

محاسبه‌ی تجهیزات تولید، انتقال، توزیع و پخش انرژی الکتریکی و مدارهای تجهیزات الکترونیکی مستلزم آشنایی با روش‌های تحلیل مدارهای الکتریکی است. برای آشنایی هنرجویان و گسترش توانایی و افزایش مهارت آن‌ها در محاسبه‌های الکتریکی، لازم است مدارهای الکتریکی در جریان متناوب و مستقیم و رفتار عناصر سلفی و خازنی و اهمی و ترکیب این عناصر مورد بررسی قرار گیرد. بدین منظور، محاسبه‌ی ساده‌ی مدارهای الکتریکی در حالت‌های ماندگار به عنوان مجموعه‌ی تحلیل مدارهای جریان الکتریکی ارایه می‌شود. در این مجموعه، علاوه بر مدارهای جریان مستقیم و جریان متناوب یک‌فاز، مدارهای سه‌فاز و محاسبه‌های آن‌ها نیز بررسی شده است.

برای ارایه‌ی مطلوب سرفصل‌های این درس، هدف‌های رفتاری مورد انتظار از هنرجو در ابتدای هر فصل مطرح شده است. بدیهی است ارزش‌یابی این درس باید با هدف‌های رفتاری آن مطابقت داشته باشد. از آن‌جا که این درس نظری و محاسبه‌ای است، بیش‌تر سوال‌های ارزش‌یابی باید به محاسبه‌های مربوط به مدار اختصاص یابد. بهتر است که هنرجویان در طول سال تحصیلی به‌طور مرتب مورد ارزش‌یابی قرار گیرند. مدرس این درس می‌تواند مطالب ارایه شده با به کارگیری نرم‌افزارهای مناسب از طریق اندازه‌گیری و مشاهده‌ی پارامترهای تحلیل شده‌ی مدار، درک بهتر و ملموس‌تری را برای هنرجویان ایجاد کند. از مدرسان محترم و عزیزانی که این کتاب را مطالعه و تدریس می‌کنند، خواهشمندیم نظرات و پیشنهادهای اصلاحی خود را از طریق دفتر تألیف کتاب‌های درسی فنی و حرفه‌ای و کارداشی وزارت آموزش و پرورش در اختیار ما قرار دهند. در بیان از همکاری‌های گروه‌های آموزشی سراسر کشور که در اصلاح کتاب‌های درسی به خصوص کتاب مدارهای الکتریکی با ما همکاری نموده‌اند سپاسگزاری می‌نماییم.

مؤلفان

## هدف کلی درس

تحلیل مدارهای جریان مستقیم و مدارهای  $C - L - R$  در جریان متناوب  
یک فاز و مدارهای سه فاز ساده.

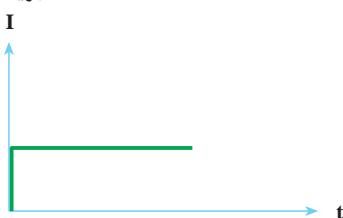
جدول زمانی پیشنهادی برای تدریس کتاب

فصل	عنوان فصل	زمان تدریس (ساعت)
اول	مدارهای الکتریکی جریان مستقیم	۲۸
دوم	بردار	۱۲
سوم	مدارهای $R-L$ جریان متناوب	۱۶
چهارم	مدارهای $R-C$ جریان متناوب	۱۶
پنجم	مدارهای $L-C$ جریان متناوب	۱۲
ششم	مدارهای $R-L-C$ جریان متناوب	۲۰
هفتم	جریان‌های سه فازه	۱۶

بنا به درخواست هنرآموزان محترم در دوره‌های بازآموزی، گردهمایی‌ها و ارزشیابی این کتاب، مباحث و روابط مورد نیاز برای درس مدارهای الکتریکی از کتاب مبانی برق در قالب یادآوری در ابتدای کتاب گنجانده شده است. همکاران محترم می‌توانند در صورت نیاز از مطالب اشاره شده در این قسمت بهجهت تشریح مسائل هر بحث درسی که احساس نیاز می‌کنند استفاده نمایند. ضروری است از هنرجویان خواسته شود تا مطالب تئوری این موارد را با تعمق بیشتری از کتاب مبانی برق مطالعه کنند. لازم به ذکر است آموزش مستقیم مباحث یادآوری ضرورت ندارد.

