

موج‌های الکترومغناطیسی



۶

فصل

موج‌های الکترومغناطیسی

نگاهی به فصل : آیا می‌دانید انرژی حیاتی مورد نیاز گیاهان، جانوران، انسان و ... از چه طریق و چگونه به زمین می‌رسد؟

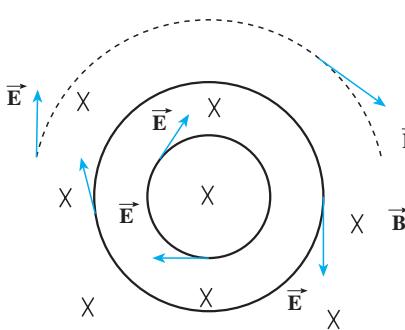
آیا می‌دانید رادیو، تلویزیون، تلفن، بی‌سیم، ماهواره‌ها و ... بر چه اساسی کار می‌کنند؟



شکل ۱-۶

هر موجود زنده‌ای در زمین به انرژی خورشید نیاز دارد، به طوری که بدون انرژی خورشید حیات روی کره زمین از بین می‌رود. این انرژی از طریق موج‌های الکترومغناطیسی به زمین می‌رسد و در تمام ارتباطات راه دور این موج‌ها به کار گرفته می‌شوند. با استفاده از سرعت بالای این امواج می‌توان خبر رخ دادن هر حادثه را کمتر از چند دهم ثانیه به هر نقطه از زمین رساند.

مایکل فارادی دانشمند انگلیسی (۱۸۰۱–۱۷۹۱ میلادی) و جیمز کلارک ماکسول فیزیک‌دان اسکاتلندي (۱۸۳۱–۱۸۷۹ میلادی) نقش عمده‌ای در کشف پدیده‌های الکترومغناطیسی و مطالعه بر روی آنها داشتند.



شکل ۲-۶

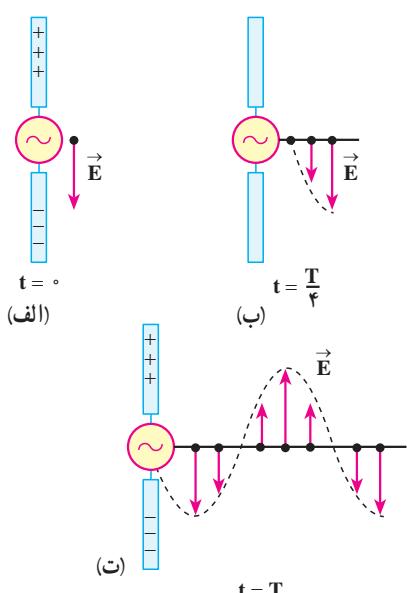
در فیزیک ۳ و آزمایشگاه با قانون فارادی آشنا شدیم و دیدیم که اگر شار مغناطیسی گذرنده از یک مدار بسته تغییر کند، نیروی محرکه‌ای را در مدار ایجاد می‌کند که بزرگی آن با آهنگ تغییر شار متناسب است. مثلاً اگر در شکل ۲-۶ میدان مغناطیسی \vec{B} تغییر کند، در اثر تغییر شار یک نیروی محرکه در مدار القا می‌شود.

در واقع و به طور عمیق‌تر می‌توان گفت که در اثر تغییر میدان مغناطیسی یک میدان الکتریکی القایی در فضا ایجاد می‌شود که خط‌های آن در این شکل نشان داده شده‌اند. این میدان حتی هنگامی که مدار نیز وجود ندارد ایجاد می‌شود یعنی میدان الکتریکی را تنها بارهای الکتریکی تولید نمی‌کند، بلکه در اثر تغییر میدان مغناطیسی نیز به وجود می‌آید. در فیزیک ۳ و آزمایشگاه همچنین دیدیم، هنگامی که میدان الکتریکی داخل یک رسانا وجود دارد، در آن اختلاف پتانسیل الکتریکی ایجاد می‌کند درنتیجه می‌توان گفت، «نیروی محرکه القایی از این میدان الکتریکی القایی حاصل می‌شود.» ماسکول پیش‌بینی کرد همان‌طور که در اثر تغییر میدان مغناطیسی در فضا، میدان الکتریکی تولید می‌شود، در اثر تغییر میدان الکتریکی نیز میدان مغناطیسی ایجاد می‌شود. یعنی علاوه بر جریان الکتریکی و آهنربا تغییر میدان الکتریکی نیز می‌تواند منشأ میدان مغناطیسی باشد. ماسکول با توجه به کارهای او رستد، آمپر، هازری و فارادی مبانی علم الکتریسیته و مغناطیس را تدوین کرد و وجود موج‌های الکترومغناطیسی و انتشار آنها در فضا را پیش‌بینی کرد. بعدها هرتر فیزیک دان آلمانی (۱۸۹۴-۱۸۵۷ میلادی) وجود این موج‌ها را به طور تجربی نشان داد.

۶- چگونگی تشکیل موج‌های الکترومغناطیسی توسط یک آنتن موج‌های الکترومغناطیسی از میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی تشکیل شده‌اند. عامل اصلی ایجاد

موج‌های الکترومغناطیسی،
ذرات باردار شتاب دارند یعنی
وقتی ذره بارداری شتاب دار
می‌شود بخشنی از اثری خود را
به صورت موج‌های الکترومغناطیسی
گسیل می‌کند، گسیل موج‌های
الکترومغناطیسی توسط اجسام را
تابش می‌نمند.

در آنتن، یک منبع ولتاژ
متناوب برای ایجاد نوسان بار
الکتریکی مورد استفاده قرار
می‌گیرد و این شیوه‌ای مرسوم برای
شتاب دار کردن ذرات است. از
آنچه به عنوان چشمۀ موج‌های
نور از آنتن دور می‌شود.



