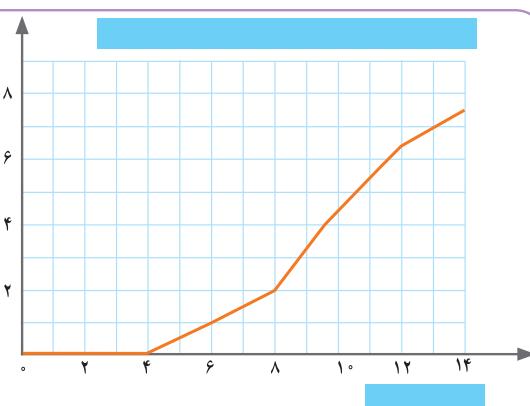
۱- تزدیک عید نوروز، زمانی که مادر سبزه‌ی عید را آماده می‌کرد، محیا هم یک دانه‌ی لوبیا در گلدان کوچکی کاشت و رشد آن را در روزهای دوم، چهارم و ... مشاهده و ثبت (پایش) کرد.

| روز | ۰ | ۲ | ۴ | ۶ | ۸ | ۱۰ | ۱۲ | ۱۴ |
|----------------------|---|---|---|---|---|-----|-----|-----|
| طول گیاه(سانتی متر) | ۰ | ۰ | ۰ | ۱ | ۲ | ۴/۵ | ۶/۵ | ۷/۵ |
| تغییر طول(سانتی متر) | | | | ۱ | ۱ | ۲/۵ | ۲ | ۱ |

محیا هر دو روز یک‌بار، طول گیاهش را اندازه می‌گرفت و می‌نوشت. بعد هم این داده‌ها را در جدولی قرار داد و با استفاده از آن، نمودار خطّ شکسته‌ی رویه‌رو را رسم کرد.

الف) نمودار و محور افقی و عمودی را نام‌گذاری کنید.

ب) در فاصله‌ی کدام دو روز، طول گیاه بیشترین تغییر را داشته است؟ این قسمت از نمودار را پرنگ کنید.



از نمودار خطّ شکسته معمولاً برای نمایش موضوعاتی استقاده می‌شود که در آنها تغییرات داده‌ها اهتمیت دارد؛ مثلاً نمودار دمای هوای نمودار قدیک فرد در طول چند سال.

۲- برای جمع آوری داده‌ها، روش‌های مختلفی وجود دارد؛ مثلاً مشاهده کردن، پرسیدن، استفاده از پرسشنامه، مراجعه به کتاب‌ها یا سایت‌ها و اندازه‌گیری.

برای جمع آوری داده‌ها در هریک از موضوعات زیر چه روشی را پیشنهاد می‌کنید؟

(الف) تعداد خواهر و برادرهای هریک از بچه‌های کلاس

(ب) فاصله‌ی هریک از سیاره‌های منظمه‌ی شمسی از خورشید

(پ) تعداد دانش‌آموزانی که صبح با کلاه وارد مدرسه می‌شوند

(ت) میزان بارندگی یک شهر در هریک از ماه‌های سال

(ث) فعالیت‌های خارج از مدرسه‌ی هریک از دانش‌آموزان و زمانی که صرف هر کدام از این فعالیت‌ها می‌شود

(ج) سهم هریک از گازهای تشکیل‌دهنده‌ی هوا

۳- برای نمایش داده‌ها می‌توان از جدول داده‌ها، نمودار ستونی، نمودار تصویری، نمودار خط‌شکسته،

نمودار دایره‌ای و ... استفاده کرد.

برای نمایش داده‌ها در هریک از موضوعات سؤال قبل، چه نوع نمایشی را پیشنهاد می‌کنید؟

• تمرین •

۱- داده‌های مربوط به مصرف برق خانگی در ایران در طول ده سال، به طور تقریبی در جدول زیر آمده است.*

با انتخاب مقیاس و نقطه‌ی شروع مناسب، این داده‌ها را به کمک نمودار خط‌شکسته نمایش دهید.

| سال | ۱۳۶۷ | ۱۳۶۸ | ۱۳۶۹ | ۱۳۷۰ | ۱۳۷۱ | ۱۳۷۲ | ۱۳۷۳ | ۱۳۷۴ | ۱۳۷۵ | ۱۳۷۶ |
|--|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| صرف برق خانگی (میلیون کیلووات ساعت) | ۱۴۰۰۰ | ۱۶۰۰۰ | ۱۷۰۰۰ | ۱۹۰۰۰ | ۲۰۰۰۰ | ۲۲۰۰۰ | ۲۲۰۰۰ | ۲۳۰۰۰ | ۲۴۰۰۰ | ۲۷۰۰۰ |