### یادآوری

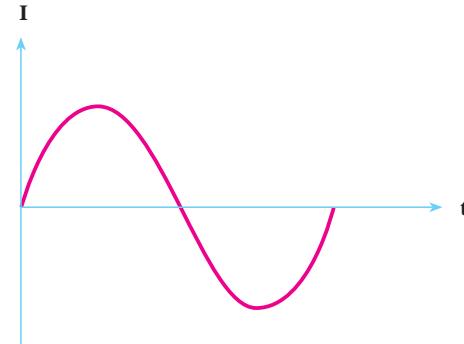
(جریان)



#### جریان مستقیم (DC)

جریانی است که جهت و مقدار آن نسبت به زمان تغییر نمی‌کند. با تری را به عنوان یک مولد جریان مستقیم می‌توان در نظر گرفت که شکل موج آن به صورت مقابل است.

(جریان)



#### جریان متناوب (AC)

جریانی است که جهت و دامنه آن نسبت به زمان تغییر می‌کند. از جمله جریان‌های متناوب، می‌توان به برق شهر اشاره کرد که یک جریان متناوب سینوسی است. و شکل موج آن به صورت مقابل است.

### تعريف جریان الکتریکی

به حرکت الکترون‌های آزاد در یک هادی که در طی مدت زمانی مشخص از آن عبور می‌نماید جریان الکتریکی گفته می‌شود و می‌توان آن را از رابطه زیر بحسب آمپر محاسبه کرد.

$$(بار الکتریکی بر حسب کولن - C) = \frac{q}{t} \quad (\text{جریان الکتریکی بر حسب آمپر - A})$$

$$\frac{(مدت زمان عبوری بر حسب ثانیه - S)}{}$$

## تعريف ولتاژ

مقدار کار انجام شده بر ذره باردار را ولتاژ می‌گویند و از رابطه  $V = \frac{W}{q}$  برحسب ولت به دست می‌آید. معمولاً ولتاژ دو سر هر عنصری در مدار از مقایسه اختلاف ولتاژ دو سر آن به دست می‌آید به همین دلیل این عامل را اختلاف پتانسیل می‌نامند.



$$V_{AB} = V_A - V_B$$

## تعريف توان الکتریکی

به مقدار کار انجام شده بر واحد زمان توان می‌گویند و مقدار آن را می‌توان از رابطه  $P = \frac{W}{t}$  برحسب وات به دست آورد. مقدار توان الکتریکی مدارها را در شکل کلی از روابط زیر می‌توان حساب کرد.

$$P = (جریان) \times (\ولتاژ) = VI$$

$$P = (جریان)^2 \times (\ مقاومت ) = RI^2$$

$$P = (\ مقاومت ) / (\ولتاژ)^2 = V^2/R$$

## تعريف مقاومت الکتریکی

هر قطعه‌ای که در مقابل عبور جریان الکتریکی (حرکت الکترون‌ها) از خود ایستادگی (مخالفت) نشان دهد «مقاومت الکتریکی» نامیده می‌شود. خاصیت مقاومت الکتریکی در مدارها به سه صورت دیده می‌شود.

الف – مقاومت اهمی  $R$  (رزیستانس)

ب – مقاومت سلفی  $X_L$  (راکتانس سلفی)

ج – مقاومت خازنی  $X_C$  (راکتانس خازنی)

تذکر : مقاومت‌های سلفی ( $X_L$ ) و خازنی ( $X_C$ ) فقط در زمان استفاده از سلف و خازن در جریان متناوب وجود دارند. بر همین اساس می‌توان راکتانس‌ها، را به صورت زیر تعریف کرد :

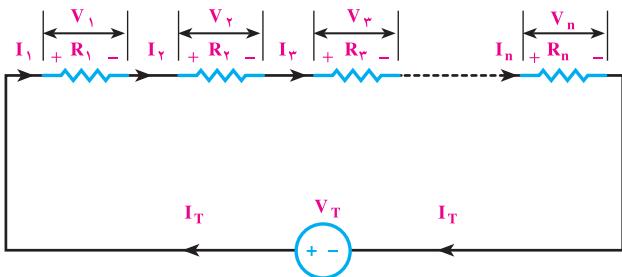
به خاصیت مقاومتی سلف و خازن در جریان متناوب راکتانس سلفی یا خازنی گویند.

## بررسی مدارهای اهمی ( $R$ )

اثر مقاومتی عناصر اهمی ( $R$ ) در مدارهای جریان مستقیم و متناوب یکسان است این عناصر را به دو صورت سری و موازی اتصال می‌دهند که هر یک دارای ویژگی‌هایی به شرح صفحه‌ی بعد است :

## اتصال سری مقاومت‌ها

هرگاه دو یا چند مقاومت مطابق شکل مقابل به یکدیگر اتصال داده شوند. اتصال مدار را سری گویند.

