

فصل ۴

محاسبات در سرامیک



تخلخل در سرامیک‌ها

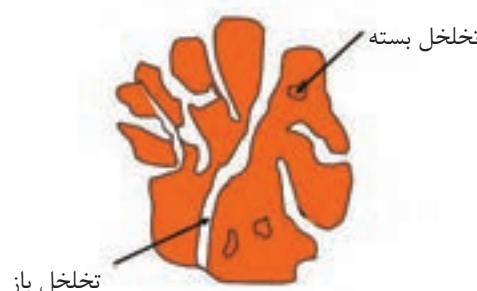
قطعات سرامیکی متخلخل: اغلب قطعات سرامیکی با استفاده از مواد اولیه پودر شده تولید می‌شوند. به همین دلیل این قطعات در حالت خام دارای مقدار قالب توجیهی فضای خالی خواهند بود که به دلیل قرار گرفتن ناپیوسته ذرات در کنار هم، ایجاد می‌شوند. به این فضاهای خالی تخلخل گفته می‌شود.

اگرچه بخش اعظمی از این فضاهای خالی در طی فرایند پخت از بین می‌روند، با این وجود دستیابی به یک قطعه بدون تخلخل در اکثر مواقع غیر ممکن و یا به شرایط پخت ویژه‌ای نیاز دارد. گاهی اوقات نیز قطعات را با توجه به محصول مورد نظر متخلخل می‌سازیم (مانند بدنه‌های کاشی دیوار و آجر). به دلیل وجود تخلخل‌ها در ساختار سرامیک‌ها و تأثیر مهم آنها بر خواص مختلف قطعات سرامیکی، اطلاع از میزان و چگونگی توزیع آنها، از اهمیت خاصی برخوردار است.

ساختمان تخلخل‌ها:

به طور کلی در قطعات سرامیکی با دو دسته تخلخل روبه‌رو هستیم :

۱- تخلخل باز - ۲- تخلخل بسته



تخلخل‌های باز آن دسته از فضاهای خالی در داخل قطعه هستند که به سطح آن، راه دارند. دلیل حضور این تخلخل‌ها، وجود تخلخل‌های اولیه در قطعه شکل داده شده، خروج گازهای حاصل از مواد فرآر در طی پخت و یا خروج آب در هنگام خشک شدن قطعه است. دلیل اصلی ایجاد تخلخل بسته در هنگام پخت در اثر عدم اتصال مناسب ذرات به هم ایجاد می‌شود.

محاسبه چگالی ظاهری، حقیقی و کلی:

برای یک بدنه بدون تخلخل، تنها یک وزن و یک حجم وجود دارد. اما در مورد قطعات متخلخل این چنین نیست و حجم‌های متعدد و درنتیجه چگالی‌های متعددی را می‌توان تعریف کرد.

برای قطعات متخلخل سه نوع حجم تعریف می‌شود که عبارت‌اند از:

الف) حجم کلی یا توده‌ای^۱

مجموع حجم ماده جامد و حجم تخلخل‌های باز و بسته را حجم کلی گویند. این حجم را به سه روش می‌توان اندازه‌گیری کرد:

(الف) اندازه‌گیری ابعاد نمونه، با استفاده از لوازم اندازه‌گیری طول (البته در مواردی که این امکان وجود داشته باشد). مثلاً آجر متخلخلی با ابعاد $22/5\text{cm} \times 10\text{cm} \times 8\text{cm}$ دارای حجم کلی 1800 متر مکعب است.

(ب) استفاده از روش جایه‌جایی جیوه، چون جیوه نمی‌تواند وارد تخلخل‌های باز شود.

ج) استفاده از اختلاف وزن بین حالتی که نمونه به طور کامل آب جذب کرده است (S) و زمانی که در حالت غوطه‌وری در آب قرار دارد (I). در این حالت مقدار ($S-I$) برابر با حجم کلی خواهد بود.

$$V_b = S - I \quad \text{حجم کلی}$$

ج) حجم حقیقی^۲

مجموع حجم تنها در برگیرنده حجم جزء جامد است. این حجم را می‌توان با پودر کردن نمونه (به گونه‌ای که موجب از بین رفتن تمام تخلخل‌ها شود) و سپس استفاده از پیکنومتر، اندازه گیری کرد.

در مرحله چهارم پیکنومتر را خالی می‌کنیم و بعد از شستشو پر از آب مقطر می‌کنیم و درپوش آن را می‌گذاریم و جرم پیکنومتر پر از آب مقطر اندازه گرفته می‌شود و با d نشان داده می‌شود.

