

فصل هفتم

جريان‌های سه فازه

هدف‌های رفتاری

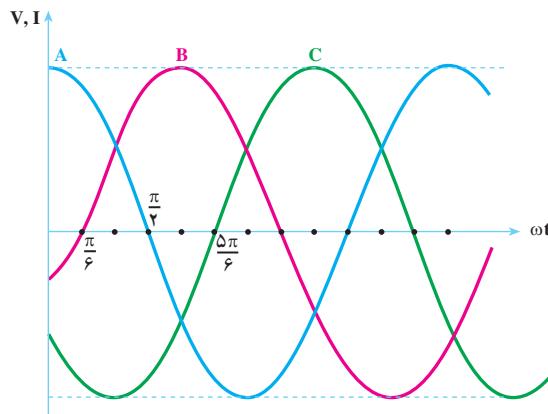
در پایان این فصل از هنرجو انتظار می‌رود :

- ۱- جريان‌های سه فاز را تعریف و مشخصات آن‌ها را با رسم دیاگرام بیان کند.
- ۲- مفاهیم ولتاژ‌های خطی و فازی و جريان‌های خطی و فازی را در اتصال ستاره و مثلث بیان کند.
- ۳- جريان‌ها و ولتاژ‌ها را در مصرف کننده‌های سه فاز متعادل با اتصال ستاره و مثلث محاسبه کند.
- ۴- توان‌های مؤثر و غیر مؤثر و ظاهری و هم‌چنین ضریب توان را در بارهای متعادل در اتصالات ستاره و مثلث متعادل محاسبه کند.
- ۵- اثر قطع یک فاز و تعویض جای دو فاز را بروی مصرف کننده تشریح کند.
- ۶- اثر قطع نول در بارهای سه فاز نامتعادل سه سیمه با اتصال ستاره را شرح دهد.

۷-۱ مقدمه

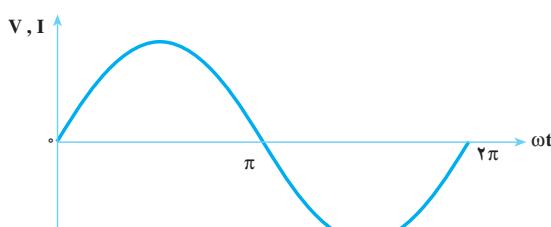
جريان یا ولتاژ سه فاز از امواج سینوسی تشکیل می‌شوند که به طور هم‌زمان تولید می‌شوند و نسبت به هم 120° الکتریکی اختلاف فاز زمانی دارند. در شکل ۷-۱۰ الف منحنی جريان یا ولتاژ سه فاز را مشاهده می‌کنید. در این شکل موج A به اندازه 120° از موج B و موج C به اندازه 120° از موج C جلوتر است.

ساختمن ساده‌ی مولدهای جريان متناوب سه فاز موجب شده است که انرژی الکتریکی سه فاز، راحت‌تر و ارزان‌تر تولید شود. جريان متناوب سه فاز، علاوه بر سادگی تولید و ارزان‌بودن و برخورداری از کلیه‌ی خواص جريان یک فاز، مزایای دیگری نیز دارد.

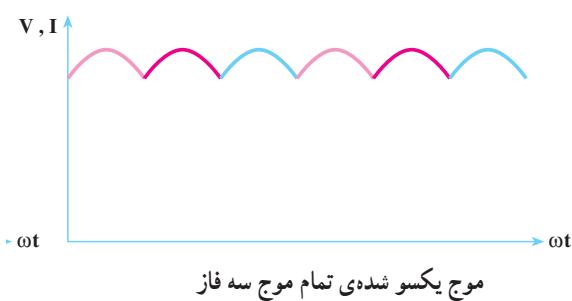


مزایای جریان سه فاز نسبت به جریان یک فاز را می توان به صورت زیر دسته بندی کرد :

- ۱- توان الکتریکی در مصرف کننده های سه فاز هیچ وقت صفر نمی شود ؛ زیرا با توجه به شکل ۷-۱، وقتی در یکی از فازها دامنه جریان یا ولتاژ صفر می شود، مصرف کننده از دو فاز دیگر انرژی می گیرد . بدین علت، مصرف کننده های سه فاز نسبت به مصرف کننده های یک فاز ضریب بهره یا راندمان بالابی دارند.

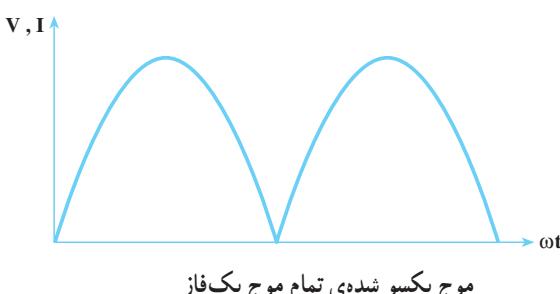


شکل ۷-۱



- ۲- ضربان موج یکسو شده سه فاز نسبت به موج یکسو شده یک فاز، بسیار کمتر است. به عبارت دیگر، جریان سه فاز نسبت به جریان یک فاز پس از یکسو سازی، موج صاف تری ایجاد می کند. در شکل های ۷-۲ دو جریان یکسو شده سه فاز و یک فاز تمام موج نشان داده شده است.