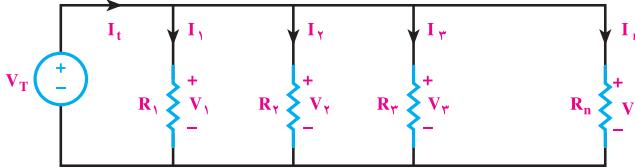


## ویژگی‌های مدارهای سری مقاومتی

جربان	جربان عبوری از همه مقاومت‌های سری مساوی است.
ولتاژ	$V_T = V_1 + V_2 + V_3 + \dots + V_n$ در مدارهای سری ولتاژ به نسبت مقدار مقاومت‌ها در دو سر مقاومت‌های مدار تقسیم می‌شود. $\left\{ \begin{array}{l} V_1 = R_1 \cdot I_1 \\ V_2 = R_2 \cdot I_2 \\ V_3 = R_3 \cdot I_3 \\ \vdots \\ V_n = R_n \cdot I_n \end{array} \right.$
مقادیت معادل	$R_t = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_n$
توان و انرژی	$P_1 = V_1 I_1 = R_1 I_1^2 = \frac{V_1^2}{R_1}$ $P_2 = V_2 I_2 = R_2 I_2^2 = \frac{V_2^2}{R_2}$ $P_3 = V_3 I_3 = R_3 I_3^2 = \frac{V_3^2}{R_3}$ $P_n = V_n I_n = R_n I_n^2 = \frac{V_n^2}{R_n}$ $P_T = P_1 + P_2 + P_3 + \dots + P_n$ $W_T = W_1 + W_2 + W_3 + \dots + W_n$ $P = \frac{W}{t}$
حالات خاص	هرگاه $n$ مقاومت مساوی به صورت سری بسته شوند مقادیت معادل از رابطه زیر محاسبه می‌شود. $R_T = n \cdot R$ (مقدار اهم یک مقاومت) $\times$ (تعداد مقاومت‌ها) هرگاه دو مقاومت به صورت سری بسته شوند تقسیم ولتاژ در دو مقاومت از روابط زیر به دست می‌آید. $V_{R_1} = V_t \frac{R_1}{R_1 + R_2}$ $V_{R_2} = V_t \frac{R_2}{R_1 + R_2}$

## اتصال موازی مقاومت‌ها

هر گاه دو یا چند مقاومت مطابق شکل رو به رو به یکدیگر اتصال داده شوند اتصال مدار را موازی گویند.

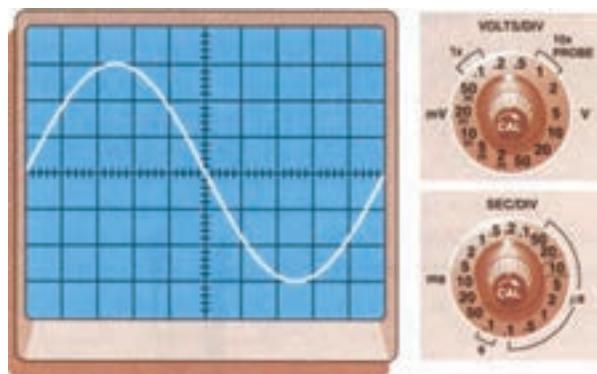


## ویژگی‌های مدارهای موازی مقاومتی

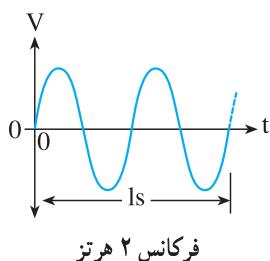
<b>براساس قانون اهم</b> $\left\{ \begin{array}{l} I_1 = \frac{V_1}{R_1} \\ I_2 = \frac{V_2}{R_2} \\ I_3 = \frac{V_3}{R_3} \\ \vdots \\ I_n = \frac{V_n}{R_n} \end{array} \right.$	در مدارهای موازی جریان به نسبت عکس مقاومت‌ها و متناسب با مقدار مقاومت‌ها در بین آن‌ها تقسیم می‌شود.	<b>جریان</b>
$V_T = V_1 = V_2 = V_3 = V_n$	ولتاژ دو سر هر یک از مقاومت‌ها با هم برابر است.	<b>ولتاژ</b>
$R_t = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \dots + \frac{1}{R_n}}$	<b>مقادیر معادل</b>	
<b>توان هر یک از مقاومت‌ها</b> $\left\{ \begin{array}{l} P_1 = V_1 \cdot I_1 = R_1 I_1^2 = \frac{(V_1)^2}{R_1} \\ P_2 = V_2 \cdot I_2 = R_2 I_2^2 = \frac{(V_2)^2}{R_2} \\ P_3 = V_3 \cdot I_3 = R_3 I_3^2 = \frac{(V_3)^2}{R_3} \\ \vdots \\ P_n = V_n \cdot I_n = R_n I_n^2 = \frac{(V_n)^2}{R_n} \end{array} \right.$	$P = \frac{W}{t}$ $P_T = P_1 + P_2 + P_3 + \dots + P_n$ $W_T = W_1 + W_2 + W_3 + \dots + W_n$	<b>توان و انرژی</b>
هر گاه n مقاومت مساوی موازی باشند مقادیر مقاومت معادل از رابطه زیر محاسبه می‌شود.	$R_t = \frac{R}{n}$ <span style="display: inline-block; vertical-align: middle; margin-left: 20px;">(مقدار اهم یک مقاومت) (تعداد مقاومت‌ها)</span>	<b>حالات خاص</b>
	$\Rightarrow R_t = \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2}$ $\Rightarrow I_1 = I_t \frac{R_2}{R_1 + R_2}$ $\Rightarrow I_2 = I_t \frac{R_1}{R_1 + R_2}$	به صورت موازی وصل شوند مقاومت معادل و تقسیم جریان در دو مقاومت از روابط مقابل به دست می‌آید.

