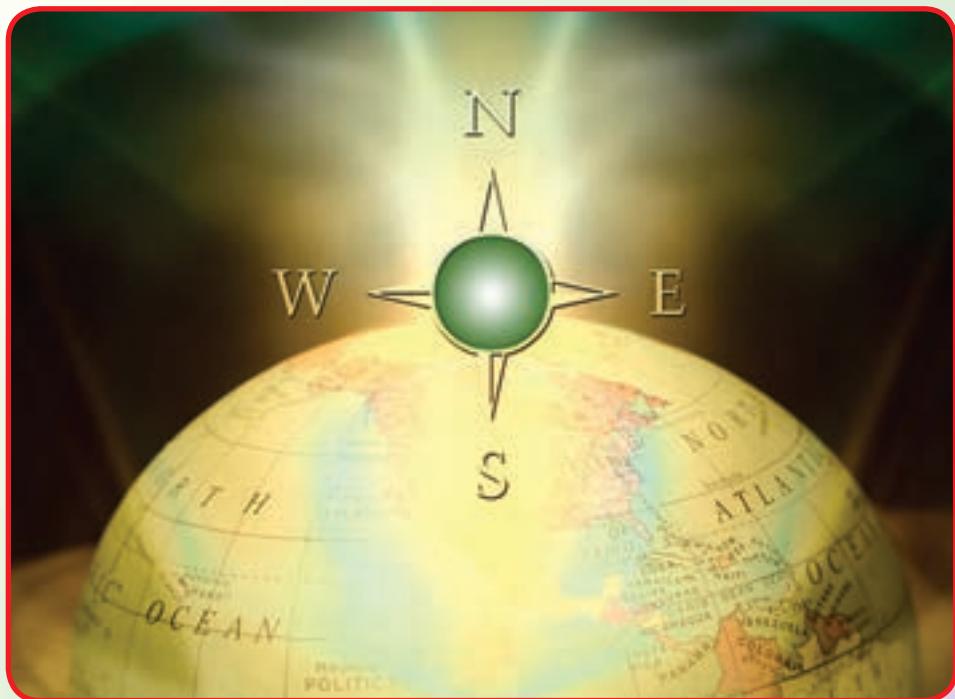


فصل
چهارم

تعیین موقعیت
و
امتدادهای مبنا



هدف‌های رفتاری

پس از آموزش و مطالعه این فصل از فراگیرنده انتظار می‌رود بتواند :

- ۱- سطوح مبنایی زمین را نام بده، تفاوت آنها را بیان کند.
- ۲- تعیین موقعیت جهانی را تعریف کند.
- ۳- نقاط کنترل و شبکه نقاط کنترل را تعریف کند.
- ۴- انواع امتدادهای مبنا در نقشه‌برداری را نام بده، تفاوت آنها را بیان نماید.
- ۵- ژیزمان یک امتداد را تعریف نموده، رابطه آن با ژیزمان معکوس را بنویسد.
- ۶- زاویه حامل یک امتداد را تعریف نماید.
- ۷- ژیزمان یک امتداد را که مختصات دو سر آن معلوم است، محاسبه نماید.
- ۸- با معلوم بودن ژیزمان یک ضلع چند ضلعی با زوایای معلوم، ژیزمان بقیه اضلاع را محاسبه نماید.

مطلوب پیش نیاز

قبل از مطالعه این فصل از فراگیرنده انتظار می‌رود با مطالب زیر آشنا باشد :

- ۱- آشنایی با فصول ۱، ۲ و ۳ کتاب «روش‌های تعیین موقعیت»
- ۲- آشنایی با فصل پنجم کتاب «هندسه»
- ۳- آشنایی با دایره مثلثاتی و رباعیاتی آن در کتاب «ریاضی ۲ و ۳»

تعیین موقعیت



مفهوم کلیدی

امتداد مبنا	Reference Line
سطح مبنا	Datum
تعیین موقعیت	Positioning
تعیین موقعیت محلی	Local Positioning
تعیین موقعیت جهانی	Global Positioning
سیستم مختصات	Coordinate System
ژیزمان	Gisement
آزیمود	Azimuth
زاویه حامل	Bearing