- ۳- جریان متناوب سه فاز در مصرف کننده های سه فاز مانند موتورهای

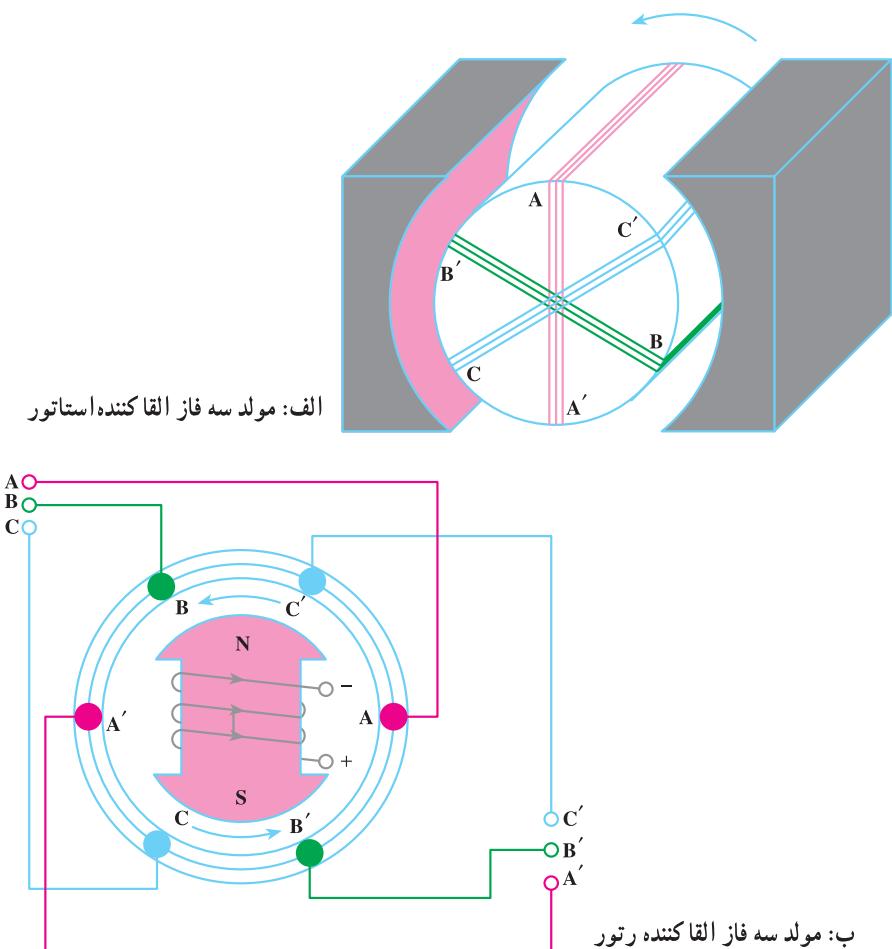


شکل ۷-۲

الکتریکی سه فاز، حوزه‌ی دوار مغناطیسی ایجاد می‌کند. این حوزه‌ی دوار، قسمت متحرک را به دنبال خود می‌کشد. در صورتی که در جریان متناوب یک فاز حوزه‌ی دوار تشکیل نمی‌شود و این موتورها مشکل راه اندازی خواهند داشت و برای راه اندازی نسبت به موتورهای سه فاز به اجزایی اضافی نیاز دارند که قیمت تمام شده‌ی موتورهای یک فاز را نسبت به موتورهای سه فاز بالا می‌برد.

۷-۲- تولید جریان متناوب سه فاز

شکل‌های ۷-۳، دو نمونه مولد سه فاز جریان متناوب را به طور شماتیک نشان می‌دهند.



شکل ۷-۳

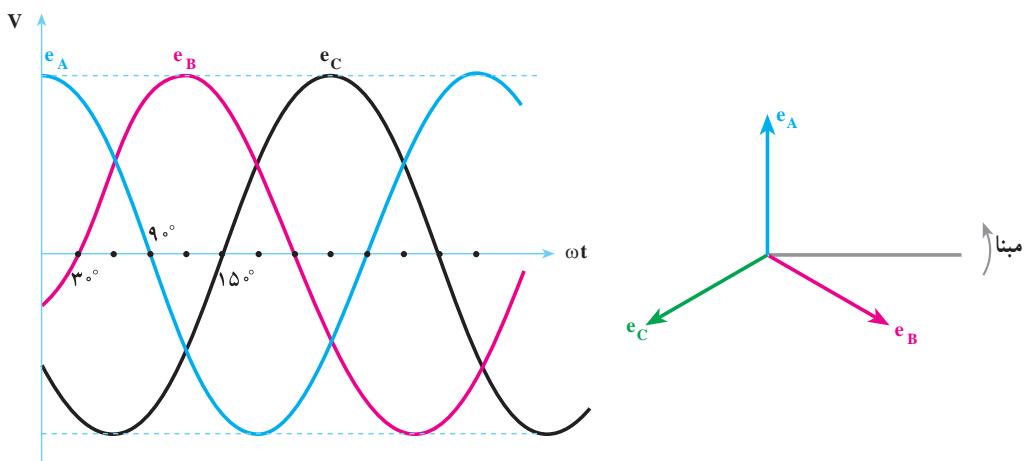
در هر دو شکل ۷-۳، وقتی رتور در جهت مثلثاتی (عکس عقربه‌های ساعت) به گردش درمی‌آید، خطوط قوا امagnetیسی، در هر یک از سیم پیچ‌های 'AA'، 'BB' و 'CC' یک نیروی محرکه‌ی سینوسی القا می‌کند. با توجه به موقعیت مکانی سیم پیچ‌ها، ولتاژ القابی در سیم پیچ نسبت به ولتاژ القابی در سیم پیچ 'AA' به اندازه‌ی 120° الکتریکی پس فاز است. هم‌چنین ولتاژ القابی در سیم پیچ 'CC' به اندازه‌ی 240° الکتریکی نسبت به ولتاژ سیم پیچ 'AA' پس فاز است. معادلات زمانی نیروهای محرکه‌ی القابی در سیم پیچ‌ها به قرار زیر است.

$$e_A = E_m \sin(\omega t + 90^\circ) \quad (7-1)$$

$$e_B = E_m \sin(\omega t - 30^\circ) \quad (7-2)$$

$$e_C = E_m \sin(\omega t + 210^\circ) = E_m \sin(\omega t - 150^\circ) \quad (7-3)$$

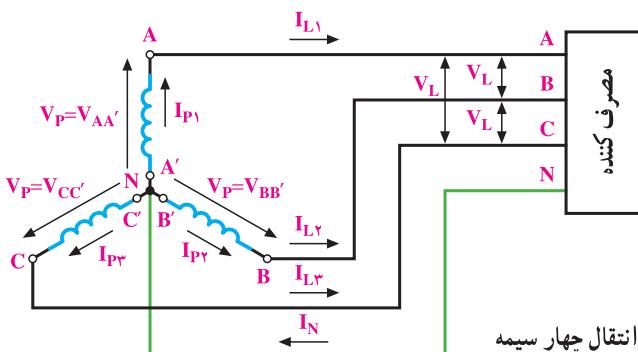
دیاگرام برداری و منحنی تغییرات نیروهای محرکه‌ی القابی در سیم پیچ‌ها به صورت شکل ۷-۴ رسم می‌شوند. همان‌طور که در شکل‌های ۷-۳ مشاهده می‌کنید، در مولدهای سه فاز، سه گروه سیم پیچ 'AA'، 'BB' و 'CC' وجود دارد که در داخل ماشین 120° درجه نسبت به یک دیگر



شکل ۷-۴- منحنی تغییرات نیروهای محرکه‌ی القابی در سیم پیچ‌ها و دیاگرام برای آن‌ها

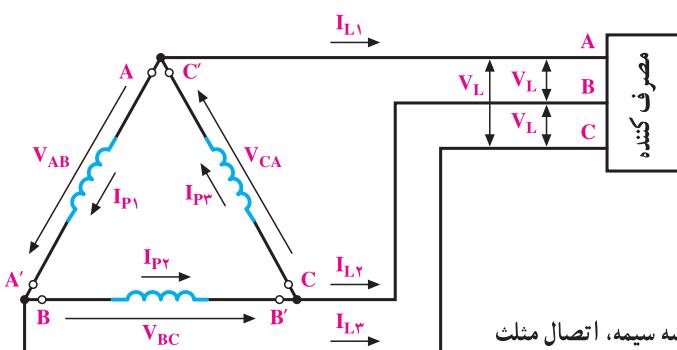
اختلاف فاز مکانی دارند. انرژی الکتریکی تولید شده در این سیم پیچ‌ها با دو روش اتصال سیم پیچ‌ها به شبکه‌ی مصرف انتقال می‌یابد. به عبارت دیگر، به دو روش می‌توان انرژی تولیدی را از مولد به مصرف کننده انتقال داد. در روش اول سه سیم انتهایی 'A'B'C' با هم یکی شده و با یک سیم به بیرون مولد هدایت می‌شوند. در تولید صنعتی برق در نیروگاه‌ها، با زمین کردن این سیم، اختلاف

