

با ریاضیدانان نامی آشنا شوید

ابوبکر بن محمد بن حسین یا حسن کرجی، ریاضیدان بزرگ در اوخر سده دهم میلادی/چهارم قمری تا اوایل قرن یازدهم میلادی/پنجم قمری میزسته است. تاریخ وفات کرجی را حدود سال $۱۰۲۹/۴۲۰$ تعیین کرده‌اند. کرجی در تاریخ ریاضیات جایگاه مهمی دارد. کار عمده‌ی کرجی عملیات بر روی عبارت‌های جبری است. ووپکه می‌گوید: او مهم‌ترین و کمایش تنها نظریه‌ی حساب جبری در میان دانشمندان عرب زبان را تا به امروز بیان کرده است. کرجی جبر را یکی از روش‌های حساب می‌داند و حساب را در مقدمه الفخری چنین تعریف می‌کند:

چنین دریافتم که موضوع علم حساب، درباره‌ی استخراج مجھول‌ها از روی معلوم‌ها در انواع آن است و بی‌بردم که واضح‌ترین راه به سوی آن و نخستین وسیله برای رسیدن به آن صنعت جبر و مقابله است.

کرجی با آغاز شرح نظریه‌ی حساب جبری در بین جبردانان (خوارزمی و ابوکامل) رویکرد جدیدی را به کار گرفت. هدف مهم آن درک به صورت مستقل بود. تا پیش از کرجی همه مفاهیم ریاضیات از جمله جبر در سایه‌ی هندسه با معنی بود زیرا در ریاضیاتی که از یونان آمده بود، قضایا باید به روش هندسی اثبات می‌شد. از نظر کرجی همچون خوارزمی جبر، روش بیان عملیات جبری بود و از نمادهایی مانند x و y استفاده نمی‌شد و به جای آن واژه‌هایی مخصوص به کار می‌بردند. مثلاً شیء (x یا مقدار مجھول)، مال (توان دوم)، کعب (توان سوم)، مال مال (توان چهارم مقدار مجھول یا x^4) و مال کعب (توان پنجم مقدار مجھول یا x^5) و... و عدد یا درهم (مقدار معلوم). اثرش به نام الفخری نخستین شرح جبر چند جمله‌ای بود.

کرجی در الفخری ابتدا توان‌های جبری را منظم می‌کند و سپس به کاربرد عملیات حساب و اصطلاحات جبری می‌بردazد. کرجی کوشش کرد که عملیات حساب را در مورد عبارات و جمله‌های غیرگویا به کار بندد. از راه کاربرد منظم اعمال حساب در بازه، مبنای تازه‌ای برای جبری نهاد و این کار در اثر آشنایی با جبر خوارزمی و خواندن آثار دیوفانتوس در حساب امکان‌پذیر شد. رهیافت جدید به همت جانشینان کرجی، به ویژه سموئل بسط یافت. برخی از دانشمندان اعتقاد دارند که ممکن است بر لئوناردو فیبوناتچی و لوی بن گرسون تأثیر گذاشته باشد. کار مهم کرجی در ریاضیات و جبر، بررسی و حل معادله‌های سیال (جبر نامعین) است که آن‌ها را براساس کتاب دیوفانتوس آغاز کرد و تا معادله‌های درجه بالاتر از محاسبه‌های دیوفانتوس ادامه داد. کرجی معادله یک، دو و سه مجھولی، دو معادله تک مجھولی، دو معادله دو مجھولی، دو معادله سه مجھولی، سه معادله دو مجھولی و سه معادله سه مجھولی را بررسی کرده است. تمام آثار کرجی درباره‌ی حساب است. آثار مهم کرجی عبارت‌اند از:

- ١) الفخری فی الجبر و المقابلة ٢) الکافی فی الحساب ٣) البدیع فی الحساب ٤) علل حساب و الجبر و المقابلة و شرح‌ها ٥) مختصر فی الحساب و المساحة ٦) فی حساب الهند ٧) فی الاستقراء ٨) الاجذار ٩) المسائل و الاجوبه فی الحساب ١٠) انباط المیاه الخفیه ١١) العقود و الابنیه ١٢) المدخل فی علم النجوم ١٣) نوادر الاشکال ١٤) الدور و الوصایا.

بخش اول

فصل دوم

بازه

هدف کلی

یادآوری مفهوم بازه و تکمیل مفهوم‌های وابسته به آن

هدف‌های رفتاری: انتظار می‌رود فراگیر پس از پایان این فصل بتواند:

- ۱- بازه را تعریف کند.
- ۲- انواع بازه را به صورت مجموعه بنویسد.
- ۳- انواع بازه را روی محور اعداد نمایش دهد.
- ۴- اعمال روی بازه‌ها را انجام دهد.

پیش‌آزمون (۲)

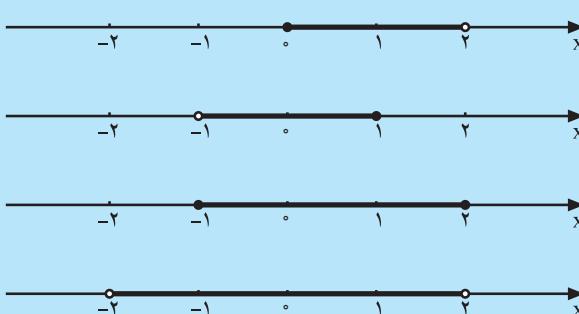
محل پاسخ به سؤالات پیش‌آزمون



شکل ۱-۱۶



شکل ۱-۱۷



شکل ۱-۱۸

۱- مجموعه‌ی $\{x \in \mathbb{R} : 1 \leq x \leq 3\}$ را روی محور اعداد نمایش دهید و به صورت بازه نیز بنویسید (شکل ۱-۱۶).

