

## فصل ۴

### قابلیت حل شدن و رسوبگیری

هدفهای رفتاری: از فراگیر انتظار می‌رود پس از پایان این فصل بتواند :

- ۱- محلول سیر نشده، سیر شده و فراسیر شده را تشریح نماید. قابلیت حل شدن و عوامل مؤثر بر قابلیت حل شدن (دماء، یون مشترک و pH) را شرح دهد.
- ۲- حاصل ضرب حلالیت را تعریف نموده و به کمک آن میزان قابلیت انحلال مواد را محاسبه کند.
- ۳- رسوبگیری و عوامل مؤثر بر آن (دماء، یون مشترک و pH) را توضیح دهد.
- ۴- مواد محلول، غیرمحلول و کم محلول را شرح دهد.

#### ۱-۴- محلولهای سیر نشده، سیر شده و فراسیر شده<sup>۱</sup>

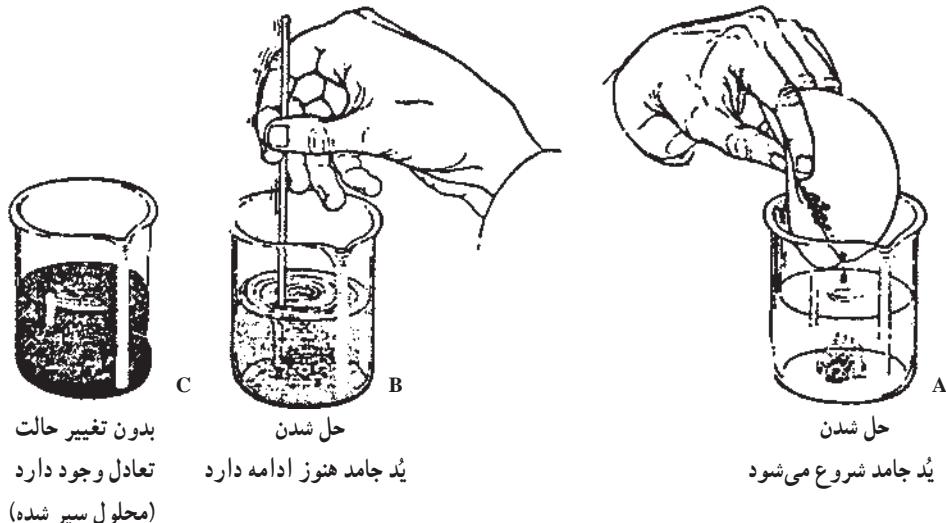
برای بی بردن به اینکه یک محلول سیر نشده است، ابتدا باید محلول سیر شده را شناخت و آن گاه، محلول سیر نشده را تعریف کرد.

در این فصل با مثالی این موضوع را مورد بررسی قرار می‌دهیم. فرض کنید مطابق شکل ۱-۴ مقدار کافی  $I_2$  جامد را در مخلوطی از آب و الكل (حلال دوتایی) اضافه می‌کنیم. اندکی بعد خواهیم دید که رنگ قهوه‌ای متمایل به قرمز به سرعت در اطراف ید جامد در مخلوط آب و الكل ظاهر می‌شود. اگر آن را به هم بزنیم، رنگ قرمز پراکنده می‌شود، یعنی ید جامد در آب و الكل حل شده و جزئی از محلول می‌شود. به عبارت دیگر محلولی از ید در آب و الكل در اختیار داریم. با گذشت زمان محلول کم کم پر رنگ می‌شود و مقدار ید جامد کاهش می‌یابد، اما بعد از مدتی دیگر رنگ تغییر نمی‌کند. با آنکه ید جامد هنوز وجود دارد، دانه‌های آن کوچک نمی‌شوند. در این حال که دیگر تغییری مشاهده نمی‌شود می‌گوییم که سیستم درحال تعادل است. صفت اختصاصی تعادل، تغییرناپذیری

۱- Unsaturated, Saturated and Super Saturated Solutions.

خواص ماقروسکبی آن است. به عبارت دیگر، یُد جامد در یک مخلوط آب و الكل حل شده و محلول سیر شده به دست آمده است. در این محلول دیگر یُد جامد حل نمی شود و رنگ محلول ثابت باقی می ماند.

(۴-۱) I<sub>۲</sub> [ (جامد) محلول ) ]



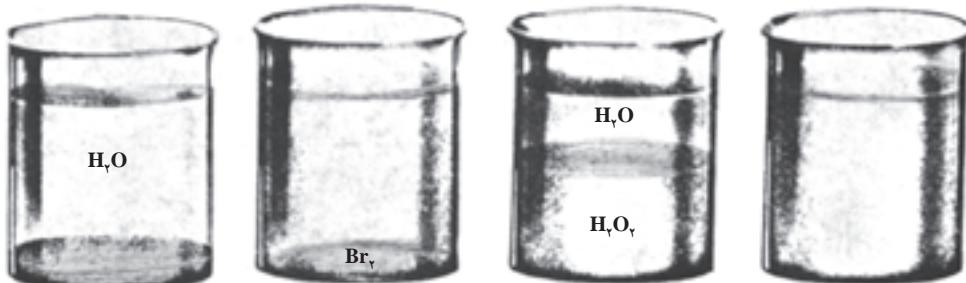
شکل ۱-۴- حل شدن یُد در محلول آب و الكل، حالت تعادل از روی رنگ ثابت محلول تشخیص داده می شود.

علت آنکه برای حل شدن یُد از حلال دولای آب و الكل استفاده کردیم، آن است که یُد در آب کم حل می شود و برای آنکه حلالیت یُد بیشتر شود از مخلوط آب و الكل استفاده کردیم. هنگامی که مایعی مانند برم، Br<sub>2</sub>، با آب تکان داده شود، دو لایه تشکیل می شود، لایهی بالایی شامل آب است که با مقدار کمی برم سیر شده است. به شکل ۱-۲ مراجعه نمایید.

(۴-۲) Br<sub>2</sub> [ (مایع) آب ) ]

بعضی از مایعات کاملاً متفاوت از برم عمل می کنند. اگر هیدروژن پراکسید، H<sub>2</sub>O<sub>2</sub>، به آب اضافه شود، فقط یک محلول به دست می آید. این حالت، بدون توجه به مقدار هیدروژن پراکسیدی است که اضافه می کنیم. همهی H<sub>2</sub>O<sub>2</sub> حل می شود و هرگز میان مادهی حل شده و حلال به تعادل نمی رسیم. در این حالت می گوییم که هیدروژن پراکسید به طور کامل در آب محلول است. دیگر مایعات، مانند برم، حلالیت محدودی در آب دارند. این مایعات با تشکیل یک محلول سیر شده به تعادل می رسند. بعد از برقراری تعادل، مایع بیشتری حل نمی شود.