با کمک از رابطه زیر دانسیته حقیقی بدست می‌آید.

$$\rho_t = \frac{a-b}{(d-a)-(c-b)} \times D_L$$

D_L : دانسیته مایع

* نکته: به دانسیته حقیقی دانسیته پودر (ρ_p) یا دانسیته واقعی هم گفته می‌شود.
برای یک قطعه متخلخل، حجم‌های متعددی را می‌توان تعریف کرد. در حالی که همین قطعه فقط دارای یک وزن است، زیرا از وزن هوای داخل تخلخل‌ها می‌توان صرف نظر کرد. بنابراین برای هر قطعه متخلخل سه نوع چگالی می‌توان تعریف کرد که عبارت‌اند از:

ب) حجم ظاهری^۱

مجموع حجم ماده جامد و حجم تخلخل‌های بسته را حجم ظاهری گویند. این حجم را می‌توان با استفاده از اختلاف وزن قطعه خشک (اندازه گیری شده در هوا) (D) و وزن قطعه غوطه‌ور شده (I) محاسبه کرد. یعنی می‌توان نوشت:

$$V_a = D - I \quad \text{حجم ظاهری ماده متخلخل}$$

پیکنومتر یک وسیله یا ابزار آزمایشگاهی شبیه به بالن ژوژه در دار می‌باشد که درپوش یا در آن دارای یک شیار باریک و باز درون خود می‌باشد. این وسیله برای تعیین دانسیته یا چگالی مایعات به کار می‌رود.

برای اندازه گیری چگالی یک مایع، ابتدا و در مرحله اول، جرم پیکنومتر خالی که با آب مقطر شسته شده و سپس خشک شده را همراه با درپوش با استفاده از یک ترازوی دیجیتالی بسیار دقیق (ترجیحاً تا سه یا چهار رقم اعشار اندازه گیری می‌شود). (a)

در مرحله دوم مقدار مشخصی از پودر محصول یا مواد اولیه برحسب گرم را که از الک عبور کرده است با کمک قیف درون پیکنومتر ریخته و درپوش آن را می‌گذاریم و آن را وزن می‌کنیم.

در مرحله سوم پیکنومتر با پودر را از مایع پر می‌کنیم و وزن پیکنومتر، پودر و آب را اندازه می‌گیریم و با C نشان می‌دهیم.

$$\frac{\text{وزن قطعه}}{\text{حجم کلی یا توده‌ای قطعه}} = \frac{D}{S - I} \quad \text{چگالی کلی (توده‌ای)}$$

$$\frac{\text{وزن قطعه}}{\text{حجم ظاهری قطعه}} = \frac{D}{D - I} \quad \text{چگالی ظاهری}$$

$$\frac{\text{وزن قطعه}}{\text{حجم حقیقی قطعه}} = \frac{D}{V_t} \quad \text{چگالی حقیقی}$$

1-Apparet Volume

2-True Volume

باید برای همه این چگالی‌ها واحد نیز ذکر شود و در صورت استفاده از چگالی نسبی ظاهری واحد حذف می‌شود در صورتی که برای وزن و حجم به ترتیب واحدهای گرم و سانتی‌متر مکعب مورد استفاده قرار گیرد و واحد چگالی آن گرم بر سانتی‌متر مکعب (g/cm^3) می‌شود. برای مثال اگر یک ماده دارای چگالی $3/2 \text{ g/cm}^3$ باشد چگالی نسبی آن نیز $3/2$ خواهد بود.

مثال : وزن یک قطعه سرامیکی در حالت خشک برابر با $14/62 \text{ g}$ ، در حالت جذب آب کامل برابر با $16/25 \text{ g}$ و در شرایط غوطه وری برابر با $8/37 \text{ g/cm}^3$ است. چگالی کلی و چگالی نسبی ظاهری این قطعه را محاسبه کنید.

$$\text{وزن قطعه در حالت خشک} = \frac{\text{D}}{\text{چگالی کلی}} = \frac{\text{D}}{\text{S - I}} \quad \text{حل:}$$

$$= \frac{14/62}{(8/37 - 16/25)} = 1/85 \text{ g/cm}^3$$

$$\text{وزن قطعه در حالت خشک} = \frac{\text{D}}{\text{چگالی ظاهری قطعه}} = \frac{\text{D}}{\text{D - I}}$$

$$= \frac{14/62}{(14/62 - 8/37)} = 2/34 \text{ g/cm}^3$$

$$\frac{\text{چگالی ظاهری}}{\text{چگالی آب}} = \frac{2/34}{1} = 2/34 \text{ g/cm}^3$$

مثال: با استفاده از اطلاعاتی که داده می‌شود، چگالی کلی دو جسم A و B را محاسبه کنید.