۲- فاطمه درباره‌ی میزان اطلاع دانش‌آموزان از برخی شماره تلفن‌های ضروری تحقیق می‌کند. او به ۲۰ نفر

از دانش‌آموزان پرسشنامه‌ای داد و از آنها خواست که به آن پاسخ دهند. سپس با توجه به پاسخ‌های داده شده جدول رویه‌رو را پر کرد.

| تعداد دانش‌آموزانی که می‌دانند | شماره تلفن | عنوان |
|--------------------------------|------------|-----------------|
| ۲۰ | ۱۲۵ | آتش‌نشانی |
| ۱ | ۱۲۳ | اورژانس اجتماعی |
| ۵ | ۱۱۵ | اورژانس تهران |
| ۱۷ | ۱۱۸ | داده‌های تلفنی |
| ۱۴ | ۲۰۱۱۹ | ساعت گویا |
| ۱۹ | ۱۱۰ | فوریت‌های پلیسی |

(الف) یک نمودار ستونی رسم کنید که تعداد دانش‌آموزانی را که هریک از شماره‌های ضروری را می‌دانند، نمایش دهد.

(فراموش نکنید که باید محور افقی و عمودی را نام‌گذاری کنید.)

(ب) آیا استفاده از نمودار خط‌شکسته را برای نمایش این داده‌ها مناسب می‌دانید؟ چرا؟

* این داده‌ها از گزارش دفتر برنامه‌ریزی کلان برق و انرژی استخراج شده است.

میانگین

• فعالیت •



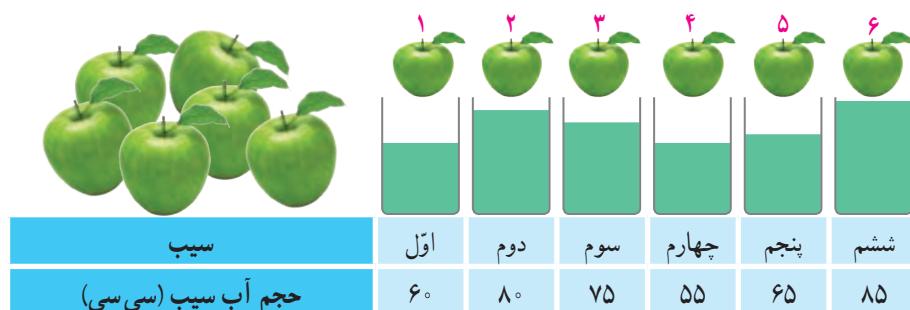
۱- با تعدادی حلقه، دو ستون روبه رو را ساخته ایم. می خواهیم با همین حلقه ها دو ستون با ارتفاع مساوی داشته باشیم. راه حل دو نفر از دانش آموزان در اینجا آمده است.



یکی از این راه حل ها را انتخاب کنید و به کمک آن، پاسخ را به دست آورید.

در پایان این فعالیت، تعداد حلقه های دو ستون باهم برابر می شود. این تعداد، **میانگین** تعداد حلقه های این دو ستون نامیده می شود.

۲- در یک کارخانه تولید آب میوه ای طبیعی، حجم آب شش سیب، اندازه گیری و در جدول زیر ثبت شده است.



الف) میانگین حجم آب شش سیب به روش زیر محاسبه شده است. این روش را توضیح دهید.

