



فصل ۶

شاپستگی‌های پایه فنی

اتحادها

$$(x+y)^r = x^r + rx y + y^r$$

$$(x-y)^r = x^r - rx y + y^r$$

$$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

$$(x+y)^r = x^r + rx^r y + rx y^r + y^r$$

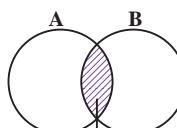
$$(x-y)^r = x^r - rx^r y + rx y^r - y^r$$

$$x^r - y^r = (x-y)(x^{r-1} + xy + y^{r-1})$$

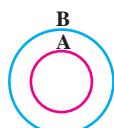
$$x^r - y^r = (x-y)(x^{r-1} + xy + y^{r-1})$$

$$x^r + y^r = (x+y)(x^{r-1} - xy + y^{r-1})$$

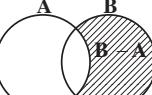
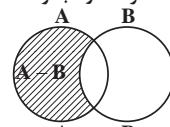
مجموعه ها



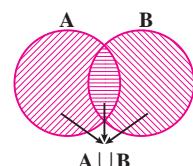
اشتراع دو مجموعه



زیر مجموعه



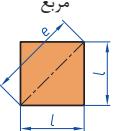
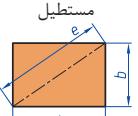
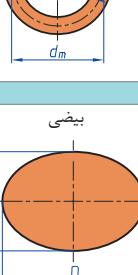
تفاضل دو مجموعه

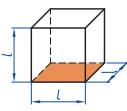
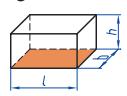
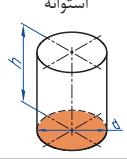
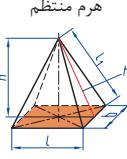
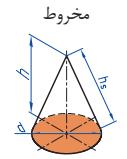
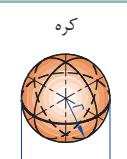


اجتماع دو مجموعه

نمایش مجموعه به صورت بازه

نمایش مجموعه	نمایش روی محور	نمایش بازه
$\{x \in \mathbb{R} a \leq x \leq b\}$		$[a, b]$
$\{x \in \mathbb{R} a < x \leq b\}$		$(a, b]$
$\{x \in \mathbb{R} a \leq x < b\}$		$[a, b)$
$\{x \in \mathbb{R} a < x < b\}$		(a, b)
$\{x \in \mathbb{R} a < x\}$		$(a, +\infty)$
$\{x \in \mathbb{R} x \leq b\}$		$(-\infty, b]$

	<p>مربع</p> <p>L طول ضلع e قطر A مساحت</p>	$A = L^2$ $e = \sqrt{2} \cdot L$
	<p>لوزی</p> <p>b ارتفاع L طول ضلع A مساحت</p>	$A = L \cdot b$
	<p>مستطيل</p> <p>e قطر b عرض L طول A مساحت</p>	$e = \sqrt{L^2 + b^2}$ $A = L \cdot b$
	<p>متوازي الاضلاع</p> <p>L طول b عرض A مساحت</p>	$A = L \cdot b$
	<p>ذوزنقه</p> <p>A مساحت L₁ طول قاعده بزرگ L₂ طول قاعده بزرگ L_m طول متوسط b عرض</p>	$L_m = \frac{L_1 + L_2}{2}$ $A = l_m \cdot b$ $A = \frac{L_1 + L_2}{2} \cdot b$
	<p>مثلث</p> <p>A مساحت L طول قاعده e ارتفاع</p>	$A = \frac{L \cdot b}{2}$
	<p>حلقه دائري</p> <p>A مساحت D قطر خارجي d قطر داخلي d_m قطر متوسط b عرض</p>	$d_m = \frac{D + d}{2}$ $A = \pi \cdot d_m \cdot b$ $A = \frac{\pi}{4} (D^2 - d^2)$
	<p>بيضي</p> <p>A مساحت D قطر بزرگ d قطر كوچك U محيط</p>	$U = \frac{\pi}{4} \cdot (D + d)$ $A = \frac{\pi \cdot D \cdot d}{4}$

 <p>مكعب</p>	<p>A_o مساحت L طول ضلع V حجم</p>	$A_o = 6L^2$ $V = L^3$
 <p>مكعب مستطيل</p>	<p>b عرض h ارتفاع A_o مساحت L طول قاعدة V حجم</p>	$V = L.b.h$ $A_o = 2(L.b + L.h + b.h)$
 <p>اسطوانة</p>	<p>A_m مساحت جانبی h ارتفاع V حجم A_o مساحت</p>	$A_u = \pi.d.h$ $V = \frac{\pi.d^2}{4}.h$ $A_s = \pi.d.h + 2 \frac{\pi.d^2}{4}$
 <p>هرم منتظم</p>	<p>h ارتفاع h_s ارتفاع وجه b عرض قاعدة L_1 طول يال L طول قاعدة V حجم</p>	$V = \frac{L.b.h}{3}$ $L_1 = \sqrt{h_s^2 + \frac{b^2}{4}}$ $h_s = \sqrt{h^2 + \frac{L_1^2}{4}}$
 <p>مخروط</p>	<p>V حجم d قطر h ارتفاع h_s طول يال A_M مساحت جانبی</p>	$h_s = \sqrt{\frac{d^2}{4} + h^2}$ $A_M = \frac{\pi.d.h_s}{2}$ $V = \frac{\pi.d^2}{4}.h$
 <p>كرة</p>	<p>A_o مساحت V حجم d قطر كرة</p>	$A_s = \pi.d^2$ $V = \frac{\pi.d^3}{6}$

نسبت و تنااسب

۱ در حالت کلی، دو نسبت a به b و c به d مساوی‌اند، هرگاه برای یک عدد مانند k داشته باشیم:

$$c=kd \quad a=kb \quad \text{یا} \quad \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$$

۲ اگر a و b مقادیر متناظر دو کمیت باشند که با هم رابطه معکوس دارند، مقدار $k=a \times b$ ثابت است و اگر c و d دو مقدار متناظر دیگر از همین کمیت باشند، داریم:

$$a=\frac{k}{b} \quad c=\frac{k}{d} \quad \text{یا} \quad k=a \times b=c \times d$$

۳ خواص عملیات

در عبارت‌های زیر، فرض بر آن است که مخرج‌ها مخالف صفر هستند.

$\frac{a}{b} = \frac{ca}{cb} \quad (c \neq 0)$	$c \times \frac{a}{b} = \frac{ca}{b}$	$\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$
$\frac{a+b}{c} = \frac{a}{c} + \frac{b}{c}$	$-\frac{a}{b} = \frac{-a}{b} = \frac{a}{-b}$	
$\frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{ad}{bc}$	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$	

$$a \times d = b \times c \quad \text{معادل است با} \quad \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad \text{تساوی}$$

درصد و کاربردهای آن

۱ معادله درصد: رابطه بین مقدار اولیه، درصدی از مقدار اولیه و مقدار نهایی را نشان می‌دهد.

$$b = x \times a \quad \begin{matrix} \leftarrow \text{مقدار نهایی} \\ \downarrow \\ \text{درصد به صورت عدد} \end{matrix}$$

اعشاری / کسری

۲ درصد تغییر: برای هر کمیتی مقدار

$$\frac{\text{مقدار اولیه} - \text{مقدار نهایی}}{\text{مقدار اولیه}} \times 100 = \frac{\text{میزان تفاوت در مقدار}}{\text{مقدار اولیه}} \times 100 \times \text{نسبت تغییر} = 100 \times \frac{\text{مقدار اولیه}}{\text{مقدار اولیه}}$$

را درصد تغییر آن کمیت می‌نامند.

درصد تغییر می‌تواند منفی هم باشد که به معنای کاهش است.

معادله درجه دوم

$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$\Delta = b^2 - 4ac \left\{ \begin{array}{l} \Delta > 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} \\ \Delta = 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b}{2a} \\ \Delta < 0 \Rightarrow \text{معادله ریشه ندارد} \end{array} \right.$$

نامعادله درجه دوم

نامساوی هایی به صورت $ax^2 + bx + c \geq 0$ یا $ax^2 + bx + c \leq 0$ که در آن a, b, c اعداد داده حقیقی هستند ($a \neq 0$) را نامعادله درجه دوم می‌نامند. مقدارهایی از x که نامعادله را به یک نامساوی درست تبدیل می‌کنند، جواب‌های نامعادله می‌نامند.