گازی مانند کربن دی اکسید، مانند یک جامد یا یک مایع در آب حل می‌شود. وقتی حالت تعادل برقرار شد، یعنی محلول سیر شده تشکیل گردید، غلظت گاز حل شده ثابت می‌ماند.



محلول بعد از هم زدن      ۵۰ g از H₂O(l) + ۵۰ g از Br₂(l) + یک لیتر H₂O      آب قبل از هم زدن      اشباع شده بعد از هم زدن

شکل ۲-۴- حلایت  $\text{Br}_2$  در آب محدود است. در  $25^\circ\text{C}$  تا  $36\text{g}$  برم را می‌توان در یک لیتر آب حل نمود. در این موقع محلول از  $\text{Br}_2$  اشباع است. اگر  $\text{H}_2\text{O}_2$  به آب اضافه کنیم دو مایع از یکدیگر جدا نمی‌شوند.  $\text{H}_2\text{O}_2$  بهر نسبتی در آب حل می‌شود. حلایت  $\text{H}_2\text{O}_2$  در آب نامحدود است.

محلولی که در آن ماده‌ی حل شده با ماده‌ی حل نشده در تعادل باشد محلول سیر شده نامیده می‌شود. محلولهای  $\text{I}_2$  در آب و الكل و  $\text{Br}_2$  در شکلهای ۴-۱ و ۴-۲ با این توصیف هماهنگ هستند.

وقتی درباره‌ی حلایت یک ماده در یک حلال صحبت می‌کنیم، منظور ما غلظت آن ماده بر حسب مولهای حل شده در یک لیتر محلول،  $\text{mol/L}$ ، یا گرمهای حل شده در  $100\text{ g}$  حلال، در محلول سیر شده‌ی آن است.

به محلولهایی که غلظت آنها کمتر از غلظت محلول سیر شده است، محلول سیر نشده (اشباع نشده) گفته می‌شود. هر محلول آبی  $\text{NaCl}$  که غلظت سدیم کلرید در آن در دمای  $25^\circ\text{C}$  ۲۵ کمتر از  $2\text{ mol/L}$  باشد، سیر نشده است.

در بعضی شرایط امکان رسیدن به محلول فراسیر شده (فوق اشباع) نیز وجود دارد. در این محلول مقدار ماده‌ی حل شدنی بیشتر از مقدار این ماده به هنگام تعادل است. یک محلول فراسیر شده‌ی  $\text{NaCl}$  در آب در  $25^\circ\text{C}$  می‌تواند بیشتر از  $2\text{ mol/L}$   $\text{NaCl}$  داشته باشد. البته باید در دمای بالاتر از  $25^\circ\text{C}$ ، سدیم کلرید را در آب حل کرد و به تدریج دما را پایین آورد تا به دمای  $25^\circ\text{C}$

برسد. یک محلول فراسیر شده نیز مانند یک محلول سیر نشده، در حالت تعادل نیست، یا بهتر است بگوییم که در یک تعادل ناپایدار است. این محلول در مجاورت ماده‌ی حل شدنی پایدار نیست. اگر بلوری از NaCl را به محلول فراسیر شده آن اضافه کنیم و یا اگر میزی که این محلول روی آن قرار دارد، تکان بخورد، زیادی ماده‌ی حل شدنی به سرعت متبلور می‌شود و رسوب می‌کند. آن‌گاه محلولی که باقی می‌ماند یک محلول سیر شده است. شکل ۴-۳، سه نوع محلول سیر شده، سیر نشده و فراسیر شده را نشان می‌دهد.



شکل ۴-۳- محلولهای سیر نشده، سیر شده و فراسیر شده، یک محلول سیر نشده می‌تواند مقدار بیشتری ماده‌ی حل شدنی را در خود حل کند. یک محلول سیر شده در حال تعادل با ماده‌ی حل شدنی است و نمی‌تواند در دمای ثابت مقدار بیشتری از ماده‌ی حل شدنی را در خود حل کند. یک محلول فراسیر شده، مقدار ماده‌ی حل شدنی بیشتری نسبت به حالت تعادل دارد. این محلول ناپایدار است. اگر بلور کوچکی از ماده‌ی حل شدنی به آن اضافه شود، مقدار کافی از ماده‌ی حل شدنی متبلور خواهد شد تا غلظت آن به غلظت درحال تعادل برسد.

## ۴-۴- عوامل مؤثر در قابلیت حل شدن

قابلیت حل شدن یک جسم در یک حلال، به طور کلی به ماهیت حلال و جسم حل شدنی و نیز به شرایط دما، فشار، یون مشترک و pH بستگی دارد. برخی از این عوامل را قبلًا مطالعه کردہ‌ایم. اینک بقیه‌ی این عوامل را مورد بررسی قرار می‌دهیم.

**تأثیر دما در قابلیت حل شدن:** غلظت تعادلی یک ماده‌ی حل شدنی با افزایش یا کاهش دما تغییر می‌کند. در مورد بسیاری از جامدات قابلیت حل شدن آنها تقریباً با بالا رفتن دما افزایش می‌باید.

این مطلب، خالص کردن یک جامد را از طریق تبلور<sup>۱</sup> مجدد امکان‌پذیر می‌سازد. هرگاه یک محلول داغ و سیر شده را سرد کنیم، جامد حل شده، متبلور می‌شود. زیرا در دماهای پایین‌تر، قابلیت حل شدن جامد مورد نظر معمولاً<sup>۲</sup> کمتر است.

در مورد گازها، با مراجعه به جدول ۴-۱ ملاحظه می‌کنیم که با افزایش دما حلایت کم می‌شود. اگرچه دمای بالاتر سبب برخورد بیشتر مولکولهای گاز با سطح مایع می‌شود، اما اثر اصلی زیاد شدن دما این است که قسمت اعظم مولکولهای حل شده دارای انرژی لازم برای خروج از مایع می‌شوند.

#### جدول ۴-۱- حلایت گازها در آب در فشار یک آتمسفر و در دماهای متفاوت

مول حلایت (لیتر)			گاز	
دما				
۵۰ °C	۲۵ °C	° C		
۰/۰۰۰۴۹	۰/۰۰۰۶۴	۰/۰۰۱۰۵	N <sub>2</sub>	
۰/۰۰۰۹۳	۰/۰۰۱۲۶	۰/۰۰۲۱۸	O <sub>2</sub>	
۰/۰۰۱۰۱	۰/۰۰۱۳۹	۰/۰۰۲۳۶	Ar	
۰/۰۱۹۵	۰/۰۳۳۸	۰/۰۷۶۵	CO <sub>2</sub>	
۰/۰۵۳۶	۰/۰۸۸۸	۰/۲۰۶	Cl <sub>2</sub>	

**پرسش ۱:** چرا با افزایش دما حلایت گازها کاهش می‌یابد؟

**پرسش ۲:** طبق جدول ۴-۱، چرا حلایت ۵ گاز مندرج در این جدول از نیتروژن به کل در هر دمای معین، افزایش می‌یابد؟ چه نظمی در این جدول وجود دارد؟ توضیح دهید.