مقدمه

همه ما در زندگی روزمره برای نشان دادن موقعیت یک نقطه، از مطالب ریاضی استفاده می‌کنیم. به عنوان مثال بر دیوارهای کلاس هنرستانی که در آن هستید، اجسامی نصب یا آویخته شده‌اند که هر کدام در موقعیت مخصوص قرار دارند و هنگام نصب آنها به این موقعیت‌ها توجه شده است. به فرض در نصب تخته سیاه کلاس فاصله کناره‌ها با کف یا سقف و دیوارهای جانبی و قرار داشتن در جلوی کلاس و مقدار فاصله آن تا نیمکت‌ها اندازه‌گیری شده تا در موقعیت مناسب نصب گردد. البته ممکن است قبل از وضعیت نصب یا آویختن اجسام را بر روی کاغذ نشان دهیم که این کار مستلزم اندازه‌گیری و ترسیم ابعاد دیوار بر روی کاغذ است. بنابراین برای تعیین موقعیت هر جسم و یا یک محیط مشخص کافی است با تعریف یک سری نقاط مختصات دار در یک سیستم مختصات معین آنها را تعیین مکان و مشخص کنیم.

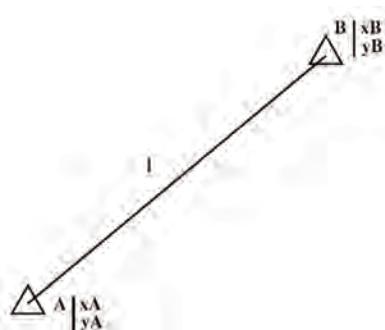
بیشتر بدانیم

Surveying can be defined as the acquiring and/or accumulation of qualitative information and quantitative data by observing, counting, classifying, and recording to need

نقشه‌برداری یعنی : به دست آوردن و جمع آوری داده‌های کمی و کیفی از طریق اندازه‌گیری، برآورد، طبقه‌بندی و ثبت مختصات مورد نیاز .

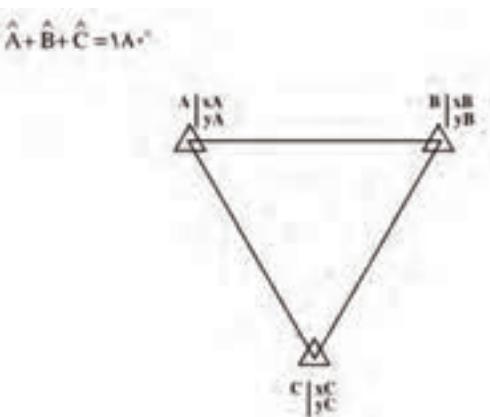
سطوح مبنای زمین : از نظر ریاضی هر تابع، فرمول و مدل ریاضی مکانی در یک فضای مناسب تعریف می‌شود که به آن سطح مبنای (دیتوم datum) می‌گویند. به عنوان مثال فاصله بین دو

نقطه مختصات دار از معادله زیر محاسبه می‌شود. این رابطه به عنوان یک مدل ریاضی فقط برای نقاط موجود در یک صفحه صادق است بنابراین در اینجا صفحه، سطح مبنای محاسباتی معادله فاصله نقاط می‌باشد :