## مشخصات جریان متناوب

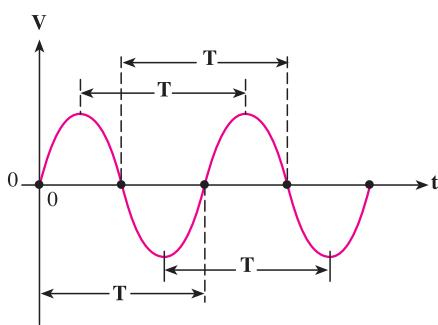
**۱- سیکل:** شکل موجی که در اثر گردش یک سیم پیچ در داخل میدان مغناطیسی به وجود می‌آید را یک «سیکل» می‌گویند. هر سیکل از دو نیم سیکل مثبت و منفی تشکیل می‌شود.



تصویر یک سیکل روی صفحه اسیلوسکوپ



**۲- فرکانس (f):** به تعداد سیکل‌ها (نوسانات) در مدت زمان یک ثانیه (فروتنس) می‌گویند. واحد فرکانس  $\frac{1}{(s)}$  یا هرتز (Hz) است. فرکانس برق ایران ۵۰ هرتز است.

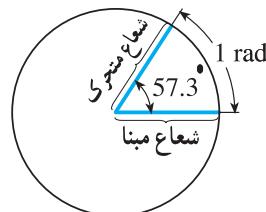
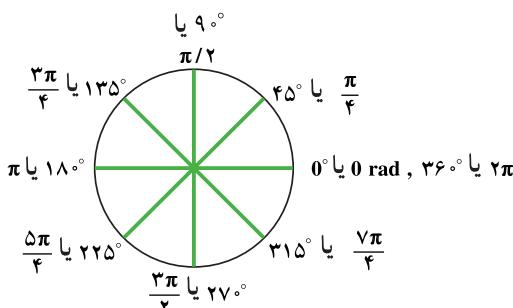


**۳- مدت زمان تناوب (T) :** مدت زمانی را که طول می‌کشد تا یک سیکل کامل طی شود «زمان تناوب» یا «پریود» می‌گویند. واحد زمان تناوب  $\left(\frac{1}{Hz}\right)$  یا ثانیه (s) است. پریود و فرکانس عکس یکدیگرند.

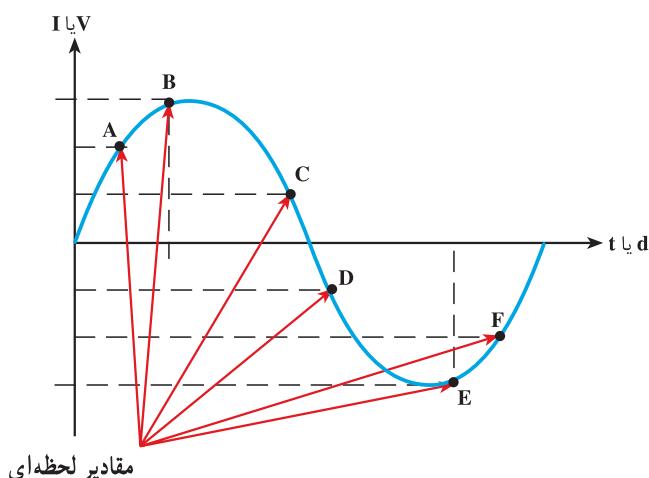
$$T = \frac{1}{f} \quad \text{یا} \quad f = \frac{1}{T}$$