۲- بازه‌ی $[-3, -1)$ را روی محور اعداد نمایش دهید (شکل ۱-۱۷). این بازه را به صورت مجموعه نیز بنویسید.

۳- بازه‌ی مربوط به هر محور اعداد را بنویسید (شکل ۱-۱۸).

(الف) \dots, \dots

(ب) $\dots, \dots]$

(پ) $[\dots, \dots]$

(ت) (\dots, \dots)

۴- مجموعه‌ی جواب هر یک از نامعادله‌های زیر را به صورت بازه بنویسید.

$$\text{(الف)} \quad 3x + 2 \leq 1$$

$$\text{(ب)} \quad -1 \leq \frac{2x - 1}{3} \leq 2$$

۱-۲ بازه

به دماسنجد پیشکی نگاه کنید. این دماسنجد دماهای 35°C تا 42°C را اندازه می‌گیرد (شکل ۱-۱۹).

بازه‌ی دمایی این دماسنجد $[35, 42]$ است. توجه داشته باشید که در بازه‌ی بالا، تمام اعداد حقیقی از 35 تا 42 ، و اعداد 35 و 42 ، قرار دارند. یعنی،

$$[35, 42] = \{x \in \mathbb{R} : 35 \leq x \leq 42\}$$

۱-۵ فعالیت

۱) بازه‌ی دمایی دماسنجد آزمایشگاهی را بنویسید و آن را با نماد مجموعه نیز نشان دهید (شکل ۱-۱۹).

۲) بازه‌ی دمایی دماسنجد عقربه‌ای را بنویسید و آن را با نماد مجموعه نیز نشان دهید (شکل ۱-۲۰).

۳) به میکروآمپر متر (گالوانومتر) نگاه کنید (شکل ۱-۲۰). بازه‌ی جریان‌های الکتریکی را که این دستگاه اندازه می‌گیرد بنویسید و آن را با مجموعه نیز نمایش دهید.

هر بازه را به سه صورت می‌توان نشان داد:

(الف) با استفاده از نماد بازه، برای نمونه، $[1, 2]$:

(ب) با استفاده از نماد مجموعه، برای نمونه،

$$\{x \in \mathbb{R} : 1 \leq x \leq 2\}$$

(ج) با استفاده از محور اعداد برای نمونه،



بازه‌ی $[1, 2]$ را بازه‌ی بسته‌ی یک و دو می‌خوانیم:

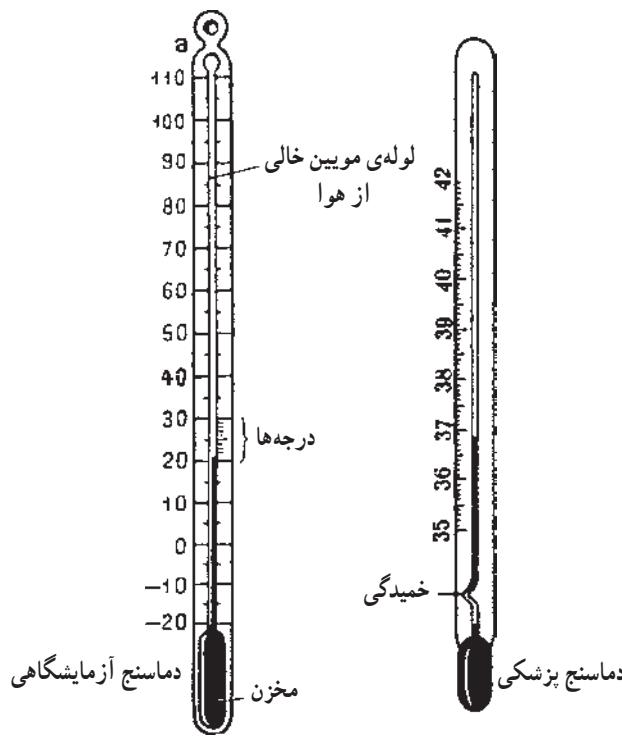
زیرا اعدادهای 1 و 2 نیز به این بازه تعلق دارند (شکل ۱-۲۱).

نمونه‌های دیگری از بازه را در زیر ملاحظه می‌کنید.

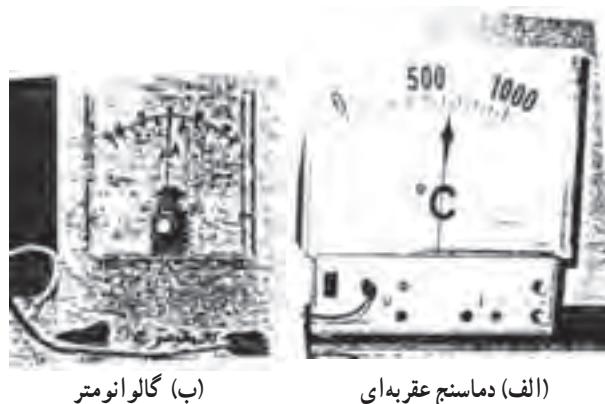
بازه‌ی $(1, 2)$ را بازه‌ی باز یک و دو می‌گوییم. این بازه شامل تمام اعداد حقیقی بین یک و دو، به جز یک و دو، است (شکل ۱-۲۲).

بازه‌ی $(1, 2)$ را نیم باز از راست می‌گویند (شکل ۱-۲۳).

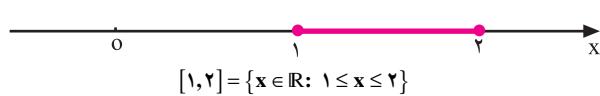
(۱, ۲) را بخوانید: بازه‌ی بسته‌ی یک و باز دو.