توان و ریشه یابی

$$a^m \times a^n = a^{m+n}$$

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} \quad \frac{a^m}{a^n} = \frac{1}{a^{n-m}} \quad (a \neq 0)$$

$$(a^m)^n = a^{mn}$$

$$(ab)^n = a^n b^n, \quad \left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n} \quad (b \neq 0)$$

$$a^0 = 1 \quad (a \neq 0)$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0)$$

$$a^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{a}$$

$$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} = (\sqrt[n]{a})^m$$

$$\sqrt[n]{a^n} = (\sqrt[n]{a})^n = a$$

$$\sqrt[n]{a} \sqrt[m]{b} = \sqrt[nm]{ab}$$

$$\sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[mn]{a}$$

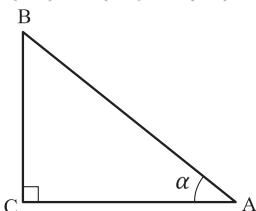
$$\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}} \quad (b \neq 0)$$

مثلثات

۱ یکی از حالات تشابه دو مثلث، تساوی زاویه‌های آن دو مثلث می‌باشد.

۲ رابطه فیثاغورس: در مثلث قائم‌الزاویه ABC داریم:

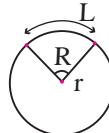
$$(AB)^2 = (AC)^2 + (BC)^2$$



۲ نسبت‌های مثلثاتی یک زاویه تند:

در مثلث قائم‌الزاویه ABC زاویه تند α را در نظر بگیرید. بنا به تعریف داریم:

$$\tan \alpha = \frac{\alpha}{\text{طول ضلع روبروی زاویه}} = \frac{\text{طول ضلع روبروی زاویه}}{\text{طول ضلع مجاور زاویه}} = \frac{BC}{AC} \quad \pi = \frac{3}{14} \quad R = \frac{L}{r}$$



$$\sin \alpha = \frac{\alpha}{\text{وتر}} = \frac{\text{طول ضلع روبروی زاویه}}{\text{وتر}} = \frac{BC}{AB} \quad \frac{L}{r} = \frac{\pi}{180^\circ} D \quad (درجه) D = \frac{180^\circ}{\pi} R$$

$$\cos \alpha = \frac{\alpha}{\text{وتر}} = \frac{\text{طول ضلع مجاور زاویه}}{\text{وتر}} = \frac{AC}{AB} \quad \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

۳ روابط بین نسبت‌های مثلثاتی:

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \quad \text{ب)$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad \text{الف)$$

$\sin(\pi - \theta) = \sin \theta$	$\cos(\pi - \theta) = -\cos \theta$	$\tan(\pi - \theta) = -\tan \theta$
$\sin(\pi + \theta) = -\sin \theta$	$\cos(\pi + \theta) = -\cos \theta$	$\tan(\pi + \theta) = \tan \theta$
$\sin(-\theta) = -\sin \theta$	$\cos(-\theta) = \cos \theta$	$\tan(-\theta) = -\tan \theta$
$\sin(2\pi + \theta) = \sin \theta$	$\cos(2\pi + \theta) = \cos \theta$	$\tan(2\pi + \theta) = \tan \theta$
$\sin(2\pi - \theta) = -\sin \theta$	$\cos(2\pi - \theta) = \cos \theta$	$\tan(2\pi - \theta) = -\tan \theta$

Angle A in degrees	Angle A in radians	sin A	cos A	tan A	cot A
۰°	۰	۰	۱	۰	∞
۱۵°	$\frac{\pi}{12}$	$\frac{1}{4}(\sqrt{6} - \sqrt{2})$	$\frac{1}{4}(\sqrt{6} + \sqrt{2})$	$2 - \sqrt{3}$	$2 + \sqrt{3}$
۳۰°	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$\frac{1}{3}\sqrt{3}$	$\sqrt{3}$
۴۵°	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	۱	۱
۶۰°	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$\frac{1}{2}$	$\sqrt{3}$	$\frac{1}{3}\sqrt{3}$
۷۵°	$\frac{5\pi}{12}$	$\frac{1}{4}(\sqrt{6} + \sqrt{2})$	$\frac{1}{4}(\sqrt{6} - \sqrt{2})$	$2 + \sqrt{3}$	$2 - \sqrt{3}$
۹۰°	$\frac{\pi}{2}$	۱	۰	$\pm\infty$	۰

Angle A in degrees	Angle A in radians	sin A	cos A	tan A	cot A
105°	$\frac{7\pi}{12}$	$\frac{1}{4}(\sqrt{6} + \sqrt{2})$	$-\frac{1}{4}(\sqrt{6} - \sqrt{2})$	$-(2 + \sqrt{3})$	$-(2 - \sqrt{3})$
120°	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$-\frac{1}{2}$	$-\sqrt{3}$	$-\frac{1}{\sqrt{3}}$
135°	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	-1	-1
150°	$\frac{5\pi}{6}$	$\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$-\frac{1}{\sqrt{3}}$	$-\sqrt{3}$
165°	$\frac{11\pi}{12}$	$\frac{1}{4}(\sqrt{6} - \sqrt{2})$	$-\frac{1}{4}(\sqrt{6} + \sqrt{2})$	$-(2 - \sqrt{3})$	$-(2 + \sqrt{3})$
180°	π	0	-1	0	$\pm\infty$

لگاریتم و خواص آن:

اگر a یک عدد حقیقی مثبت مخالف 1 باشد و اعداد حقیقی b و c به گونه‌ای باشند که: $b = a^c$ آنگاه c را لگاریتم b در مبنای a می‌نامند و با $\log_a b$ نشان می‌دهند. به عبارت دیگر داریم:

$$\log_a b = c$$

■ فقط اعداد مثبت لگاریتم دارند، یعنی عبارت $\log_a b$ فقط برای $b > 0$ تعریف می‌شود.

$$\log(bc) = \log b + \log c$$

■ برای $b, c > 0$ داریم:

$$\log(a+b) \neq \log a + \log b$$

■ در حالت کلی: برای هر $a, b > 0$ داریم:

$$\log \frac{b}{c} = \log b - \log c$$

■ برای $b, c > 0$ داریم:

$$\log(a-b) \neq \log a - \log b$$

■ در حالت کلی: برای هر $a, b > 0$ داریم:

$$\log b^x = x \log b$$

■ برای $b > 0$ و هر عدد حقیقی x داریم:

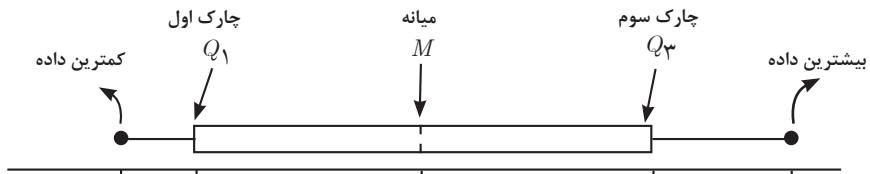
$$\log_a b = \frac{\log b}{\log a}$$

■ برای $a \neq 1$ و $a, b > 0$ داریم:

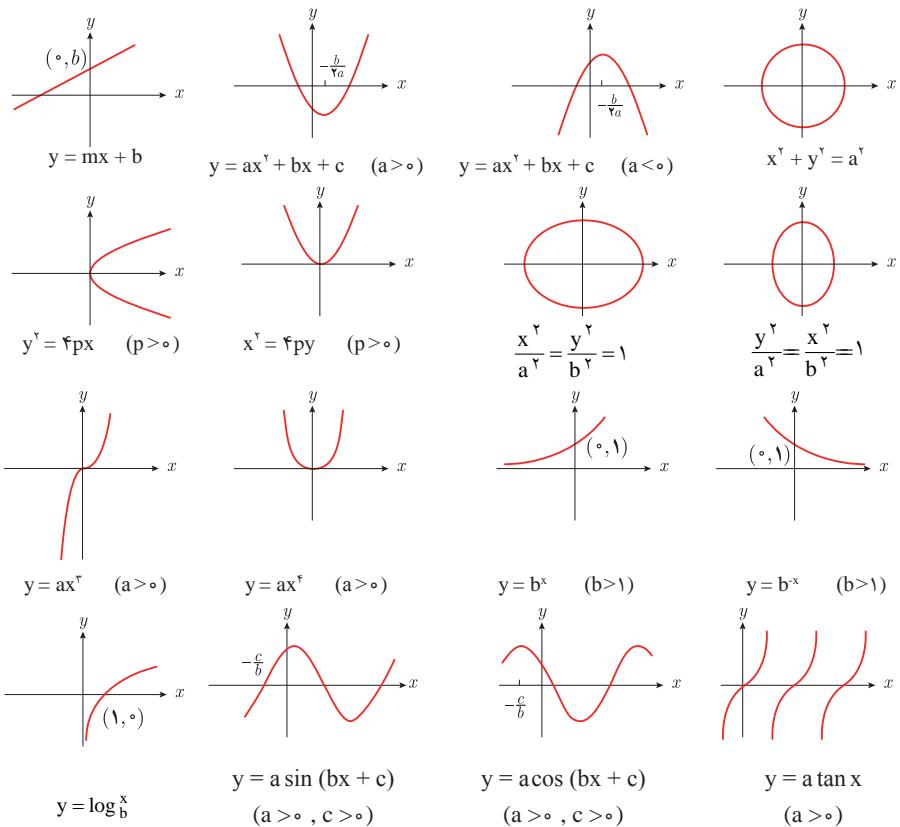
آمار توصیفی: ✓

- نمودار پراکنش دو کمیت، مجموعه‌ای از نقاط در صفحه مختصات است که طول و عرض هر نقطه، داده‌های مربوط به اندازه‌گیری‌های متناظر دو کمیت است.
- x و y دو کمیت مرتبط هستند. اگر مقادیر این دو کمیت برای برخی از x ها در یک بازه، مشخص باشد، پیش‌بینی مقادیر y به ازای x ‌های مشخص در این بازه به کمک خط پرازش را برونویابی و پیش‌بینی مقادیر y به ازای x ‌های مشخص در خارج از این بازه را برونویابی می‌نمند.
- پس از مرتب کردن مقادیر داده‌ها، عددی را که تعداد داده‌های قبل از آن با تعداد داده‌های بعد از آن برابر است را میانه می‌نامند.

■ نمودار جعبه‌ای



■ نمودارها و منحنی‌ها



$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) = B. \leftarrow \text{اگر}$$

$$\lim_{x \rightarrow a} k = k \quad \lim_{x \rightarrow a} [k.f(x)] = k. \lim_{x \rightarrow a} f(x) = k.A.$$

$$\lim_{x \rightarrow a} [f(x) \pm g(x)] = \lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm \lim_{x \rightarrow a} g(x) = A \pm B$$

$$\lim_{x \rightarrow a} [f(x).g(x)] = [\lim_{x \rightarrow a} f(x)].[\lim_{x \rightarrow a} g(x)] = A.B$$

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{\lim_{x \rightarrow a} f(x)}{\lim_{x \rightarrow a} g(x)} = \frac{A}{B} \quad B \neq 0$$

$$p(x) \quad \Rightarrow \quad \lim_{x \rightarrow a} p(x) = p(a).$$

$$\lim_{x \rightarrow a} [f(x)]^k = [\lim_{x \rightarrow a} f(x)]^k = A^k.$$

■ پیوستگی و ناپیوستگی تابع ها

تابع f و یک نقطه a از دامنه آن را در نظر بگیرید. گوییم تابع f در نقطه a پیوسته است، هر گاه حد f در a موجود باشد و

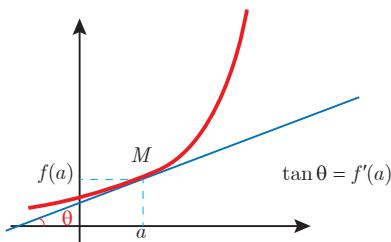
$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a)$$

در غیر این صورت گوییم تابع f در نقطه a ناپیوسته است. اگر تابعی در همه نقاط دامنه خود پیوسته باشد، آن را تابعی پیوسته می‌نامند.

مشتق و شب خط مماس بر نمودار تابع ✓

فرض کنید تابع f در نقطه a از دامنه خود مشتق پذیر باشد. در این صورت، $(a, f'(a))$ نشان‌دهنده

شب خط مماس بر نمودار این تابع در نقطه a است. $M = \begin{bmatrix} a \\ f(a) \end{bmatrix}$



مشتق تابع

$$m_{\tan} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_1 + h) - f(x_1)}{h}$$

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x + h) - f(x)}{h}$$

$$f(x) = k \quad f'(x) = 0.$$

$$f(x) = x^n \quad f'(x) = nx^{n-1}$$

$$f(x) = k \cdot g(x) \quad f'(x) = k \cdot g'(x)$$

$$f(x) = u(x) \pm v(x) \quad f'(x) = u'(x) \pm v'(x).$$

$$f(x) = u(x) \cdot v(x) \quad f'(x) = u(x) \cdot v'(x) + v(x) \cdot u'(x).$$

$$f(x) = u(x)/v(x) \quad f'(x) = \frac{v(x) \cdot u'(x) - u(x) \cdot v'(x)}{[v(x)]^2}.$$

$$y = f[g(x)] \quad \frac{dy}{dx} = f'[g(x)] \cdot g'(x).$$

اندازه‌گیری و دستگاه بین‌المللی یکایها

کمیت‌های اصلی و یکای آنها

نام یکا	نام یکا	کمیت
m	متر	طول
kg	کیلوگرم	جرم
s	ثانیه	زمان
K	کلوین	دما
mol	مول	مقدار ماده
A	آمپر	حریان الکتریکی
cd	کندها (شمع)	شدت روشنایی

یکای فرعی

یکای فرعی	SI	کمیت
m/s	m/s	تنددی و سرعت
m/s ^r	m/s ^r	شتاب
kg·m/s ^r	(N)	نیرو
kg/ms ^r	(Pa)	فشار
kgm ^r /s ^r	(J)	انرژی

مقادیر تقریبی برخی طول‌های اندازه‌گیری شده

جسم	طول	جسم	طول
فاضله منظومه شمسی تا نزدیک‌ترین کهکشان	2.2×10^{11}	فاضله منظومه شمسی تا نزدیک‌ترین ستاره	4×10^{16}
یک سال نوری	9×10^{15}	شعاع مدار میانگین زمین به دور خورشید	1.5×10^{11}
فاضله میانگین ماه از زمین	3.84×10^8	فاضله میانگین زمین	6.4×10^6
فاضله ماهواره‌های مخابراتی از زمین	3.6×10^7		
فاضله منظومه شمسی تا زمین	1.496×10^{11}		
فاضله میانگین هیروژون (قطر پروتون)	1.75×10^{-15}		

مقادیر تقریبی برخی جرم‌های اندازه‌گیری شده

جسم (kg)	جسم (kg)	جسم
7×10^1	انسان	1×10^{53} عالم قلیل مشاهده
1×10^{-1}	قورباغه	7×10^{41} کهکشان راه شیری
1×10^{-5}	پشه	2×10^{30} خورشید
1×10^{-15}	باکتری	6×10^{24} زمین
$1/6 \times 10^{-27}$	اتم هیدروژن	$7/34 \times 10^{22}$ ماه
$9/1 \times 10^{-31}$	الکترون	1×10^{-3} کوسمه

مقادیر تقریبی برخی از بازه‌های اندازه‌گیری شده

بازه زمانی	ثانیه
سن عالم	5×10^{17}
سن زمین	$1/43 \times 10^{17}$
میانگین عمر یک انسان	2×10^9
یک سال	$3/15 \times 10^7$
یک روز	$8/6 \times 10^4$
زمان بین دو ضربان عادی قلب	8×10^{-1}

واحدهای اندازه‌گیری انگلیسی

۱ واحدهای اندازه‌گیری طول

۱ میلی‌متر (mm) = $25/4$ سانتی‌متر (cm) = $2/5$ اینچ (in)

۱ فوت (ft) = ۱۲ اینچ (in)

۱ فوت (ft) = 36 اینچ (in) $\cong 90$ سانتی‌متر (cm)

۱ فوت (ft) = 5280 متر (m) $= 1609/344$ اینچ (in) $= 63360$ mil (mil) مایل خشکی

۱ فوت (ft) = 1853 متر (m) $\cong 6080$ مایل دریایی

۱ مایل خشکی $\cong 1/15$ مایل دریایی

ضریب تبدیل (با تقریب کمتر از ۰/۰۱)	به	برای تبدیل از
۱/۶۱	کیلومتر	مایل
۲/۵۴	سانتی‌متر	اینچ
۰/۳۱	متر	فوت
۰/۹۱	متر	یارد
۰/۶۲	مایل	کیلومتر
۰/۳۹	اینچ	سانتی‌متر
۳/۲۸	فوت	متر
۱/۰۹	یارد	متر

۲ واحدهای اندازه‌گیری جرم

$$1 \text{ اونس (oz)} = 0/035 \text{ گرم (g)} \quad 1 \text{ گرم (g)} = 28 \text{ اونس (oz)}$$

$$1 \text{ کیلوگرم (kg)} = 35/27 \text{ اونس (oz)} \quad 1 \text{ اونس (oz)} = 16 \text{ پوند (lb)}$$

$$1 \text{ کیلوگرم (kg)} = 0/45 \text{ پوند (lb)} \quad 1 \text{ پوند (lb)} = 220 \text{ تن (T)}$$