**۴—سرعت زاویه‌ای ( $\omega$  امگا)**: سرعت زاویه‌ای عبارت است از زاویه‌ای که شعاع مربوط به متحرک نسبت به شعاع مبدأ در مدت یک ثانیه طی می‌کند. واحد سرعت زاویه‌ای رادیان بر ثانیه است. چون یک دور چرخش داخل دایره برابر  $2\pi$  رادیان است لذا اگر متحرکی در هر ثانیه  $f$  دور بزند خواهیم داشت :

$$\omega = 2\pi f \quad \text{یا} \quad \omega = \frac{2\pi}{T}$$

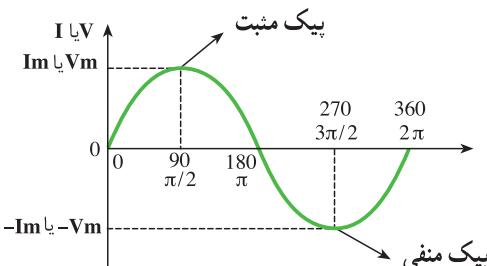


**۵—دامنه** : مقدار موج در هر لحظه از زمان را اصطلاحاً دامنه یا «مقدار لحظه‌ای» می‌گویند.  
در شکل زیر دامنه لحظه‌ای در نقاط F,E,D,C,B,A نشان داده شده است.



۱— $\omega$  (امگا) یکی از حروف یونانی است.

**۶—مقدار پیک یا ماکزیمم (max-peak):** حداقل مقداری که ولتاژ یا جریان سینوسی در هر نیم سیکل دارد را مقدار ماکزیمم می‌گویند. در شکل زیر نقاط پیک مثبت و منفی نشان داده شده است.

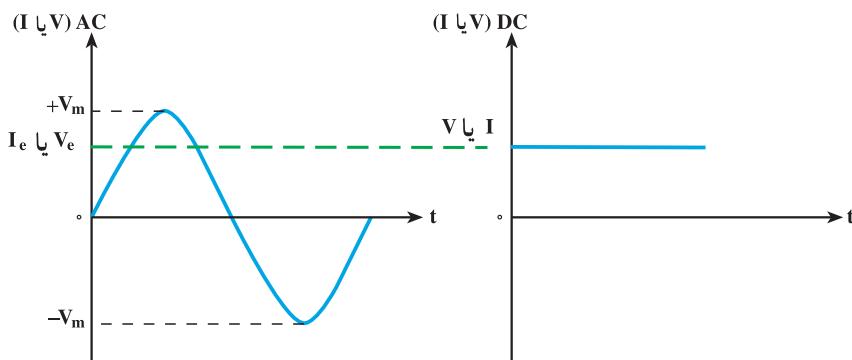


**۷—مقدار مؤثر<sup>۱</sup>:** مقدار مؤثر یک جریان یا ولتاژ AC عبارت است از مقدار جریان یا ولتاژی که در یک مدار اهمی خالص (مانند اتوی برقی) همان مقدار گرمایی را تولید می‌کند که یک جریان یا ولتاژ DC با همان مقدار دامنه تولید می‌کند. مقدار مؤثر یک موج سینوسی از روابط زیر قابل محاسبه است.

$$V_e = \frac{1}{\sqrt{2}} \times V_m = \circ / \nabla \circ \nabla \times V_m$$

$$I_e = \frac{1}{\sqrt{2}} \times I_m = \circ / \nabla \circ \nabla \times I_m$$

به مقدار مؤثر rms نیز می‌گویند.



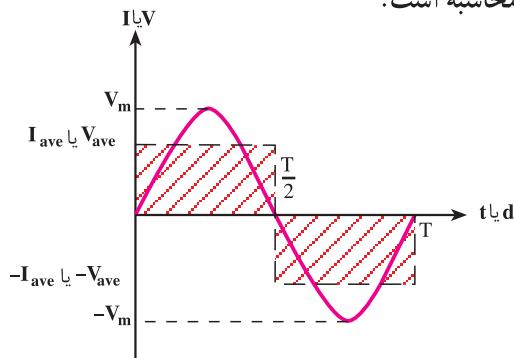
۱—Effective Values-(e)

۲—Root Mean Square-rms (جذر مربعات مقدار لحظه‌ای)

**۸—مقدار متوسط<sup>۱</sup>**: به میانگین مقادیر لحظه‌ای موج سینوسی در یک نیم سیکل اصطلاحاً متوسط موج می‌گویند. شکل زیر چون در هر نیم سیکل موج سینوسی از صفر شروع شده به مقدار حد اکثر (ماکزیمم) می‌رسد و مجدداً به صفر بر می‌گردد لذا مقدار میانگین یک نیم سیکل نیز چیزی بین صفر و مقدار ماکزیمم می‌باشد. مقدار متوسط برای نیم سیکل موج سینوسی از روابط زیر قابل محاسبه است.