پتانسیل آن را با زمین یکی می‌کند و آن را سیم نول می‌نامند و با MP یا N نشان می‌دهند. سیم N همراه با سه سیم A، B و C مطابق شکل ۷-۵ از مولد به مصرف کننده انتقال می‌دهد. سیم‌های A، B و C را به ترتیب R، S و T یا Y، L_۲ یا L_۱ و L_۳ نیز نام‌گذاری می‌کنند و به آن‌ها سیم‌های فاز A، فاز B و فاز C می‌گویند. این سیستم انتقال را انتقال چهار سیمه و نوع اتصال سیم‌بیچ‌های مولد را **اتصال ستاره** گویند و آن را با نماد (سمبل) Y یا Δ (لاندا) نشان می‌دهند. اگر در انتقال سیم نول حذف شود، انتقال را انتقال ستاره‌ی سه سیمه گویند.



شکل ۷-۵- اتصال ستاره، انتقال چهار سیمه

در روش دوم انتقال انرژی، انتهای سیم‌بیچ' AA' یعنی' A را به ابتدای سیم‌بیچ' BB' یعنی' B، انتهای سیم‌بیچ' BB' را یعنی' B را به ابتدای سیم‌بیچ' CC' یعنی' C و انتهای سیم‌بیچ' CC' یعنی' C را به ابتدای سیم‌بیچ' AA' یعنی' A وصل می‌کند و انرژی تولیدی مولد را با سه سیم S، R یا C و T یا A، B و C به مصرف کننده‌ها مطابق شکل ۷-۶ انتقال می‌دهند. این روش انتقال را **اتصال سه سیمه** و نوع اتصال سیم‌بیچ‌های مولد را **اتصال مثلث** می‌گویند و با نماد D یا Δ (لانتا) نشان می‌دهند.



شکل ۷-۶- انتقال سه سیمه، اتصال مثلث

۱-۲-۱- ولتاژ و جریان فازی:

تعريف ولتاژ فازی: ولتاژ دو سر هر یک از سیم پیچ های AA' ، BB' و CC' را **ولتاژ فازی** گویند و آن را با V_p نشان می دهند.

در مولدهای سه فاز به علت این که همه مشخصات سیم پیچ ها یکسان است، ولتاژ مؤثر سیم پیچ ها برابرند.

تعريف جریان فازی: جریان عبوری از داخل هر سیم پیچ را **جریان فازی** گویند و آن را با I_p نشان می دهند.

۱-۲-۲- ولتاژ و جریان خطی:

تعريف ولتاژ خطی: ولتاژ بین خطوط A با B (V_{AB}) یا C با B (V_{BC}) یا C با A (V_{CA}) گویند و آن را با V_L نشان می دهند. در واقع ولتاژ خطی، اختلاف پتانسیل بین دو فاز مختلف است.

تعريف جریان خطی: جریانی را که در خطوط انتقال R ، S و T جاری می شود، **جریان خطی** می گویند و آن را با I_L نشان می دهند.

جریان خطی و فازی و ولتاژهای خطی و فازی شکل ۱-۵ به قرار زیرند:

$$V_{AA'} = V_p = V_{AN} \quad \text{ولتاژ فازی}$$

$$V_{BB'} = V_p = V_{BN} \quad \text{ولتاژ فازی}$$

$$V_{CC'} = V_p = V_{CN} \quad \text{ولتاژ فازی}$$

$$I_{p1}, I_{p2}, I_{p3} = I_p \quad \text{جریان های فازی}$$

$$V_{AB} = V_L \quad \text{ولتاژ خطی}$$

$$V_{BC} = V_L \quad \text{ولتاژ خطی}$$

$$V_{CA} = V_L \quad \text{ولتاژ خطی}$$

جریان های خطی و فازی و ولتاژهای خطی و فازی شکل ۱-۶ به ترتیب زیر هستند:

$$V_{AB} = V_p = V_L \quad \text{ولتاژ خطی} = \text{ولتاژ فازی}$$

$$V_{BC} = V_p = V_L \quad \text{ولتاژ خطی} = \text{ولتاژ فازی}$$

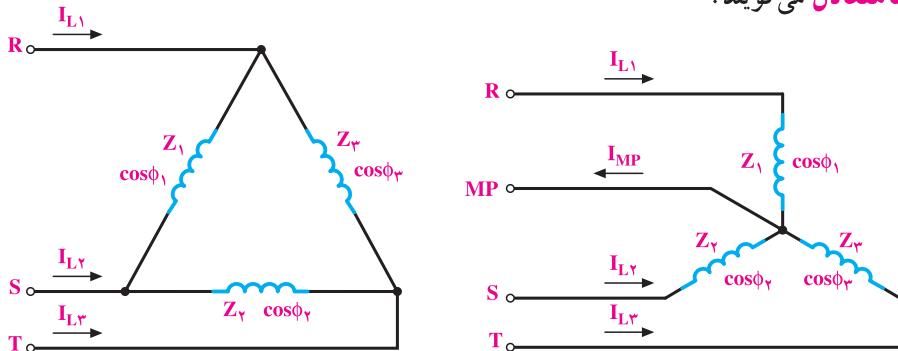
$$V_{CA} = V_p = V_L \quad \text{ولتاژ خطی} = \text{ولتاژ فازی}$$

$$I_{AA'} = I_{p1} = I_{L1} \quad \text{جریان خطی} = I_{L1}$$

$$I_{BB'} = I_{P2} = I_{L2}$$

$$I_{CC'} = I_{P3} = I_{L3}$$

۷-۲-۳ بار متعادل و بار نامتعادل: سه امپدانس Z_1 , Z_2 , Z_3 را با اتصال ستاره یا اتصال مثلث مطابق شکل ۷-۷ به شبکه‌ی سه فاز وصل می‌کنیم. اگر همه‌ی مشخصه‌های امپدانس‌های Z_1 , Z_2 و Z_3 از قبیل دامنه، زاویه‌ی فاز، پس فاز و پیش فاز بودن با هم برابر باشند، آن وقت بار شبکه‌ی سه فاز را **بار متعادل** می‌گویند. اگر یکی از مشخصه‌ها—متلاً دامنه یا زاویه یا پس فاز یا پیش فاز بودن—در هر کدام از امپدانس‌ها تفاوت داشته باشد، بار شبکه‌ی سه فاز را **بار نامتعادل** می‌گویند.