B	A	علامت قطعه
۹۲ g	۱۲۰ g	وزن خشک (D)
۱۰۵ g	۱۴۶ g	وزن قطعه بعد از جذب آب کامل (S)
۴۳ g	۷۲ g	وزن قطعه در حالت غوطه وری در آب (I)

$$\text{وزن قطعه خشک} = \frac{\text{D}}{\text{چگالی کلی}}$$

اگر چگالی کلی را با علامت ρ_b نشان دهیم، آنگاه خواهیم داشت:

$$\rho_b = \frac{\text{D}}{\text{S - I}}$$

$$A: \rho_b = \frac{120}{146 - 72} = 1/62 \text{ g/cm}^3 \quad B: \text{برای جسم B} \quad \rho_b = \frac{92}{105 - 43} = 1/48 \text{ g/cm}^3$$

محاسبه حجم تخلخل‌های باز از اختلاف بین S و D به دست برای به دست آوردن درصد تخلخل ظاهری، باید حجم می‌آید، در نتیجه خواهیم داشت:

تخلخل‌های باز را به حجم قطعه تقسیم کنیم. می‌دانیم

$$\frac{\text{حجم تخلخل‌های باز}}{\text{حجم قطعه}} \times 100 = \text{درصد تخلخل ظاهری}$$

$$\text{حجم تخلخل باز} = S - D$$

$$= \frac{S - D}{S - I} \times 100$$

$$= \text{حجم قطعه} = S - I$$

مثال: با توجه به اطلاعات مثال قبل درصد تخلخل ظاهری را برای جسم A و جسم B محاسبه کنید.

$$A = \frac{146 - 120}{146 - 72} \times 100 = \% 35/13$$

$$B = \frac{105 - 92}{105 - 43} \times 100 = \% 20/97$$

برای به دست آوردن درصد جذب آب، باید وزن آب جذب شده در تخلخل‌های باز را به وزن خشک قطعه تقسیم کنیم. رابطه درصد جذب آب بدین صورت خواهد بود:

$$\frac{\text{وزن آب جذب شده}}{\text{وزن خشک قطعه}} \times 100 = \frac{S - D}{D} \times 100 \quad \text{یا}$$

می‌دانیم که حجم حقیقی (V_a)، (که از طریق آن چگالی حقیقی و در نتیجه چگالی نسبی حقیقی را تعیین می‌کنیم) تنها شامل اجزای جامد تشکیل دهنده جسم است و حجم کلی (V_b) دربرگیرنده حجم اجزای جامد و حجم تخلخل‌های باز و بسته است. پس اختلاف بین این دو حجم ($V_b - V_a$)، حجم تخلخل‌های موجود در جسم را مشخص می‌کند.

مثال: نمونه‌ای از جنس آجر سیلیسی دارای ابعاد $2 \times 4 \times 4 \text{ cm}^3$ است. در صورتی که چگالی نسبی حقیقی آجر $2/39$ و وزن این قطعه در حالت خشک 72 g باشد، مقدار تخلخل حقیقی آن را محاسبه کنید.

حل:

با توجه به اینکه چگالی نسبی (و در نتیجه چگالی) و جرم این نمونه را داریم، می‌توانیم حجم واقعی نمونه را محاسبه کنیم.

$$\rho = \frac{M}{V} \Rightarrow V = \frac{M}{\rho}$$

$$\Rightarrow V = \frac{72}{2/39} = 30/13 \text{ cm}^3$$

در واقع، با این عملیات از وزن هوا در تخلخل‌های جسم صرف نظر کردیم.

اختلاف بین حجم محاسبه شده از رابطه قبلی و حجم نمونه، حجم تخلخل ها است. پس:

$$\text{حجم حقيقى} - \text{حجم كلی} = \text{حجم تخلخل}$$

$$= 4 \times 4 \times 2 \text{ cm}^3 = 32 \text{ cm}^3$$

$$\text{حجم تخلخل} = \frac{32 - 30}{13} = 1.87 \text{ cm}^3$$

حال اگر این حجم را به حجم نمونه تقسیم کنیم و عدد حاصل را در $100 \times$ ضرب کنیم، درصد تخلخل حقیقی به دست می‌آید که در واقع شامل تخلخل‌های باز و پسته است.

$$\text{درصد تخلخل حقيقی} = \frac{1/۸۷}{۳۲} \times ۱۰۰ = ۵/۸۴$$

مثال: چگالی نسبی کلی یک آجر $1/70$ و چگالی نسبی حقیقی آن $2/40$ است. در صورتی که ابعاد یک تکه بریده شده از این آجر برابر $4\text{cm} \times 3\text{cm} \times 2\text{cm}$ باشد، مقدار آبی را که این نمونه می‌تواند جذب کند، محاسبه کنید. (فرض کنید که تمام تخلخل‌های این قطعه باز باشند).