$$V_{ave} = \frac{2}{\pi} \times V_m = \frac{2}{\pi} / 637 \times V_m$$

$$I_{ave} = \frac{2}{\pi} \times I_m = \frac{2}{\pi} / 637 \times I_m$$



توجه: مقدار متوسط یک موج متناوب متقارن (موج سینوسی) در یک دوره تناوب برابر صفر است، زیرا :

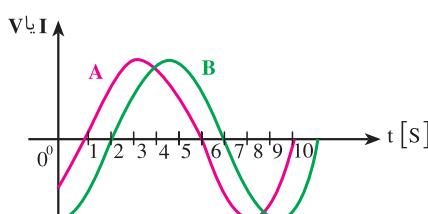
$$(نیم سیکل منفی) + (نیم سیکل مثبت) = (\text{مقدار متوسط موج})$$

$$V_{ave_t} = V_{ave^+} + V_{ave^-}$$

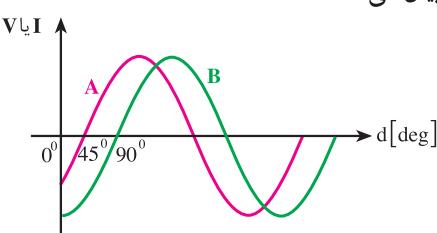
$$V_{ave_t} = (\frac{2}{\pi} / 637) \times (V_m) + (\frac{2}{\pi} / 637) \times (-V_m)$$

$$V_{ave_t} = 0$$

**۹—فاز<sup>۲</sup>**: کلمه یا اصطلاحی است که ارتباط زمانی یا مکانی بین دو یا چند موج هم فرکانس را بیان می‌کند.

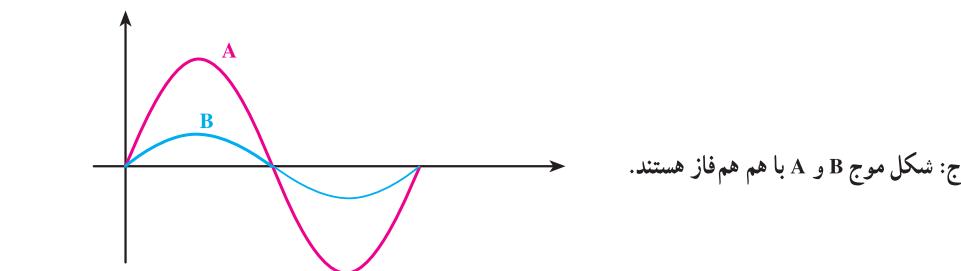
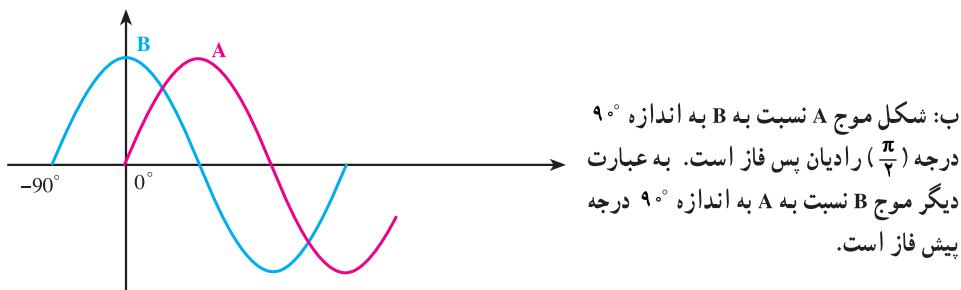
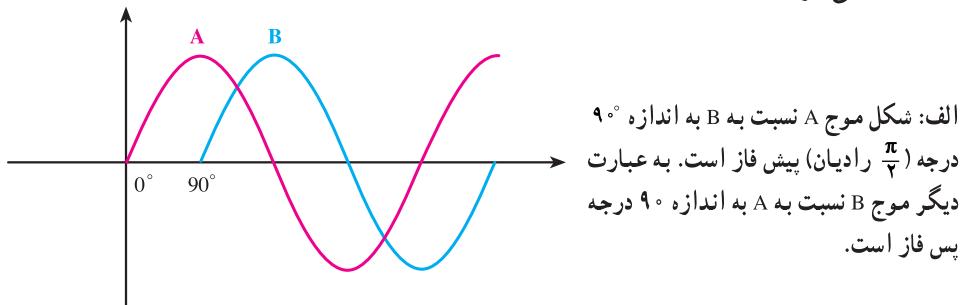


(b) موج A با B به اندازه ۱ ثانیه فاصله دارد.



