

فصل ۱

علوم پایه

نسبت و تنااسب

۱ در حالت کلی، دو نسبت a به b و c به d مساوی‌اند، هرگاه برای یک عدد مانند k داشته باشیم:

$$c = kd \quad a = kb \quad \text{یا} \quad \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$$

۲ اگر a و b مقادیر متناظر دو کمیت باشند که با هم رابطه معکوس دارند، مقدار ثابت است و اگر c و d دو مقدار متناظر دیگر از همین کمیت باشند، داریم:

$$k = a \times b$$

$$a = \frac{k}{b} \quad \text{و} \quad c = \frac{k}{d} \quad \text{یا} \quad k = a \times b = c \times d$$

۳ خواص عملیات:

در عبارت‌های زیر، فرض بر آن است که مخرج‌ها مخالف صفر هستند.

$\frac{a}{b} = \frac{ca}{cb} \quad (c \neq 0)$	$c \times \frac{a}{b} = \frac{ca}{b}$	$\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$
$\frac{a+b}{c} = \frac{a}{c} + \frac{b}{c}$	$-\frac{a}{b} = \frac{-a}{b} = \frac{a}{-b}$	
$\frac{a}{\frac{b}{c}} = \frac{ad}{bc}$	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$	

تساوی $a \times d = b \times c$ معادل است با $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

درصد و کاربردهای آن

۱ معادله درصد: رابطه بین مقدار اولیه، درصدی از مقدار اولیه و مقدار نهایی را نشان می‌دهد.

$$b = x \times a$$

مقدار نهایی
↓
درصد به صورت عدد
اعشاری / کسری

مقدار اولیه

۲ درصد تغییر: برای هر کمیتی مقدار

$$\text{نسبت تغییر} = \frac{\text{میزان تفاوت در مقدار}}{\text{مقدار اولیه}} \times 100 \times \frac{\text{مقدار اولیه} - \text{مقدار نهایی}}{\text{مقدار اولیه}}$$

را درصد تغییر آن کمیت می‌نامند.

درصد تغییر می‌تواند منفی هم باشد که به معنای کاهش است.

واحدهای اندازه‌گیری انگلیسی

۱ واحدهای اندازه‌گیری طول

میلی‌متر $= ۲/۵۴$ سانتی‌متر $= ۲۵/۴$ (cm) (in) اینچ ۱

فوت ۱۲ (ft) (in) اینچ ۱

سانتی‌متر $\equiv ۹۰$ (in) اینچ $= ۳۶$ (ft) فوت $= ۳$ (yd) یارد ۱

متر $= ۱۶۰ ۹/۳۴۴$ (m) اینچ $= ۶۳۲۶$ (ft) فوت $= ۵۲۸۰$ (mil) مایل خشکی ۱

متر $\equiv ۶۰۸۰$ فوت $\equiv ۱۸۵۳$ (m) مایل دریایی ۱

مایل خشکی $\equiv ۱/۱۵$ مایل دریایی ۱

برای تبدیل از	به	ضریب تبدیل (با تقریب کمتر از ۱%)
مایل	کیلومتر	$۱/۶۱$
اینچ	سانتی‌متر	$۲/۵۴$
فوت	متر	$۰/۳۱$
یارد	متر	$۰/۹۱$
کیلومتر	مایل	$۰/۶۲$
سانتی‌متر	اینچ	$۰/۳۹$
متر	فوت	$۳/۲۸$
متر	یارد	$۱/۰۹$

۲ واحدهای اندازه‌گیری جرم

گرم $\equiv ۲۸$ (g) اونس (oz) ۱

کیلوگرم $\equiv ۴۵۰$ (g) اونس $= ۱۶$ (lb) پوند ۱

کیلوگرم $\equiv ۲۲۰۰$ (T) تن ۱ پوند (lb)

۳ واحدهای اندازه‌گیری حجم

ملی‌لیتر $= ۵$ (ml) قاشق چایخوری ۱

ملی‌لیتر $= ۱۵$ (tbsp) قاشق سوپ‌خوری ۱

ملی‌لیتر $= ۲۴۰$ (C) فنجان ۱

توان رسانی و ریشه‌گیری

۱ قوانین مربوط به توان رسانی

$(ab)^n = a^n \cdot b^n$	$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$	$a^0 = 1 \quad (a \neq 0)$ $a^1 = a$
$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$	$\frac{1}{a^n} = a^{-n}$	$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