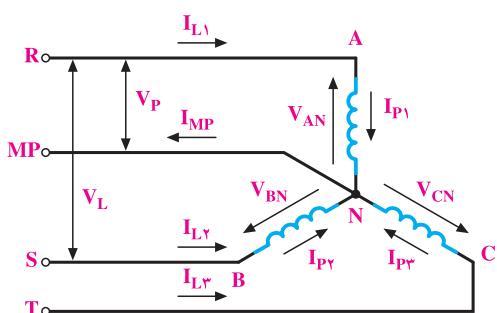
ب: اتصال مثلث بار سه فاز به شبکه‌ی سه فاز

الف: اتصال ستاره‌ی بار سه فاز به شبکه‌ی سه فاز

۷-۷

۷-۷-۳ اتصال ستاره

بارهای سه فاز را می‌توان با اتصال ستاره مطابق شکل ۷-۷ الف به شبکه‌ی سه فاز اتصال داد و آن را تغذیه کرد. این بارها ممکن است متعادل یا نامتعادل باشند.



۷-۸

۷-۷-۴ اتصال ستاره و بار

متعادل: سه امپدانس مساوی Z با زاویه‌ی φ که تمام مشخصات آن‌ها با هم برابر است، مطابق شکل ۷-۸ به شبکه‌ی سه فاز اتصال دارد. چون بارها متعادل‌اند، جریان‌های دریافتی آن‌ها از

شبکه نیز با هم برابر خواهد بود. بنابراین $I_{P1} = I_{P2} = I_{P3} = I_P$ است. به طوری که در شکل ۷-۸ مشاهده می‌کنید، جریان‌های خطوط همان جریان‌های فازهاست. پس در اتصال ستاره می‌توان نوشت:

$$I_L = I_P \quad (7-4)$$

در اتصال ستاره در بار متعادل اندازهٔ جریان فازی یا خطی از رابطهٔ ۷-۵ به دست می‌آید.

$$I_L = I_P = \frac{V_P}{Z} , \quad V_P = V_{AN} = V_{BN} = V_{CN} \quad (7-5)$$

و با استفاده از دیاگرام برداری ولتاژها می‌توان رابطهٔ ۷-۶ را نتیجه گرفت.

$$V_L = \sqrt{3} V_P \quad (7-6)$$

 نتیجه: در اتصال ستاره، بار متعادل جریان خطی با جریان فازی برابر و ولتاژ خطی $\sqrt{3}$ برابر ولتاژ فازی است.

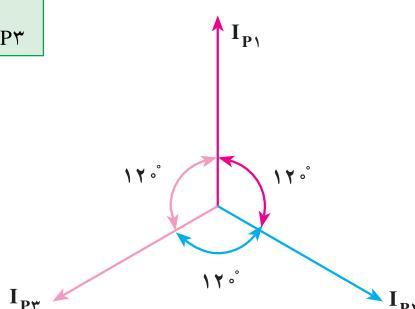
$$\lambda \rightarrow \begin{cases} I_P = I_L \\ V_L = \sqrt{3} V_P \end{cases}$$

۷-۳-۲ محاسبهٔ جریان نول در بار متعادل اتصال ستاره: در شکل ۷-۸ با استفاده

از قانون کیرشهف در گره N می‌توان نوشت:

$$\vec{I}_N = \vec{I}_{MP} = \vec{I}_{P1} + \vec{I}_{P2} + \vec{I}_{P3}$$

شکل ۷-۹



جریان‌های \vec{I}_{P1} و \vec{I}_{P2} ، به علت متعادل بودن بار از نظر دامنه، یکسان‌اند ولی درجه‌ی الکتریکی اختلاف فاز دارند. برای محاسبه‌ی \vec{I}_N دیاگرام برداری جریان‌های \vec{I}_{P1} ، \vec{I}_{P2} و \vec{I}_{P3} را مطابق شکل ۷-۹ رسم می‌کنیم. در فصل دوم اثبات کردیم که برآیند سه بردار مساوی که با هم زاویه‌ی 120° درجه‌ی می‌سازند، صفر است. پس، از سیم MP در بار متعادل، جریانی عبور نمی‌کند و می‌توان این سیم را در بار متعادل حذف کرد. در موتورهای الکتریکی به علت مساوی بودن سیم پیچ‌های فازها، از سیم MP در اتصال موتور به شبکه استفاده نمی‌شود؛ زیرا در نقطه‌ی N صفر مصنوعی به وجود می‌آید.

۷-۳-۳ محاسبه‌ی توان اتصال ستاره‌ی ببار متعادل: توان مصرفی در هر فاز، در مقاومت اهمی مصرف و توان غیر مفید در راکتانس القابی یا خازنی آن فاز وجود دارد. بدليل متعادل بودن بار، توان مصرفی و غیر مصرفی در هر فاز برابر است. از جمع توان مصرفی فازها، توان مصرفی کل سه فاز به دست می‌آید. از جمع توان‌های غیر مفید (راکتیو) فازها، توان راکتیو کل سه فاز معلوم می‌شود.

$$\left\{ \begin{array}{l} P_{e1} = I_{P1} V_{P1} \cos \varphi_1 = \vec{I}_{P1} R_1 \\ P_{e2} = I_{P2} V_{P2} \cos \varphi_2 = \vec{I}_{P2} R_2 \\ P_{e3} = I_{P3} V_{P3} \cos \varphi_3 = \vec{I}_{P3} R_3 \end{array} \right. \quad (7-7)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} P_{e1} = I_{P1} V_{P1} \cos \varphi_1 = \vec{I}_{P1} R_1 \\ P_{e2} = I_{P2} V_{P2} \cos \varphi_2 = \vec{I}_{P2} R_2 \\ P_{e3} = I_{P3} V_{P3} \cos \varphi_3 = \vec{I}_{P3} R_3 \end{array} \right. \quad (7-8)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} P_{e1} = I_{P1} V_{P1} \cos \varphi_1 = \vec{I}_{P1} R_1 \\ P_{e2} = I_{P2} V_{P2} \cos \varphi_2 = \vec{I}_{P2} R_2 \\ P_{e3} = I_{P3} V_{P3} \cos \varphi_3 = \vec{I}_{P3} R_3 \end{array} \right. \quad (7-9)$$

$$P_e = P_{e1} + P_{e2} + P_{e3} = 3V_P I_P \cos \varphi \quad (7-10)$$

از روابط ۷-۴ و ۷-۶ مقادیر $V_L = \sqrt{3}V_P$ و $I_L = I_P$ را در رابطه‌ی ۷-۱۰ جایگزین

می‌کنیم.