(a) موج A با B به اندازه ۴۵ درجه فاصله دارد.

۱۰- اختلاف فاز: برای تعیین میزان اختلاف فاز بین دو شکل موج هم فرکانس ابتدا دو نقطه مشابه (نقطه صفر - نقطه ماکریم یا نقطه مینیمم) از شکل موج‌ها را بر حسب کمیت محور افقی با یکدیگر مقایسه می‌کنیم و سپس مقدار آن را با ذکر کلمه پسوند «فاز» می‌نویسیم. مثلاً در صورتی که شکل موجی از موج دیگر جلوتر (زودتر) شروع شده باشد اصطلاح «پیش فاز»<sup>۱</sup> و در صورتی که عقب‌تر (دیرتر) شروع شده باشد کلمه «پس فاز»<sup>۲</sup> و چنانچه دو شکل کاملاً مشابه باشند کلمه «هم فاز» را به کار می‌بریم (شکل زیر). در برخی موارد میزان اختلاف فاز بر حسب درجه یا ضریبی از عدد  $\pi$  نشان داده می‌شود.

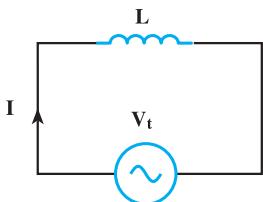


۱ Leads

۲ Lags

## بررسی مدارهای سلفی (L)

به خاصیت خودالقایی که در اثر عبور جریان در یک سیم پیچ پدید می‌آید ضریب خودالقایی یا اندوکتانس (L) می‌گویند. هرگاه یک سلف ایده‌آل (بدون خاصیت اهمی) مطابق شکل مقابل اتصال باید:

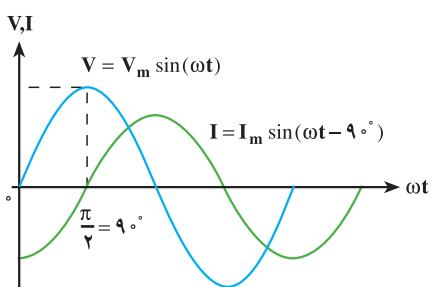


$$V_t = V_m \sin(\omega t)$$

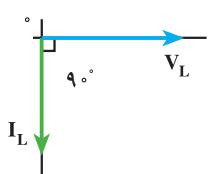
$$I_t = I_m \sin(\omega t - 90^\circ)$$

$$X_L = L\omega = 2\pi fL = \frac{V_m}{I_m} = \frac{V_e}{I_e}$$

الف: معادلات ولتاژ و جریان و راکتانس سلفی



ب: شکل موج‌های ولتاژ و جریان سلف



ج: دیاگرام برداری V و I در یک سلف ایده‌آل

جریان در سلف  $90^\circ$  درجه از ولتاژ عقب‌تر است.

– سلف‌ها در جریان متناوب راکتانس القای نشان می‌دهند که به ضریب خودالقایی (L) و فرکانس جریان (f) بستگی دارد و با نشان می‌دهند.

– یک سلف حقیقی در جریان dc مقاومت اهمی و در جریان متناوب علاوه بر مقاومت، اهمی مقاومت القای نیز نشان می‌دهد.

– جریان سلف‌های حقیقی در مدارهای dc پس از ۵ ثابت زمانی به حالت پایدار درمی‌آید.

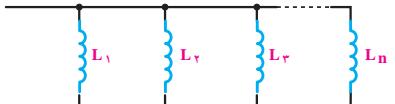
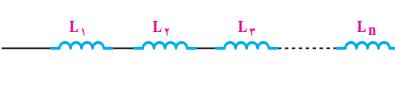
– در هر ثابت زمانی سلفی جریان سلف به اندازه  $\frac{63}{2}\%$  مقدار ماکزیمم خود افزایش یا کاهش می‌یابد، مدت زمان هر ثابت زمانی سلفی

$$\text{از رابطه } \tau = \frac{L}{R} \text{ محاسبه می‌شود.}$$

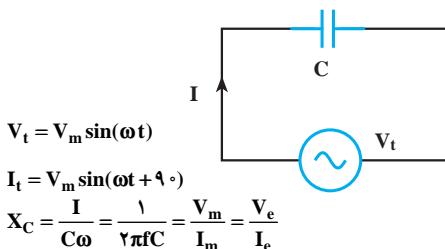
– عبور جریان از داخل سلف سبب می‌شود در سلف به اندازه  $\frac{1}{4}LI^2$  ژول  $W_L$  از رژی به صورت میدان مغناطیسی ذخیره شود.