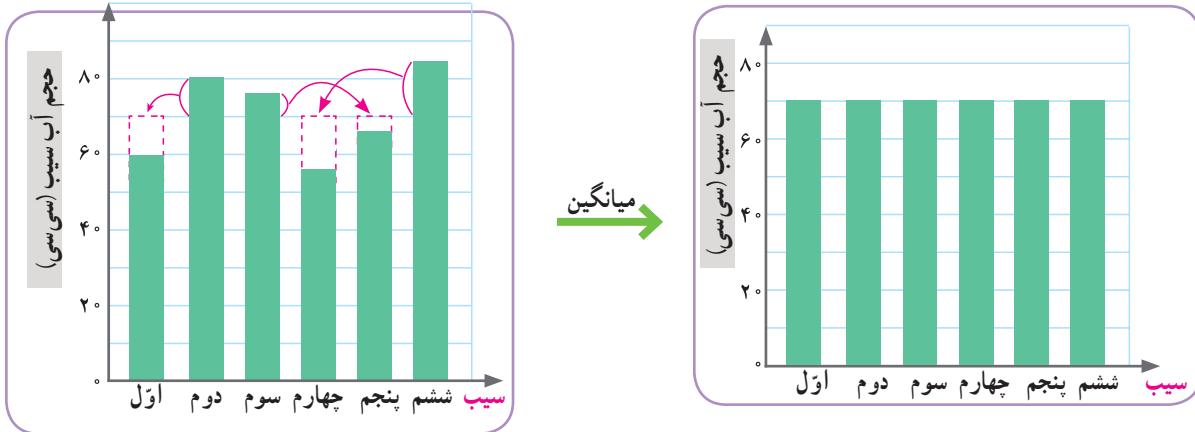
$$\text{مجموع حجم آب سیب ها : سی سی} = 60 + 80 + 75 + 55 + 65 + 85 = 420$$

$$420 \div 6 = 70 \quad \text{سی سی}$$

$$\text{میانگین حجم آب سیب ها :}$$

برای پیدا کردن میانگین چند عدد، می‌توانیم مجموع عددها را به تعدادشان تقسیم کنیم. میانگین چند داده را **متوسط** آن داده‌ها نیز می‌نامند.

ب) به نمودارهای زیر به دقت نگاه کنید و توضیح دهید که چگونه به کمک این نمودارها می‌توانیم میانگین حجم آب این شش سیب را بدست آوریم.



پ) کارخانه‌ی آب میوه قرار است آب سیب را در بطری‌های با گنجایش 70 سی سی بسته‌بندی کند. فکر می‌کنید برای پر کردن هر بطری آب سیب، تقریباً چند سیب لازم است؟ توضیح دهید.

• کار در کلام

۱- زهرا از پنج نفر از دوستانش درباره‌ی تعداد کتاب داستان‌هایی که دارند، پرسیده و پاسخ آنها را در جدول رو به رو نوشته است.
 الف) میانگین تعداد این کتاب‌ها را بدست آورید.

| تعداد کتاب | نام |
|------------|--------|
| ۵ | سحر |
| ۷ | شادی |
| ۳ | فاطمه |
| ۹ | مهتا |
| ۶ | نیلوفر |

ب) تعداد کتاب‌های چه کسانی از میانگین بیشتر است؟

۲- سه عدد مثال بزنید که میانگین آنها 10 باشد. پاسخ خود را با پاسخ‌های دوستانتان مقایسه کنید.

۳- تعدادی از بچه‌ها در یک بازی دو مرحله‌ای شرکت کرده‌اند. امتیاز آنها در جدول زیر آمده است. مانند نمونه، جدول را کامل کنید.

| نام بازیکن | علی | سروش | احمد | کیوان |
|------------------------------|----------------|------|------|-------|
| امتیاز مرحله‌ی اول | ۳۰ | ۲۲ | ۳۰ | ۱۸ |
| امتیاز مرحله‌ی دوم | ۳۵ | ۳۲ | ۳۱ | ۴۲ |
| میانگین امتیازها در دو مرحله | $\frac{۳۲}{۲}$ | | | |

• فعالیت •

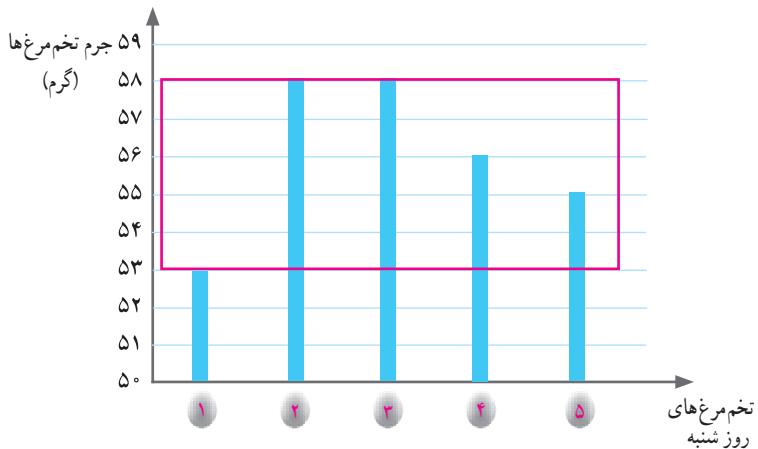
| یکشنبه | شنبه |
|----------|----------|
| ۱ گرم ۵۸ | ۱ گرم ۵۳ |
| ۲ گرم ۵۶ | ۲ گرم ۵۸ |
| ۳ گرم ۵۴ | ۳ گرم ۵۸ |
| ۴ گرم ۵۳ | ۴ گرم ۵۶ |
| ۵ گرم ۵۴ | ۵ گرم ۵۵ |