شکل ۱-۱۹

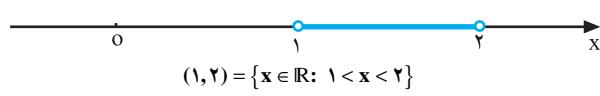


شکل ۱-۲۰



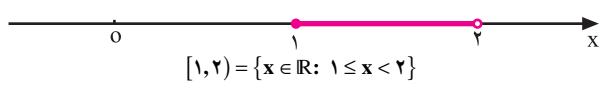
$$[1, 2] = \{x \in \mathbb{R} : 1 \leq x \leq 2\}$$

شکل ۱-۲۱



$$(1, 2) = \{x \in \mathbb{R} : 1 < x < 2\}$$

شکل ۱-۲۲



$$[1, 2) = \{x \in \mathbb{R} : 1 \leq x < 2\}$$

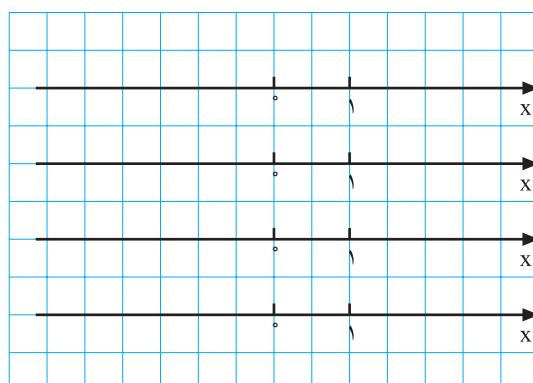
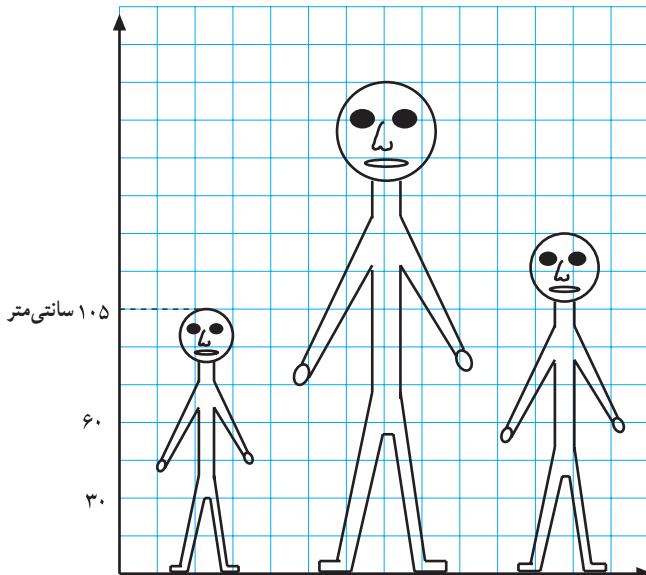
شکل ۱-۲۳



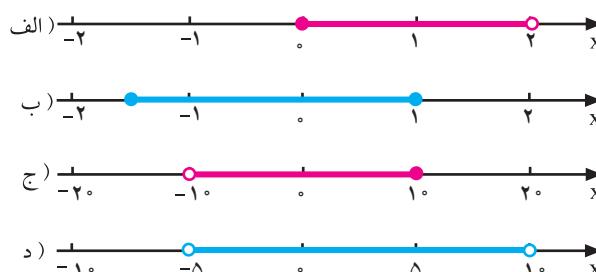
شکل ۱-۲۴

بازه‌ی $[1, 2)$ را نیم‌باز از چپ گویند. $(1, 2]$ را بخوانید:
بازه‌ی باز یک و بسته‌ی دو (شکل ۱-۲۴).

کار در کلاس ۱-۲



شکل ۱-۲۶



شکل ۱-۲۷

(۱) هریک از بازه‌های زیر را به صورت مجموعه بنویسید.

$$[-2, 1^{\circ}) =$$

$$(1, \sqrt{2}) =$$

$$\left[-1/5, \frac{3}{7}\right] =$$

(۲) مجموعه‌های زیر را به صورت بازه بنویسید.

$$\{x \in \mathbb{R}: -1 < x \leq 2\} =$$

$$\{x \in \mathbb{R}: \sqrt{2} \leq x \leq \sqrt{5}\} =$$

(۳) با توجه به یکای شکل ۱-۲۵، اندازه‌ی قد آدمک را

بنویسید.

(۴) هر بازه را روی محور اعداد نمایش دهید.

$$[-2, 3]$$

$$[-3, 0)$$

$$(1, 3)$$

$$(-1, 2]$$

(۵) بازه‌ی مربوط به هر شکل را با نماد بازه بنویسید
(شکل ۱-۲۷).