۲ اتحادهای جبری

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

اتحاد مربع دو جمله‌ای

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

اتحاد مزدوج

$$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

اتحاد جمله مشترک

$$ax^2 + bx + c = 0$$

معادله درجه دوم ۳

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

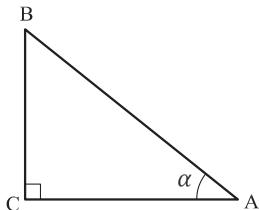
$\Delta > 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$
$\Delta = 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b}{2a}$
$\Delta < 0 \Rightarrow$ معادله ریشه ندارد

مثلثات

۱ یکی از حالات تشابه دو مثلث، تساوی زاویه‌های آن دو مثلث می‌باشد.

۲ رابطه فیثاغورس: در مثلث قائم‌الزاویه ABC داریم:

$$(AB)^t = (AC)^t + (BC)^t$$



۳ نسبت‌های مثلثاتی یک زاویه تند:

در مثلث قائم‌الزاویه ABC زاویه تند α را در نظر بگیرید. بنا به تعریف داریم:

$$\tan \alpha = \frac{\text{طول ضلع روبروی زاویه}}{\text{طول ضلع مجاور زاویه}} = \frac{BC}{AC}$$

$$\sin \alpha = \frac{\text{طول ضلع روبروی زاویه}}{\text{وتر}} = \frac{BC}{AB}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{طول ضلع مجاور زاویه}}{\text{وتر}} = \frac{AC}{AB}$$

۴ جدول نسبت‌های مثلثاتی زاویه‌های 0° و 30° و 45° و 60° و 90° :

α زاویه نسبت مثلثاتی	0°	30°	45°	60°	90°
$\sin \alpha$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos \alpha$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\tan \alpha$	0	$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	∞
$\cot \alpha$	∞	$\sqrt{3}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	0

۵ روابط بین نسبت‌های مثلثاتی:

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \quad (ب)$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad (\text{الف})$$

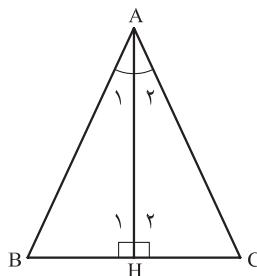
۶ محیط و مساحت دایره:

$$S = \pi r^2 \quad (\text{شعاع}) \quad \text{مساحت دایره}$$

$$P = 2\pi r \quad (\text{شعاع}) \quad \text{محیط دایره}$$

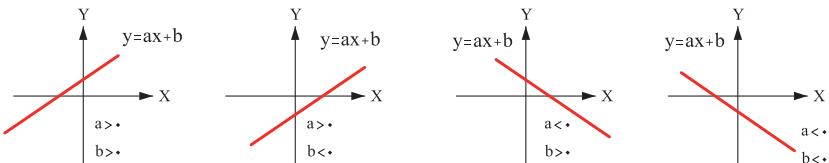
۷ در مثلث متساوی‌الساقین ABC داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} A_1 = A_2 \\ H_1 = H_2 = 90^\circ \\ BH = HC \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} AH \text{ نیمساز زویه } A \text{ است} \\ BC \text{ بر } AH \text{ عمود است} \\ AH \text{ منصف ضلع } BC \text{ است} \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} AH \text{ عمود منصف } BC \text{ است} \\ AH \text{ منصف ضلع } BC \text{ است} \end{array} \right.$$

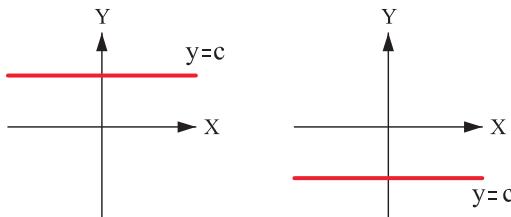


نمودار تابع خاص

۱ نمودار تابع خطی:



۲ نمودار تابع ثابت:



کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)	کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)
نیروی وزن	$g = \frac{w}{m} \rightarrow w = mg$	بازه زمانی	$\Delta t = t_f - t_i$
بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی	$f_{s(max)} = \mu_s N$	جابجایی	$\Delta x = x_f - x_i$
نیروی اصطکاک جنبشی	$f_k = \mu_k N$	سرعت متوسط	$\bar{v} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$
شدت جریان الکتریکی متوسط	$I = \frac{\Delta q}{\Delta t}$	رابطه مکان زمان حرفت یکنواخت	$x = vt + x_0$
قانون اهم	$R = \frac{V}{I}$	شتاب متوسط	$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$
مقاومت رساناهای فلزی در دمای ثابت	$R = \frac{\rho L}{A}$	شتاب لحظه‌ای حرفت با شتاب ثابت	$a = \bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$
انرژی الکتریکی مصرفی	$U = I^2 R t$	رابطه سرعت زمان حرفت با شتاب ثابت	$v = v_0 + at$
توان مصرفی	$P = I^2 R$ و $P = \frac{U}{t}$ $P = VI$ و $P = \frac{V^2}{R}$	سرعت متوسط در حرفت با شتاب ثابت	$\bar{v} = \frac{v_f + v_i}{2}$
جریان مقاومت‌های متواالی (سری)	$I_1 = I_2 = I_3 = I_{eq}$	رابطه مستقل از زمان در حرفت با شتاب ثابت	$v_f^2 - v_i^2 = 2a(x - x_0)$
ولتاژ مقاومت‌های متواالی (سری)	$V_1 + V_2 + V_3 = V_{eq}$	رابطه جابه‌جاوی در حرفت با شتاب ثابت	$\Delta x = x_f - x_i = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t$
مقاومت معادل مقاومت‌های متواالی (سری)	$R_1 + R_2 + R_3 = R_{eq}$	قانون دوم نیوتون	$\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}$

کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)
جریان مقاومت‌های موازی	$I_1 + I_2 + I_3 = I_{eq}$
ولتاژ مقاومت‌های موازی	$V_1 = V_2 = V_3 = V_{eq}$
مقاومت معادل مقاومت‌های موازی	$\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} = \frac{1}{R_{eq}}$
فشار و ارتباط آن با نیروی عمودی و سطح تماس	$P = \frac{F}{A}$
اختلاف فشار دو نقطه شاره ساکن	$P_2 - P_1 = +\rho g \Delta h$
فشار یک نقطه شاره ساکن	$p = \rho g \Delta h + p_{atm}$
اصل پاسکال	$P_1 = P_2 \Rightarrow \frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2}$
چگالی	$\rho = \frac{m}{v}$
چگالی نسبی	$d = \frac{\rho_2}{\rho_1}$
رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس فارنهایت	$F = \frac{9}{5}\theta + 32$
رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس کلوین	$T = \theta + 273$
رابطه دما در مقیاس فارنهایت و مقیاس کلوین	$T = (F + 459) \div 1.8$
مقدار گرمایی داده شده به یک جسم	$Q = mC(\theta_2 - \theta_1) = mC\Delta\theta$
تعادل گرمایی	$Q_1 + Q_2 + Q_3 + \dots = 0$
گرمای منتقل شده از طریق رسانش	$Q = \frac{KAt(T_2 - T_1)}{L} = \frac{KAt\Delta\theta}{L}$
انسپاٹ خطی	$I_2 - I_1 = \alpha I_1 \Delta\theta$ $I_2 = I_1 (1 + \alpha \Delta\theta)$
انسپاٹ سطحی	$A_2 - A_1 = 2\alpha A_1 \Delta\theta$ $A_2 = A_1 (1 + 2\alpha \Delta\theta)$
انسپاٹ حجمی	$V_2 - V_1 = 3\alpha V_1 \Delta\theta$ $V_2 = V_1 (1 + 3\alpha \Delta\theta)$

جدول تناوبی عنصرها

ثابت تفکیک اسیدها (K_a) و بازها (K_b)

توجه: در شرایط یکسان (دما و غلظت) هر چه ثابت تفکیک اسید یا بازی بزرگ‌تر باشد، آن اسید یا باز قوی‌تر است.