۳ واحدهای اندازه‌گیری حجم

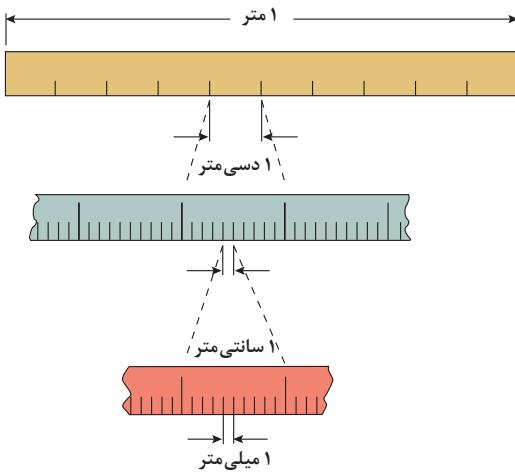
$$1 \text{ میلی‌لیتر (ml)} = 5 \text{ قاشق چایخوری (tsp)}$$

$$1 \text{ میلی‌لیتر (ml)} = 15 \text{ قاشق سوپ‌خوری (tbsp)}$$

$$1 \text{ میلی‌لیتر (ml)} = 240 \text{ فنجان (C)}$$

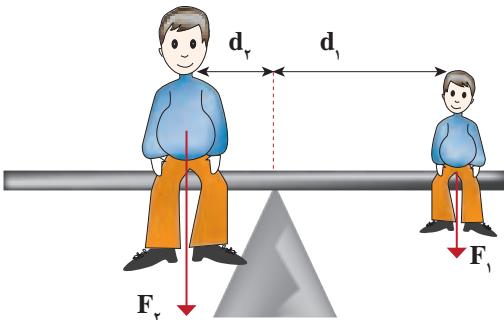
پیشوندهای مورد استفاده در دستگاه SI

نماد	پیشوند	ضریب	نماد	پیشوند	ضریب
y	یوکتو	10^{-24}	Y	یوتا	10^{24}
z	زیتو	10^{-21}	Z	زتا	10^{21}
a	آتو	10^{-18}	E	اگزا	10^{18}
f	فِمتو	10^{-15}	P	پِتا	10^{15}
p	پیکو	10^{-12}	T	تِرا	10^{12}
n	نانو	10^{-9}	G	گیگا (جیگا)	10^9
μ	میکرو	10^{-6}	M	مِگا	10^6
m	میلی	10^{-3}	k	کیلو	10^3
c	سانتی	10^{-2}	h	هِکتو	10^2
d	دِسی	10^{-1}	da	دِکا	10^1

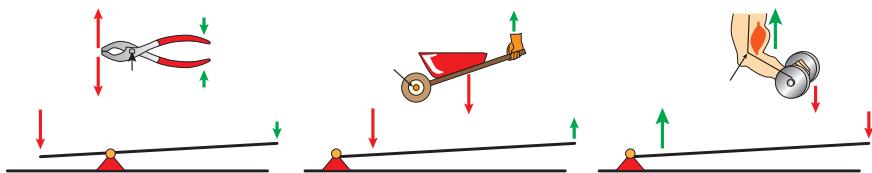


پیشوندهای کوچک کننده یکای متر

اهرم ها



گشتاور نیروی ساعتگرد = گشتاور نیروی پاد ساعتگرد
 $d_2 \times f_2 = d_1 \times f_1$

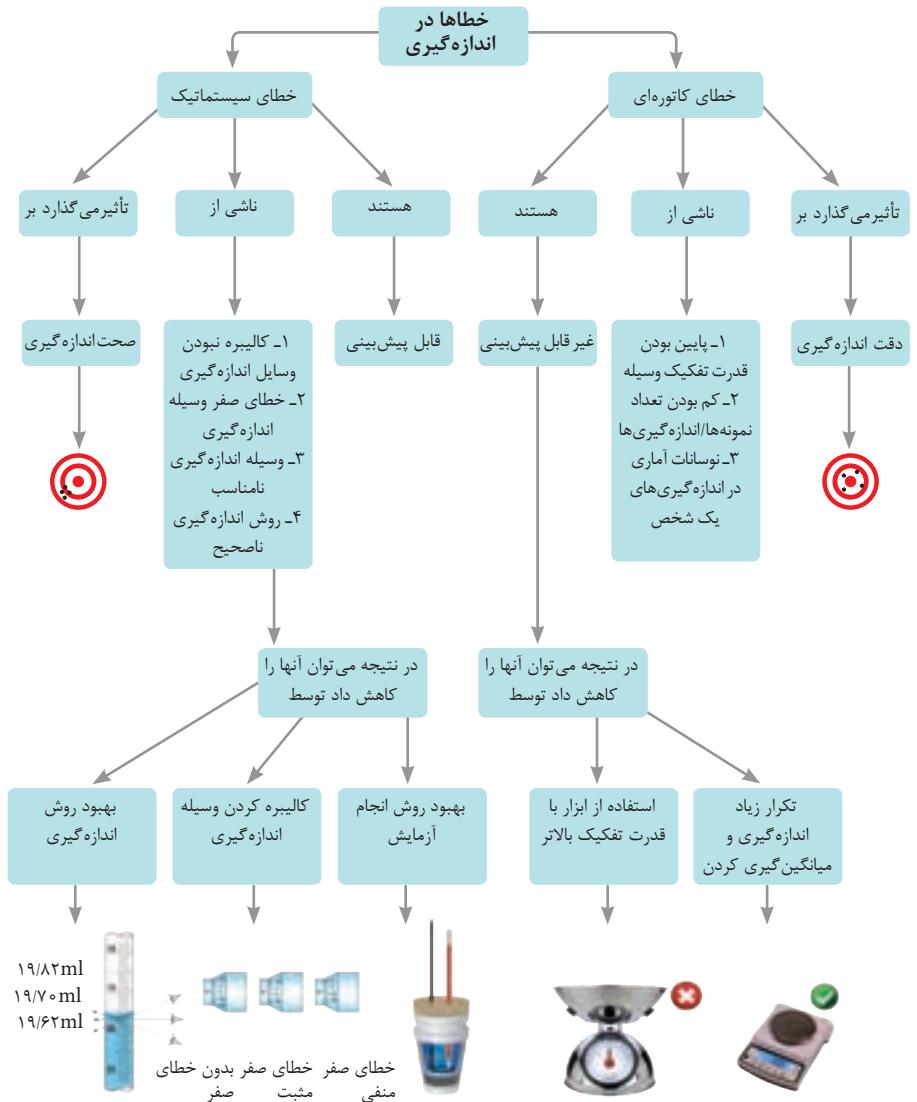


مزیت مکانیکی

$$\text{مزیت مکانیکی} = \frac{\text{بازوی محرك}}{\text{بازوی مقاوم}} = \frac{\text{اندازه نیروی مقاوم}}{\text{اندازه نیروی محرك}}$$

کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)
جزیان مقاومت‌های موازی	$I_1 + I_2 + I_3 = I_{eq}$
ولتاژ مقاومت‌های موازی	$V_1 = V_2 = V_3 = V_{eq}$
مقاومت معادل مقاومت‌های موازی	$\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} = \frac{1}{R_{eq}}$
فشار و ارتباط آن با نیروی عمودی و سطح تماس	$P = \frac{F}{A}$
اختلاف فشار دو نقطه شاره ساکن	$P_3 - P_1 = +\rho g \Delta h$
فشار یک نقطه شاره ساکن	$p = \rho g \Delta h + p_{atm}$
اصل پاسکال	$P_3 = P_1 \Rightarrow \frac{F_3}{A_3} = \frac{F_1}{A_1}$
چگالی	$\rho = \frac{m}{v}$
چگالی نسبی	$d = \frac{\rho_3}{\rho_1}$
رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس فارنهایت	$F = \frac{9}{5}\theta + 32$
رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس کلوین	$T = \theta + 273$
رابطه دما در مقیاس فارنهایت و مقیاس کلوین	$T = (F + 459) \div 1.8$
مقدار گرمایی داده شده به یک جسم	$Q = mC(\theta_3 - \theta_1) = mC\Delta\theta$
تعادل گرمایی	$Q_1 + Q_2 + Q_3 + \dots = 0$
گرمای منتقل شده از طریق رسانش	$Q = \frac{KAt(T_3 - T_1)}{L} = \frac{KAt\Delta T}{L}$
انبساط خطی	$L_3 - L_1 = \alpha L_1 \Delta \theta$ $L_3 = L_1 (1 + \alpha \Delta \theta)$
انبساط سطحی	$A_3 - A_1 = 2\alpha A_1 \Delta \theta$ $A_3 = A_1 (1 + 2\alpha \Delta \theta)$
انبساط حجمی	$V_3 - V_1 = 3\alpha V_1 \Delta \theta$ $V_3 = V_1 (1 + 3\alpha \Delta \theta)$

کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)	کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)
نیروی وزن	$g = \frac{w}{m} \rightarrow w = mg$	بازه زمانی	$\Delta t = t_f - t_i$
بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی	$f_{s(max)} = \mu_s N$	جلجایی	$\Delta x = x_f - x_i$
نیروی اصطکاک جنبشی	$f_k = \mu_k N$	سرعت متوسط	$\bar{v} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$
شدت جریان الکتریکی متوسط	$I = \frac{\Delta q}{\Delta t}$	رابطه مکان زمان حركت یکنواخت	$x = vt + x_0$
قانون اهم	$R = \frac{V}{I}$	شتاب متوسط	$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$
مقاومت رساناهای فلزی در دمای ثابت	$R = \frac{\rho L}{A}$	شتاب لحظه‌ای حرکت با شتاب ثابت	$a = \bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$
انرژی الکتریکی مصرفی	$U = I^2 R t$	رابطه سرعت زمان حركت با شتاب ثابت	$v = v_0 + at$
توان مصرفی	$P = I^2 R$ و $P = \frac{U}{t}$ $P = VI$ و $P = \frac{V^2}{R}$	سرعت متوسط در حركت با شتاب ثابت	$\bar{v} = \frac{v_f + v_i}{2}$
جریان مقاومت‌های متواالی (سری)	$I_\parallel = I_\downarrow = I_\uparrow = I_{eq}$	رابطه مستقل از زمان در حركت با شتاب ثابت	$v_f - v_i = 2a(x - x_0)$
ولتاژ مقاومت‌های متواالی (سری)	$V_\parallel + V_\downarrow + V_\uparrow = V_{eq}$	رابطه جابه‌جایی در حركت با شتاب ثابت	$\Delta x = x_f - x_i = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t$
مقاومت معادل مقاومت‌های متواالی (سری)	$R_\parallel + R_\downarrow + R_\uparrow = R_{eq}$	قانون دوم نیوتون	$\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}$



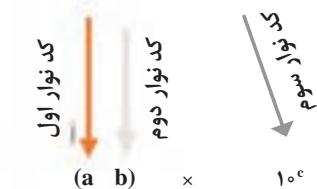
کدهای رنگی مقاومت



انواع مقاومت ثابت



مقدار مقاومت درصد خطاطی



نحوه خواندن مقاومت رنگی

رنگ	کد رنگ	درصد خطاطی
سیاه	۰	-
قهوه‌ای	۱	۱ درصد
قرمز	۲	۲ درصد
نارنجی	۳	۳ درصد
زرد	۴	۴ درصد
سبز	۵	-
آبی	۶	-
بنفش	۷	-
خاکستری	۸	-
سفید	۹	-
طلایی	-	۵ درصد
نقره‌ای	-	۱۰ درصد

ضریب انبساط طولی برخی اجسام

ماده	ضریب انبساط طولی $\frac{1}{k}$	ماده	ضریب انبساط طولی $\frac{1}{k}$
الماس	1.7×10^{-6}	مس	1.9×10^{-6}
شیشه پرکس	1.9×10^{-6}	برنج	2.2×10^{-6}
شیشه معمولی	9.12×10^{-6}	آلومینیوم	2.3×10^{-6}
فولاد	$11-13 \times 10^{-6}$	سرپ	2.9×10^{-6}
بتن	$10-14 \times 10^{-6}$	(°C)	51×10^{-6}

گرمای ویژه برشی از مواد*

ضریب انبساط حجمی چند مایع در

دهمای حدود 20°C

گرمای ویژه J/kg.K	ماده	دسته‌بندی
۱۲۸	سرپ	۱
۱۳۴	تندگستان	۱
۲۳۶	نقره	۱
۳۸۶	مس	۱
۹۰۰	آلومینیوم	۱
۳۸۰	برنج	۲
۴۵۰	نوعی فولاد (آلیاژ آهن با ۲٪ کربن)	۲
۴۹۰	فولاد زنگ نزن	۲
۱۳۵۶	چوب	۲
۷۹۰	گرانیت	۲
۸۰۰	بتن	۲
۸۴۰	شیشه	۲
۲۲۲۰	یخ	۲
۱۴۰	جیوه	۳
۲۴۳۰	اتانول	۳
۳۹۰۰	آب دریا	۳
۴۱۸۷	آب	۳

ماده	ضریب انبساط طولی $\frac{1}{\text{K}}$
جیوه	$0/18 \times 10^{-3}$
آب	$0/27 \times 10^{-3}$
گلیسیرین	$0/49 \times 10^{-3}$
روغن زیتون	$0/70 \times 10^{-3}$
پارافین	$0/76 \times 10^{-3}$
بنزین	$1/00 \times 10^{-3}$
اتانول	$1/09 \times 10^{-3}$
استیک اسید	$11/0 \times 10^{-3}$
بنزن	$12/5 \times 10^{-3}$
کلروفرم	$12/7 \times 10^{-3}$
استون	$14/3 \times 10^{-3}$
اتر	$16/0 \times 10^{-3}$
آمونیاک	$24/5 \times 10^{-3}$

* تمام نقاط غیر از یخ در دمای 20°C

چگالی برشی مواد متداول

$\rho(\text{kg/m}^3)$	ماده	$\rho(\text{kg/m}^3)$	ماده
$1/00 \times 10^3$	آب	$0/917 \times 10^3$	یخ
$1/26 \times 10^3$	گلیسیرین	$2/70 \times 10^3$	آلومینیوم
$0/806 \times 10^3$	اتیل الکل	$7/86 \times 10^3$	آهن
$0/879 \times 10^3$	بنزن	$8/92 \times 10^3$	مس
$13/6 \times 10^3$	جیوه	$10/5 \times 10^3$	نقره
$1/29$	هوای	$11/3 \times 10^3$	سرپ
$1/79 \times 10^{-1}$	هليم	$19/1 \times 10^3$	اورانیوم
$1/43$	اکسیژن	$19/3 \times 10^3$	طلاء
$8/99 \times 10^{-3}$	هیدروژن	$21/4 \times 10^3$	پلاتین

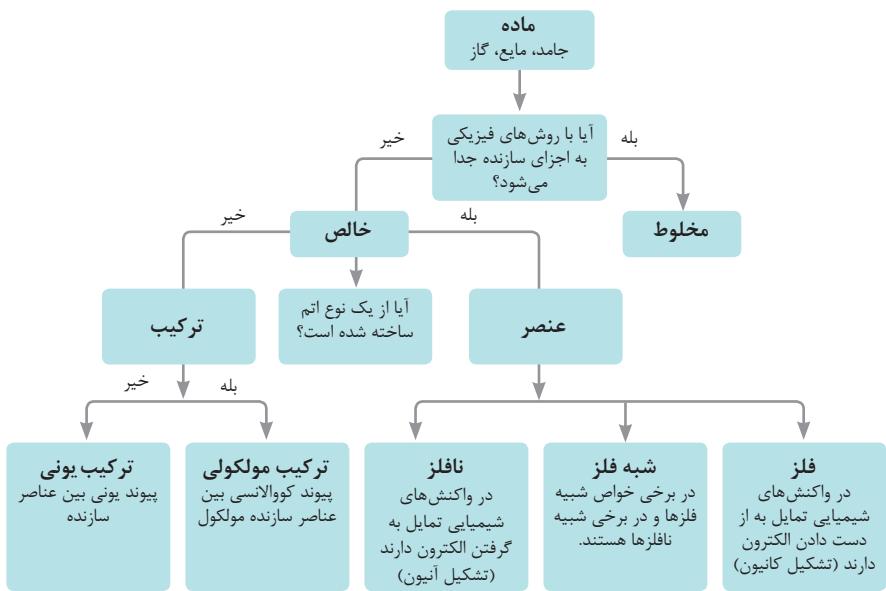
داده‌های این جدول در دمای صفر درجه (0°C) سلسیوس و فشار یک اتمسفر اندازه‌گیری و گزارش شده‌اند.

جدول تناوبی عنصرها

ثابت تفکیک اسیدها (Ka) و بازها (Kb)

توجه: در شرایط یکسان (دما و غلظت) هر چه ثابت تفکیک اسید یا بازی بزرگ‌تر باشد، آن اسید یا باز قوی‌تر است.