**تأثیر فشار بر قابلیت حل شدن:** قابلیت حل شدن گازها با افزایش فشار افزایش می‌یابد.<sup>۳</sup>

#### ۱- Recrystallization

۲- قابلیت انحلال گازهای کامل در مایعات از قانون هانزی پیروی می‌کند، بدین معنا که در دمای ثابت حجم گاز حل شده

در لیتر متناسب با فشار می‌باشد :

که در آن P فشار و C حجم گاز حل شده در یک لیتر حلآل و K مقداری است ثابت که ضریب انحلال گاز نامیده می‌شود. همچنین

فراموش نکنید گازهایی که بر روی حلآل تأثیر می‌کنند مانند SO<sub>3</sub> از این قانون تعیت نمایند.

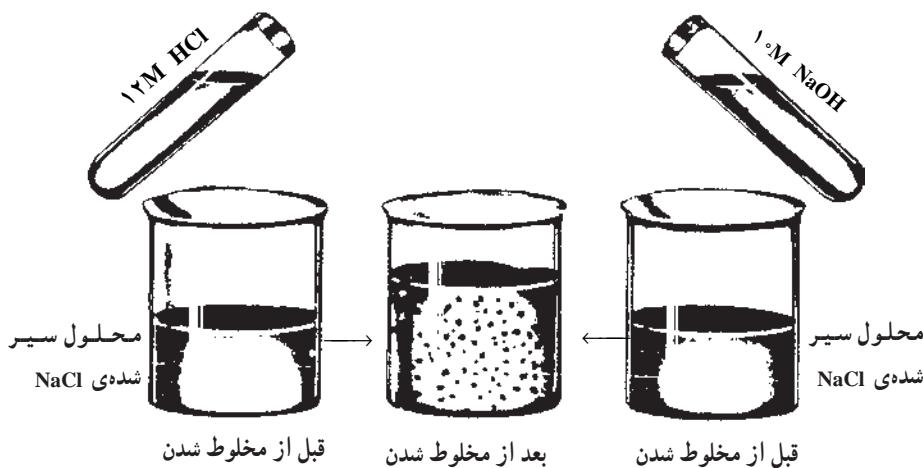
برخلاف تأثیر فشار بر قابلیت حل شدن گازها، تغییر فشار اثر ناچیزی بر روی حلایت جامدات و مایعات دارد. برای مثال حلایت سدیم کلرید در آب با ازدیاد فشار از ۱۰۰۰ آتمسفر به ۲۵٪ زیاد می‌شود.

**اثر یون مشترک بر حلایت:** چنانچه محلول سیر شده‌ای از NaCl در ۲۵°C داشته باشیم، در این محلول تعادل  $4 - 4$  برقرار است.



اگر به این محلول سیر شده چند قطره محلول HCl غلظت آن ۱۲ مولار است اضافه

کنیم، به دلیل اینکه محلول غلیظ HCl دارای یونهای  $\text{H}^+$  و  $\text{Cl}^-$  می‌باشد، غلظت یون  $\text{Cl}^-$  را زیاد کرده‌ایم، که باعث به هم خوردن تعادل  $4 - 4$  می‌شود. بنابر اصل لوشاتلیه، با زیاد شدن غلظت یونهای  $\text{Cl}^-$ ، تعادل به سمت چپ جابه‌جا می‌شود. یعنی عده‌ای از یونهای  $\text{Cl}^-$  اضافه شده با یونهای  $\text{Na}^+$  در محلول مطابق شکل  $4 - 4$  به صورت NaCl جامد رسوب می‌کند. در سمت راست شکل  $4 - 4$ ، روش دیگر رسوب دادن NaCl را از محلول سیر شده‌ی آن با افزایش محلول غلیظ NaOH مثلاً ۱۰ مولار مشاهده می‌کنید.

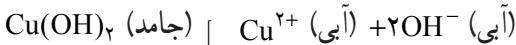


شکل  $4 - 4$ —اگر محلول HCl، ۱۲M را به محلول سیر شده NaCl بیفزاییم، NaCl رسوب خواهد کرد. این مثالی از اثر یون مشترک بر حلایت است. افزودن یون مشترک  $\text{Cl}^-$  به محلول سیر شده NaCl، تعادل  $(\text{آبی}) \text{NaCl} \rightleftharpoons \text{Na}^+ + \text{Cl}^-$  را به سمت چپ جابه‌جا می‌کند. اگر محلول  $10\text{M}$  سدیم هیدروکسید به محلول اضافه کنیم واکنشی مشابه انجام می‌شود. در این مورد یون مشترک  $\text{Na}^+$  است.

آزمایش‌های توصیف شده‌ی بالا، اثر یون مشترک بر حلایت را نشان می‌دهد. «یون مشترک» یونی است که قبلاً در محلول سیر شده وجود داشته (مانند یون  $\text{Cl}^-$  حاصل از  $\text{NaCl}$ ) و با وارد کردن ماده‌ی جدیدی در محلول (مانند  $\text{HCl}$  که باز هم یون  $\text{Cl}^-$  تولید می‌کند) غلظت آن را افزایش داده‌ایم.

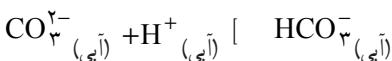
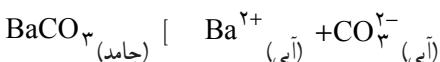
**اثر pH بر قابلیت حل شدن:** برای بررسی تأثیر pH بر قابلیت حل شدن به مثال زیر توجه نمایید.

مثال:  $\text{Cu(OH)}_2$  ترکیبی است که به مقدار بسیار کم در آب حل می‌شود. قابلیت حل شدن  $\text{Cu(OH)}_2$  در آب حدود  $\text{mol/L}^{-10}$  است.