$$L_{AB} = \sqrt{(X_B - X_A)^2 + (Y_B - Y_A)^2}$$

شکل ۱-۴— مدل ریاضی طول بین دو نقطه

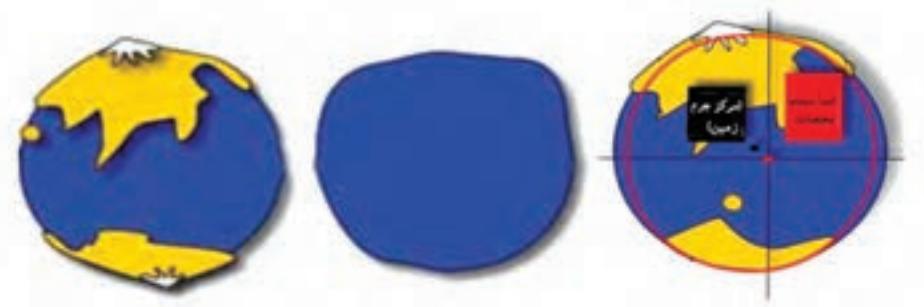


شکل ۲-۴— مدل ریاضی مجموع زوایای داخلی یک مثلث

یا در حالتی که می‌گوییم جمع زوایای داخلی یک مثلث برابر 180° درجه ($\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$) است . این رابطه نیز یک مدل ریاضی است که فقط روی یک صفحه افقی صادق است. زیرا بر روی سطوح منحنی شکل (مثل سطوح کروی و بیضوی) می‌توان مثلثی در نظر گرفت که جمع زوایای آن کمتر و یا بیشتر از 180° درجه و یا حتی 270° درجه باشد. بنابراین قبل از تعریف هر رابطه یا فرمول ریاضی بایستی سطح مبنای دیتوم آن مشخص گردد.

در نقشه‌برداری تمام اندازه‌گیری‌ها و مشاهدات در روی سطح طبیعی زمین (و یا تزدیک آن) انجام می‌گیرد اما سطح زمین یک صفحه افقی نیست و حتی به شکل یک کره هم نیست، به عبارتی دارای شکل هندسی خاصی نیست و فرمول ریاضی ندارد. بنابراین قبل از انجام هرگونه محاسبه‌ای بر روی مشاهدات و اندازه‌گیری‌های حاصل از نقشه‌برداری باید برای زمین سطح مبنای را مشخص کرد، به طوری که روابط و فرمول‌هایی که برای محاسبات به کار می‌بریم در این سطح مبنای صدق کند.

برای زمین سطوح مبنای مختلفی تعریف شده است. از جمله سطوح مبنایی زمین و مهم‌ترین آنها می‌توان به سطح مستوی (صفحه) افقی، سطح ژئوئید و سطح بیضوی اشاره کرد. که سطح مستوی



شکل ۴-۳- شکل طبیعی سطح زمین (چپ)، سطح متوسط آبهای آزاد یا زئوئید به عنوان سطح مبنای ارتفاعی (وسط)، و بیضوی دورانی به عنوان سطح مبنای مسطحاتی (راست)

و سطح بیضوی را سطح مبنای مسطحاتی و زئوئید را سطح مبنای ارتفاعی در نظر گرفته‌اند، مثلاً در نقشه‌برداری در زمین‌های کم وسعت می‌توان سطح زمین را یک سطح افقی در نظر گرفت و در نتیجه موقعیت مسطحاتی نقاط را با توجه به روابط ریاضی و هندسی حاکم بر یک صفحه افقی محاسبه نمود. اما در حالت کلی‌تر و در نقشه‌برداری از زمین‌های وسیع‌تر، دیگر نمی‌توان از این سطح مبنای برای محاسبه موقعیت مسطحاتی نقاط استفاده کرد، سطح مبنایی که در این حالت در نظر گرفته می‌شود یک بیضوی است که با ابعاد مشخص برای منطقه موردنظر تعریف می‌شود و از آنجایی که بیضوی نیز دارای روابط ریاضی مشخص است می‌توان با استفاده از آن، روابط موقعیت مسطحاتی نقاط را تعیین کرد.

بیشتر بدانیم

بر اساس همایش نقشه‌برداری و سیستم تصویر انجمان نقشه‌برداری در سال ۱۹۸۴، نقشه‌برداری این‌گونه تعریف شده است:

به دست آوردن و جمع‌آوری اطلاعات کیفی و داده‌های کمی از طریق اندازه‌گیری، برآورد، طبقه‌بندی و ثبت مختصات موردنیاز.