آقای حکیمی یک مرغداری کوچک دارد و هر روز تخم مرغ‌های تولید شده را برای فروش به بازار می‌برد.

او هر روز جرم پنج عدد از تخم مرغ‌ها را اندازه می‌گیرد.

تصویر رو به رو، یک صفحه از دفتر یادداشت آقای حکیمی است.

(الف) آقای حکیمی میانگین جرم تخم مرغ‌هایش را در روز شنبه با روش جالبی محاسبه کرده است؛ راه حل او را کامل کنید.



در روز شنبه ۵۳ گرم، کمترین جرمی است که یادداشت کرده‌ام.

جم این پنج تا تخم مرغ به ترتیب ۳، ۵، ۵، ۰ و ۲ گرم بیشتر از ۳ گرم است؛ یعنی در مجموع ۱۵ گرم!

پس، به طور متوسط جرم هر تخم مرغ $\frac{۱۵}{۵} = ۳$ گرم بیشتر از ۳ گرم است.

(ب) میانگین جرم تخم مرغ‌های روز شنبه را با روشی که پیش از این یاد گرفته‌اید، به دست آورید. سپس آن را با پاسخی که با روش جدید به دست می‌آید، مقایسه کنید.

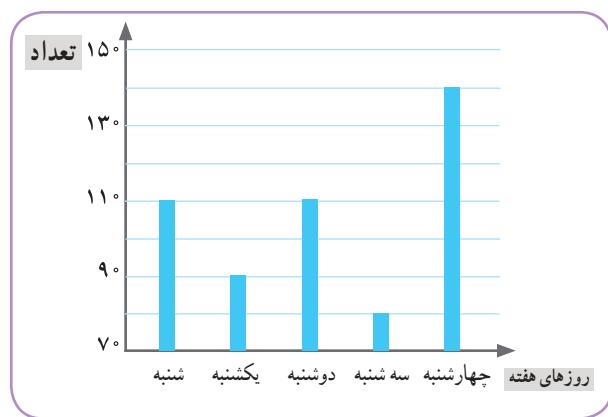
(پ) به کمک نمودار ستونی بالا، برای درستی روش جدید دلیل بیاورید.

(ت) میانگین جرم تخم مرغ‌های روز یکشنبه را به روش دلخواه محاسبه کنید.



• تمرین

- ۱- علی ۴۶ سانتی متر راه را با 1° قدم طی کرده است. میانگین طول قدم های او چند سانتی متر است؟
- ۲- داش آموزان کلاس پنجم کاغذهایی را که در طول یک هفته در مدرسه دور ریخته شده است، جمع آوری کرده اند. آنها می خواهند با استفاده از اطلاعات مربوط به این کاغذها توضیح دهند که اگر کاغذهای دور ریخته شده در طول سال تحصیلی بازیافت شوند، از قطعه چند درخت جلوگیری می شود.
- این داده ها به صورت تقریبی در نمودار زیر نمایش داده شده است.
- الف) در کدام روز تعداد برگ های دور ریخته شده، بیشتر از روزهای دیگر بوده است؟
- ب) تعداد برگ های دور ریخته شده در این روز را به صورت تقریبی بنویسید.
- پ) میانگین تعداد برگ های دور ریخته شده در هر روز این هفته را به دست آورید.