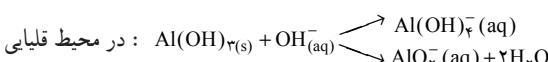
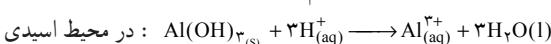


pH محلول می‌تواند قابلیت حل شدن  $\text{Cu(OH)}_2$  را شدیداً تحت تأثیر قرار دهد. در pH پایین‌تر از 7 به دلیل اینکه غلظت یونهای  $\text{H}^+$  زیاد است، این یون می‌تواند با یونهای  $\text{OH}^-$  حاصل از تفکیک جزیی  $\text{Cu(OH)}_2$  ترکیب شده و مطابق اصل لوشاتلیه تعادل را به سمت راست جابه‌جا نماید. درنتیجه قابلیت حل شدن  $\text{Cu(OH)}_2$  افزایش می‌باید. اما در pH بالاتر از 7 انتظار براین است که حلایت آن در آب کاهش یابد.<sup>۱</sup>

اگر آنیون موجود در یک نمک کم محلول یک باز قوی باشد (یعنی اسید مزدوج آن آنیون اسید ضعیف باشد) با کاهش pH عموماً قابلیت حل شدن اینگونه نمکهای کم محلول افزایش خواهد یافت. مثال زیر این مطلب را روشن می‌سازد.

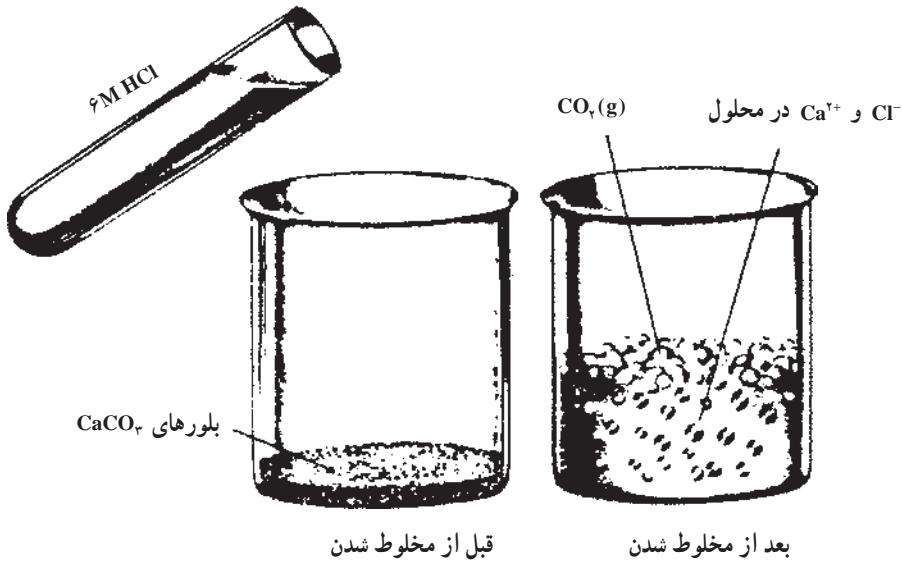


در این مثال تغییر pH محلول موجب تغییر غلظت  $\text{H}^+$  و به دنبال آن تغییر در غلظت  $\text{CO}_3^{2-}$  می‌شود. درنتیجه قابلیت حل شدن  $\text{BaCO}_3$  در اثر افزایش یون  $\text{H}^+$  تغییر کرده که در ۱- اما عملاً به علت تشکیل کمپلکس ( $\text{Cu(OH)}_4^-$ ) در محیط‌های بقدر کافی قلیایی حلایت افزایش می‌باید که بحث پیامون آن فراتر از سطح این کتاب درسی است. ولی در مورد هیدروکسیدهای  $\text{Cr}^{III}$ ;  $\text{Sn}^{II}$ ,  $\text{Al}^{III}$ ;  $\text{Zn}^{II}$ ;  $\text{Pb}^{II}$  هم با نقصان pH و هم با افزایش pH حلایت افزایش می‌باید. بعنوان مثال در مورد آلومنیوم هیدروکسید:



این حالت غلظت یون کربنات کاهش می‌یابد و تعادل بالا به سمت راست جابه‌جا می‌شود و قابلیت حل شدن باریم کربنات افزایش می‌یابد.

شکل ۴-۵ تأثیر pH را بر قابلیت حل شدن کلسیم کربنات نشان می‌دهد. حلالیت کلسیم کربنات تقریباً با حلالیت باریم کربنات برابر است.



شکل ۴-۵- حل شدن کلسیم کربنات در pH اسیدی

### ۴-۴- ثابت حاصل ضرب حللالی (انحلالی)

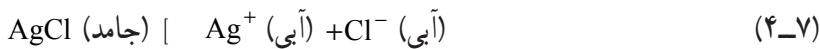
شیمیدانها فقط به گفتن اینکه قابلیت حل شدن ماده‌ای کم است، قانون نیستند، بلکه باید بدانند که آن ماده چقدر حل می‌شود. از این جهت، باید بتوانیم به طریق کمی قابلیت حل شدن را بررسی کنیم. چنان‌که می‌دانید ارتباط کمی میان غلظتها در حالت تعادل، وجود دارد که با قانون اثر جرم بیان می‌شود. برای مثال در تعادل زیر :



$$K = \frac{[C][D]}{[A][B]} \quad (4-6)$$

می‌توان معادله بالا را برای تعادل میان یک محلول سیر شده و ماده‌ی حل شدنی به حالت

خالص به کار برد. برای مثال در مورد تعادل زیر داریم :



$$K = \frac{[\text{Ag}^+][\text{Cl}^-]}{[\text{AgCl}]} \quad (4-8)$$

به طور کلی غلظت یک ماده خالص (جامد یا مایع) برابر است با چگالی آن ماده تقسیم بر جرم مولی آن :

$$\text{چگالی} = \frac{\text{M}}{\text{g/cm}^3} = \frac{\text{g/mol}}{\text{g/mol}} = \text{mol/cm}^3$$

چگالی یک جامد یا مایع خالص در دمای معین ثابت است و با تغییر دما به طور ناچیز تغییر می‌کند. همچنین جرم مولی هر ماده نیز ثابت است پس غلظت یک جامد (نقره کلرید) در یک دمای مشخص ثابت می‌باشد پس خواهیم داشت :

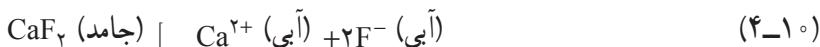
$$K = \frac{[\text{Ag}^+][\text{Cl}^-]}{\text{ثابت}}$$

$$K = [\text{Ag}^+][\text{Cl}^-] \quad \text{ثابت} \quad \text{یا}$$

بنابراین، حاصل ضرب ثابت  $K$  نیز مقدار ثابتی است که آن را با  $K_{\text{sp}}$  نشان می‌دهند و آن را ثابت حاصل ضرب حلایت می‌نامند. و از آنجا

$$K_{\text{sp}} = [\text{Ag}^+][\text{Cl}^-] \quad (4-9)$$

مثال دیگر: حل شدن کلسیم فلوئورید،  $\text{CaF}_2$ ، است.