$$[\dots, \dots)$$

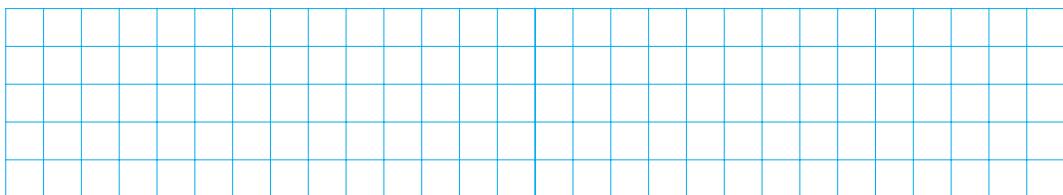
$$[\dots, \dots]$$

$$(\dots, \dots]$$

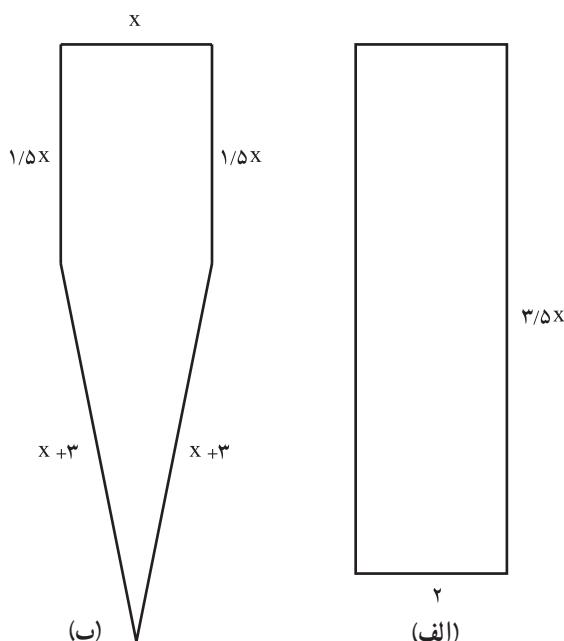
$$(\dots, \dots)$$

تمرین ۱-۲

۱) نامعادله $4 < x^2$ را در نظر بگیرید. این نامعادله را حل کنید و مجموعه‌ی جواب آن را به صورت بازه بنویسید و روی محور اعداد نیز نمایش دهید.



۲) شکل‌های زیر داده شده‌اند. حدود x را چنان تعیین کنید که محیط شکل (ب) بیشتر از محیط شکل (الف) باشد (شکل ۱-۲۸).



شکل ۱-۲۸

۳) مجموعه‌ی $\{x \in \mathbb{R} : -1 \leq x < 2\}$ با کدام بازه برابر است؟

- (الف) $[-1, 2]$
- (ب) $(-1, 2)$
- (پ) $[-1, 2)$
- (ت) $(-1, 2]$

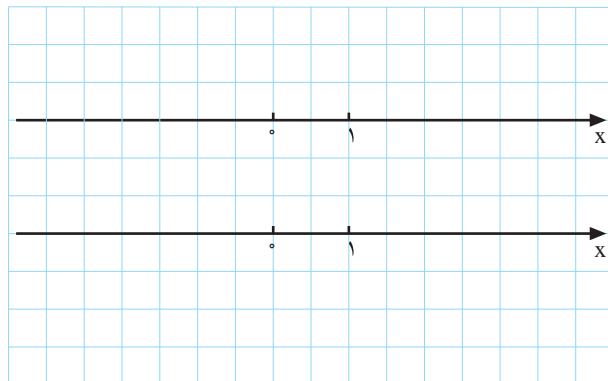
۴) مجموعه‌ی زیر را به صورت بازه بنویسید :

$$\text{جواب : } \left\{ x \in \mathbb{R} : -\sqrt{2} < x \leq 1/5 \right\}$$

۵) بازه‌های زیر را روی محور اعداد نمایش دهید (شکل ۱-۲۹).

(الف) $(-1, 3]$

(ب) $(-2, 4)$



شکل ۱-۲۹

۶) اگر a یک عدد حقیقی و $r > 0$ آنگاه

یک بازه به مرکز a و شعاع r نامیده می‌شود (شکل ۱-۳۰).



شکل ۱-۳۰

مثالاً، بازه‌ی $(-1, 3)$ به مرکز $1 = \frac{-1+3}{2} = \frac{2}{2} = 1$ و شعاع $2 = \frac{3-(-1)}{2} = \frac{4}{2} = 2$ است.

در بازه‌های زیر مرکز و شعاع بازه را تعیین کنید.

(الف) $(-2, 0)$

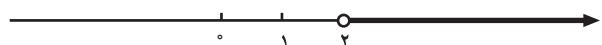
(ب) $(-4, 1)$

(پ) $(1, 5)$

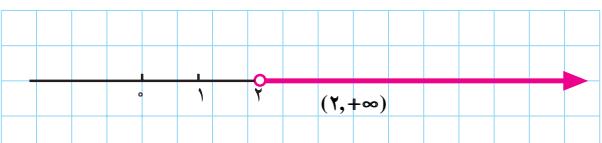
(ت) $(\sqrt{2}, 2 + \sqrt{2})$



غروب خورشید در دریا



شکل ۱-۳۱



شکل ۱-۳۲

۱-۲-۱- معرفی بینهایت

فعالیت ۱

۱) در عبارت‌های زیر واژه‌ی بینهایت را توصیف کنید.

- من مادرم را بینهایت دوست دارم؛

- در مجموعه‌ی اعداد طبیعی بینهایت عدد زوج وجود

دارد؛

- در بازه‌ی $(1, \infty)$ بینهایت عدد گویا وجود دارد.

۲) چند عبارت بیان کنید که در آن‌ها واژه‌ی بینهایت به کار رفته باشد، سپس منظور خود را از به‌کاربردن این واژه توضیح دهید.

۳) نامعادله‌ی $2 < x$ را در نظر بگیرید. جواب این نامعادله روی محور اعداد شکل ۱-۳۱ مشخص شده است.

۴) به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.

آیا عدد 1° در معادله‌ی بالا صدق می‌کند؟ 10000 چطور؟

100 میلیون چطور؟ نقاط متناظر با این اعداد در کدام سمت محور قرار دارند؟

آیا شما، یا یکی از همکلاسی‌های شما، می‌توانید بزرگ‌ترین عددی را که در نامعادله صدق می‌کند نام ببرید؟ توضیح دهید چرا؟

ریاضی‌دان‌ها $+\infty$ (بینهایت) را، که نمادی قراردادی است و یک عدد نیست، ابداع کرده‌اند. این نماد بیانگر این مطلب است که اگر x یک عدد حقیقی دلخواه باشد، x از $+\infty$ کوچک‌تر است. یعنی،

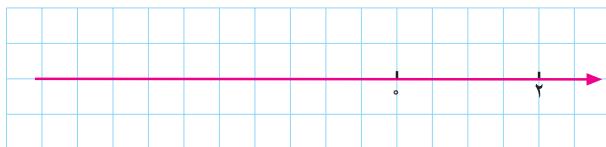
اگر $x \in \mathbb{R}$ آنگاه $x < +\infty$

می‌توان گفت که: $+ \infty$ از هر عدد حقیقی مثبت بزرگی، بزرگ‌تر است.