- ۳- محمد در یک بازی 2° بار تاس انداخته و نتیجه را یادداشت کرده است.
- الف) کدام عدد را بیشتر تکرار شده اند؟
- ب) کدام عدد کمتر تکرار شده است؟

| | | | | | | |
|---------------|---|---|---|---|---|---|
| عدد روی تاس | | | | | | |
| تعداد تکرارها | ۲ | ۵ | ۱ | ۳ | ۵ | ۴ |

- ۴- میانگین چهار عدد $19, 18, 20$ و 27 را به دست آورید.
- ۵- تیم فوتbal مدرسه در ۶ بازی آخر خود به ترتیب $2, 4, 2, 5, 0$ و 2 گل زده است. در بازی بعدی باید چند گل بزنند تا میانگین گلهایی که در این هفت بازی زده است، 3 شود؟
- ۶- میانگین چهار عدد مختلف 1° شده است.
- الف) مجموع این عددها را به دست آورید.
- ب) اگر بزرگ ترین آنها 25 و کوچک ترین آنها 2 باشد، دو عدد دیگر ممکن است چه عددهایی باشند؟

احتمال

• فعالیت •

۱- همه‌ی ما وقتی می‌خواهیم احتمال رخدادن چیزی را بیان کنیم، از کلمه‌ها یا عبارت‌های خاصی استفاده می‌کنیم : مثلاً «شاید»، «احتمال دارد»، «ممکن است».

- اینکه بتوانم پنجاه متر بپرم، به طور حتم اتفاق نمی‌افتد.

- احتمال اینکه پدرم فردا صبح به مدرسه بیاید، کم است.

- احتمال برد و باخت در مسابقه‌ی بعدی، برابر است.

- من خیلی تلاش کرده‌ام؛ احتمالش زیاد است که بتوانم مسئله‌ی بعدی را حل کنم.

- یک مرتع به طور حتم چهار ضلع دارد.

حالا شما هم با هر کلمه یا عبارت جمله‌ای بسازید.

- احتمال دارد

- احتمالش کم است

- به طور حتم اتفاق نمی‌افتد

- شاید

- به احتمال برابر

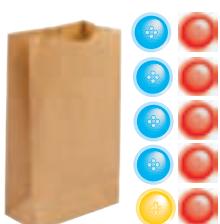
- به طور حتم

- ممکن است

۲- یک پاکت بردارید. تعدادی دکمه‌ی هم‌شکل و همان‌دازه به رنگ‌هایی که در تصویر زیر می‌بینید، داخل آن بروزید. (می‌توانید به جای دکمه، مقوّا را به شکل دایره‌های همان‌دازه ببرید و رنگ کنید.)

قرار است بدون نگاه کردن به داخل پاکت، یک دکمه را از آن خارج کنیم.

الف) امکان رخدادن هر مورد را، مانند نمونه، روی نوار علامت بزنید.



به طور حتم اتفاق می‌افتد احتمال بیشتر احتمال برابر احتمال کمتر به طور حتم اتفاق نمی‌افتد



- دکمه قرمز باشد

- دکمه زرد باشد

- دکمه آبی باشد

| تعداد | چوب خط | رنگ |
|-------|--------|-----|
| | 🔴 | 🔴 |
| | 🔵 | 🔵 |
| | 🟡 | 🟡 |

ب) هریار بدون نگاه کردن به داخل پاکت، یک دکمه را از آن خارج کنید. رنگ دکمه را با قرار دادن چوب خط در جدول رو به رو یادداشت کنید و سپس دکمه را به پاکت برگردانید. این کار را ۲۰ بار انجام دهید و در پایان، تعداد دفعات مشاهده‌ی هر رنگ را در جدول بنویسید.

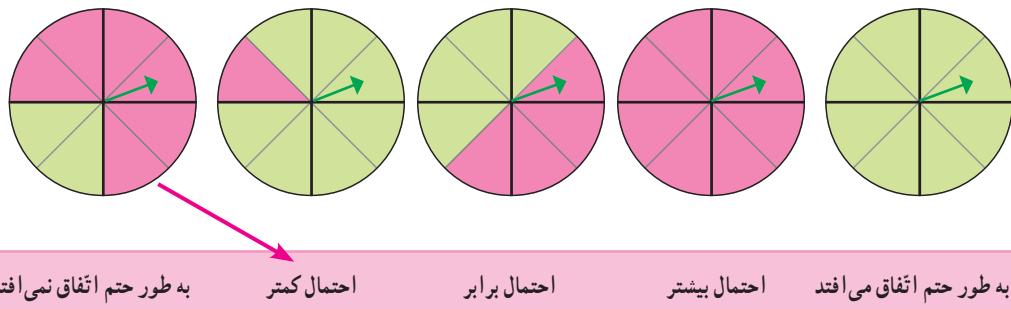
| تعداد | رنگ |
|-------|-----|
| | 🔴 |
| | 🔵 |
| | 🟡 |

پ) نتایج به دست آمده در کل کلاس را با هم جمع کنید و در جدول رو به رو قرار دهید.