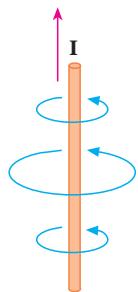
شکل ۶-۳- میدان الکتریکی ناشی از نوسان بارهای الکتریکی در آنتن با سرعت آنتن‌ها به عنوان چشمۀ موج‌های نور از آنتن دور می‌شود.

الکترومغناطیس در ایستگاه‌های رادیویی، مخابراتی و ... استفاده می‌شود. شکل ۳-۶ نحوه تولید یک موج الکترومغناطیس را در یک آتن نشان می‌دهد. دو میله فلزی به یک مولد متناوب (AC) متصل شده‌اند. چون ولتاژ خروجی این مولد به صورت سینوسی است، بار روی میله‌ها دائمًاً تغییر می‌کند. در لحظه $t = 0$ بار روی میله بالای پیشینه و مثبت و روی میله پایینی پیشینه و منفی است. سپس بار این میله‌ها کاهش می‌یابد و در لحظه $t = T/4$ به صفر می‌رسد (شکل ۳-۶-ب) در ادامه این حرکت، علامت بار میله‌ها معکوس می‌شود، یعنی بار میله بالای منفی و بار میله پایینی مثبت می‌شود و مقدار آن نیز افزایش می‌یابد تا در لحظه $T/2$ به یک مقدار پیشینه برسد (شکل ۳-۶-پ). تغییر بار میله‌ها به همین ترتیب ادامه می‌یابد. در زمان $t = 0$ بار مثبت در میله بالای و بار منفی در میله پایینی پیشینه است (شکل ۳-۶-الف). پس میدان الکتریکی حاصل از این بارها نیز پیشینه است. میدان الکتریکی ایجاد شده در نزدیکی آتن در این لحظه، در این شکل نشان داده شده است.

با کاهش بار روی میله‌ها، شدت میدان الکتریکی در نزدیکی میله‌ها، کاهش می‌یابد و میدان الکتریکی پیشینه رو به پایینی که در لحظه $t = 0$ تولید شده بود از میله دور می‌شود. هنگامی که بارهای مثبت و منفی روی میله‌ها صفر است (مانند شکل ۳-۶-ب) میدان الکتریکی نیز صفر است. این وضعیت $\frac{1}{4}$ دوره ($T/4$) بعد از شروع نوسان پیش می‌آید. با ادامه این عمل، میله بالای، بعد از زمان $T/4 = t = 2T$ ، دارای پیشترین مقدار بار منفی و میله پایینی دارای پیشترین بار مثبت می‌شود. در این حالت میدان الکتریکی ایجاد شده رو به بالا است (شکل ۳-۶-پ) و با ادامه یافتن نوسان بار الکتریکی روی میله‌ها میدان الکتریکی مطابق شکل ۳-۶-ت تشکیل می‌شود. در تمام این مراحل میدان الکتریکی نزدیک آتن با نوسان بار الکتریکی روی آن هم فاز است، یعنی، جهت میدان الکتریکی در زمانی که میله بالای مثبت است رو به پایین و وقتی میله بالای منفی است، رو به بالاست و اندازه میدان در هر لحظه به مقدار بار روی میله در آن لحظه بستگی دارد.

با ادامه نوسان بارهای الکتریکی روی میله‌ها، میدان‌های الکتریکی ایجاد شده با سرعت نور از آتن دور می‌شوند. در شکل ۳-۶ الگویی از میدان الکتریکی را در لحظه‌های مشخص از نوسان مشاهده می‌کنید. همان‌گونه که می‌بینید در طول یک دوره از نوسان بار، میدان الکتریکی ایجاد شده در ابتدای دوره به اندازه یک طول موج کامل جلو رفته است.

تغییر بارهای الکتریکی در میله‌ها سبب ایجاد جریان الکتریکی در میله‌ها و در نتیجه تولید یک میدان مغناطیسی در اطراف میله‌ها می‌شود. وقتی جریان در میله‌ها رو به بالاست (همان‌طور که در



شکل ۴-۶ - جگونگی تشکیل خطوط میدان مغناطیسی در اطراف یک آتنن که از آن جریان الکتریکی متغیر می‌گذرد.

فیزیک ۳ و آزمایشگاه در مورد میدان حاصل از جریان در یک سیم دیدیم) خطوط میدان مغناطیسی تولید شده به صورت دایره‌هایی هم مرکز به دور آتنن اند (شکل ۴-۶). این خط‌ها بر میدان الکتریکی تولید شده در هر نقطه عمودند. با عوض شدن جهت جریان، جهت میدان مغناطیسی نیز وارونه می‌شود و با تغییر جریان نسبت به زمان، میدان مغناطیسی نیز همانند میدان الکتریکی در اطراف آتنن تغییر می‌کند.

تا اینجا دیدیم که نوسان بارهای الکتریکی روی میله‌ها، در فضای میدان الکتریکی و مغناطیسی متغیر تولید می‌کند. اما علاوه بر اینها دو پدیده دیگر نیز رخ می‌دهد. همان‌طور که دیدیم:

الف) میدان مغناطیسی متغیر با زمان، میدان الکتریکی تولید می‌کند.

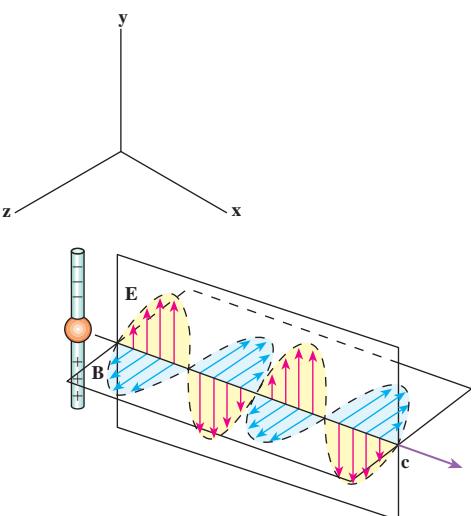
ب) میدان الکتریکی متغیر با زمان - همان‌طور که ماکسول پیش‌بینی کرده بود - میدان مغناطیسی ایجاد می‌کند.

این میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی القابی هم فازند؛ یعنی، در هر نقطه هر دو میدان هم‌زمان با

هم بیشینه یا کمینه می‌شوند (شکل ۵-۶). علاوه بر این میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی بر یکدیگر و هر دوی آنها بر راستای حرکت موج عمودند. درنتیجه این دو پدیده و مواردی که در بالا ذکر شد، یک موج الکترومغناطیسی ایجاد می‌شود که در فضای منتشر می‌شوند (شکل ۵-۶).

موج‌های الکترومغناطیسی نیز، مانند موج‌های مکانیکی، در زمان و مکان تغییر می‌کنند، با این تفاوت که در موج‌های مکانیکی ذره‌های تشکیل دهنده محیط نوسان می‌کنند و در موج‌های الکترومغناطیسی، میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی در هر نقطه از فضای طور نوسانی تغییر می‌کنند. همین موضوع سبب می‌شود

شکل ۵-۵ - یک موج الکترومغناطیسی گشیل شده از یک آتنن در یک لحظه از زمان. توجه کنید که میدان الکتریکی بر میدان مغناطیسی و هر دو بر راستای انتشار موج عمودند.

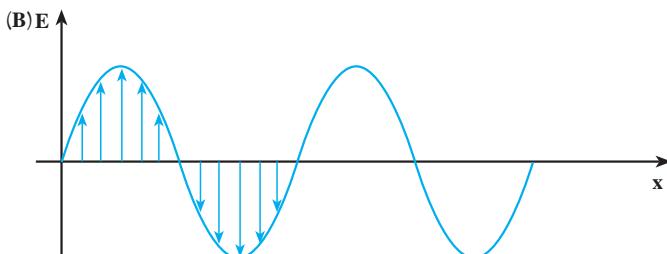


که موج‌های الکترومغناطیسی برای انتشار خود الزاماً به محیط مادی نیاز نداشته باشند و در خلاً نیز منتشر شوند.

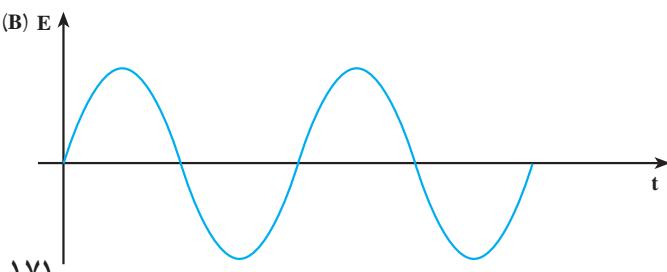
برای بیان چگونگی انتشار موج‌های الکترومغناطیسی نیز می‌توانیم، همان طور که در مورد موج‌های مکانیکی انجام دادیم، از نمودارهای میدان‌های الکتریکی (و یا مغناطیسی) بر حسب مکان یا زمان استفاده کنیم. ابتدا تغییرات میدان الکتریکی را توصیف می‌کنیم.

یک موج الکترومغناطیسی را در نظر می‌گیریم که در جهت محور x منتشر می‌شود. نمودار میدان الکتریکی بر حسب مکان این موج در شکل ۶-۶ رسم شده است. این نمودار، میدان الکتریکی را در تمام نقطه‌ها در امتداد محور x و در یک لحظه نشان می‌دهد. می‌بینید که در جهت محور x ، میدان الکتریکی افزایش می‌یابد تا به یک مقدار بیشینه برسد، سپس کاهش می‌یابد و صفر می‌شود و در ادامه، همین تغییرات در جهت عکس صورت می‌گیرد.

تغییرات میدان الکتریکی در یک نقطه از فضا را نیز می‌توان با استفاده از نمودار میدان الکتریکی بر حسب زمان نشان داد. این نمودار در شکل ۶-۷ رسم شده است. مشاهده می‌کنید که مقدار میدان در این نقطه، از صفر تا مقدار بیشینه افزایش می‌یابد و سپس کاهش می‌یابد و دوباره به صفر می‌رسد. پس از آن جهت میدان معکوس می‌شود. در این جهت نیز میدان از صفر تا مقدار بیشینه افزایش می‌یابد و دوباره کاهش می‌یابد تا به صفر برسد و این نوسان‌ها به همین ترتیب ادامه می‌یابد. نمودار میدان مغناطیسی بر حسب مکان و میدان مغناطیسی بر حسب زمان را نیز می‌توان مانند نمودارهای مربوط به میدان الکتریکی رسم کرد که باز هم نمودارهای مانند شکل‌های ۶-۶ و ۶-۷ به دست خواهد آمد.

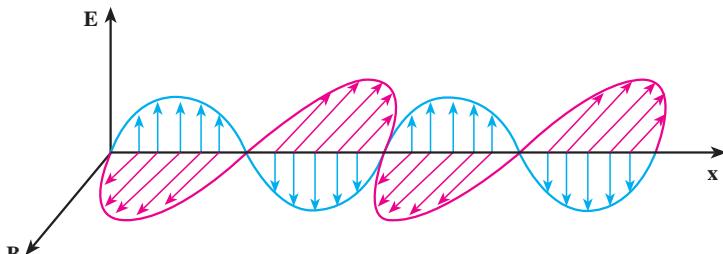


شکل ۶-۶ – نمودار میدان الکتریکی (مغناطیسی) بر حسب مکان، یک موج الکترومغناطیسی در امتداد محور x ، در یک لحظه از زمان.



شکل ۶-۷ – نمودار میدان الکتریکی (مغناطیسی) بر حسب زمان، یک موج الکترومغناطیسی در یک نقطه از محور x .

در شکل ۶-۸ نمودارهای میدان الکترومغناطیسی بر حسب مکان که در آن هم میدان الکتریکی و هم میدان مغناطیسی نشان داده شده است را می بینید.