حگال، کله و حقیقت این نمونه به ترتیب با g/cm^3 ۱/۷، g/cm^3 ۲/۴۰ و g/cm^3 ۲ خواهد بود.

$$\rho_b = \frac{\text{وزن}}{\text{حجم}} \Rightarrow 1/70 = \frac{m}{3 \times 4 \times 2 \text{ cm}^3}$$

$$m = \frac{F}{\lambda \cdot g}$$

$$\rho_t = \frac{\text{وزن}}{\text{حجم}} \Rightarrow \text{حجم حقيقی} = \frac{40/80}{2/40} = 17 \text{ cm}^3$$

(چگالی حقيقی)

پس حجم اجزای جامد تشکیل دهنده این نمونه 17cm^3 است. از اختلاف بین این دو حجم و حجم کلی نمونه، حجم تخلخل‌ها حاصل می‌شود. پس:

$$24 - 17 = 7 \text{ cm}$$

اگر این تخلخاها همگی یا فرض شوند، به هنگام جذب، مقدار 7 cm^3 آب جذب نمونه خواهد شد.

مثال: وزن یک نمونه متخلخل برابر با $g_{\text{محل}} = 47/30$ است. اگر این قطعه را وارد جیوه کنیم، 312 g جیوه جایه جا می‌شود. چگالی، کلی، این ماده را محاسبه کنید. (چگالی جیوه برابر با $13/80 \text{ g/cm}^3$)

حل: طبق قانون ارشمیدس هرگاه جسمی وارد سیالی شود، منجر به جابه جایی مقداری از سیال که هم حجم خودش است، می شود. پس حجم این مقدار جیوه با به جا شده با حجم نمونه برابر است.

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} = \frac{312}{13.6} = 22.94 \text{ cm}^3$$

زیرا جیوه برخلاف آب نمی‌تواند وارد تخلخل‌های جسم شود، این مقدار برای ربا حجم کلی نمونه است. پس می‌توان نوشت:

$$\rho_b = \frac{m}{V} = \frac{47/3}{22/94} = 2.06 \text{ g/cm}^3$$

محاسبه چگالی دوغاب

دوغاب عبارت است از مخلوط آب و مواد اولیه سرامیکی، به شرط آن که ذرات جامد در مایع به صورت معلق قرار داشته باشند. چگالی نسبی دوغاب را نیز می‌توان از تقسیم چگالی آن بر چگالی آب به دست آورد. برای اندازه گیری چگالی، از بالن ژوژه یا استوانه مدرج استفاده می‌شود. با پر کردن بالن ژوژه از دوغاب

مثال: به منظور اندازه گیری چگالی نسبی یک دوغاب سرامیکی از یک بالن ژوژه یک لیتری با وزن $g = 582/8$ استفاده کرده‌ایم. در صورتی که وزن این بالن ژوژه همراه با $1000cc$ دوغاب برابر با $g = 2212/8$ باشد، چگالی و چگالی نسبی آن را محاسبه کنید.

حل:

$$\text{وزن دوغاب} = \frac{2212/8}{582/8} g = 1630 g$$

$$\frac{1630 g}{1000 cm^3} = \frac{163 g}{cm^3} = \text{چگالی دوغاب}$$

$$\frac{\text{چگالی دوغاب}}{1} = \frac{1/63}{1} = \frac{1/63}{1} = \frac{1/63}{1} = \text{چگالی نسبی}$$

$$= \text{چگالی نسبی دوغاب}$$

بعضی اوقات در صنعت ممکن است با اصطلاح وزن لیتری یا غلظت وزنی برخورد کنید. این تعریف گاهی به جای چگالی به کار می‌رود. در این اندازه گیری، وزن یک لیتر دوغاب را معیار قرار می‌دهیم. مسئله‌ای که اکنون مطرح می‌شود این است که اگر مقدار مشخصی از مواد پودر شده را با یکدیگر مخلوط کنیم، آیا می‌توانیم چگالی دوغاب حاصله را از طریق محاسبه به دست آوریم؟ پاسخ به این سؤال مثبت است. رابطه‌ای که به این منظور مورد استفاده قرار می‌گیرد، شکل گسترده‌تری از رابطه چگالی است و عبارت است از:

$$\frac{\text{مجموع وزن اجزای دوغاب}}{\text{مجموع حجم اجزای دوغاب}} \times 100 = \text{دوغاب چگالی}$$

با استفاده از چند مثال، نحوه کاربرد این رابطه را نشان می‌دهیم.