بنابراین، مجموعه‌ی جواب نامعادله‌ی $2 < x$ را می‌توان

با بازه‌ی $(2, +\infty)$ نمایش داد (شکل ۱-۳۲).

فعالیت ۱-۷



شکل ۱-۳۳

نامعادله‌ی $2 \leq x$ را در نظر بگیرید.

(۱) جواب این نامعادله را روی محور اعداد (شکل ۱-۳۲) مشخص کنید.

(۲) آیا عدد -۳ در نامعادله‌ی بالا صدق می‌کند؟

عدد -۵ چطور؟

اعداد -۳ و -۵ را روی یک محور اعداد مشخص کنید.

(۳) آیا اعداد $-10, -100, -1000$ و -10000 نیز

در این معادله صدق می‌کنند؟

(۴) آیا می‌توانید کوچک‌ترین عدد حقیقی را که در این نامعادله صدق می‌کند نام ببرید؟ توضیح دهید چرا؟
مطابق آن‌چه در فعالیت ۱-۶ گفته شد، جواب نامعادله‌ی $x \leq 2$ با بازه‌ی $[-\infty, 2)$ نشان داده می‌شود.



به‌طورکلی، اگر x یک عدد حقیقی دلخواه باشد آنگاه $x < -\infty$. یعنی، هر عدد حقیقی از $-\infty$ (منهای بینهایت) بزرگ‌تر است. می‌توان گفت که: $-\infty$ از هر عدد حقیقی منفی کوچکی، کوچک‌تر است.

بنابراین، اگر x عددی حقیقی باشد آنگاه،

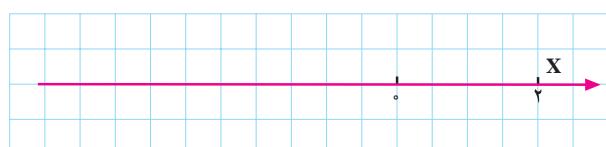
$$-\infty < x < +\infty$$

و درنتیجه می‌توان نوشت:

$$\mathbb{R} = (-\infty, +\infty)$$

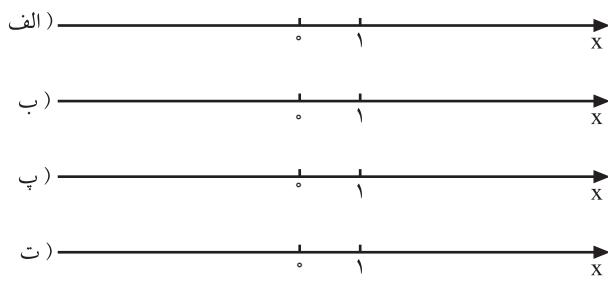
یعنی، مجموعه‌ی اعداد حقیقی همان مجموعه‌ی اعداد متعلق به بازه‌ی $(-\infty, +\infty)$ است.

یادآور می‌شویم که $+\infty$ و $-\infty$ عدد نیستند، ضمناً به جای $+\infty$ از نماد ∞ نیز استفاده می‌شود.



شکل ۱-۳۴

کار در کلاس ۳-۱



شکل ۱-۳۵

۱) هریک از نامعادلهای زیر را حل کنید، سپس جواب آن را به صورت بازه بنویسید و روی محور اعداد نمایش دهید.

$$2x \leq 5$$

$$3x \leq 8$$

$$2 - 4x \leq 6$$

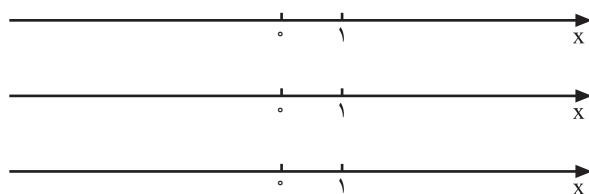
$$x^2 \geq 0$$

۲) مجموعه‌های زیر را به صورت بازه بنویسید و روی محور اعداد نمایش دهید.

$$\{x \in \mathbb{R} : x < 2\}$$

$$\{x \in \mathbb{R} : x \geq -1\}$$

$$\{x \in \mathbb{R} : x > 0\}$$



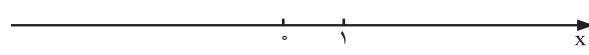
شکل ۱-۳۶

۳) مجموعه‌ی جواب‌های نامعادلهای $x^2 > 1$ را به دست آورید و آن را روی محور اعداد شکل ۱-۳۷ نمایش دهید. آیا

مجموعه‌ی جواب‌های این نامعادله یک بازه است؟

آیا می‌توان مجموعه‌ی جواب‌های نامعادلهای $x^2 > 1$ را

به کمک بازه‌ها نوشت؟ چگونه؟



شکل ۱-۳۷

تمرین ۱-۳

(۱) هر یک از بازه‌های رو به رو با کدام یک از مجموعه‌های زیر برابر است؟

(الف) $(-\infty, +\infty)$

(ب) $[-2, 2]$

(پ) $(-1, \sqrt{3})$

(ت) $(-\infty, 2]$

$$A = \{x \in \mathbb{R} : x \leq 2\}, \quad B = \{x \in \mathbb{R} : -1 \leq x < \sqrt{3}\}$$

$$C = \{x \in \mathbb{R} : x > -1\}, \quad D = \{x \in \mathbb{R} : -2 \leq x < 2\}$$

(۲) هر یک از بازه‌های رو به رو را به صورت مجموعه بنویسید.