شکل ۶-۸—نمودار میدان الکترومغناطیسی بر حسب مکان

تعریف هایی که قبلاً در مورد موج های مکانیکی بیان کردیم، در مورد موج های الکترومغناطیسی هم به کار می روند. مثلاً تعداد نوسان های میدان الکتریکی (و یا مغناطیسی) در واحد زمان و در هر نقطه از فضا، بسامد و زمانی که طول می کشد تا میدان الکتریکی (و یا مغناطیسی) یک نوسان کامل انجام دهد، دوره نامیده می شود. به همین ترتیب، طول موج فاصله بین دو نقطه متوالی از موج است که در آن دو نقطه میدان های الکتریکی (و یا مغناطیسی) هم فازند. سرعت انتشار موج های الکترومغناطیسی نیز، همچون موج های مکانیکی، از رابطه $v = \lambda f$ بدست می آید.

پرسش ۶-۱

با توجه به شکل ۶-۵ توضیح دهید که موج های الکترومغناطیسی طولی اند یا عرضی؟

۶-۲—سرعت انتشار موج های الکترومغناطیسی

میدان مغناطیسی و الکتریکی حاصل از جریان نوسانی در یک آنتن به طور هم زمان به تمام نقاط نمی رسد، بلکه با سرعت مشخصی منتشر می شوند. ابتدا این میدان ها در نقاط نزدیک و سپس به نقاط دورتر می رسند. ماکسول نشان داد که سرعت انتشار موج های الکترومغناطیسی در خلا از رابطه زیر به دست می آید :

$$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \quad (1-6)$$

که در آن ϵ ضریب گزندگی الکتریکی در خلأ و μ تراوایی مغناطیسی خلأ است. از فیزیک (۳) و

آزمایشگاه به یاد دارید که $C^2/N \cdot m = 8/85 \times 10^{-12} \text{ F}^2$ و $T \cdot m/A = 4\pi \times 10^{-7}$ است. با قرار دادن مقادیر بالا در رابطه ۱ سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیس در خلأ بدست می‌آید :

$$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = \frac{1}{\sqrt{8/85 \times 10^{-12} \times 4\pi \times 10^{-7}}} = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$$

که این مقدار برابر سرعت انتشار نور در خلأ است.

۳-۳- طیف موج‌های الکترومغناطیسی

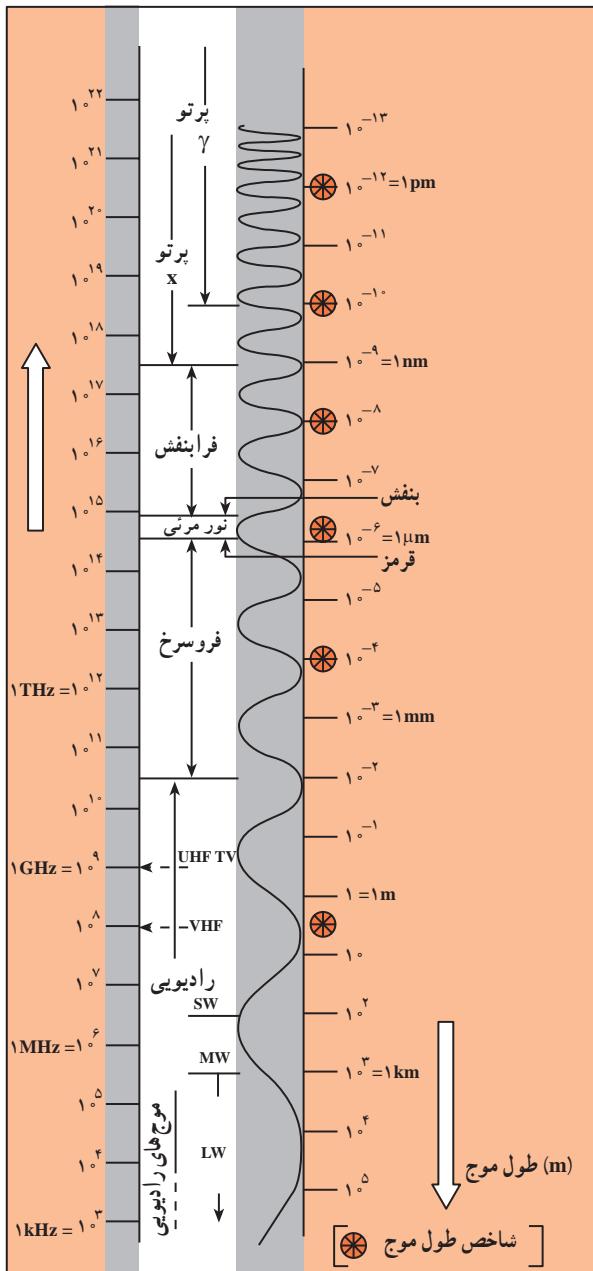
موج‌های الکترومغناطیسی طیف گسترده‌ای از نظر بسامد (و طول موج) دارند. به نواحی مختلف طیف الکترومغناطیسی، نام‌هایی از قبیل موج‌های رادیویی، نوری، تابش گرمایی، فرابنفش، X، ... اطلاق می‌شود. در هریک از این ناحیه‌ها تابش به طریق خاصی تولید و آشکار می‌شود. جدول ۱-۶ نحوه تولید، کاربرد و آشکارسازی نواحی مختلف طیف الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد. مثلاً نور که گستره کوچکی از این طیف است، مستقیماً بر شبکه چشم اثر می‌کند و از این طریق آشکار می‌شود اما آشکارسازی موج‌های رادیویی توسط وسیله‌های الکترونیکی خاصی مانند رادیو، تلویزیون و ... صورت می‌گیرد.

شکل ۱-۶ گستره (طیف) موج‌های الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد. این موج‌ها، طیف پیوسته‌ای را تشکیل می‌دهند. با وجود تفاوت بسیار زیاد در بسامد، نحوه تولید و آشکارسازی آنها، ماهیت و قانون‌های حاکم بر همه آنها یکسان است.