## ویژگی‌های مدارهای سلفی

تمامی خصوصیات ولتاژی و جریانی مدارهای سلفی سری و موازی در جریان متناوب مشابه مدارهای سری و موازی مقاومتی است فقط دو عامل ضریب خودالقایی و راکتانس وجود دارند که در محاسبه آن‌ها به نکات زیر باید توجه کرد.

موازی	سری	
 $L_T = \frac{1}{\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \frac{1}{L_3} + \dots + \frac{1}{L_n}}$	 $L_T = L_1 + L_2 + L_3 + \dots + L_n$	اندوكتانس <b><math>L_T</math></b> معادل
$X_{L_T} = \frac{1}{\frac{1}{X_{L_1}} + \frac{1}{X_{L_2}} + \frac{1}{X_{L_3}} + \dots + \frac{1}{X_{L_n}}}$ $X_{L_T} = L_T \cdot \omega$	$X_{L_T} = X_{L_1} + X_{L_2} + X_{L_3} + \dots + X_{L_n}$ $X_{L_T} = L_T \cdot \omega$	راکتانس <b><math>X_{L_T}</math></b> معادل

## بررسی مدارهای خازنی (C)

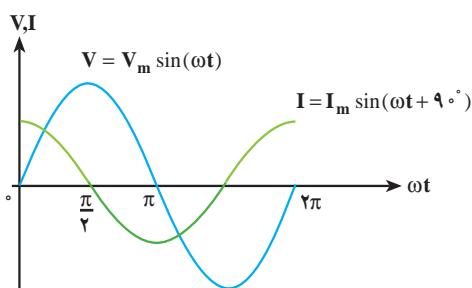


الف: معادلات ولتاژ و جریان و راکتانس خازنی

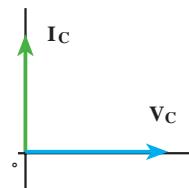
– نسبت بار ذخیره شده به اختلاف ولتاژ دو صفحه خازن را ظرفیت خازن یا کاپاسیتанс (C) گویند.

هر گاه یک خازن ایده‌آل (بدون خاصیت اهمی) مطابق شکل مقابل مقابله باشد :

جریان در خازن  $90^\circ$  درجه از ولتاژ جلوتر است.



ب: شکل موج‌های ولتاژ و جریان خازن



ج: دیاگرام برداری V و I در یک خازن ایده‌آل

- خازن‌ها در جریان متناوب راکتانس خازنی نشان می‌دهند که به ظرفیت خازن (C) و فرکانس جریان (f) بستگی دارد و با  $X_C$  نشان می‌دهند.
- یک خازن حقیقی در جریان DC مقاومت اهمی و در جریان متناوب علاوه بر مقاومت اهمی مقاومت خازنی نیز نشان می‌دهد.
- ولتاژ خازن‌های حقیقی در مدارهای DC پس از ۵ ثابت زمانی به حالت پایدار درمی‌آید.
- در هر ثابت زمانی خازنی ولتاژ خازن به اندازه  $\frac{63}{2}\%$  مقدار ماکریسم خود افزایش یا کاهش می‌یابد، مدت زمان هر ثابت زمانی خازنی از رابطه  $\tau = R \cdot C$  محاسبه می‌شود.
- اعمال ولتاژ به یک خازن سبب می‌شود در خازن به اندازه  $W_C = \frac{1}{2} CV^2$  ژول انرژی به صورت میدان الکترواستاتیکی ذخیره شود.

### ویژگی‌های مدارهای خازنی

تمامی خصوصیات ولتاژی و جریانی مدارهای خازنی سری و موازی در جریان متناوب مشابه مدارهای سری و موازی مقاومتی است. فقط از نظر محاسبه دو عامل ظرفیت خازنی و راکتانس با یکدیگر تفاوت دارند که در محاسبه آن‌ها به نکات زیر باید توجه کرد :

موازی	سری	
$C_T = C_1 + C_2 + C_3 + \dots + C_n$	$C_T = \frac{1}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} + \dots + \frac{1}{C_n}}$	ظرفیت معادل $C_T$
$X_{C_T} = \frac{1}{X_{C_1} + X_{C_2} + X_{C_3} + \dots + X_{C_n}}$ $X_{C_T} = \frac{1}{C_T \omega}$	$X_{C_T} = X_{C_1} + X_{C_2} + X_{C_3} + \dots + X_{C_n}$ $X_{C_T} = \frac{1}{C_T \omega}$	راکتانس معادل $X_{C_T}$