این تعریف دارای دو فعالیت اساسی است. یکی اندازه‌گیری داده‌های بین عوارض موجود (مثل اندازه‌گیری طول و زاویه در پیمایش) و دیگری پیاده‌کردن عوارض روی زمین (مثل پیاده‌کردن مسیر محور اصلی یک بزرگراه و یا پیاده‌کردن پلان یک ساختمان)

تعیین موقعیت جهانی : منظور از تعیین موقعیت جهانی (Global positioning) در نقشه‌برداری عبارت است از مشخص کردن مختصات هر نقطه دلخواه روی زمین در یک سیستم مختصات معلوم، اما قبل از تعیین مختصات یک نقطه، ابتدا باید یک سیستم مختصات تعریف کنیم. به عبارت دیگر اعتبار مختصات یک نقطه از وجود سیستم مختصات آن است.

اما برای تعریف یک سیستم مختصات لازم است که به سؤالاتی از این قبیل پاسخ داده شود :

— مبدأ سیستم کجاست؟

— محورهای سیستم نسبت به هم چگونه‌اند؟

— محورهای سیستم مستقیم الخط هستند و یا منحنی الخط؟

— پارامترهای تعیین موقعیت هر نقطه در این سیستم کدامند؟

— سیستم مختصات راست‌گرد است و یا چپ‌گرد؟

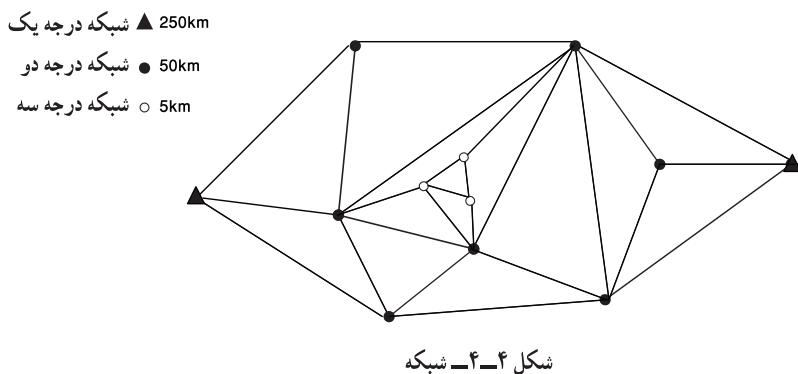
با پاسخ دادن به سؤالات فوق سیستم مختصات تعریف می‌شود و با توجه به هدفی که از مختصات دنبال می‌شود، سیستم مورد نظر تعریف می‌شود. مثلاً چنانچه هدف تعیین مختصات جهانی نقاط باشد باید سیستم مختصات را طوری تعریف کرد که برای تمام نقاط واقع در سطح کره زمین بتوان مختصات نقاط را در این سیستم مشخص نمود. به عبارتی منظور از تعیین موقعیت جهانی این است که مختصات همه نقاط واقع در سطح زمین را در یک سیستم مختصات واحد تعیین کنیم که مبدأ این سیستم را معمولاً در مرکز زمین در نظر می‌گیرند.

شبکه نقاط مبنایی : منظور از نقاط کنترل در نقشه‌برداری نقاطی است که مختصات مسطحه‌ای و یا ارتفاعی آنها و یا مختصات سه بعدی (مسطحه‌ای و ارتفاعی) آنها نسبت به یک سیستم مختصات مشخص دقیقاً معلوم باشد. و به مجموعه‌ای از این نقاط که تشکیل خطوط و زوایایی را می‌دهند، شبکه نقاط کنترل، مبنایی یا کانوا می‌گویند. شبکه نقاط کنترل در واقع اسکلت اصلی یک پروژه نقشه‌برداری است.