جدول ۶-۱- نحوه تولید، آشکارسازی و کاربرد طیف موج های الکترومغناطیسی

نام و حدود طول موج	چشمده	وسایل آشکارسازی	بعضی از ویژگی های خاص و کاربرد
برتو گاما (X) $1\text{ Pm} = 10^{-11}\text{ m}$	لامپ برتو 10^{-1} m	شمارش گر گاگنگر- مولو و فیلم عکاسی	فوتون های با انرژی بسیار زیاد، خیلی خطرناک کاربرد: بافت های سرطانی را ازین می برد، برای پیاده کردن توک در فلات، برای ضدعنوفی کردن تجهیزات و وسایل
برتو ایکس (X) 10^{-1} m	X	هسته مواد رادیو اکتیو و برتو های کیهانی	فوتون های بسیار پر انرژی و با قدرت نفوذ زیاد، خیلی خطرناک کاربرد: استفاده در تیزونگاری، استفاده در مطالعه ساختار بورها، معالجه بیماری های یوسمی، استفاده در برتو درمانی
فیلم عکاسی و صفحه فلوئورسان	لامپ برتو	فیلم عکاسی، فوتولیم	ویژگی های: توسط شیشه جذب می شود، سبب بسیاری از واکنش های شیمیایی می شود، باخته های زنده را از بین می برد. کاربرد: لامپ های UV در پرنسکی
فراپنکس (UV) $10^{-10}\text{ nm} = 10^{-8}\text{ m}$	خورشید، جسم های خلی DAG، جرقه الکتریکی، لامپ بغار جبوه	فیلم عکاسی، فوتولیم	ویژگی های: در دینلن اجسام نقش اساسی دارد، برای رشد گاهان و عمل فتوسترن نقش جوانی دارد.
نور مرئی $6 \times 10^{-8}\text{ m} = 6\mu\text{m} = 6\text{nm} / 6\text{nm}^{\circ}$	خورشید، جسم های DAG، لیزرها	فیلم عکاسی، فیلم عکاسی، فوتولیم	کاربرد: در سیستم های مخابراتی (لیزر و نوارهای نوری) مورد استفاده قرار می گیرد.
فروسرخ (IR) $10^{-4}\text{ m} = 10^{-10}\mu\text{m}$	خورشید، جسم های گرم و DAG	فیلم های منصوص عکاسی	ویژگی: هنگامی که جذب می شود، بورست را گرم می کند. کاربرد: برای گرم کردن، برای فیلم پردازی و عکاسی در مه و ناریکی، عکاسی IR توضیط ماهواره ها
رادیویی $3\text{ m} (\text{VHF})$	اجاق های مایکروویو، آنتن های رادیویی و تلوزیون	رادیو و تلویزیون	کاربرد: در آشیزی، رادیو، تلویزیون، مخابرات ماهواره ای و در رادارها برای آشکارسازی هواییما، مشوک و کشته

با استفاده از شکل ۹-۶ موج‌های مختلف طیف الکترومغناطیسی را به ترتیب افزایش طول موج، نام ببرید.



در شکل ۹-۶ بیشترین بسامد در بالای طیف و کمترین بسامد در پایین طیف قرار دارد. کوتاهترین طول موج در بالای طیف، مربوط به پرتوهای گاما که در حدود 10^{-13} متر است و بر عکس بلندترین طول موج مربوط به موج‌های رادیویی است که در حدود 10^5 m است.

شکل ۹-۶ - طیف موج‌های الکترومغناطیسی

مثال ۱-۶

محدوده طول موج، امواج الکترومغناطیسی مرئی از 10^{-7} m (۱ میکرون) مربوط به طول موج بنفس تا $7 \times 10^{-7} \text{ m}$ میکرون مربوط به طول موج نور قرمز است. محدوده بسامد نور مرئی را به دست آورید.

پاسخ

با استفاده از رابطه $f = \lambda c$ داریم :

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m/s}}{4 \times 10^{-7} \text{ m}} = 7.5 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

$$f_{\text{قرمز}} = \frac{c}{\lambda_{\text{قرمز}}} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m/s}}{7 \times 10^{-7} \text{ m}} = 4.3 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

يعني گستره بسامد نور مرئی بين $4.3 \times 10^{14} \text{ Hz}$ تا $7.5 \times 10^{14} \text{ Hz}$ است.

فعالیت ۱-۶

جمله های زیر را کامل کنید.

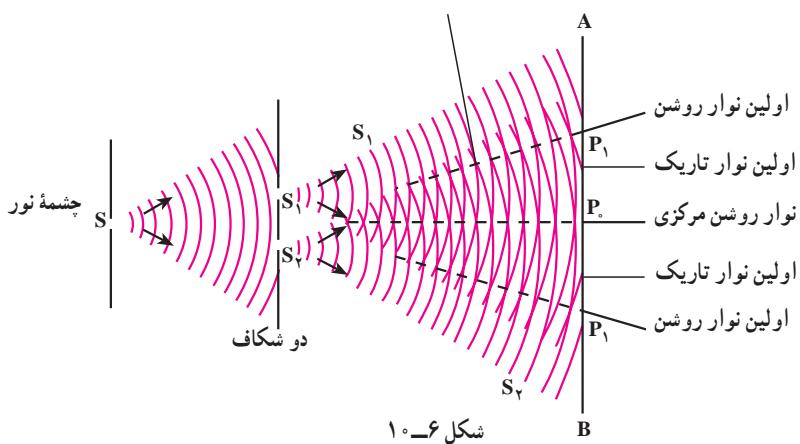
- ۱- میدان های الکتریکی و مغناطیسی بر یکدیگر
- ۲- میدان های الکتریکی و مغناطیسی هر دو بر عمودند بنابراین موج های الکترومغناطیسی از نوع موج های
- ۳- نوسان میدان های الکتریکی و مغناطیسی با یکدیگر
- ۴- موج های الکترومغناطیسی برای انتشار نیاز به و انرژی را از محلی به محل دیگر منتقل می کنند.
- ۵- همه موج های الکترومغناطیسی با سرعت منتشر می شوند.