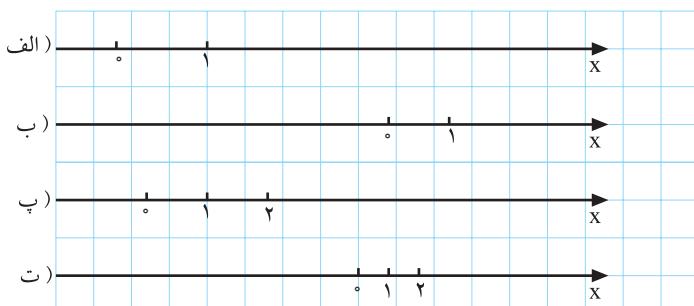
(الف) $(-\infty, +\infty)$

(ب) $[-2, \sqrt{2})$

(پ) $[-4, 3]$

(ت) $(-\infty, 5]$

(۳) بازه‌های زیر را روی محور اعداد نمایش دهید (شکل ۱-۳۸).



(الف) $(1, 4]$

(ب) $(-\infty, 1]$

(پ) $[2, +\infty)$

(ت) $(-5, 2)$

شکل ۱-۳۸

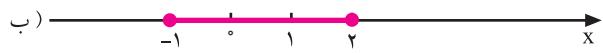
(۴) مجموعه‌ی نقاطی که روی هر محور نشان داده شده با کدام بازه‌ی مقابله آن برابر است؟ (شکل ۱-۳۹)

(۱-۳۹)

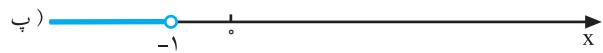
$(-\infty, -1], [-1, +\infty), [-2, +\infty)$



$(-1, 2), [-1, 2], [-1, 2)$

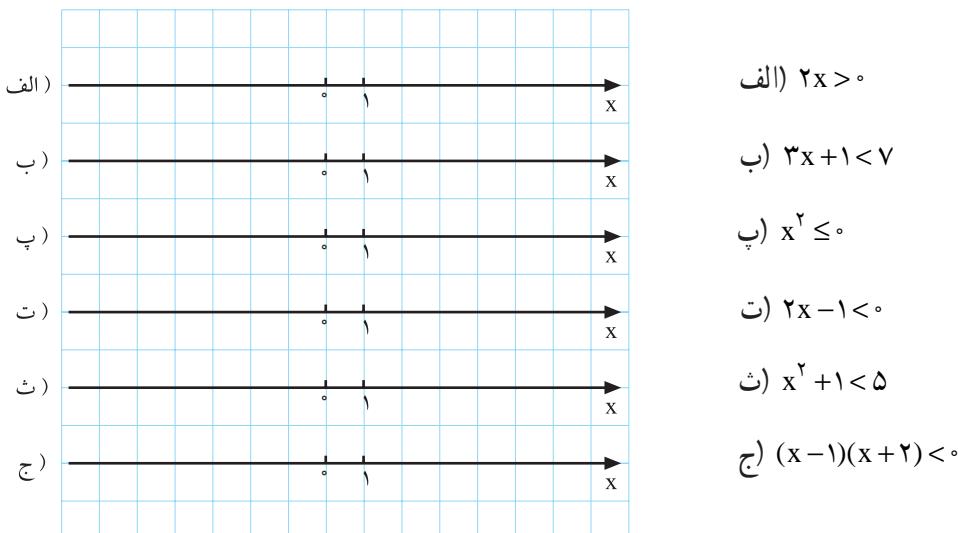


$(-\infty, -1), (-\infty, -1), (-\infty, -1]$



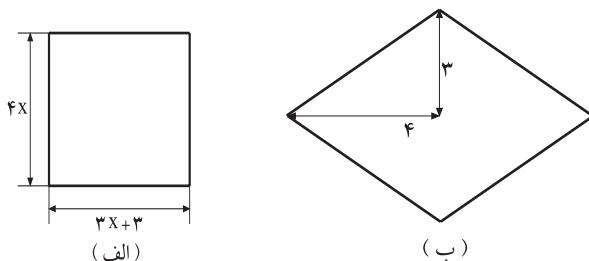
شکل ۱-۳۹

۵) هریک از نامعادلهای زیر را حل کنید و جواب آنها را به صورت مجموعه و بازه بنویسید و روی محور اعداد نیز نمایش دهید (شکل ۱-۴۰).



شکل ۱-۴۰

۶) x در چه بازه‌ای باشد تا مساحت شکل (الف) از مساحت شکل (ب) بیشتر باشد؟ (شکل ۱-۴۱).



شکل ۱-۴۱

۷) می‌خواهیم با استفاده از ۲۷۰۰۰ گرم آلومینیوم با چگالی (جرم واحد حجم) $2/7$ ، ورق آلومینیوم بسازیم. درصورتی که ضخامت ورق‌های لازم حداقل ۲ میلی‌متر و حداکثر 10 میلی‌متر باشد، بازه‌ی مساحت ورق‌هایی که می‌توان ساخت تعیین کنید.

۸) هریک از نامعادلهای زیر را حل کنید و جواب آنها را به صورت بازه بنویسید.

$$3x - 1 < 11 \quad (\text{الف})$$

$$2 - 3x \leq 14 \quad (\text{ب})$$

$$x^2 \leq 16 \quad (\text{پ})$$



۱_۲_۲ – عملیات روی بازه‌ها

۱_۸ – فعالیت

بازه‌های $[0, 2]$ و $[1, 4]$ به ترتیب، بارنگ‌های آبی و قرمز، روی محور اعداد روبرو نمایش داده شده‌اند (شکل ۱_۴۲).