$$P_e = 3 \times \frac{V_L}{\sqrt{3}} \times I_L \cos \varphi$$

$$P_e = \sqrt{3} V_L I_L \cos \varphi \quad (7-11)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} P_{d1} = I_{P1} V_{P1} \sin \varphi_1 = \vec{I}_{P1} X_1 \\ P_{d2} = I_{P2} V_{P2} \sin \varphi_2 = \vec{I}_{P2} X_2 \\ P_{d3} = I_{P3} V_{P3} \sin \varphi_3 = \vec{I}_{P3} X_3 \end{array} \right. \quad (7-12)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} P_{d1} = I_{P1} V_{P1} \sin \varphi_1 = \vec{I}_{P1} X_1 \\ P_{d2} = I_{P2} V_{P2} \sin \varphi_2 = \vec{I}_{P2} X_2 \\ P_{d3} = I_{P3} V_{P3} \sin \varphi_3 = \vec{I}_{P3} X_3 \end{array} \right. \quad (7-13)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} P_{d1} = I_{P1} V_{P1} \sin \varphi_1 = \vec{I}_{P1} X_1 \\ P_{d2} = I_{P2} V_{P2} \sin \varphi_2 = \vec{I}_{P2} X_2 \\ P_{d3} = I_{P3} V_{P3} \sin \varphi_3 = \vec{I}_{P3} X_3 \end{array} \right. \quad (7-14)$$

$$P_d = P_{d1} + P_{d2} + P_{d3} = 3V_P I_P \sin \varphi \quad (7-15)$$

در رابطه‌ی ۷-۱۵ داشت: $V_p = \frac{V_L}{\sqrt{3}}$ و $I_L = I_p \sqrt{3}$

$$P_d = \sqrt{3} I_L \times \frac{V_L}{\sqrt{3}} \sin \phi = \sqrt{3} V_L I_L \sin \phi \quad \text{V.A.R} \quad (7-16)$$

از روابط ۷-۱۱ و ۷-۱۶ می‌توان نوشت:

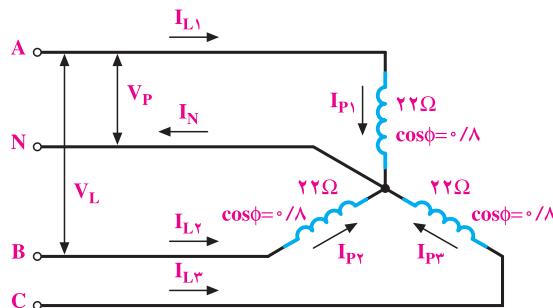
$$P_s = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{(\sqrt{3} V_L I_L \cos \phi)^2 + (\sqrt{3} V_L I_L \sin \phi)^2}$$

بدین ترتیب، توان ظاهری برابر خواهد بود با:

$$P_s = \sqrt{3} V_L I_L \quad \text{V.A} \quad (7-22)$$

مثال ۱: یک بار متعادل سه‌فاز با اتصال ستاره به شبکه‌ی سه‌فاز با ولتاژ 38° ولت مطابق

شکل ۷-۱۰ متصل است. مطلوب است: ($V_L = 38^\circ$ V)



شکل ۷-۱۰

الف - جریان هر فاز و هر خط.

از رابطه‌ی ۷-۶ داریم:

$$V_p = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{38^\circ}{\sqrt{3}} \approx 22^\circ \text{ V}$$

بار متعادل است؛ پس داریم:

$$I_{L1} = I_{L2} = I_{L3} = I_L$$

$$I_{P1} = I_{P2} = I_{P3} = I_p$$

از رابطه‌ی ۷-۵ می‌توان نوشت:

$$I_P = \frac{V_P}{Z} = \frac{22^\circ}{22} = 1^\circ A$$

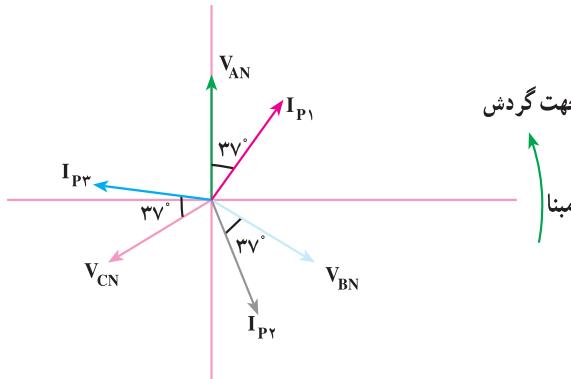
چون اتصال ستاره است:

$$I_P = I_L$$

$$I_L = 1^\circ A$$

ب - دیاگرام برداری ولتاژها و جریان‌های فازی.

از آنجایی که ولتاژهای V_{AN} ، V_{CN} و V_{BN} با هم برابرند، اندازه‌ی V_{CN} و V_{BN} برابرهای V_{AN} مساوی رسم می‌شوند. از طرفی چون اختلاف فاز بین جریان‌های فازی با ولتاژ مربوطه یکسان است (بار متعادل)، اندازه‌ی بردار جریان‌های فازی I_{P1} ، I_{P2} و I_{P3} نیز مساوی رسم می‌شوند (شکل ۷-۱۱).



شکل ۷-۱۱

$$\phi_1 = \phi_2 = \phi_3 = \cos^{-1}(1/\lambda) = 37^\circ$$

يعنى I_{P1} نسبت به V_{AN} ، I_{P2} نسبت به V_{BN} و I_{P3} نسبت به V_{CN} به اندازه‌ی 37° پس فاز است.

پ - توان‌های مصرفی.

بار متعادل است و از رابطه‌ی ۷-۱۱ داریم:

$$P_e = \sqrt{3} V_L I_L \cos \phi$$

$$P_e = \sqrt{3} \times 380 \times 10 \times 1 / 8 = 5259 / 2 [W]$$

از رابطه‌ی ۷-۱۶ داریم:

$$P_d = \sqrt{3} V_L I_L \sin \phi$$

$$P_d = \sqrt{3} \times 380 \times 10 \times 1 / 6 = 3994 / 4 [V.A.R]$$

و از رابطه‌ی ۷-۱۷ داریم:

$$P_S = \sqrt{3} V_L I_L = \sqrt{3} \times 380 \times 10 = 6574 [V.A]$$

۷-۳-۴ اتصال ستاره و بار نامتعادل: بار نامتعادل را در اتصال ستاره با فرض این‌که سیم نول دایر است، مطالعه می‌کنیم. وجود سیم نول باعث می‌شود بارهای موجود در هر فاز از ولتاژ

$$\text{فازی} = \frac{V_L}{\sqrt{3}} \text{ تغذیه کند.}$$

سؤال: اگر سیم نول در سیستم سه فازه‌ی اتصال ستاره قطع شود، آیا ولتاژ دو سر بارها برابر ولتاژ فازی خواهد بود؟ چرا؟