نکته

مثال با استفاده از $kg = 16/76$ از یک ماده اولیه سرامیکی (با چگالی نسبی $2/60$) و 8 لیتر آب، دوغابی تهیه شده است. چگالی دوغاب را محاسبه کنید.

حل: ابتدا حجم ماده اولیه مصرفی را محاسبه می‌کنیم. برای این منظور از رابطه چگالی استفاده می‌کنیم.

$$\frac{\text{وزن}}{\text{چگالی}} = \frac{16760 g}{2/60 g/cm^3} = \text{حجم پودر} \Rightarrow \text{حجم} = 6445/15 cm^3$$

از طرفی وزن ۸ لیتر آب برابر با 800 g است. با استفاده از رابطه صفحهٔ بعد چگالی دوغاب را به دست می‌آوریم:

$$\frac{\text{مجموع وزن اجزای دوغاب}}{\text{مجموع حجم اجزای دوغاب}} = \frac{\text{چگالی دوغاب}}{\text{چگالی دوغاب}}$$

$$\frac{(16760 + 8000)g}{(6446 / 15 + 8000)\text{cm}^3} = 1/71 \text{ g/cm}^3$$

مثال: با استفاده از 20 g رس کاملاً خشک با چگالی $2/62 \text{ g/cm}^3$ و 30 cm^3 آب، دوغابی تهیه کرده‌ایم. چگالی و چگالی نسبی دوغاب را به دست آورید.

حل:

$$\frac{\text{وزن پودر}}{\text{چگالی پودر}} = \frac{20g}{2/62 \text{ g/cm}^3} = 7/63 \text{ cm}^3$$

با توجه به اینکه چگالی آب برابر 1 g/cm^3 است در نتیجه وزن 30 cm^3 آب 30 gr است.

$$\frac{(20 + 30)g}{(7/63 + 30)\text{cm}^3} = 1/33 \text{ g/cm}^3$$

$$\frac{1/33}{1} = 1/33$$

مثال: چه حجمی از آب را باید به 50 g لعب خشک (با چگالی $2/80 \text{ g/cm}^3$) اضافه کرد تا دوغاب لعابی با چگالی $1/65 \text{ g/cm}^3$ حاصل شود؟

حل:

برای محاسبه، به حجم لعب خشک نیاز داریم. پس ابتدا آن را با استفاده از رابطه چگالی محاسبه می‌کنیم.

$$\rho = \frac{m}{v} \Rightarrow \text{حجم لعب خشک} = \frac{50g}{2/80 \text{ g/cm}^3} = 17/8 \text{ cm}^3$$

$$\rho = \frac{m}{v} \Rightarrow$$

می‌دانیم چگالی دوغاب نهایی باید برابر با $1/65 \text{ g/cm}^3$ باشد. پس خواهیم داشت:

$$\frac{\text{مجموع جرم اجزا}}{\text{مجموع حجم اجزا}} = \frac{\text{چگالی دوغاب}}{\text{چگالی دوغاب}}$$

در صورتی که وزن و حجم آب لازم را به ترتیب x و y فرض کنیم، می‌توانیم بنویسیم:

$$1/65 = \frac{50 + x}{17/8 + y}$$

از طرفی چگالی آب برابر با $1/10 \text{ gr/cm}^3$ است. در نتیجه وزن و حجم آب از نظر عددی یکسان است، یعنی:

$$\begin{aligned} x &= y \\ \Rightarrow 1/65 &= \frac{50 + y}{17/8 + y} \Rightarrow y = 31/7 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

بعضی اوقات ممکن است مجبور باشیم با افزودن آب یا مواد جامد خواص جریانی دوغاب را تصحیح کنیم. در چنین حالتی معمولاً دوغاب‌های برگشتی را با استفاده از افزودن آب یا مواد جامد به چگالی مورد نظر رسانده و در صورت تنظیم نبودن ویسکوزیتیه دوغاب، پس از روان‌سازی مجدد، دوغاب حاصله وارد خط تولید می‌شود.

مثال: در یک مخزن ۲۱۰ لیتری، دوغاب با چگالی نسبی $2/15$ موجود است. چه مقدار آب به‌این مقدار دوغاب باید افزود تا چگالی نسبی آن به $2/00$ کاهش یابد؟

حل:

ابتدا وزن دوغاب موجود را محاسبه می‌کنیم.

$$m = \rho \cdot V$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V$$

$$m = 2/15 \text{ g/cm}^3 \times 210000 \text{ cm}^3 = 451500 \text{ g}$$

با توجه به‌اینکه چگالی آب 1 g/cm^3 است، وزن و حجم آن از نظر عددی برابر هستند. پس اگر وزن آب مورد نیاز را x در نظر بگیریم، حجم آن نیز x خواهد بود. در نتیجه:

$$\frac{\text{مجموع وزن اجزا}}{\text{مجموع حجم اجزا}} = \frac{\text{چگالی دوغاب}}{1}$$

$$2 = \frac{451500 + x}{210000 + x} \Rightarrow x = 15750 \text{ cm}^3$$

با توجه به‌اینکه هر لیتر برابر با $1000 \text{ سانتیمتر مکعب}$ است، $15/75 \text{ L} = 15750 \text{ cm}^3$ حجم آب مورد نیاز است پس باید این مقدار آب را به دوغاب افزود تا چگالی آب به مقدار مورد نظر برسد.