در حالت تعادل

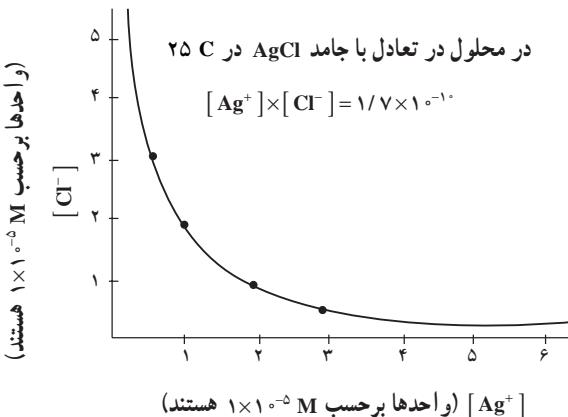
$$K_{\text{sp}} = [\text{Ca}^{2+}][\text{F}^-]^2 = 3/9 \times 10^{-11} \quad (4-11)$$

کوچک بودن  $K_{\text{sp}}$  نشانه‌ی آن است که غلظت یونهای در حال تعادل و درنتیجه قابلیت حل شدن کلسیم فلوئورید کم است. در جدول ضمیمه‌ی آخر کتاب ثابت حاصل ضرب حلایت بعضی از مواد داده شده است.

مقدار  $K_{\text{sp}}$  برای  $\text{AgCl}$  مانند سایر ترکیبات یونی بسیار کم محلول، عدد بسیار کوچکی است.

$$K_{\text{sp}} = [\text{Ag}^+][\text{Cl}^-] = 1/7 \times 10^{-10} \quad (4-12)$$

با افزایش غلظت یونهای  $\text{Ag}^+$  در دمای ثابت باید غلظت یونهای  $\text{Cl}^-$  کاهش یابد و برعکس. این رابطه به صورت نموداری در شکل ۴-۶ نشان داده شده است.



شکل ۴-۶- اگرچه غلظت یونهای  $\text{Ag}^+$  و  $\text{Cl}^-$  را در محلولی که در تعادل با  $\text{AgCl}$  است می‌توان تغییر داد، اما حاصل ضرب غلظتهای یونها را در دمای ثابت نمی‌توان تغییر داد. مقدار آن در دمای C ۲۵، ثابت و برابر با  $1/7 \times 10^{-1} \text{ mol}^2/\text{L}^2$  می‌باشد.

از معادله ۴-۹، می‌توان برای محاسبهٔ غلظت یکی از این یونها با دانستن غلظت یون دیگر، استفاده کرد. برای مثال فرض کنید یک محلول  $M = 10^{-5}$  نقره نیترات را در اختیار داریم که در C ۲۵ نسبت به  $\text{AgCl}$ ، سیر شده است. در این محلول غلظت یون  $\text{Cl}^-$  چه مقدار است؟ برای پاسخ چنین عمل می‌کنیم:

$$K_{\text{sp}} = [\text{Ag}^+][\text{Cl}^-] = 1/7 \times 10^{-1}$$

$$[\text{Cl}^-] = \frac{1/7 \times 10^{-1}}{[\text{Ag}^+]}$$

با توجه به اطلاعات داده شده داریم:  $[\text{Ag}^+] = 10^{-5} \text{ M}$ ، و از آنجا:

$$[\text{Cl}^-] = \frac{1/7 \times 10^{-1}}{10^{-5}} = 1/7 \times 10^{-4} \text{ M}$$

به مثال دیگری توجه نمایید.

مثال: غلظت یونهای کلرید،  $\text{Cl}^-$ ، موجود در آب دریا  $M = 53/50$  است. با فرض اینکه آب دریا در C ۲۵ نسبت به  $\text{AgCl}$  سیر شده باشد، آیا از دید اقتصادی ارزش دارد که نقره را از آب دریا استخراج نماییم؟

حل:

$$K_{sp} = [Ag^+] [Cl^-] = 1/7 \times 10^{-16}$$

$$[Ag^+] = \frac{1/7 \times 10^{-16}}{0.53}, [Ag^+] = 3/2 \times 10^{-16} M$$

بدین ترتیب، از هر لیتر آب دریا  $3/2 \times 10^{-16}$  مول یون نقره به دست می‌آید که بسیار اندک است. این مقدار یون نقره برابر  $3/2 \times 10^{-16} \times 456 \times 10^{-3}$  گرم نقره است. در چنین شرایطی باید،  $3456 \times 10^{-3}$  مترمکعب آب دریا را تصفیه کرد تا ۱ گرم نقره به دست آورد، که کار برازنهای است.

**کاربردهای  $K_{sp}$ :** ثابت حاصل ضرب حلالیت، از روی اندازه‌گیری قابلیت حل شدن معلوم می‌شود و برای محاسبه‌ی قابلیت حل شدن به کار می‌رود. از مقادیر  $K_{sp}$  برای بسیاری از هدفهای دیگر می‌توان استفاده کرد. از آن جمله برای پیش‌بینی تشکیل رسوب، که به شرح هر کدام از آنها می‌پردازیم. **تعیین غاظت یک یون با معلوم بودن غلظت یون دیگر:** مثال قبلی این مورد را نشان می‌دهد.

**تعیین قابلیت حل شدن از روی ثابت حاصل ضرب حلالیت:** فرض کنید می‌خواهیم بدانیم که در یک لیتر آب چقدر نقره یدید،  $AgI$ ، حل می‌شود در صورتی که برای آن داشته باشیم  $K_{sp} = 1 \times 10^{-16}$ . نخست معادله‌ی حل شدن را می‌نویسیم.