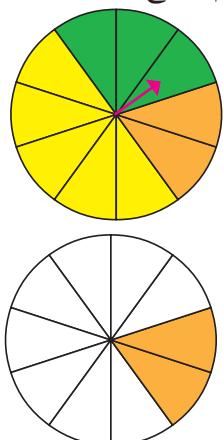
ت) این نتایج را با پاسخ‌هایی که در قسمت الف داده‌اید، مقایسه کنید.

• کار در کلاس •

۱- عقریه‌ی هریک از چرخنده‌های زیر را می‌چرخانیم.
احتمال اینکه در هر چرخنده، عقریه روی رنگ سبز باشد، با کدام عبارت مشخص می‌شود؟ آن را مانند نمونه نشان دهید.



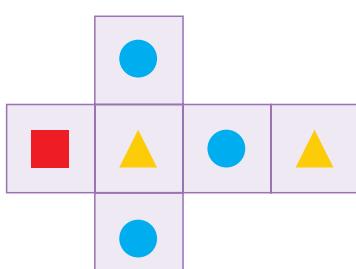
۲- به کمک رایانه، چرخنده‌ای مانند چرخنده‌ی زیر ساخته‌ایم و آن را ۱۰۰۰۰ بار چرخانده‌ایم. نتایج به دست آمده را در جدول زیر مشاهده می‌کنید.



| رنگ | تعداد مشاهده در ۱۰۰۰۰ بار | تعداد تقریبی |
|--------|---------------------------|--------------|
| نارنجی | ۱۹۵۵ | ۲۰۰۰ |
| سبز | ۲۹۱۹ | |
| زرد | ۵۱۲۶ | |

- الف) هر عدد را به‌طور تقریبی در جدول بنویسید و نمودار دایره‌ای مربوط به این داده‌ها را کامل کنید.
ب) بین نمودار دایره‌ای و چرخنده چه شباهتی مشاهده می‌کنید؟

۳- با گستردۀی زیر یک تاس مکعبی می‌سازیم. اگر تاس را بیندازیم، احتمال مشاهده‌ی کدام شکل از هریک از شکل‌های دیگر بیشتر است؟



• فعالیت •

۱- یک گروه دونفره تشکیل دهید؛ یک سکه و یک مهره بردارید و بازی زیر را انجام دهید.



- کنار هم بنشینید و مشخص کنید که کدام یک از شما بازیکن سمت راست است و کدام یک بازیکن سمت چپ.
- مهره را در خانه‌ی وسط قرار دهید.
- سکه را بیندازید؛ اگر رو آمد، مهره را یک خانه به سمت راست حرکت دهید و اگر پشت آمد، مهره را یک خانه به سمت چپ ببرید.
- برنده‌ی بازی کسی است که مهره، زودتر به خانه‌ی او برسد.
- نتیجه‌ی بازی را در کلاس اعلام کنید و آن را با نتیجه‌ی گروه‌های دیگر مقایسه کنید.

این بازی یک **بازی شناسی** است. در یک بازی شناسی، اگر احتمال برنده شدن بازیکنان مساوی باشد، می‌گوییم **بازی عادلانه** است.

به نظر شما آیا این بازی عادلانه است؟

• کار در کلاس •

۱- بازی‌های عادلانه را با علامت ✓ مشخص کنید و در بازی‌های نعادلانه، بنویسید که احتمال بردن کدام بازیکن بیشتر است.

الف) سکه را می‌اندازیم؛ اگر روآمد، بازیکن اول برنده است و در غیراین صورت، بازیکن دوم.

ب) تاس می‌اندازیم؛ اگر ۲، ۳، ۴ یا ۵ آمد، بازیکن اول برنده است و در غیراین صورت، بازیکن دوم.

پ) عقربه‌ی چرخنده‌ی روبه‌رو را می‌چرخانیم؛ اگر روی سبز ایستاد، بازیکن اول برنده است و اگر روی بنفش ایستاد، بازیکن دوم.