ثابت تفکیک (Ka)	فرمول شیمیابی	نام اسید	ثابت تفکیک (K _a)	فرمول شیمیابی	نام اسید
6.9×10^{-3}	H ₃ PO ₄	فسفریک اسید	اسید قوی	HClO ₄	پر کلریک اسید
1.3×10^{-3}	CH ₃ ClCO ₂ H	کلرو استیک اسید	اسید قوی	H ₂ SO ₄	سولفوریک اسید
7.4×10^{-4}	C ₆ H ₅ O ₇	سیتریک اسید	اسید قوی	HI	هیدروکلریک اسید
6.3×10^{-4}	HF	هیدروفلوئوریک اسید	اسید قوی	HCl	هیدروکلریک اسید
5.6×10^{-4}	HNO ₂	نیترو اسید	اسید قوی	HNO ₃	نیتریک اسید
6.2×10^{-5}	C ₆ H ₅ CO ₂ H	بنزوئیک اسید	2.2×10^{-1}	CCl ₃ CO ₂ H	تری کلرو استیک اسید
1.7×10^{-5}	CH ₃ CO ₂ H	استیک اسید	1.8×10^{-1}	H ₂ CrO ₄	کرومیک اسید
4.5×10^{-7}	H ₂ CO ₂	کربنیک اسید	1.7×10^{-1}	HIO ₃	یدیک اسید
8.9×10^{-8}	H ₂ S	هیدرو سولفوریک اسید	5.6×10^{-1}	C ₂ H ₅ O ₄	اگرالیک اسید
4×10^{-8}	HClO	هیپوکلرو اسید	5×10^{-2}	H ₃ PO ₂	فسفو اسید
5.4×10^{-10}	H ₃ BO ₃	بوریک اسید	4.5×10^{-1}	CHCl ₃ CO ₂ H	دی کلرو استیک اسید
			1.4×10^{-2}	H ₂ SO ₃	سولفورو اسید
ثابت تفکیک (K _a)	فرمول شیمیابی	نام باز	ثابت تفکیک (K _b)	فرمول شیمیابی	نام باز
4×10^{-4}	C ₆ H ₅ NH ₂	بوتیل آمین	باز قوی	KOH	پتانسیم هیدرو کسید
6.3×10^{-5}	(CH ₃) ₂ N	تری متیل آمین	باز قوی	NaOH	سدیم هیدرو کسید
1.8×10^{-5}	NH ₃	آمونیاک	باز قوی	Ba(OH) ₂	باریم هیدرو کسید
1.7×10^{-9}	C ₆ H ₅ N	پیریدین	باز قوی	Ca(OH) ₂	کلسیم هیدرو کسید
7.4×10^{-10}	C ₆ H ₅ NH ₂	آنیلین	5.4×10^{-4}	(CH ₃) ₂ NH	دی متیل آمین
			4.5×10^{-4}	C ₆ H ₅ NH ₂	اتیل آمین