ثابت تفکیک (K_a)	فرمول شیمیایی	نام اسید	ثابت تفکیک (K_a)	فرمول شیمیایی	نام اسید
6.9×10^{-3}	H_3PO_4	فسفریک اسید	اسید قوی	HClO_4	پرکلریک اسید
1.3×10^{-3}	$\text{CH}_3\text{ClCO}_2\text{H}$	کلرو استیک اسید	اسید قوی	H_2SO_4	سولفوریک اسید
7.4×10^{-4}	$\text{C}_6\text{H}_8\text{O}_7$	سیتریک اسید	اسید قوی	HI	هیدروکلریک اسید
6.3×10^{-4}	HF	هیدروفلوریک اسید	اسید قوی	HCl	هیدرولوریک اسید
5.6×10^{-4}	HNO_3	نیترو اسید	اسید قوی	HNO_3	نیتریک اسید
6.2×10^{-5}	$\text{C}_6\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}$	بنزوئیک اسید	2.2×10^{-1}	$\text{CCl}_3\text{CO}_2\text{H}$	تری کلرواستیک اسید
1.7×10^{-5}	$\text{CH}_3\text{CO}_2\text{H}$	استیک اسید	1.8×10^{-1}	H_2CrO_4	کرومیک اسید
4.5×10^{-7}	H_3CO_3	کربنیک اسید	1.7×10^{-1}	HIO_3	یدیک اسید
8.9×10^{-8}	H_2S	هیدروسولفوریک اسید	5.6×10^{-1}	$\text{C}_2\text{H}_3\text{O}_2$	اگرالیک اسید
4×10^{-8}	HClO	هیپوکلریک اسید	5×10^{-2}	H_3PO_3	فسفو اسید
5.4×10^{-10}	H_3BO_4	بوریک اسید	4.5×10^{-1}	$\text{CHCl}_3\text{CO}_2\text{H}$	دی کلرواستیک اسید
			1.4×10^{-2}	H_2SO_3	سولفورو اسید
ثابت تفکیک (K_b)	فرمول شیمیایی	نام باز	ثابت تفکیک (K_b)	فرمول شیمیایی	نام باز
4×10^{-4}	$\text{C}_4\text{H}_9\text{NH}_2$	بوتیل آمین	باز قوی	KOH	پتاسیم هیدروکسید
6.3×10^{-5}	$(\text{CH}_3)_2\text{N}$	تری متیل آمین	باز قوی	NaOH	سدیم هیدروکسید
1.8×10^{-5}	NH_3	آمونیاک	باز قوی	$\text{Ba}(\text{OH})_2$	باریم هیدروکسید
1.7×10^{-9}	$\text{C}_5\text{H}_5\text{N}$	پیریدین	باز قوی	$\text{Ca}(\text{OH})_2$	کلسیم هیدروکسید
7.4×10^{-10}	$\text{C}_6\text{H}_5\text{NH}_2$	آنیلن	5.4×10^{-4}	$(\text{CH}_3)_2\text{NH}$	دی متیل آمین
			4.5×10^{-4}	$\text{C}_2\text{H}_5\text{NH}_2$	اتیل آمین

نمونه‌ها	نام کلوبید	نام کلوبید	حالت فیزیکی	نوع کلوبید	فاز پخش‌کننده	فاز پخش‌شونده
-	-	-	-	-	گاز	گاز
کف صابون	کف	مایع	مایع	گاز در مایع	مایع	
سنگ‌پا، یونالیت	کف جامد	جامد	جامد	گاز در جامد	جامد	
مه، افسانه‌ها (اسپری‌ها)	آبروسول مایع	گاز	مایع در گاز	مایع در گاز	مایع	مایع
شیر، کره، مایونز	امولسیون	مایع	مایع	مایع در مایع	مایع	
ژله، ژل موی سر	ژل	جامد	جامد	مایع در جامد	جامد	
دود، غبار	آبروسول جامد	گاز	جامد در گاز	گاز	مایع	جامد
رنگ‌های روغنی، چسب مایع	سول	مایع	مایع	جامد در مایع	مایع	
سرامیک، شیشه، رنگی، یاقوت، لعل، فیروزه	سول جامد	جامد	جامد	جامد در جامد	جامد	