در اتصال ستاره‌ی بارهای نامتعادل، چون جریان بارها مساوی نیست، در سیم نول جریان الکتریکی برقرار می‌شود و بردار جریان آن از جمع برداری جریان‌های فازها به دست می‌آید. برای تعیین جریان سیم نول با توجه به ولتاژهای فازی و اختلاف هر فاز، جریان‌های هر فاز رسم می‌شود. برایند سه بردار جریان فازها، جریان سیم نول را معین می‌کند. برای محاسبه‌ی توان‌های اکتیو، راکتیو و ظاهری مدار سه فازه، ابتدا توان اکتیو و راکتیو هر فاز را به دست می‌آوریم. توان اکتیو (مؤثر) مدار سه فاز از جمع توان‌های اکتیو هر سه فاز به دست می‌آید. توان راکتیو از جمع جبری توان‌های غیر مؤثر هر فاز محاسبه می‌شود.

$$P_{e1} = I_{p1} V_{p1} \cos \varphi_1 = I_p^r R_1$$

$$P_{e2} = I_{p2} V_{p2} \cos \varphi_2 = I_p^r R_2$$

$$P_{e3} = I_{p3} V_{p3} \cos \varphi_3 = I_p^r R_3$$

$$P_e = P_{e1} + P_{e2} + P_{e3}$$

توان مؤثر کل سه فاز

$$P_e = I_{p1} V_{p1} \cos \varphi_1 + I_{p2} V_{p2} \cos \varphi_2 + I_{p3} V_{p3} \cos \varphi_3 \quad (7-18)$$

بدین ترتیب، توان غیر مؤثر را به قرار زیر به دست می‌آوریم :

$$P_d = \pm P_{d1} \pm P_{d2} \pm P_{d3}$$

$$P_d = \pm I_{p1} V_{p1} \sin \varphi_1 \pm I_{p2} V_{p2} \sin \varphi_2 \pm I_{p3} V_{p3} \sin \varphi_3 \quad (7-19)$$

در رابطه‌ی ۷-۱۹، علامت منفی برای خاصیت خازنی و علامت مثبت برای خاصیت سلفی مدار هر فاز منظور می‌شود. با معلوم بودن توان مؤثر و غیر مؤثر کل مدار سه فازه، توان ظاهری مطابق رابطه‌ی ۷-۲۰ محاسبه می‌شود.

$$P_s = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} \quad (7-20)$$

در بار نامتعادل، ضریب توان شبکه‌ی سه فاز به علت تفاوت ضرایب توان‌های هر فاز، مفهومی مثل بار متعادل نخواهد داشت. بدین علت در بار نامتعادل ضریب توان تعریف نمی‌شود.^۱

۱- از طرح مثال و تمرین برای بحث اتصال ستاره نامتعادل خودداری شود.

۷-۴-۱ اتصال مثلث

اتصال مثلث سه فاز را زمانی که بار متعادل است، بررسی می‌کنیم.

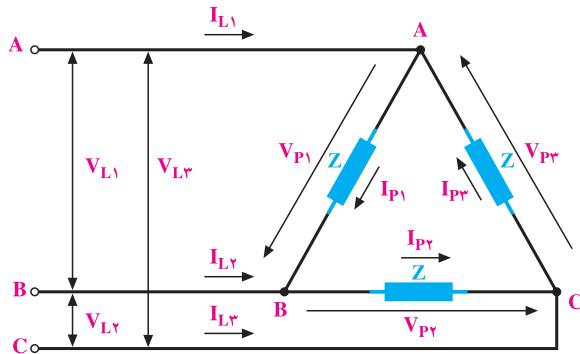
۷-۴-۲ محاسبهٔ جریان و ولتاژ خطی در اتصال مثلث با بار متعادل:

متعادل به امپدانس Z و زاویهٔ فاز هر کدام φ مطابق شکل ۷-۱۲ با اتصال مثلث در نظر می‌گیریم. ولتاژهای فازی V_{P1} , V_{P2} و V_{P3} با ولتاژهای خطی V_{L1} , V_{L2} و V_{L3} یکی هستند. بنابراین، در اتصال مثلث، ولتاژ بین خطوط با ولتاژ دو سر مصرف‌کننده‌ها در هر فاز یکی است. پس:

$$V_L = V_P \quad (7-21)$$

چون بار متعادل است، پس، جریان‌های فازی با هم برابرند.

$$\left| \vec{I}_{P1} \right| = \left| \vec{I}_{P2} \right| = \left| \vec{I}_{P3} \right| = I_P \quad \text{و} \quad \left| \vec{I}_{L1} \right| = \left| \vec{I}_{L2} \right| = \left| \vec{I}_{L3} \right| = \vec{I}_L$$



شکل ۷-۱۲

در گره‌های A, B و C شکل ۷-۱۲ با استفاده از قانون جریان‌های کیرشهف می‌توان

نوشت:

$$\vec{I}_{L1} = \vec{I}_{P1} - \vec{I}_{P3} \quad (7-22)$$

$$\vec{I}_{L2} = \vec{I}_{P2} - \vec{I}_{P1} \quad (7-23)$$

$$\vec{I}_{L3} = \vec{I}_{P3} - \vec{I}_{P2} \quad (7-24)$$

چون $| \vec{I}_{L2} | = | \vec{I}_{L1} | = | \vec{I}_{L3} | = I_L$ است، با استفاده از دیاگرام برداری جریان‌ها می‌توان

رابطه‌ی ۷-۲۵ را برای به دست آوردن I_L استفاده کرد.

$$I_L = \sqrt{3} I_P \quad (7-25)$$

از روابط ۷-۲۱ و ۷-۲۵ می‌توان نتیجه گرفت:

 نتیجه: در اتصال مثلث در بار متعادل، جریان خطی، $\sqrt{3}$ برابر جریان فازی و ولتاژ خطی برابر ولتاژ فازی است.

۷-۴-۲ محاسبه توان‌ها در اتصال مثلث با بار متعادل:

در بار متعادل، توان مؤثر و غیر مؤثر تمام فازها با هم برابرند. به طوری که توان مؤثر کل را می‌توان سه برابر توان مؤثر هر فاز در نظر گرفت. هم‌چنین توان غیر مؤثر کل، سه برابر توان غیر مؤثر هر فاز است.