نمک طعام



آب



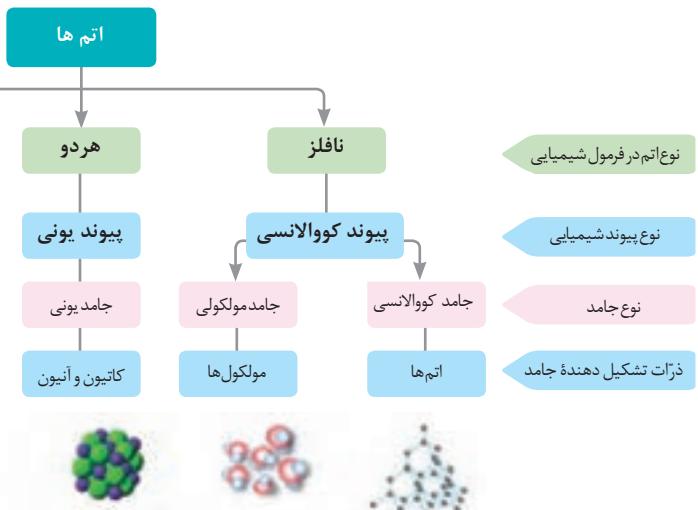
گوگرد



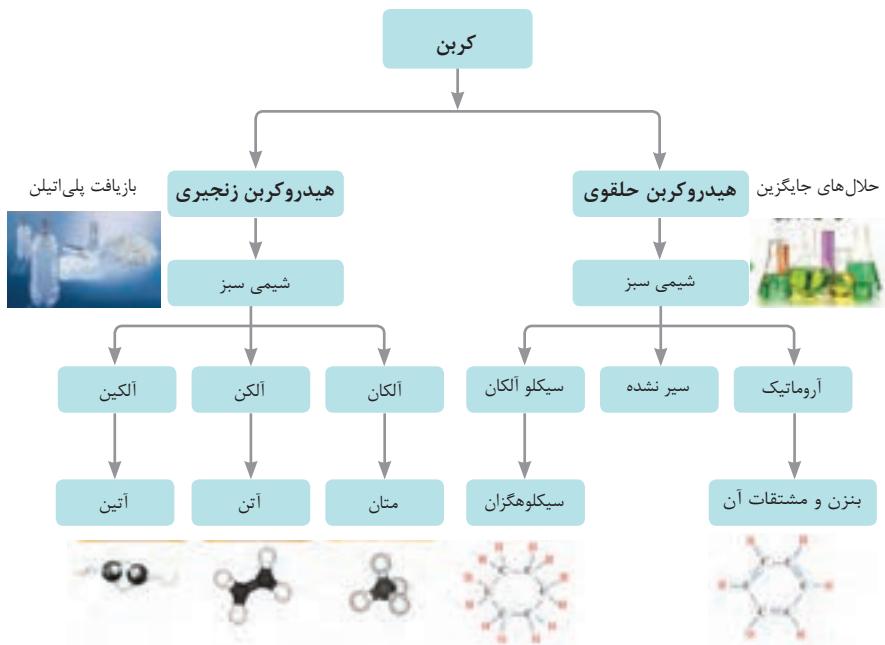
ژرمانیوم

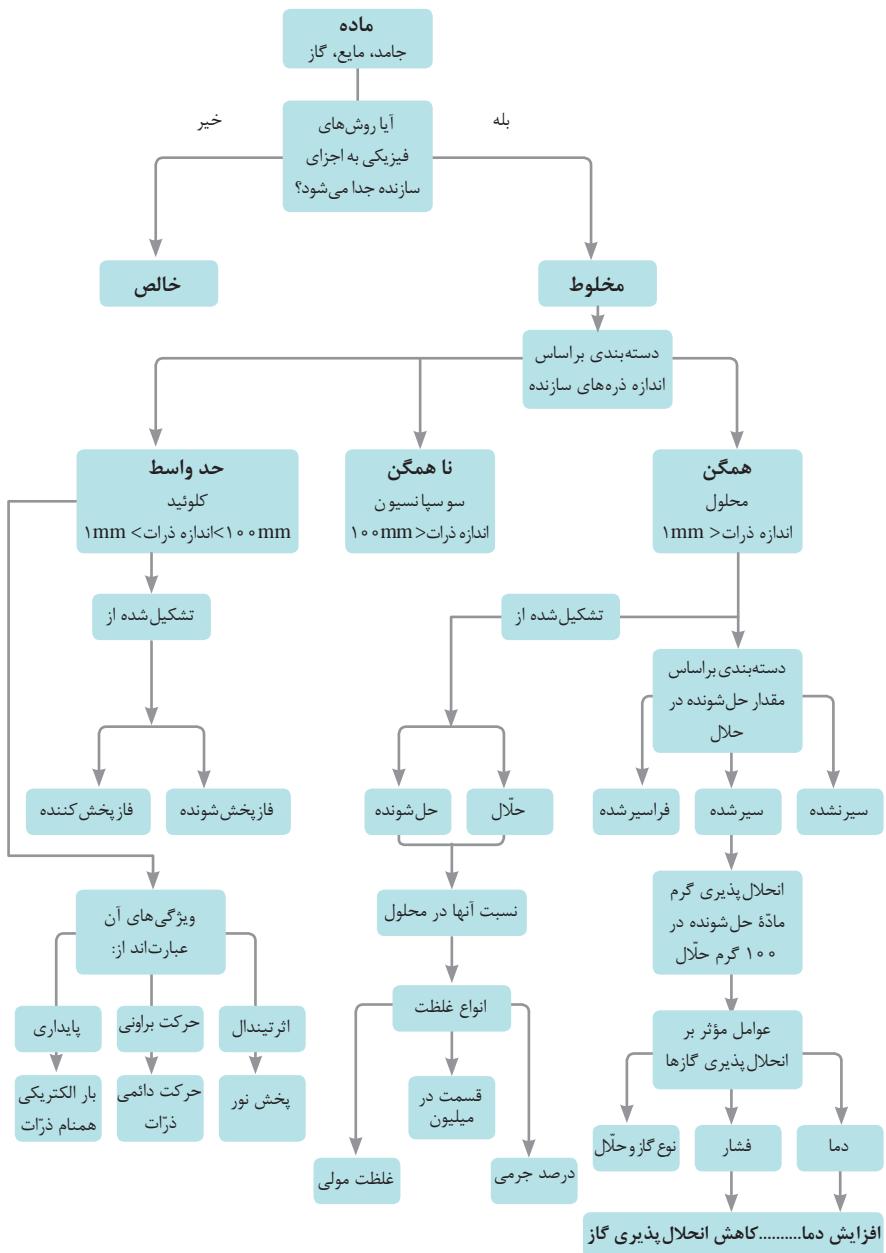


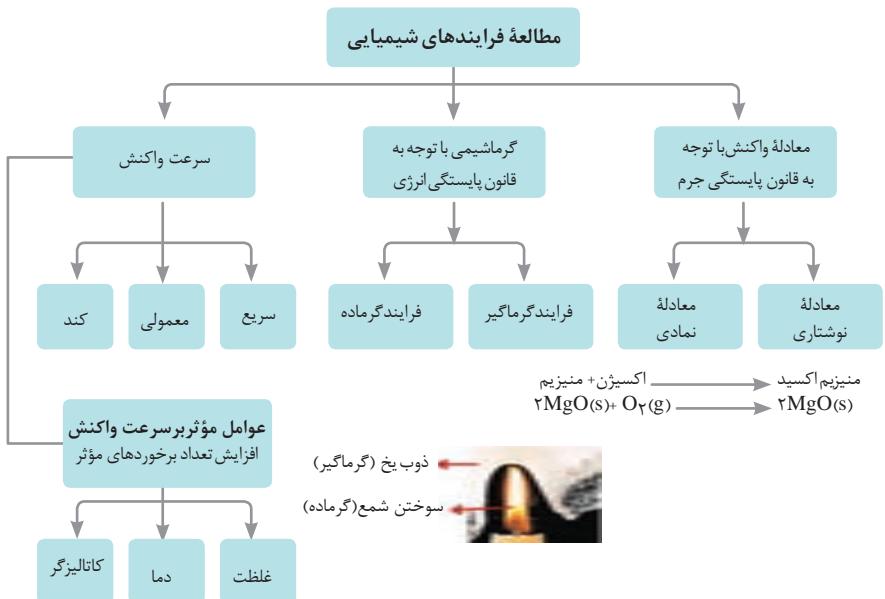
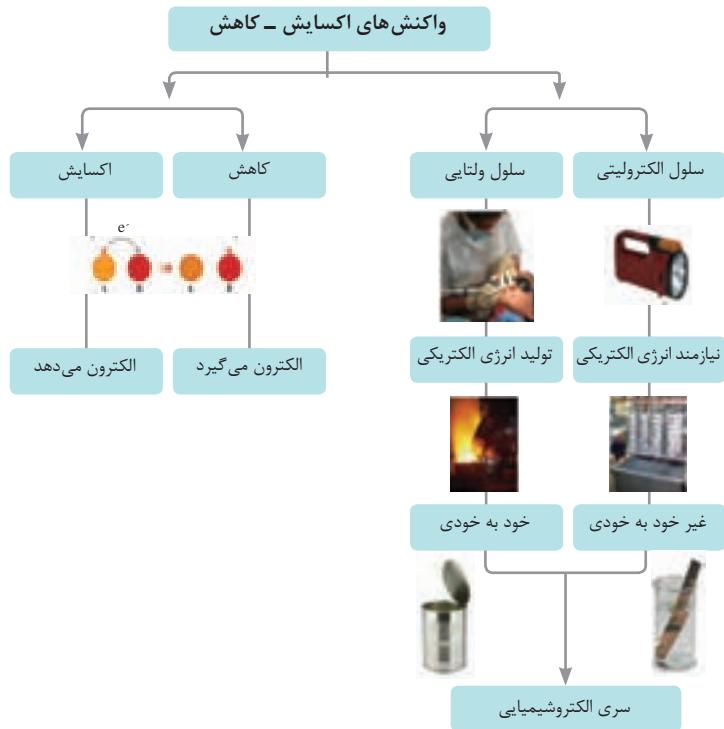
طلاء



نمونه‌ها	نام کلرید	حالت فیزیکی	نوع کلرید	فاز پخش کننده	فاز پخش شونده
-	-	-	-	گاز	گاز
کفت صابون	کفت	مایع	گاز در مایع	مایع	
سنگ پا، یونالیت	کفت جامد	جامد	گاز در جامد	جامد	
مه، افسانه‌ها (اسپرسی‌ها)	آبروسول مایع	گاز	مایع در گاز	گاز	مایع
شیر، کره، مایونز	امولسیون	مایع	مایع در مایع	مایع	
ژله، ژل موی سر	ژل	جامد	مایع در جامد	جامد	
دود، غبار	آبروسول جامد	گاز	جامد در گاز	گاز	جامد
رنگ‌های روغنی، چسب مایع	سول	مایع	جامد در مایع	مایع	
سرامیک، شیشه، رنگی، یاقوت، لعل، فیروزه	سول جامد	جامد	جامد در جامد	جامد	







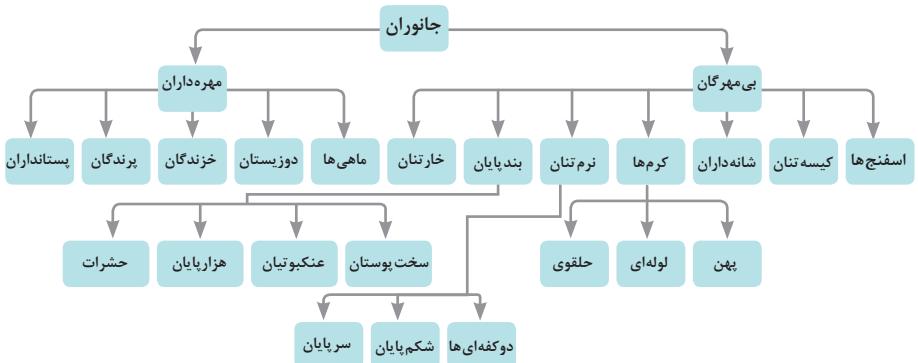
زیست شناسی

ساختار سلولی	درشت مولکول	واحد سازنده	نام
			گلوکز
			اسید نوکلئیک
			پروتئین
			اسید چرب