۱) اشتراک این دو بازه را با نماد بازه بنویسید.

$$[0, 2] \cap [1, 4] =$$

۲) اجتماع این دو بازه را با نماد بازه بنویسید.

$$[0, 2] \cup [1, 4] =$$

۳) بازه‌ی سمت راست تساوی زیر را بنویسید.

$$[1, 4] - [0, 2] =$$

۴) در جاهای خالی نمادهای مناسب بنویسید.

$$[1, 4] - [0, 2] = [0, 4]$$

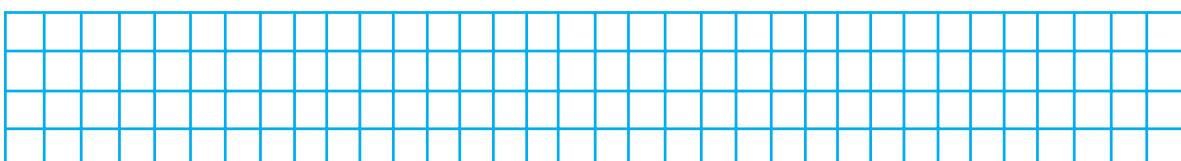
$$(0, 2) \quad [1, 4] = (0, 1)$$

$$(0, 2) \quad [1, 4] = [1, 2]$$

$$(0, 2) \quad [1, 4] = (0, 4)$$

۱_۹ – فعالیت

۱) یک محور اعداد افقی رسم کنید و آن را محور t' می‌namید.



۲) روی محور t' ساعت‌های صفر تا ۲۴ را مشخص کنید.

فرض کنید بیشترین مصرف برق در شهر شما از ساعت ۱۸ تا ۲۳، و بیشترین مصرف آب در شهر شما از ساعت ۱۱ تا ۲۱ باشد.

۳) بازه‌ی مصرف برق را روی محور t' با رنگ قرمز مشخص کنید.

۴) بازه‌ی مصرف آب را روی محور t' با رنگ آبی مشخص کنید.



شکل ۱-۴۳

۵) در چه بازه‌ی زمانی مصرف آب و برق، بیشترین است؟
این بازه را روی شکل مشخص کنید و آن را با نماد بازه نیز بنویسید.

۶) در چه بازه‌ی زمانی میزان مصرف آب یا برق، بیشترین است؟ این بازه را روی شکل مشخص کنید و آن را با نماد بازه نیز نمایش دهید.

کار در کلاس ۱-۴

احمد در ساعت ۸ صبح در شهر تنکابن سوار اتوبوس شد. رضا در ساعت ۱۰ صبح در چالوس سوار همان اتوبوس شد. احمد ساعت ۱۵:۱۳ در کرج پیاده شد. رضا در ساعت ۱۴:۳۰ به تهران رسید (شکل ۱-۴۳).

۱) بازه‌ی زمانی را که احمد در اتوبوس بوده است، بنویسید. این بازه را A بنامید.

۲) بازه‌ی زمانی را که رضا در اتوبوس بوده است، بنویسید. این بازه را B بنامید.

۳) در چه بازه‌ی زمانی احمد و رضا هر دو در اتوبوس بوده‌اند؟

۴) در چه بازه‌ی زمانی احمد بدون رضا در اتوبوس بوده است؟

۵) در چه بازه‌ی زمانی رضا بدون احمد در اتوبوس بوده است؟

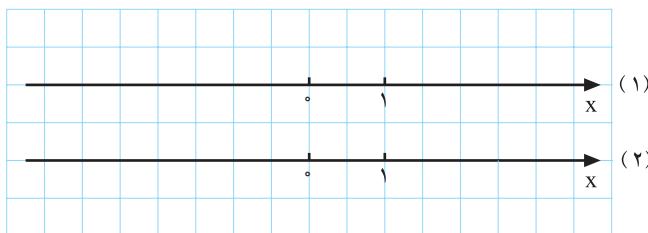
۶) پاسخ قسمت‌های (۳)، (۴) و (۵) را با استفاده از اعمال بازه‌ها (مجموعه‌ها) بنویسید.

تمرین ۱-۴

(۱) مجموعه جواب نامعادلهای

(۱) $2x < 3$

(۲) $3 - 4x \leq 4$



شکل ۱-۴۴

را، به ترتیب، با بازه‌های C و D نمایش دهید، سپس به سؤالات زیر پاسخ دهید. (می‌توانید از محور اعداد کمک بگیرید).

الف) بازه‌های C و D را به دست آورید.

ب) در چه بازه‌ای هر دو نامعادله برقرار است؟

پ) در چه بازه‌ای فقط نامعادله (۲) برقرار است؟

ت) در چه بازه‌ای فقط نامعادله (۱) برقرار است؟

ث) در چه بازه‌ای حداقل یکی از دو نامعادله برقرار است؟

ج) در چه بازه‌ای نامعادله (۱) برقرار نیست؟

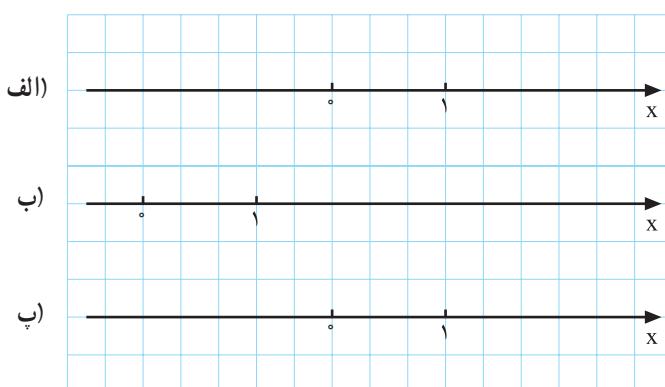
۲) اجتماع و اشتراک هر جفت از بازه‌های زیر را تعیین کنید. (راهنمایی: از محور اعداد کمک

بگیرید).