$$P_{e1} = P_{e2} = P_{e3} \Rightarrow P_e = P_{e1} + P_{e2} + P_{e3}$$

$$P_{e1} = I_p^* R_1 = I_p^* R = V_p I_p \cos \varphi \quad \text{توان مؤثر یکفاز}$$

$$P_{d1} = I_p^* X = I_p^* X = V_p I_p \sin \varphi \quad \text{توان غیر مؤثر یکفاز}$$

$$P_e = 3P_{e1} = 3I_p^* R = 3V_p I_p \cos \varphi \quad (7-26)$$

$$P_d = 3P_{d1} = 3I_p^* X = 3V_p I_p \sin \varphi \quad (7-27)$$

اگر مقادیر محاسبه شده در روابط ۷-۲۱ و ۷-۲۵ و ۷-۲۶ و ۷-۲۷ را در روابط ۷-۲۵ و ۷-۲۶ منظور کنیم، خواهیم داشت:

$$\Delta \left\{ \begin{array}{l} V_L = V_p \\ I_L = \sqrt{3} I_p \Rightarrow I_p = \frac{I_L}{\sqrt{3}} \end{array} \right.$$

$$P_e = 3V_p I_p \cos \varphi$$

$$P_e = 3V_L \times \frac{I_L}{\sqrt{3}} \cos \varphi$$

$$P_e = \sqrt{3} V_L I_L \cos \varphi \quad [W] \quad (7-28)$$

$$P_d = \sqrt{3} I_P V_P \sin \varphi$$

$$P_d = \sqrt{3} \times \frac{I_L}{\sqrt{3}} \times V_L \sin \varphi$$

$$P_d = \sqrt{3} I_L V_L \sin \varphi \quad [V.A.R] \quad (7-29)$$

$$P_S = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{3} V_L I_L \quad [V.A] \quad (7-30)$$

با مقایسه روابط ۷-۱۱، ۷-۲۸، ۷-۱۷، ۷-۱۶ و ۷-۳۰ مشاهده می شود که ظاهرآ در اتصال مثلث و اتصال ستاره توان هایکی هستند. در صورتی که اگر در بار یکسان فازها، یک بار اتصال بارها ستاره و یک بار با اتصال مثلث به یک شبکه ممکن اتصال داده شود، توان در اتصال مثلث ۳ برابر توان در اتصال ستاره خواهد بود.

$$\Rightarrow \begin{cases} I_P = \frac{V_P}{Z} = I_L \\ V_P = \frac{V_L}{\sqrt{3}} \Rightarrow P_{e\lambda} = \sqrt{3} V_L \times I_L \cos \varphi = \sqrt{3} I_P \times \sqrt{3} V_P \times \frac{R}{Z} \\ \cos \varphi = \frac{R}{Z} \\ P_{e\lambda} = \sqrt{3} \frac{V_P R}{Z} \end{cases} \quad (7-31)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} I_L = \sqrt{3} I_P = \sqrt{3} \frac{V_L}{Z} \\ V_L = V_P \Rightarrow P_{e\Delta} = \sqrt{3} V_L I_L \cos \varphi = \sqrt{3} \times \sqrt{3} \times \\ \frac{V_L}{Z} \times V_L \times \frac{R}{Z} \\ \cos \varphi = \frac{R}{Z} \\ P_{e\Delta} = \frac{\sqrt{3} V_L R}{Z} \end{cases} \quad (7-32)$$

از تقسیم رابطه‌ی ۷-۳۲ به رابطه‌ی ۷-۳۱ می‌توان نوشت:

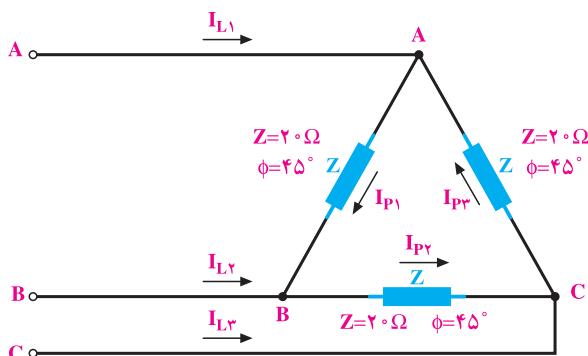
$$\frac{P_{e\Delta}}{P_{e\lambda}} = \frac{\frac{3V_L^2 R}{Z}}{\frac{3V_P^2 \times R}{Z}} = \frac{V_L^2}{V_P^2} = \frac{(\sqrt{3}V_P)^2}{V_P^2} = 3$$

$$P_{e\Delta} = 3P_{e\lambda} \quad (7-33)$$

 نتیجه: اگر بتوانیم یک موتور سه فاز را به صورت ستاره و مثلث به شبکه وصل کنیم، موتور در حالت مثلث با توان نامی و در حالت ستاره با $\frac{1}{3}$ توان نامی کار می‌کند و از شبکه $\frac{1}{3}$ جریان نامی را دریافت می‌کند. وجود این شرایط، زمینه‌ی مساعدی را برای راهاندازی موتورهای سه فاز آسنکرون فراهم می‌کند.

مثال ۳: سه امپدانس (مطابق شکل ۷-۱۳) به شبکه‌ی سه سیمه با ولتاژ خطی 100 V به صورت مثلث اتصال دارند. مطلوب است:

- ۱- جریان فازی و خطی.
- ۲- توان مصرفی، غیر مفید و ظاهری.
- ۳- اگر سه امپدانس به صورت ستاره وصل شوند، چه توانی مصرف می‌کنند؟ اندازه‌ی این توان چه نسبتی از حالت مثلث است؟



شکل ۷-۱۳

راه حل:
۱- می توان نوشت:

$$\Delta \{ V_P = V_L = ۱۰۰ \text{ , بار متعادل} \quad |I_{P\backslash}| = |I_{P\gamma}| = |I_{P\delta}| \quad \text{و}$$

$$|I_{L\backslash}| = |I_{L\gamma}| = |I_{L\delta}| = I_L$$

$$I_{P\backslash} = \frac{V_{P\backslash}}{Z_\backslash} = \frac{۱۰۰}{۲۰} = ۵ \text{ A}$$

برای به دست آوردن جریان خطی می توان از رابطه‌ی ۷-۲۵ استفاده کرد.

$$|I_{L\backslash}| = |I_{L\gamma}| = |I_{L\delta}| = I_L = \sqrt{۳} I_P = \sqrt{۳} \times ۵ = ۸/۶۶ \text{ [A]}$$

$$V_L = ۱۰۰ \text{ , } \varphi = ۴۵^\circ \text{ , } I_L = ۵\sqrt{۳} \quad \text{---۲}$$

$$P_e = \sqrt{۳} V_L I_L \cos \varphi$$

$$P_e = \sqrt{۳} \times ۱۰۰ \times ۵\sqrt{۳} \cos ۴۵^\circ$$

$$P_e = \sqrt{۳} \times ۱۰۰ \times ۵\sqrt{۳} \times \frac{\sqrt{۲}}{۲} = ۱۰۶۰/۶ \text{ [W]}$$

$$P_d = \sqrt{۳} V_L I_L \sin \varphi = \sqrt{۳} \times ۱۰۰ \times ۵\sqrt{۳} \times \sin ۴۵^\circ$$

$$P_d = ۱۰۶۰/۶ \text{ [V.A.R]}$$

$$P_S = \sqrt{P_e^2 + P_d^2} = \sqrt{۳} V_L I_L = \sqrt{۳} \times ۱۰۰ \times ۵\sqrt{۳} = ۱۵۰۰ \text{ [V.A]}$$