سپس ثابت حاصل ضرب حلالیت را برای آن می‌نویسیم.

$$K_{sp} = [Ag^+] [I^-] = 1 \times 10^{-16} \quad (4-14)$$

فرض کنید قابلیت حل شدن نقره یدید در آب برابر با  $S$  مول در لیتر محلول باشد. با توجه به آن:

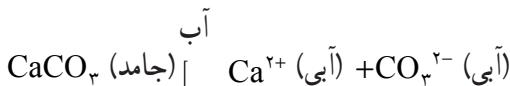
$$[Ag^+] = [I^-] = S \text{ mol/L} \quad (4-15)$$

و یا

$$K_{sp} = 1 \times 10^{-16} = (S) \times (S) = S^2$$

$$S = \sqrt{1 \times 10^{-16}} = 1 \times 10^{-8} \text{ mol/L}$$

**محاسبه برای  $CaCO_3$ :**



$$[\text{Ca}^{++}] = [\text{CO}_3^{--}] = S$$

$$[\text{Ca}^{++}][\text{CO}_3^{--}] = K_{\text{sp}} = 5 \times 10^{-9} \quad \text{در دمای } 25^\circ \text{C}$$

$$S^{\circ} = K_{\text{sp}} \quad S = \sqrt{K_{\text{sp}}}$$

محاسبه برای  $\text{Mg}(\text{OH})_2$

آب



$$\text{SO}_4^{--} \quad , \quad K_{\text{sp}} = [\text{Mg}^{++}][\text{OH}^-]^2$$

$$[\text{OH}^-] = 2S \quad , \quad K_{\text{sp}} = S \times (2S)^2$$

$$K_{\text{sp}} = 4S^3 \quad , \quad S = \sqrt[3]{\frac{K_{\text{sp}}}{4}}$$

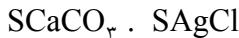
قابلیت حل شدن

تمرین: عبارت  $K_{\text{sp}}$  را برای ترکیبات زیر بنویسید:

الف - نقره کرومات      ب - آلومنیم هیدروکسید

آن گاه، قابلیت حل شدن ( $S$ ) را بحسب  $K_{\text{sp}}$  به دست آورید.

از مقایسه‌ی قابلیت حل شدن کلسیم کربنات با نقره کلرید در می‌یابیم که:



$$7 \times 10^{-5} \cdot 1 / 3 \times 10^{-5}$$

و همین‌طور  $K_{\text{sp}}$  برای کلسیم کربنات بزرگتر از  $K_{\text{sp}}\text{AgCl}$  در  $25^\circ \text{C}$  می‌باشد.



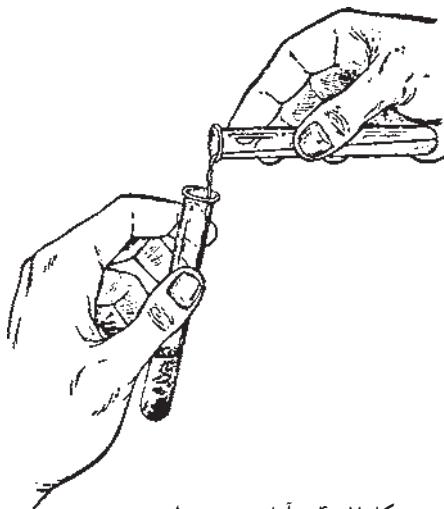
$$5 \times 10^{-9} \cdot 1 / 7 \times 10^{-10}$$

این نوع مقایسه برای نمک‌های کم محلولی که تعداد آنیونها و کاتیونهای حاصل از تفکیک نمک کم محلول، برابر باشد، معتبر است.

پیش‌بینی تشکیل رسوب از روی ثابت حاصل ضرب حلالیت: وقتی دو محلول با هم

مخلوط شوند، ممکن است رسوبی تولید شود. به عنوان مثال، فرض کنید دو محلول کلسیم کلرید،  $\text{CaCl}_2$ ، و سدیم سولفات،  $\text{Na}_2\text{SO}_4$ ، با هم مخلوط شوند، در این مخلوط هم یونهای کلسیم،  $\text{Ca}^{++}$ ، وجود دارند و هم یونهای سولفات،  $\text{SO}_4^{--}$ . بنابراین، ممکن است کلسیم سولفات جامد رسوب کند. از روی حاصل ضرب حلالیت می‌توانیم پیشگویی کیم که چنین رسوبی تشکیل

خواهد شد یا نه؟ به شکل ۴-۷ نگاه کنید. حاصل ضرب حلالیت برای کلسیم سولفات برابر با  $4 \times 10^{-4}$  است.

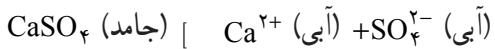


شکل ۴-۷- آیا رسوبی تولید می‌شود؟

حالا به دو مورد زیر توجه کنید تا بینید که چگونه این پیشگویی امکان‌پذیر است:

۱- دو حجم مساوی از محلول  $M_{CaCl_2} = 0.2$  و محلول  $M_{Na_2SO_4} = 0.0004$  با هم مخلوط شده‌اند.

۲- دو حجم مساوی از محلول  $M_{CaCl_2} = 0.08$  و محلول  $M_{Na_2SO_4} = 0.2$  با هم مخلوط شده‌اند. در کدام مورد، رسوب تشکیل می‌شود؟ آیا در هر دو مورد رسوب تولید می‌شود؟ ابتدا تعادل مورد نظر را می‌نویسیم:



$$K_{sp} = [Ca^{2+}][SO_4^{2-}]$$

سپس غلظت هر یون در محلول نهایی را حساب می‌کنیم.

در مورد (۱)

$$[Ca^{2+}] = \frac{0.2M}{2} = 0.1M = 1 \times 10^{-2} M$$

$$[SO_4^{2-}] = \frac{0.0004M}{2} = 0.0002M = 2 \times 10^{-4} M$$

حال اگر به صورت زیر حاصل ضرب غلظت یونها را به دست آوریم:

$$[\text{Ca}^{2+}][\text{SO}_4^{2-}] = (1 \times 10^{-2})(2 \times 10^{-4}) = 2 \times 10^{-6}$$

و آن را با  $K_{\text{sp}}$  مقایسه کیم، معلوم می‌شود که این حاصل ضرب یعنی  $2 \times 10^{-6}$  از  $2 \times 10^{-4}$  کمتر است. بنابراین در مورد (۱) رسوب تولید نخواهد شد.

در مورد (۲) بار دیگر مقدار حاصل ضرب غلظت یونها را به دست می‌آوریم:

$$[\text{Ca}^{2+}][\text{SO}_4^{2-}] = (4 \times 10^{-2})(1 \times 10^{-2}) = 4 \times 10^{-4}$$

این بار حاصل ضرب غلظت یونی  $4 \times 10^{-4}$  از  $2 \times 10^{-4}$  بیشتر است. بنابراین در این مورد رسوب تولید می‌شود. رسوب کردن کلسیم سولفات،  $\text{CaSO}_4$ ، آنقدر ادامه می‌یابد تا اینکه  $[\text{Ca}^{2+}]$  و  $[\text{SO}_4^{2-}]$  کم شود و به حدی برسد که حاصل ضرب غلظت آنها مساوی  $K_{\text{sp}}$  گردد. در این صورت تعادل به وجود می‌آید. به مثال دیگری توجه نمایید.

مثال:  $K_{\text{sp}}$  برای کلسیم کربنات در دمای C ۲۵ برابر  $5 \times 10^{-9}$  می‌باشد.