آسیاب گلوله‌ای و محاسبات مربوط به آن

در آماده‌سازی مواد اولیه سرامیک پس از خردایش به مرحله‌ای می‌رسیم که آسیاب کردن نام دارد. آسیاب کردن در اثر فشار ناشی از ضربه و سایش صورت می‌گیرد. این مرحله بسیار با اهمیت است و می‌توان گفت کیفیت مواد اولیه به فراوری آنها و آسیاب کردن صحیح وابسته است و همواره 50 درصد انرژی در مرحله آماده‌سازی صرف آسیاب کردن می‌شود. در صنایع سرامیک معمولاً آسیاب کردن به دو روش خشک ساب و تر ساب صورت می‌گیرد. معمولاً در

آزمایشگاه از جارمیل، ولی در کارگاه و صنایع از بال میل بهره گرفته می‌شود.

جنس جداره داخلی و خارجی جارمیل‌ها از چینی سخت و پلاستیک فشرده و در مورد بال میل‌ها در جداره خارجی از فولاد و برای پوشش داخلی بال میل‌ها از آجرهای ساخته شده از چینی سخت، آلومینا، استاتیت و یا قطعات لاستیکی استفاده می‌شود.

بال میل‌های صنایع سرامیک یک استوانه فولادی دارای پوشش داخلی مناسب می‌باشند که درون آنها

غلتیدن و سقوط گلوله‌ها متلاشی و به ذرات ریزتر تبدیل می‌گردد و در نتیجه دانه بندی ریزتر ذرات که هدف از آسیاب کردن است، حاصل می‌شود.

را گلوله‌های جنس چینی سخت، آلومینیا یا فلینیت در ابعاد مختلف استفاده می‌شود. مواد ساییدنی در حین چرخیدن بال میل در اثر فشار ناشی از وزن خود،

تعیین حجم جار میل و بال میل

بر حسب لیتر، سانتی‌متر مکعب، دسی‌متر مکعب و یا متر مکعب و ... انتخاب کرد. برای محاسبه حجم یک استوانه از رابطه زیر استفاده می‌شود.

شكل هندسی جار میل و بال میل استوانه است با داشتن ابعاد داخلی استوانه حجم آن محاسبه می‌شود. با داشتن سطح قاعده استوانه و ارتفاع داخلی آن می‌توان حجم را محاسبه کرد. واحد حجم را می‌توان

$$V = \pi r^2 h$$

حجم استوانه =

شعاع داخلی بال میل =

ارتفاع داخلی بال میل =

مثال ۱: حجم استوانه‌ای که قطر داخلی (d) آن ۱۲۰۰ میلی‌متر و دارای طول داخلی ۲۲۰ سانتی‌متر می‌باشد را بر حسب متر مکعب و لیتر محاسبه نمایید.

$$d = 1200 \div 1000 = 1.2 \text{ m}$$

$$h = 220 \div 100 = 1.2 \text{ m}$$

$$r = \frac{d}{2} = \frac{1.2}{2} = 0.6 \text{ m}$$

$$V = \pi r^2 h = \pi \times (0.6)^2 \times 1.2 = 2.48 \text{ m}^3$$

$$2.48 \times 1000 = 2480 \text{ L}$$

چون هر متر مکعب ۱۰۰۰ لیتر می‌باشد پس حجم استوانه معادل ۲۴۸۰ لیتر است.

تقسیم‌بندی حجمی بال میل در خشک‌سابی و ترسابی

در روش خشک‌ساب معمولاً حجم داخلی بال میل به ۳ قسمت مساوی تقسیم می‌شود. $\frac{1}{3}$ حجم برای گلوله‌ها و $\frac{1}{3}$ حجم برای مواد اولیه و $\frac{1}{3}$ حجم باقی مانده، فضای خالی می‌ماند.