الف $[0, 2] \cup [0, 1)$

ب $[-1, 3) \cup (0, 4]$

پ $[-2, 1] \cup [1, 3)$



شکل ۱-۴۵

(۳) اگر $A = [-1, 2]$ و $B = (0, 3]$ بازه‌های زیر را تعیین کنید.

الف) $A \cup B$

ب) $A \cap B$

پ) $A - B$

ت) $B - A$

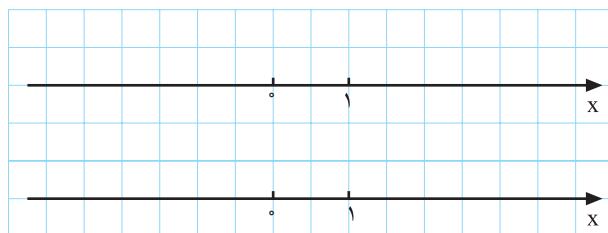
(۴) اگر داشته باشیم :

$$A = \{x \in \mathbb{R} : x > 1\}$$

$$B = \{x \in \mathbb{R} : x \leq 4\}$$

الف) این مجموعه‌ها را روی محور اعداد نمایش دهید.

ب) مجموعه‌های $B - A$ و $A - B$ را روی محور اعداد نمایش دهید.



شکل ۱-۴۶

پ) $A \cap B$ کدام بازه است؟

الف) $(1, 4)$

ب) $[1, 4)$

پ) $(1, 4]$

ت) $[1, 4]$

ت) $A \cup B$ کدام بازه است؟

الف) $(1, 4]$

ب) \mathbb{R}

پ) $[4, +\infty)$

ت) $(-\infty, 1)$

دھهی ریاضیات

هر سال از اول آبان ماه تا دهم آبان ماه دھهی ریاضیات نام دارد.

آزمون پایانی (۲)

محل پاسخ به سؤالات آزمون پایانی

$$A =$$

$$B =$$

$$A = \{x \in \mathbb{R} : -2 \leq x < 4\}$$

$$B = \left\{x \in \mathbb{R} : \frac{1}{2} < x \leq \frac{3}{5}\right\}$$

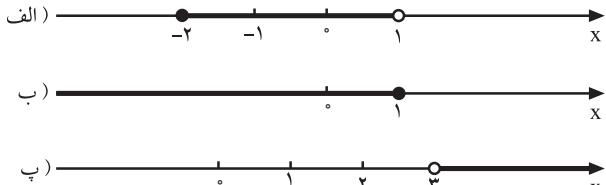
- ۱- هریک از مجموعه‌های زیر را به صورت بازه بنویسید.
و روی محور اعداد نیز نمایش دهید.

(الف) $[-4, 5]$

(ب) $(-\frac{3}{2}, \frac{7}{2})$

(پ) $[-1, \frac{5}{2})$

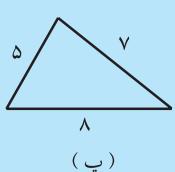
- ۳- بازه‌ی مشخص شده روی هر محور را بنویسید.



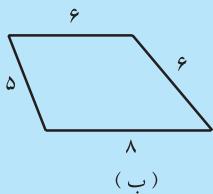
(الف)

(ب)

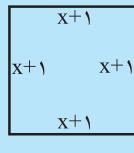
(پ)



(ب)



(ب)



(الف)

شکل ۱-۴۷

$$A =$$

$$B =$$

$$C =$$

$$D =$$

- ۴- شکل‌های روبرو داده شده‌اند. حدود x را چنان
یابید که محیط شکل (الف) از محیط شکل (پ) بیشتر و از
محیط شکل (ب) کمتر باشد (شکل ۱-۴۷).

- ۵- هریک از بازه‌های $(-\infty, 2)$, $(2, +\infty)$, $(-\infty, 3)$, $[2, +\infty)$
و $[3, +\infty)$ با کدام یک از مجموعه‌های زیر برابرند؟

$$A = \{x \in \mathbb{R} : x \geq 2\} , \quad B = \{x \in \mathbb{R} : x < 3\}$$

$$C = \{x \in \mathbb{R} : x \leq 3\} , \quad D = \{x \in \mathbb{R} : x > 2\}$$

محل پاسخ به سؤالات آزمون پایانی

۶- هریک از نامعادلهای زیر را حل کنید و جواب آنها را به صورت مجموعه و بازه بنویسید و روی محور اعداد نیز نشان دهید.

(الف) $-2x + 5 > 0$

(ب) $\frac{x+1}{3} > \frac{1}{2}$

(پ) $\frac{x+2}{2} - \frac{x}{3} < 0$

(ت) $4x^2 < 9$

۷- مجموعه‌ی جواب نامعادلهای $3x - 6 < 0$ را A و مجموعه‌ی جواب نامعادلهای $2x + 1 \leq 0$ را با B نشان دهید. سپس به سؤال‌های زیر پاسخ دهید.

(الف) مجموعه‌های A و B را با نماد بازه بنویسید.

(ب) اشتراک بازه‌های به دست آمده را تعیین کنید.

(پ) اجتماع بازه‌های به دست آمده را تعیین کنید.

۸- اجتماع و اشتراک هر جفت از بازه‌های زیر را تعیین کنید.

(الف) $(2, +\infty)$, $[-2, 4]$

(ب) $[-3, 5]$, $[1, 6)$

(پ) $(-\infty, 1)$, $(2, +\infty)$