- الف – به محلولی که دارای یونهای  $\text{Ca}^{2+}$  با غلظت  $M^{-4}$  است یونهای  $\text{CO}_3^{2-}$  را طوری اضافه می‌کنیم که غلظت یونهای  $\text{CO}_3^{2-}$  در آن برابر  $M^{-5}$  شود. آیا رسوبی تشکیل می‌شود؟  
ب – به همین محلول، محلول سدیم کربنات  $M^{-4}$  اضافه می‌کنیم در این مورد چطور؟ آیا رسوبی تشکیل می‌شود؟ (در هر دو مورد تغییر حجم در کار نیست).

حل:

الف – ابتدا عبارت  $K_{\text{sp}}$  را می‌نویسیم:

$$K_{\text{sp}} = [\text{Ca}^{2+}][\text{CO}_3^{2-}] = 5 \times 10^{-9}$$

سپس حاصل ضرب غلظت یونها را به دست می‌آوریم:

$$[\text{Ca}^{2+}][\text{CO}_3^{2-}] = (1 \times 10^{-4})(1 \times 10^{-5}) = 1 \times 10^{-9}$$

چون مقدار حاصل ضرب غلظتها یونهای شرکت کننده  $1 \times 10^{-9}$ ، از مقدار  $5 \times 10^{-9}$  کوچکتر است، بنابراین، رسوبی تشکیل نمی‌شود.  
ب – در این مورد نیز حاصل ضرب غلظت یونها را به دست می‌آوریم.



$$1 \times 10^{-4} \text{ M} \quad 2 \times 10^{-4} \text{ M} \quad 1 \times 10^{-4} \text{ M}$$

$$[\text{Ca}^{2+}][\text{CO}_3^{2-}] = (1 \times 10^{-4})(1 \times 10^{-4}) = 1 \times 10^{-8} \text{ M}$$

در این شرایط حاصل ضرب غلظتها یونهای به کار رفته  $1 \times 10^{-8}$  از مقدار  $5 \times 10^{-9}$  از

بزرگتر است. نتیجه آنکه رسوب کلسیم کربنات تشکیل می‌شود و تشکیل رسوب با مصرف شدن یونهای کلسیم و کربنات آن قدر ادامه می‌یابد تا حاصل ضرب غلظتهاي یونها تا حد K<sub>sp</sub> پایین بیاید.

#### ۴-۴- فرآیند تشکیل رسوب<sup>۱</sup> و عوامل مؤثر در رسوبگیری

رسوبگیری از قدیمی‌ترین روش‌های شناخته شده در شیمی تجزیه است که برای تخلیص و جداسازی ترکیبات شیمیایی از یکدیگر به کار می‌رود. فاز جامدی که در جریان رسوبگیری به وجود می‌آید، رسوب نامیده می‌شود. این رسوب ممکن است در اثر اضافه کردن یک ترکیب شیمیایی به محلول و با الکترولیز آن به وجود آید که این عمل را به ترتیب رسوبگیری شیمیایی و رسوبگیری الکتریکی<sup>۲</sup> می‌نامند.

معمولًاً بیشتر رسوبها در جریان تشکیل، برخی ترکیبات موجود در محلولها را هم به همراه خود تهشین می‌سازند. این پدیده به عنوان همسوپی<sup>۳</sup> شناخته شده که بررسی نقش آن در تجربه‌های وزن‌سنگی<sup>۴</sup>، رادیو شیمیایی<sup>۵</sup> و جداسازی، دارای اهمیت است.

استفاده از رسوبگیری برای جداسازی، به دو منظور انجام می‌گیرد:

جداسازی به منظور شناسایی و اندازه‌گیری یک گونه‌ی شیمیایی معین و جداسازی به منظور حذف یک گونه‌ی شیمیایی به عنوان مزاحم تشخیص یا اندازه‌گیری گونه‌ی دیگر.

در تجزیه‌های شیمیایی به کمک روش رسوبگیری، معمولًاً سعی می‌کند شرایط لازم را برای دستیابی به نتیجه‌ی بهتر فراهم سازند.

**تشکیل رسوب و کامل شدن آن:** باید دانست که هر اندازه رسوب کم محلول‌تر باشد و اکنش مربوط به تشکیل آن کامل‌تر خواهد بود به گونه‌ای که می‌توان از آن واکنش برای جداسازی به عنوان یک عنصر مزاحم و یا اندازه‌گیری با یک روش وزنی استفاده نمود.

در بخش ۱-۲ دیدیم که یکی از روش‌های اندازه‌گیری، روش تجزیه وزنی است. فرض کنید می‌خواهیم گونه‌ی Pb<sup>2+</sup> را با یک روش وزنی سنجش کنیم. هر دو ترکیب سرب کلرید و سرب سولفید رسوب می‌باشند. حال اگر بخواهیم سرب را با یک روش وزنی سنجش کنیم از تشکیل رسوب سولفید آن بهره گرفته می‌شود و نه تشکیل کلرید آن، زیرا سرب سولفید کم محلول‌تر است.

۱— Precipitation Process

۲— Electrodeposition

۳— Coprecipitation

۴— Gravimetric analysis

۵— Radiochemical Analysis

$$PbCl_{(s)} \right] \quad Pb_{(aq)}^{2+} + 2Cl_{(aq)}^{-} \quad K_{sp} = \left[ Pb^{2+} \right] \left[ Cl^{-} \right]^2 = 2 \times 10^{-5}$$

$$\left[ Pb^{2+} \right] = S$$

$$\left[ Cl^{-} \right] = 2S \quad S = \sqrt[2]{\frac{K_{sp}}{4}} = \sqrt[2]{\frac{2 \times 10^{-5}}{4}} = 2/69 \times 10^{-2} M$$

$$K_{sp} = (S)(2S)^2$$

$$PbS(s) \right] \quad Pb_{(aq)}^{2+} + S_{(aq)}^{2-}$$

$$K_{sp} = \left[ Pb^{2+} \right] \left[ S^{2-} \right]$$

$$S = \sqrt{3 \times 10^{-28}} = 1/73 \times 10^{-14} M$$

پس تشکیل  $PbS$  کامل تر از سرب کلرید است.