تصویر انواع درشت مولکول‌های شرکت‌کننده در ساختار یاخته‌ها

سازمان بندی یاخته‌ها

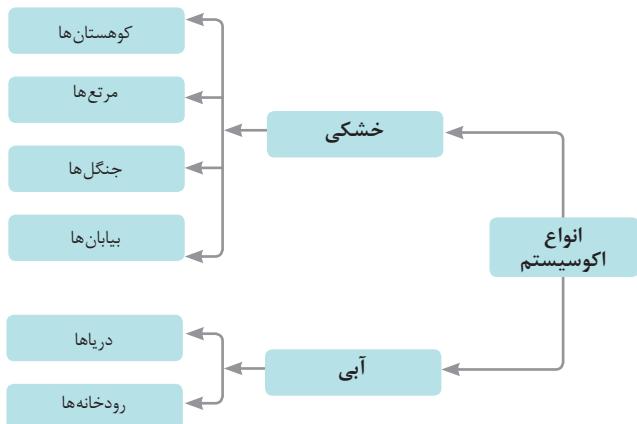




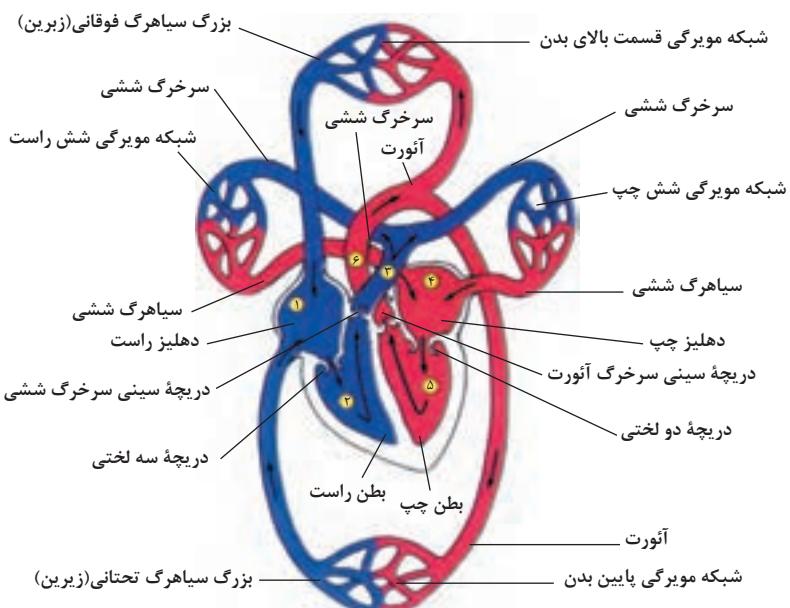
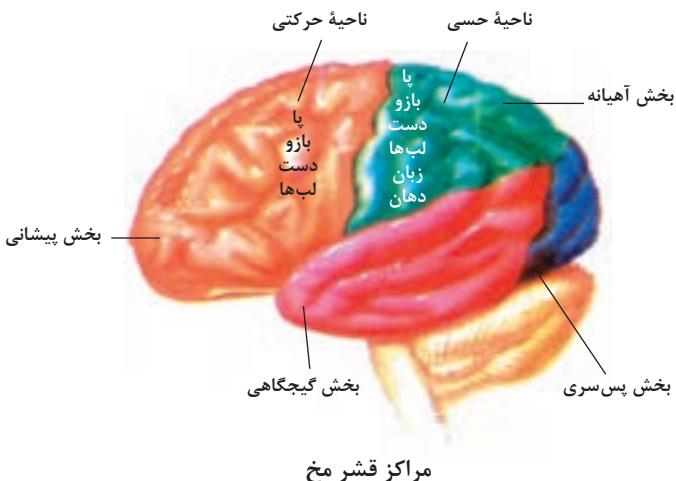
تصویر گروه های اصلی جانوران

جدول فهرست منابع طبیعی

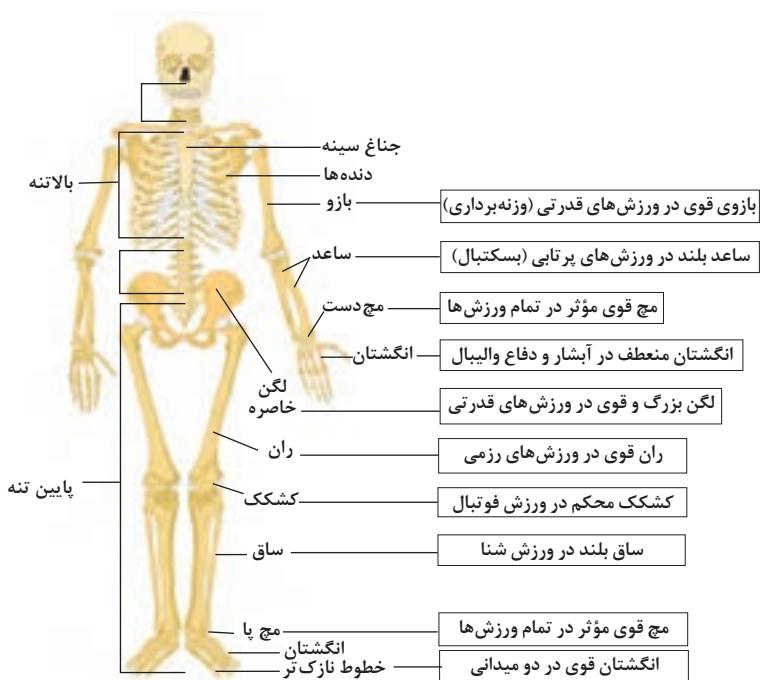
موضوعات	نوع منبع
جنگل ها و مراع و کشاورزی	منابع گیاهی
حيات وحش و دامپروری	منابع جانوری
مجموعه قارچ ها و باکتری ها	منابع میکروبی
مدت زمان دریافت نور، شدت نور خورشید، دما، شدت باد، رطوبت، ابرناکی و انواع بارش	منابع جوی
آنواع آب: سفره های آب زیرزمینی، چشم ها، روان آب ها، آب گیرها، دریاچه ها، دریاها و آقیانوس ها	منابع آبی
انواع خاک و بستر سنگی - کوه، تپه، دره و دشت	منابع خاکی
فلزات و سنگ های قیمتی	منابع کانی
نفت، گاز و زغال سنگ	منابع فسیلی
تمام افراد جامعه	منابع انسانی



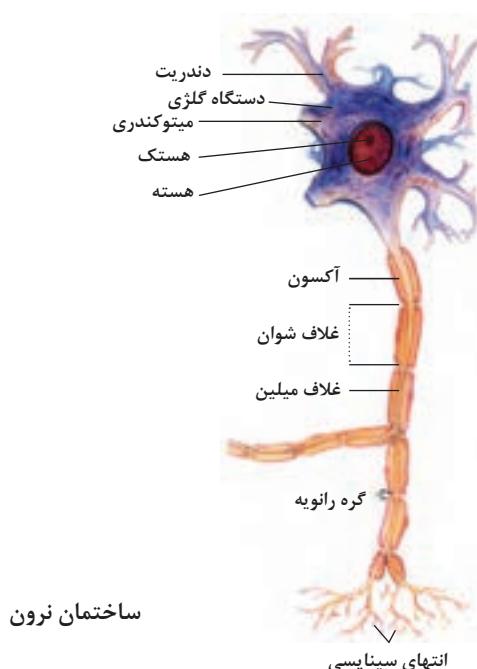
زیست‌شناسی در مورد انسان



شکل بالا گردش خون را در بدن نشان می‌دهد. شماره ۳، ۲، ۴ آغاز و پایان گردش ششی و ۱، ۵ و ۶ آغاز و پایان گردش عمومی خون را نشان می‌دهد.



تنوع استخوان ها و کاربرد آنها در ورزش



- ۱ سند تحول بنیادین آموزش و پرورش، مصوب شورای عالی انقلاب فرهنگی، ۱۳۸۹.
- ۲ برنامه درسی ملی ایران، مصوب شورای عالی آموزش و پرورش، ۱۳۹۰.
- ۳ سند طراحی مفهومی آموزش‌های فنی و حرفه‌ای، دفتر تألیف کتاب‌های درسی فنی و حرفه‌ای و کاردانش، ۱۳۹۴.
- ۴ توصیه‌نامه آموزش فنی و حرفه‌ای، یونسکو، ۲۰۱۲ و ۲۰۱۵.
- ۵ اسمعيلي، مهدى. طراحى و تدوين فرایند برنامه‌ریزى در آموزش‌های فنی و حرفه‌ای، سازمان برنامه‌ریزى آموزشى، دفتر برنامه‌ریزى و تأليف کتاب‌های فنی و حرفه‌ای و کاردانش، ۱۳۹۰.
- ۶ اسمعيلي، مهدى، «آموزش مبتنى بر شايستگى»، دفتر برنامه‌ریزى و تأليف آموزش‌های فنی و حرفه‌ای، سازمان پژوهش و برنامه‌ریزى آموزشى، ۱۳۸۹.
- ۷ اسمعيلي، مهدى، «برنامه درسى کل نگر»، دفتر برنامه‌ریزى و تأليف آموزش‌های فنی و حرفه‌ای، سازمان پژوهش و برنامه‌ریزى آموزشى، ۱۳۹۰.
- ۸ اسمعيلي، مهدى، «شايستگى های غيرفنى دنياى کار»، همايش بين المللی مهندسى مکانيك، دانشگاه صنعتى شريف، ۱۳۸۹.
- ۹ آزاد، ابراهيم، «چارچوب صلاحیت حرفه‌ای»، سازمان فنی و حرفه‌ای، ۱۳۸۸.
- ۱۰ Team Handbal "Step to Success" , Reita E.Clanton,Mary Phil Dwight,1997,Human Kinetics.
- ۱۱ Basic Handball "Methods/Tactics/TechniQue By Janusz Czerwinski and Frantisek Taborsky,2000,Uropean Handball Federation.
- ۱۲ Lino Cervar,The Future of Handball.August,2015.
- ۱۳ Physical Education Learning Packets,Team Handball,2005,The Advantage Press,Inc.
- ۱۴ EHF Conference "Handball at School".2006.
- ۱۵ BASIC HANDBALL – The traditional game,EHF.
- ۱۶ اردستانی، عباس، ۱۳۹۰، "آمادگی جسمانی "، تهران، گویش نو،
- ۱۷ Basic Handball Exercises for schools,EHF



دییران محترم، صاحب نظران هنر جویان عزیز و اولیای آنان می توانند نظرهای اصلاحی خود را درباره مطالب این کتاب

از طریق نامه ب شانی تهران - صندوق پستی ۴۸۷۴ / ۱۵۸۷۵ - گروه درسی مربوط و یا پیام نگار

ارسال نمایند. وبگاه: tvoccd.oerp.ir

و منتشریت کتاب؛ می درس فنی و حرفه ای و کاردانش