در ترسابی، حجم داخلی بال میل به ۴ قسمت مساوی تقسیم می‌گردد. $\frac{1}{4}$ حجم (درصد) برای آب، $\frac{1}{4}$ حجم برای مواد اولیه، $\frac{1}{4}$ حجم برای گلوله و $\frac{1}{4}$ باقی‌مانده فضای خالی است. چون مخلوط آب و مواد اولیه دوغاب را تشکیل می‌دهد پس $\frac{1}{2}$ حجم بال میل دوغاب است.

مثال ۲: حجم مفید بال میل ترسابی ۵۰۰ لیتر می‌باشد. ۲۵ درصد حجم مفید بال میل را مشخص نمایید.

$$500 \times \frac{25}{100} = 125 \text{ لیتر}$$

مثال ۳: در صورتی که $\frac{1}{3}$ حجم مفید جار میل خشک ساب ۲ لیتر باشد، حجم مفید جار میل چند لیتر است؟

$$x = 2 \div \frac{1}{3} = 2 \times \frac{3}{1} = 6 \text{ L}$$

برای تعیین سهمیه وزنی چهارگانه (آب، ماده اولیه، گلوله و فضای خالی) جار میل و بال میل ترساب با مشخص بودن حجم آنها می‌توان از رابطه $\rho = \frac{m}{V}$ استفاده کرد که در آن m جرم، V حجم و ρ وزن مخصوص است.

مثال ۴: حجم داخلی (مفید) یک بال میل ترساب ۶۰۰ لیتر می‌باشد. چه مقدار وزنی آب با وزن مخصوص ۱ گرم بر سانتی متر مکعب، مواد اولیه با میانگین وزن مخصوص $2/5$ گرم بر سانتی متر مکعب، گلوله با وزن مخصوص ۳ گرم بر سانتی متر مکعب برای بارگیری این بال میل مورد نیاز است؟

$$V = \frac{600 \times 25}{100} = 150 \text{ L} = 0/150 \text{ m}^3$$

$$\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3 \Rightarrow \rho_{\text{آب}} = 1 \times 1000 = 1000 \text{ kg/m}^3$$

$$\rho_{\text{مواد اولیه}} = \frac{m}{V} \Rightarrow \rho_{\text{مواد اولیه}} = \frac{1000}{150} = \frac{m}{0/150} \Rightarrow m = 150 \text{ kg}$$

$$\rho_{\text{گلوله}} = 3000 \text{ kg/m}^3 \Rightarrow m = 3000 \times \frac{150}{0/150} = 450 \text{ kg}$$

محاسبه سهمیه مواد اولیه:

$$\rho_{\text{گلوله}} = 2500 \text{ kg/m}^3 \Rightarrow m = \frac{2500 \times 150}{0/150} = 375 \text{ kg}$$

توجه داشته باشید که چون در این محاسبات برای آب و ماده اولیه حجم برابر در نظر گرفته شده است پس وزن مخصوص دوغاب در صورت تغییر نکردن میانگین وزن مخصوص مواد اولیه همواره ثابت خواهد ماند.



درصد حجم اشغال شده توسط هر یک از مواد اولیه در بال میل و جار میل با معلوم بودن وزن هر یک از مواد اولیه را می‌توان محاسبه کرد. همچنین محاسبه حجم مواد اولیه و درصدی از حجم کل بال میل که توسط هر یک از مواد اولیه اشغال شده است، ممکن می‌باشد. برای آشنایی با روش محاسبه مثالی آورده می‌شود.

مثال ۵: وزن مواد اولیه افزوده شده به بال میل ترسابی Kg ۴۵۰ می باشد. اگر وزن مواد اولیه افزوده شده به بال میل به تفکیک ۲۵۰ kg کائولین زدیتز ۱۰۰ سیلیس همدان و ۱۰۰ kg فلدسپات چغایی بوده و حجم کل بال میل ۷۲۰ L باشد، درصد حجم اشغال شده توسط هر یک از ماده اولیه را محاسبه نمایید. (میانگین وزن مخصوص مواد اولیه $2/5 \text{ g/cm}^3$)

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} = \frac{450000}{2/5} = 180000 \text{ cm}^3 = 180 \text{ L}$$

حجم کل مواد اولیه

$$450 \text{ Kg} \times 1000 = 450/000 \text{ gr}$$

وزن کل مواد	حجم کل مواد اولیه
۴۵۰ kg ۲۵۰	۱۸۰ L حجم کائولین زدیتز $x=100 \text{ L}$
۴۵۰ kg ۱۰۰	۱۸۰ L حجم سیلیس همدان $x=100 \text{ L}$
۴۵۰ kg ۱۰۰	۱۸۰ L حجم فلدسپات چغایی $x=40 \text{ L}$
حجم بال میل به L ۷۲۰ ۱۰۰	حجم کائولین زدیتز 100 L درصد حجم کائولین زدیتز $Z=13/9 \%$
۷۲۰ L ۱۰۰	حجم سیلیس همدان 40 L درصد حجم سیلیس همدان $Z=5/6 \%$
۷۲۰ L ۱۰۰	حجم فلدسپات چغایی 40 L $k=5/6 \%$ درصد حجم فلدسپات چغایی