همچنین فرض کنید محلولی در اختیار است که حاوی یونهای  $Pb^{2+}$  بوده اماً وجود گونه یون  $Ba^{2+}$  مشکوک است و می خواهیم  $Ba^{2+}$  را با تشکیل ترکیب کم محلول  $BaSO_4$  سفید رنگ شناسایی کنیم. سرب سولفات ترکیبی است کم محلول و سفید رنگ، در این شرایط گونه  $Pb^{2+}$  در شناسایی  $Ba^{2+}$  با تشکیل رسوب سفید رنگ باریم سولفات مزاحم است پس باید  $Pb^{2+}$  را جدا سازیم و چنانچه به عنوان دو انتخاب از ترکیب های کم محلول سرب سولفید و یا سرب کلرید بخواهیم استفاده نماییم با درنظر گرفتن این مطلب که واکنش تشکیل سرب کلرید کاملاً کمی (کامل) نیست باید از تشکیل رسوب کم محلول سرب سولفید بهره جست زیرا اگر از تشکیل سرب کلرید استفاده نماییم تمامی  $Pb^{2+}$  موجود در محلول رسوب نخواهد کرد و درنتیجه در شناسایی  $Ba^{2+}$  مواجه با اشکال خواهیم شد چون در این شرایط حتی اگر محلول فاقد یون  $Ba^{2+}$  باشد تشکیل رسوب سرب سولفات سفید رنگ به حساب شناسایی یون  $Ba^{2+}$  گذاشته خواهد شد.

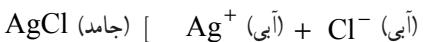
در بهره گیری تجزیه ای از واکنشهای رسوبگیری علاوه بر ویژگیهای شیمیایی، باید خواص فیزیکی رسوبها و چگونگی تشکیل و کامل شدن آنها نیز مورد توجه واقع شود (قابل توجه است که تشکیل ترکیب کم محلول زمانی کامل تلقی می گردد که غلظت معرف رسوب دهنده بیش از حد استوکیومتری انتخاب گردد «اثر یون مشترک»، مشروط بر آنکه ترکیب کم محلول در زیادی یون مشترک با ایجاد یک ترکیب محلول (کمپلکس) حل نگردد و اگر ترکیب محلول در زیادی یون مشترک حل گردد در این شرایط از آن واکنش به منظور سنجش (به روش تجزیه وزنی) و جداسازی به منظور حذف یک گونه شیمیایی به عنوان مزاحم تشخیص استفاده نمی گردد) مکانیسم پدیده هی تهشیینی و تشکیل رسوب نسبتاً پیچیده است و برای به دست آوردن، رسوبهایی با دانه های درشت و

متبلور، تأمین شرایط فیزیکی و شیمیابی خاصی ضروری است. عدم دستیابی به چنین شرایطی، منجر به تشکیل رسوبهای ژلاتینی یا کلوویدی<sup>۱</sup> می‌شود و ترکیبات مراحم دیگری نیز در ساختمان رسوب شرکت می‌نمایند که حذف آنها گاهی چندان آسان نیست. برای آگاهی از چگونگی پدیده‌های تهنشینی و شرایط فیزیکی تشکیل رسوبهای خالص و یکدست، بررسی تشکیل رسوب از لحظه پیدایش اولین دانه رسوب باید مورد بررسی قرار گیرد که فراتر از سطح این کتاب درسی است.

شایان ذکر است که قابلیت حل شدن مواد در آب بسیار متفاوت است. قابلیت حل شدن برخی مواد در آب قابل توجه است و برخی اندک می‌باشد. معمولاً موادی را که حلalیت آنها از ۱٪ مول در لیتر کمتر باشد نامحلول می‌نامند و حلالیت مواد محلول از ۱٪ مول در لیتر بیشتر است. حلالیت مواد کم محلول مانند کلسیم سولفات بین این دو حد است.

## تمرین

۱- تعادل زیر در محلول آبی را در نظر بگیرید.



حل کردن مقدار کمی KCl جامد در محلول چه اثری بر غلظت تعادلی یون  $\text{Ag}^+$  دارد؟

بر غلظت یون  $\text{Cl}^-$  چطور؟ بر مقدار رسوب  $\text{AgCl}$  چه اثری دارد؟

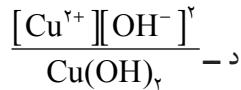
۲- با استفاده از ثابت حاصل ضرب انحلال کلسیم سولفات (جدول پیوست پایان کتاب) قابلیت حل شدن آن را تعیین نمایید و توضیح دهید که این ماده جزء کدام یک از مواد (محلول، نامحلول و یا کم محلول) است؟

۳- ثابت حاصل ضرب انحلال  $\text{AgCl}$  در دمای  $0^\circ\text{C}$  برابر  $25 \times 10^{-56}$  و ثابت حاصل ضرب انحلال  $\text{Ag}_2\text{CO}_3$  در همین دما  $6 \times 10^{-15}$  می‌باشد، تجربه نشان می‌دهد که قابلیت حل شدن  $\text{Ag}_2\text{CO}_3$  در آب بیش از  $\text{AgCl}$  است. چرا؟

۴- هرگاه محلولهای  $\text{NiCl}_2$  (سیزرنگ) و  $\text{KOH}$  (بی‌رنگ) با هم مخلوط شوند، رسوب سیزرنگ تشکیل می‌شود. معادله واکنش را نوشه و فرمول رسوب را مشخص نمایید.

۵- محلول سیر شده‌ای از  $\text{CaSO}_4$  در اختیار داریم. لااقل دو واکنشگر را نام ببرید که به وسیله‌ی اثر یون مشترک، مقداری  $\text{CaSO}_4$  را از محلول رسوب دهند.

۶- کدام گزینه عبارت  $\text{K}_{\text{sp}}$  برای  $\text{Cu}(\text{OH})_2(s)$  را بیان می‌کند؟

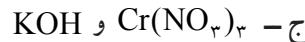


۷- نشان دهید برای  $CaF_2(s)$  رابطه‌ی میان حلایت،  $S$  و  $K_{sp}$  به صورت  $4S^2 = K_{sp}$  است.

۸- هرگاه در محلولی غلظت  $Ca^{++}$  برابر  $M \times 10^{-3}$  و غلظت  $SO_4^{2-}$  برابر  $M \times 10^{-2}$  باشد آیا رسوب  $CaSO_4$  تشکیل خواهد شد؟

۹- غلظتهای  $Ba^{2+}$  و  $SO_4^{2-}$  در یک محلول درحال تعادل با  $BaSO_4$  در  $C = 25$  به ترتیب برابر با  $M \times 10^{-4}$  و  $M \times 10^{-6}$  است.  $K_{sp}$  را برای  $BaSO_4$  محاسبه نمایید.

۱۰- برای واکنشهای رسوبی که از مخلوط شدن محلولهای  $M/1$  زیر به وجود می‌آید، معادلات موازنۀ شده‌ای بنویسید.



۱۱- به  $20$  میلی لیتر منیزیم کلرید  $M \times 10^{-4}$ ،  $10$  میلی لیتر نقره نیترات با چه غلظتی یافزايس تا محلول نسبت به نقره کلرید اشباع گردد؟

$$K_{sp}AgCl = 1/7 \times 10^{-10} \text{ mol}^2 \text{L}^{-2}$$