۶-۴ - تداخل موج های نوری

در فصل نوسان و موج با تداخل موج های مکانیکی آشنا شدیم و در آنجا دیدیم که اگر دو سوزن که به فاصله نزدیکی از هم قرار دارند با بسامد معینی بر سطح آب درون یک ظرف همزمان ضربه بزنند،

موج‌هایی در سطح آب به وجود می‌آید که در همه جهت‌ها منتشر می‌شود. برهم‌نهای این موج‌ها را تداخل نامیدیم و گفتیم در نقطه‌هایی که دو موج هم فاز باشند تداخل سازنده و در نقاطی که دو موج در فاز مخالف باشند تداخل ویرانگر به وجود می‌آید. همین آزمایش را با نور نیز می‌توان انجام داد. یانگ، فیزیکدان انگلیسی، در آزمایش‌هایی که بین سال‌های ۱۸۰۲ تا ۱۸۰۴ انجام داد، دریافت که پدیده تداخل در نور هم مشاهده می‌شود.

شکل ۱۰-۶ طرح آزمایش یانگ را نشان می‌دهد. در پشت شکاف باریک S یک چشمۀ نور تک رنگ (لامپ روشن) قرار می‌دهیم. این شکاف خود مانند یک چشمۀ نور عمل می‌کند. در فاصله کمی از شکاف S ، دو شکاف موازی S_1 و S_2 که با S نیز موازی و هم فاصله‌اند، قرار می‌دهیم. نور رسیده به شکاف‌های S_1 و S_2 همانند دو چشمۀ هم‌بسامد، هم‌دامنه و هم فاز عمل می‌کنند و نور را در جهت‌های مختلف گسیل می‌کنند. نورهای گسیل شده از دو چشمۀ S_1 و S_2 با یکدیگر تداخل کرده و نوارهای تداخلی روشن و تاریک را بر روی پرده AB که در مقابل شکاف‌ها قرار دارد تشکیل می‌دهند.



دو موجی که به نقطه P روی محور تقارن دو شکاف می‌رسند، هم‌فاز‌اند. زیرا آنها دو راه مساوی S_1P و S_2P را تا پرده پیموده‌اند. تداخل این دو موج سازنده است و درنتیجه در محل P روی پرده یک نوار روشن تشکیل می‌شود. این نوار روشن را نوار روشن مرکزی می‌نامیم. برای اینکه بینیم در چه شرایطی نوار روشن و در چه شرایطی نوار تاریک تشکیل می‌شود نقطه P را در شکل ۱۰-۶ در نظر می‌گیریم. پرتوهایی که از S_1 و S_2 به این نقطه می‌رسند، دو راه نامساوی S_1P و S_2P را می‌پیمایند. اختلاف فاز پرتوها را می‌توان از روی اختلاف راه آنها تعیین کرد.

$$\Delta\phi = k(d_2 - d_1) = \frac{2\pi}{\lambda}(d_2 - d_1)$$

اگر $\Delta\varphi$ مضرب زوجی از π باشد یعنی:

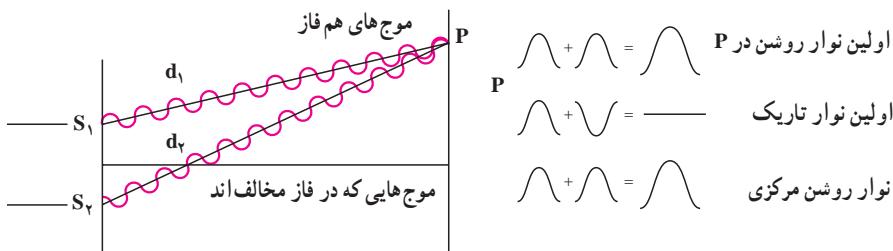
$$\Delta\varphi = \pm 2n\pi, n = 0, 1, \dots \quad (2-6)$$

$$\frac{2\pi}{\lambda}(d_2 - d_1) = \pm 2n\pi \quad \text{یا:}$$

$$d_2 - d_1 = \pm n\lambda = \pm 2n\frac{\lambda}{2}$$

در این صورت دو پرتوی که به پرده می‌رسند هم فازاند و تداخل سازنده ایجاد می‌شود و در این نقطه‌ها نوار روشن تشکیل می‌شود. در رابطه $2-6$ به ازای $n = 0, 1, 2, \dots$ ، اختلاف راه و اختلاف فاز صفر است و نوار روشنی که تشکیل می‌شود همان نوار مرکزی است.

به ازای $n = 1$ ، اختلاف فاز 2π است و اولین نوار روشن در دو طرف نوار مرکزی به دست می‌آید و به همین ترتیب می‌توان نوارهای روشن بعدی را به ازای $n = 2, 3, \dots$ به دست آورد.



شکل ۱۱-۶

حال اگر $\Delta\varphi$ مضرب فردی از π باشد یعنی:

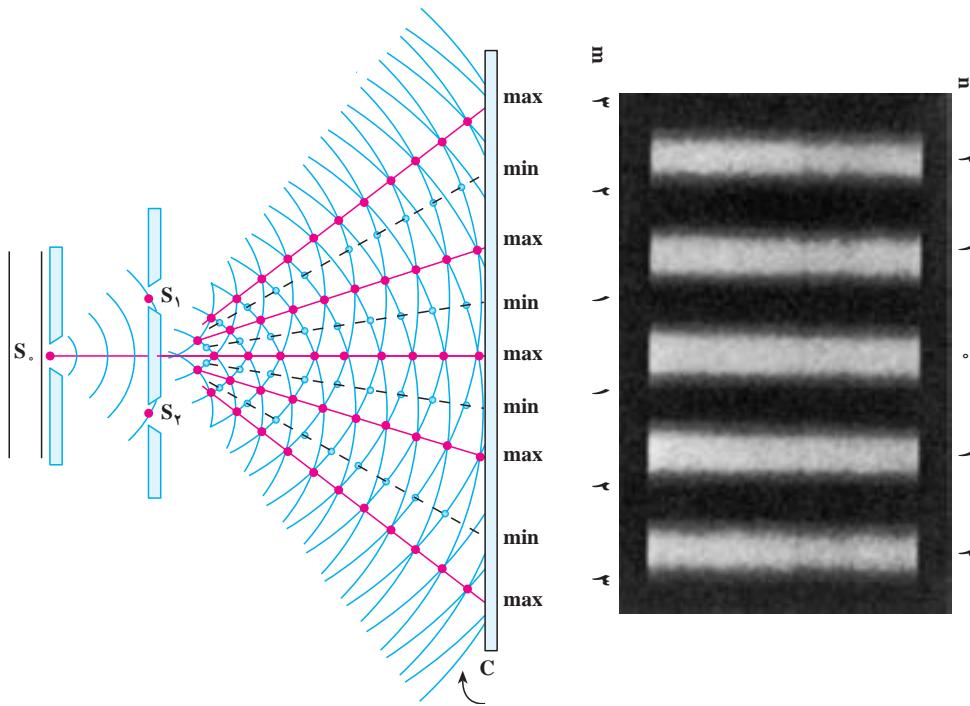
$$\Delta\varphi = \pm (2m-1)\pi, m = 1, 2, \dots \quad (3-6)$$

$$\frac{2\pi}{\lambda}(d_2 - d_1) = \pm (2m-1)\pi \quad \text{یا:}$$

$$d_2 - d_1 = \pm (2m-1)\frac{\lambda}{2}$$

در این صورت دو موجی که به پرده می‌رسند در فاز مخالف هم خواهند بود و تداخل ویرانگر صورت می‌گیرد و درنتیجه در این نقاط نوار تاریک خواهیم داشت. در رابطه $3-6$ به ازای $m = 1, 2, \dots$ مربوط به اولین نوار تاریک است که در دو طرف نوار روشن مرکزی قرار می‌گیرد. این نوار تاریک میان نوار روشن مرکزی و اولین نوار روشن قرار دارد.

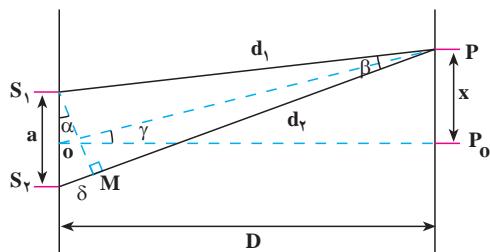
نوارهای روشن و تاریک را که روی پرده تشکیل می‌شوند طرح تداخلی می‌نامند. شکل ۱۲-۶ طرح تداخلی دو شکاف یانگ را نشان می‌دهد. در دو طرف شکل، شماره نوارهای روشن که با مقادیر مختلف n و شماره نوارهای تاریک که با مقادیر مختلف m داده می‌شوند نیز آمده است.



شکل ۱۲-۶

اندازه‌گیری طول موج : با استفاده از آزمایش یانگ می‌توان طول موج نور را اندازه‌گیری کرد. در شکل ۱۲-۶ طرحی از این آزمایش رسم شده است. در این شکل فاصله دو شکاف از هم a و فاصله شکاف‌ها از پرده D است. فرض کنید نوار روشن n_1 در نقطه P در فاصله x از نوار مرکزی روی پرده تشکیل شده است. دایره‌ای به مرکز P و به شعاع PS_1 رسم می‌کنیم، دایره PS_2 را در نقطه M قطع می‌کند. اختلاف راه نوری بین دو پرتو PS_1 و PS_2 برابر است با :

$$\delta = S_2 M = d_2 - d_1$$



شکل ۱۳-۶

اگر فاصله پرده از صفحه دو شکاف بسیار بزرگ‌تر از فاصله دو شکاف یعنی $a >> D$ باشد، زاویه γ و نیز زاویه β (بین پرتوهایی که به P می‌رسند) بسیار کوچک خواهد بود و می‌توان S_M را عمود بر P و OP در نظر گرفت. در این صورت زاویه‌های α و γ با یکدیگر برابرند، درنتیجه:

$$\tan \alpha = \tan \gamma, \tan \gamma = \frac{x}{D}$$

چون زاویه α کوچک است، داریم:

بنابراین:

(۴-۶)

برای نوار روشن $n\lambda$:

(۵-۶)

که از آن رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\lambda = \frac{xa}{nD} \quad (6)$$

با اندازه‌گیری، فاصله نوار روشن از نوار مرکزی می‌توان طول موج را اندازه گرفت.

پرسش ۳-۶

به نظر شما اگر آزمایش یانگ را با نور سفید انجام دهیم، طرح تداخلی چگونه خواهد بود؟

مثال ۲-۶

آزمایش یانگ را با نور زرد سدیم انجام داده‌ایم. فاصله دو شکاف یانگ از یکدیگر $a = 1/2\text{mm}$ و فاصله شکاف تا پرده $1/2\text{m}$ است. اگر فاصله نوار روشن یستم از وسط نوار مرکزی $11/8\text{ mm}$ باشد، طول موج نور زرد سدیم چند متر است؟

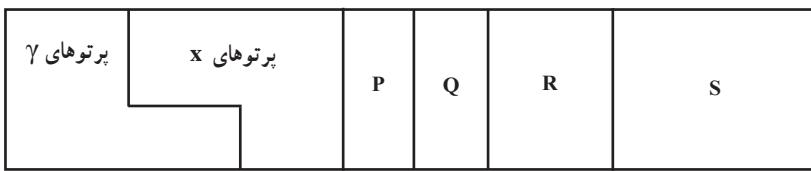
پاسخ

با استفاده از رابطه ۶-۶ داریم:

$$\lambda = \frac{ax}{nD} = \frac{1/2 \times 10^{-3} \times 11/8 \times 10^{-3}}{2 \times 1/2} = 5/9 \times 10^{-7} \text{ m} = 59 \mu\text{m}$$

تمرین‌های فصل ششم

۱- شکل ۱۴-۶ طیف موج‌های الکترومغناطیسی را با یک مقیاس تقریبی نشان می‌دهد.