ت) عقربه‌ی چرخنده‌ی روبه‌رو را می‌چرخانیم؛ اگر روی سبز ایستاد، بازیکن اول برنده است و در غیراین صورت، بازیکن دوم.

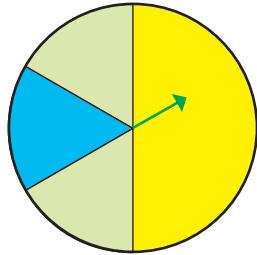
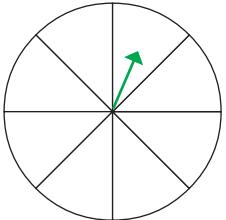
۲- می‌خواهیم 20° تیله را در یک کیسه قرار دهیم و بدون نگاه کردن به داخل کیسه، یک تیله را برداریم. اگر تیله آبی بود، بازیکن اول برنده است و اگر سبز بود، بازیکن دوم. چند تیله از هر رنگ در کیسه قرار دهیم تا بازی عادلانه باشد؟



• تمرین

۱- مسعود و دوستانش مشغول بازی بودند. مسعود در طول بازی، نتیجه‌ی اندختن تاس‌ها را یادداشت می‌کرد.
خلاصه‌ی یادداشت‌های مسعود در جدول آمده است.

| | | | | | | |
|---------------|---|---|---|---|---|---|
| عدد روی تاس | | | | | | |
| تعداد مشاهدات | ۳ | ۷ | ۱ | ۴ | ۸ | ۷ |

- (الف) در این بازی چندبار تاس اندخته‌اند؟
- (ب) چه عددی بیشتر از بقیه مشاهده شده است؟
- (پ) کدام دو عدد به تعداد مساوی دیده شده‌اند؟
- ۲- یک سکه را ۵ بار می‌اندازیم؛ آیا ممکن است هر ۵ بار رو بیاید؟
- ۳- می‌خواهیم عقریه‌ی چرخنده‌ی زیر را بچرخانیم. کدام یک از این دو نفر درست می‌گویند؟ چرا؟
- 
- سینا : «احتمال اینکه عقریه روی سبز باشد، بیشتر از هریک از رنگ‌های دیگر است؛ چون دو قسمت چرخنده، سبز رنگ است اما تنها یک قسمت، زرد است و یک قسمت آبی.»
- مینا : «احتمال اینکه عقریه روی زرد باشد، بیشتر از هریک از رنگ‌های دیگر است؛ چون کسری از چرخنده که زردرنگ است، بیشتر از کسر مربوط به رنگ‌های دیگر است.»
- ۴- چرخنده‌ی زیر را طوری رنگ کنید که احتمال ایستادن عقریه روی رنگ آبی با رنگ سبز مساوی باشد.
- همچنین احتمال ایستادن عقریه روی رنگ سفید بیشتر از هریک از رنگ‌های دیگر باشد.
- 

مروف فصل

فرهنگ نوشت

۱- یک مثال بنویسید که برای نمایش داده‌های آن، نمودار خط شکسته مناسب باشد.

۲- میانگین ۴ عدد را چگونه حساب می‌کنید؟ با یک مثال توضیح دهید.

• تمرين •

۱- پنج عدد بنویسید که میانگین آنها ۱۲ باشد. (برای این سؤال سه پاسخ مختلف پیدا کنید.)

۲- سه عدد پشت‌سرهم (متوالی) بنویسید که میانگین آنها ۱۵ باشد. (می‌توانید پاسخ را حدس بزنید و سپس آزمایش کنید.)

۳- برای آسفالت کردن کوچه‌ای به عرض ۵ و طول ۱۰۰ متر، از ۵ تُن آسفالت استفاده شده است. به طور متوسط، در هر مترمربع چند کیلوگرم آسفالت به کار رفته است؟

۴- ثنا در سه مرحله از یک مسابقه به ترتیب ۱۸، ۱۵ و ۲۷ امتیاز کسب کرده است.
الف) میانگین امتیازهای او را حساب کنید.