$$P_{e\lambda} = \sqrt{۳} I_L V_L \cos \varphi \quad \text{---۳}$$

$$V_P = \frac{V_L}{\sqrt{۳}} = \frac{۱۰۰}{\sqrt{۳}} \text{ [V]}$$

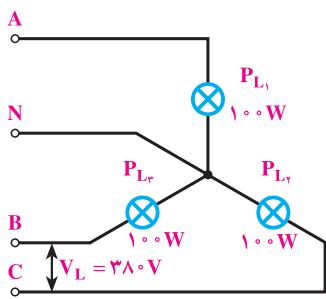
$$I_L = I_P = \frac{V_P}{Z} = \frac{۱۰۰ / \sqrt{۳}}{۲۰} = \frac{۵}{\sqrt{۳}} \text{ [A]}$$

$$P_{e\lambda} = \sqrt{۳} \times \frac{۵}{\sqrt{۳}} \times ۱۰۰ \times \cos ۴۵^\circ = ۳۵۳ / ۵۵ \text{ [W]}$$

$$P_{e\lambda} / P_{e\Delta} = \frac{۳۵۳ / ۵۵}{۱۰۶۰ / ۶} = \frac{۱}{۳}$$

۵-۷-۱- اثر قطع یک فاز از خطوط انتقال بر مصرف کننده‌ها

۵-۷-۲- اتصال ستاره: فرض می‌کنیم سه لامپ 100W (مطابق شکل ۵-۱۴) به یک



شکل ۵-۱۴

شبکه‌ی سه فازه‌ی چهار سیمه با اتصال ستاره وصل باشند.

اگر فاز A قطع شود یا مصرف کننده‌ی P_{L_1} از مدار خارج گردد، در صورتی که سیم نول وصل شده باشد، دو مصرف کننده‌ی دیگر— یعنی لامپ‌های P_{L_2}, P_{L_3} — با توان نامی به کار خود ادامه می‌دهند. در نتیجه، توان سیستم سه‌فاز خواهد بود؛ یعنی، مدار سه فازه با

$$\frac{2}{3} \text{ قدرت نامی به کار خود ادامه می‌دهد.}$$

اگر سیم نول و فاز A قطع شود، دو بار P_{L_2} و P_{L_3} با هم سری می‌شوند و تحت ولتاژ خطی V_{BC} قرار می‌گیرند. چنان‌چه اثر حرارت را در مقاومت‌های مصرف کننده‌ها نادیده بگیریم، می‌توانیم بگوییم مقاومت در این وضعیت دو برابر شده است ولی ولتاژ $\sqrt{3}$ برابر می‌شود. بنابراین، تغییر ولتاژ از تغییر مقاومت‌ها در مدار V_{BC} کمتر است. در نتیجه، جریان کاهش می‌یابد و به دنبال آن، نور و توان لامپ کمتر می‌شود. در این حالت، توان مدار برابر است با :

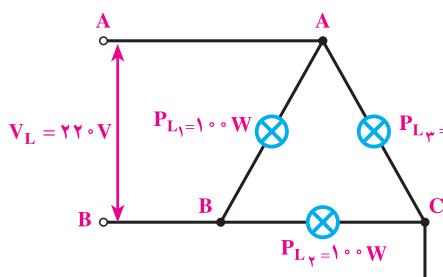
$$P_e = \frac{V_L^2}{2R} = \frac{3V_P^2}{2R} = \frac{3}{2} \times \frac{V_P^2}{R}$$

$$P_{L_1} = P_{L_2} = P_{L_3} = \frac{V_P^2}{R} = 100 \text{ [W]}$$

$$P_e = \frac{3}{2} \times 100 = 150 \text{ [W]}$$

توان مدار به نصف کاهش می‌یابد. در موتورهای سه فاز قطع می‌شود، موتور دو فاز کار می‌کند و توان آن به نصف توان نامی می‌رسد. علاوه بر کاهش توان، حوزه‌ی دور در سطح استاتور از شکل سه فاز خارج می‌شود. در صورتی که موتور زیر بار باشد، امکان غلبه‌ی بار بر قدرت موتور زیاد است. در نتیجه، موتور زیر بار می‌خوابد. اگر سیستم حفاظتی موتور عمل نکند، سوختن موتور حتمی است.

۷-۵-۲ اتصال مثلث: فرض می کنیم سه لامپ 100W اولی به شبکه‌ی سه‌سیمه (مطابق شکل ۷-۱۵) با اتصال مثلث به هم وصل باشند. اگر سه فاز سالم باشند و فقط یکی از مصرف‌کننده‌ها



شکل ۷-۱۵

– مثلاً P_{L_1} – از شبکه خارج شود، دو لامپ باقی‌مانده – یعنی P_{L_2} و P_{L_3} – با توان نامی به کار خود ادامه خواهند داد و در کیفیت نور آن‌ها تغییری به وجود نمی‌آید و مدار سه فاز با $\frac{2}{3}$ توان نامی کار خواهد کرد. اگر مصرف‌کننده‌ها سالم باشند و فقط یکی از فازها – مثلاً A – قطع شود، لامپ L_2 چون ولتاژ نامی را از دو فاز

و C دریافت می‌کند، با نور طبیعی و توان نامی خود به کار ادامه می‌دهد. دو لامپ P_{L_2} و P_{L_3} سری شده و از ولتاژ خطی بین B و C تغذیه می‌کنند. درنتیجه، این دو مصرف‌کننده به اندازه‌ی نصف ولتاژ نامی از شبکه تغذیه می‌شوند. اگر از اثرات حرارتی در مصرف‌کننده‌های P_{L_2} و P_{L_3} صرف‌نظر کنیم، خواهیم داشت :

$$P_e = \frac{V_L^2}{2R} + P_{L_2} \quad (7-34)$$

$$P_{L_1} = P_{L_2} = P_{L_3} = \frac{V_L^2}{R} = 100$$

$$P = 50 + 100 = 150 \text{ [W]}$$

توان مدار سه فازه برابر نصف توان نامی قبل از قطع یک فاز می‌شود. اگر مصرف‌کننده‌های P_{L_1} ، P_{L_2} و P_{L_3} سیم پیچ‌های یک الکتروموتور باشند، به هنگام بارداری مورد تهدید قرار می‌گیرند و احتمال از بین رفتن و سوختن سیم پیچ‌ها زیاد است.

۷-۶ اثر تعویض دو فاز بر کمیت‌های الکتریکی مصرف‌کننده‌ها

تعویض دو فاز در شبکه‌های سه فازه، وقتی مصرف‌کننده‌ها متعادل‌اند، هیچ اثر نامطلوبی در مقادیر جریان‌های فازی، خطی، توان‌های مفید، غیرمفید و ضریب توان ندارد. فقط در موتورها یا مصرف‌کننده‌هایی که گردش مکانیکی دارند، جهت گردش عوض می‌شود. در بارهای نامتعادل