شکل ۱۴-۶

الف) نام قسمت‌هایی از طیف را که تنها با حروف علامت‌گذاری شده‌اند، بنویسید.

ب) اگر در طول طیف از چپ به راست (از برتوهای γ به طرف S) حرکت کنیم، چه خاصیتی از برتوها افزایش، کاهش و یا ثابت می‌ماند؟

۲- چهار وجه اشتراک و دو تفاوت برای نور فروسرخ و امواج رادیویی بیان کنید.

۳- الف) از یک ایستگاه رادیویی موج الکترومغناطیسی به طول موج ۷۵m گسیل می‌شود.

بسامد این موج را حساب کنید.

ب) موج‌های رادیویی با بسامد 12MHz چه طول موجی دارند؟

۴- الف) طول موج نور نارنجی $m^{-1} = 6/42 \times 10^8$ است، بسامد این نور چند هertz است؟

ب) بسامد نور قرمز در حدود $Hz^{10} = 4/28 \times 10^8$ است، طول موج این نور در هوا و آب را حساب

کنید. (سرعت نور را در هوا $m/s = 10^8$ و در آب $m/s = 2/25 \times 10^8$ فرض کنید).

۵- گستره طول موج‌های رادیویی زیر را به دست آورید.

الف) باند AM در گستره بسامدی $54 - 1600$ کیلوهرتز

ب) باند FM در گستره بسامدی $88 - 108$ مگاهرتز

۶- آزمایش یانگ را با نور تکرنگ سبز انجام داده و نوارهای تداخلی بر روی پرده موازی با

سطح شکاف‌ها تشکیل داده‌ایم. برای اینکه فاصلهٔ دو نوار روشن متواالی را زیاد کنیم می‌توانیم:

۱) به جای نور سبز از نور تکرنگ قرمز استفاده کنیم.

۲) به جای نور سبز از نور تکرنگ بنفش استفاده کنیم.

۳) فاصلهٔ پرده از شکاف‌ها را زیاد کنیم.

۴) فاصلهٔ دو شکاف را از هم کم کنیم.

۷- اگر آزمایش یانگ عیناً در آب انجام گیرد چه تغییری در وضعیت نوارها نسبت به هوا حاصل

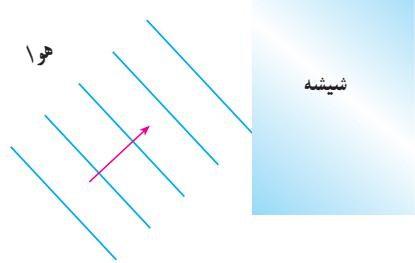
می شود؟ توضیح دهید.

۸- یک صافی مقابله چراغ جیوه قرار می دهیم، به طوری که تمام طول موج ها به جز ناحیه سبز آن جذب شود. با این نور سبز طرح تداخلی آزمایش یانگ را به فاصله دو شکاف $6\text{ mm} = a$ روی پرده ای به فاصله $D = 5/2\text{ m}$ از دو شکاف تشکیل می دهیم. اگر فاصله دو نوار روشن پهلوی هم $27/2\text{ mm}$ باشد، طول موج نور سبز را حساب کنید.

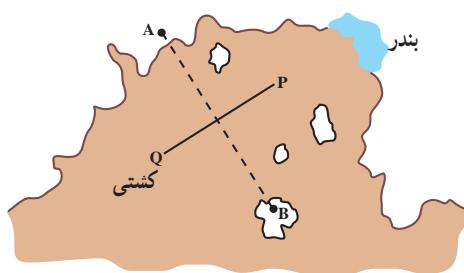
۹- در آزمایش دو شکاف یانگ، فاصله دو شکاف $4/6\text{ mm}$ و فاصله پرده تا دو شکاف 80 cm است. اگر طول موج نور $\mu\text{m} = 6$ باشد فاصله نوار دهم روشن از نوار مرکزی را حساب کنید.

۱۰- در شکل ۱۵-۶ موج های نور فرودی از چشم شیشه می شوند. بعضی از آنها در سطح جدا ای دو محیط بازتابیده و بعضی شکسته شده و وارد شیشه می شوند. کدام یک از کمیت های زیر برای موج های بازتابیده و موج های شکسته شده یکسان است؟

- (الف) سرعت (ب) طول موج
(پ) امتداد (ت) شدت نور
(ث) بسامد



شکل ۱۵-۶



شکل ۱۶

۱۱- در شکل ۱۶-۶ یک خط ساحلی با دو ایستگاه رادیویی دریانوردی زمینی A و B دیده می شود که در فاصله زیادی از هم قرار گرفته اند. هر دو ایستگاه پیوسته سیگنال های رادیویی هم فاز گسیل می کنند که بسامد آنها $5/1\text{ MHz}$ است.

(الف) طول موج این سیگنال ها چند متر است؟

ب) یک کشتی از مسیر QP به سوی بندر در حرکت است. هنگامی که این کشتی به نقطه ای درست در وسط خط فرضی AB می رسد، سیگنالی دریافت می کند که دامنه آن درست دو برابر دامنه هر موجی است که از یک ایستگاه به تنها یک دریافت می کرد. این مشاهده چه موضوعی را درباره سیگنال های گسیل شده از A و B نشان می دهد؟

پ) توضیح دهید در شرایط هوای مهآلود چگونه می توان از این سیگنال های رادیویی برای ادامه مسیر استفاده کرد.