ب) در مرحله‌ی چهارم، چه امتیازی کسب کند تا میانگین امتیازاتش تغییر نکند؟

۵- مینا نماینده‌ی کلاس است. او تعداد غایب‌ها را در طول هفته‌ی گذشته یادداشت کرده است.
حساب کنید که به طور متوسط چند نفر در هر روز غایب بوده‌اند.

| روز | شنبه | یکشنبه | دوشنبه | سهشنبه | چهارشنبه |
|---------------|------|--------|--------|--------|----------|
| تعداد غایب‌ها | ۱ | ۰ | ۳ | ۱ | ۰ |

۶- میانگین این عددها را به دست آورید :

۲/۵ ، ۲/۷ ، ۱/۱ ، ۰/۷

۷- دو تیم ۶ نفره‌ی دانشآموزی در زمین مشغول بازی والیبال هستند.

قد بازیکنان هر یک از تیم‌ها در جدول زیر آمده است.

الف) کوتاه‌ترین بازیکن در کدام تیم است؟

ب) بلندترین بازیکن در کدام تیم است؟

پ) میانگین قد بازیکنان هر تیم را به دست آورید و مقایسه کنید.

| قد بازیکنان تیم والیبال (سانتی‌متر) | | | | | | |
|-------------------------------------|-----|-----|-----|-----|-----|---------------|
| ۱۳۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۳۰ | ۱۵۵ | ۱۴۰ | مدرسه‌ی آزادی |
| ۱۴۰ | ۱۵۰ | ۱۴۰ | ۱۴۵ | ۱۴۵ | ۱۲۰ | مدرسه‌ی فجر |

۸- پنج تیله‌ی سفید و پنج تیله‌ی نارنجی داریم. می‌خواهیم چهار تا از این تیله‌ها را داخل یک کیسه برویم و بدون نگاه کردن به رنگ تیله‌ها، یکی از آنها را از کیسه بیرون بیاوریم.

در هر حالت، بنویسید که چند تیله‌ی سفید و چند تیله‌ی نارنجی در کیسه برویم تا تیله‌ای که بیرون می‌آوریم:

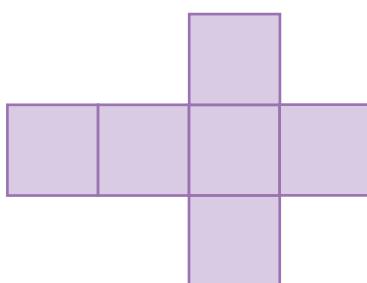
الف) حتماً سفید باشد.

ب) احتمال سفید بودنش کمتر از نارنجی بودن آن باشد.

پ) احتمال سفید بودن و نارنجی بودن آن برابر باشد.

ت) حتماً سفید نباشد.

۹- می‌خواهیم به کمک گسترده‌ی زیر یک تاس مکعبی‌شکل بسازیم. روی هر یک از وجه‌های آن، یکی از شکل‌های ☺ ، ☻ ، یا ☹ را بکشید؛ به‌طوری که وقتی تاس می‌اندازیم، امکان مشاهده‌ی ☺ از بقیه بیشتر و امکان مشاهده‌ی ☹ از بقیه کمتر باشد.



معمّا و سرگرمی



این بازی را می‌توانید چندنفری انجام دهید. هر کدام یکی از خودروهارا انتخاب کنید و یک مهره روی آن قرار دهید.

دو تا مس را بیندازید و عدد روی آنها را جمع کنید. خودرویی را که عدد روی آن با حاصل جمع به دست آمده برابر است، یک خانه به جلو ببرید (می‌توانید مهره را حرکت دهید). بازیکنی برنده است که خودرو او زودتر از بقیه به پایان مسیر برسد.

| | | | | | |
|--|--|--|--|--|-------|
| | | | | | پایان |

فرهنگ خواندن

انسان سال هاست که از داده های جمع آوری شده برای پیش بینی موضوعات مختلف و تصمیم گیری درباره آنها استفاده می کند.

در سال های اخیر، رسانه های نوین از جمله اینترنت، امکان به اشتراک گذاشتن داده ها را در سراسر جهان فراهم ساخته اند.

در برخی از وبگاه ها می توان داده هایی را که در کل کره زمین درباره یک موضوع جمع آوری شده است، مشاهده کرد.

وبگاه www.worldometers.info/fa یکی از وبگاه هایی است که برخی از داده های جهانی را به صورت لحظه به لحظه نمایش می دهد. از جمله داده هایی که در این وبگاه آمده، جمعیت کلونی جهان، تعداد کتاب های جدید منتشر شده در این سال و سطح جنگل های از دست رفته در طول سال است.