درصد حجم باقی مانده بال میل جهت آب، گلوله و فضای خالی

$$100 - (13/9 + 5/6 + 5/6) = 100 - 25/1 = 74/9 \%$$

محاسبه سرعت دورانی بال میل‌ها

سرعت دورانی مناسب در بال میل ترساب ۶۰ درصد تا ۷۰ درصد سرعت بحرانی آن می‌باشد. سرعت بحرانی از رابطه $N_c = \frac{42}{\sqrt{d}}$ که در آن N_c سرعت بحرانی بر حسب rpm (دور بر دقیقه) و d قطر داخلی بال میل بر حسب متر است. سرعت دورانی مناسب در بال میل خشک ساب پایین تر از ترساب و حدود ۸۰ درصد تا ۹۰ درصد سرعت بحرانی است.

مثال ۶: سرعت دورانی بال میل ترساب با قطر خارجی ۱۵۵۰ میلی متر و ضخامت دیواره (مجموع ضخامت لایینینگ و جداره فلزی) ۲۰۰ میلی متر را محاسبه کنید. (سرعت دورانی مناسب را ۶۵ درصد سرعت بحرانی بگیرید).

$$\text{میلی متر} = 1150 \quad d = 1550 - (200 \times 2) = 1150 \quad \text{قطر داخلی}$$
$$\text{متر} = 1150 \div 1000 = 1.15 \quad d = 1.15 \quad \text{قطر داخلی}$$

$$N_c = \frac{42}{\sqrt{1.15}} = \frac{42}{1.072} = 39 \text{ rpm}$$

$$\text{سرعت دورانی مناسب برای بال میل ترساب} = \frac{65}{100} \times 39 = 25 \text{ rpm}$$

مثال ۷: سرعت بحرانی بال میل ۴۰ rpm است در صورتی که ضخامت لایینینگ آن ۱۵۰ میلی متر و ضخامت ورق فلزی ۱۰ میلی متر باشد قطر خارجی بال میل را بر حسب mm محاسبه نمایید.

$$40 = \frac{42}{\sqrt{d}} \Rightarrow \sqrt{d} = \frac{42}{40} = 1.05 \Rightarrow d = (1.05)^2$$

$$d = 1.1 \text{ m} = 1100 \text{ mm}$$

$$\text{قطر خارجی بال میل} = 1100 + 2 \times 150 + 2 \times 10 = 1420 \text{ mm}$$

تعیین مقدار آب لازم جهت تصحیح دانسیته دوغاب

با معلوم بودن وزن لیتر دوغاب می‌توان با افزودن آب یا مواد اولیه به آن، دوغایی با وزن لیتر کمتر یا بیشتر ساخت.

$$\text{رابطه } m = \frac{\rho_1}{\rho_1 - \rho_2} (L_g - V) \quad \text{برای این منظور به کار می‌رود که در آن:}$$

ρ_1 : میانگین وزن مخصوص مواد اولیه موجود در دوغاب به g/cm^3

ρ_2 : وزن مخصوص مایع موجود در دوغاب به g/cm^3

L_g : وزن دوغاب با حجم V بر حسب گرم

V : حجم L_g گرم دوغاب بر حسب cm^3

m : مقدار ماده خشک موجود در L_g گرم دوغاب بر حسب گرم

مثال ۸: چه مقدار آب برای ساختن دوغایی با وزن مخصوص $1/65 \text{ g/cm}^3$ جهت افزودن به 2000 گرم لعب وزن مخصوص $2/8 \text{ g/cm}^3$ لازم است؟

در صورتی که وزن و حجم آب لازم را به ترتیب x و y فرض کنیم، می‌توانیم بنویسیم:

$$\frac{\text{مجموع وزن اجزای دوغاب}}{\text{مجموع حجم اجزای دوغاب}} = \frac{2000}{2/8} = \frac{2000 + x}{714/2 + y}$$

$$1/65 = \frac{2000 + x}{714/2 + y}$$

$$1/65 = \frac{2000 + y}{714/2 + y}$$

چون چگالی آب برابر 1 است نتیجه می‌گیریم وزن و حجم آن از نظر عددی یکی می‌باشد. پس برای تعیین حجم آب مورد نیاز داریم:

$$1/65 = \frac{2000 + y}{714/2 + y}$$

$$y = 1264 \text{ cm}^3$$