چنانچه در یک شبکه فقط x و y نقاط تعیین شده باشد به آن شبکه کنترل افقی و یا شبکه کنترل دو بعدی می‌گویند. اگر فقط ارتفاع نقاط تعیین شده باشد به آن شبکه کنترل ارتفاعی یا شبکه ترازیابی و بالاخره اگر طول، عرض و ارتفاع (x,y,z) هر سه معلوم شده باشد به آن شبکه سه بعدی می‌گویند. البته معمولاً شبکه‌های ارتفاعی منطبق بر شبکه نقاط کنترل مسطحه‌ای است ولی در برخی پروژه‌ها که صرفاً تعیین موقعیت ارتفاعی نقاط مورد نظر است تنها شبکه ارتفاعی را طراحی می‌کنند.

بر حسب وسعت منطقه شبکه‌هایی با درجات متفاوت در زمین احداث می‌کنند. اولین شبکه که

اصطلاحاً شبکه درجه یک نامیده می‌شود کل کشور را پوشش می‌دهد. درون شبکه‌های درجه یک، شبکه‌های فرعی کوچکتری به نام شبکه‌های درجه دو و سه ایجاد می‌کنند. شبکه‌های درجه دو متکی به نقاط شبکه درجه یک و شبکه درجه سه متکی به نقاط درجه یک و دو می‌باشد. (شکل ۴-۴)



همانطور که در کتاب مساحی خواندید، برای تعیین دقیق موقعیت ارتفاعی نقاط در زمین‌های نسبتاً هموار از ترازیابی هندسی و در زمین‌های ناهموار با شیب زیاد از ترازیابی مثلثاتی استفاده می‌گردد. همچنین برای تعیین دقیق موقعیت دو بعدی نقاط یک شبکه از روش‌های مختلفی از قبیل پیمایش، مثلث بندی، تقاطع، ترفعی و نقشه‌برداری ماهواره‌ای استفاده می‌شود که با روش پیمایش و نقشه‌برداری ماهواره‌ای در فصل بعدی آشنا خواهد شد.

بیشتر بدانیم



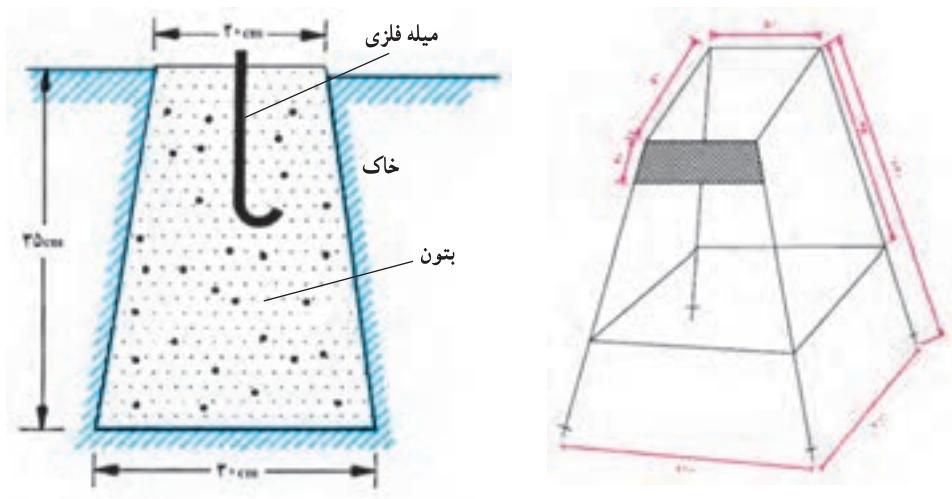
نقشه‌برداری و کمی خنده!!!

ساختمان شبکه نقاط کنترل : چون این نقاط نقش کننده را دارند باید طوری انتخاب شوند که :

– با روش‌های مناسب بتوان مختصات آنها را تعیین کرد؛

– برای مدت طولانی ثبیت و حفظ گردد؛

به منظور ثبیت نقاط کنترل و جلوگیری از جابه‌جایی محل این نقاط در روی زمین و همچنین دوام و ماندگاری آنها در طول پروژه، نقاط کنترل را در روی زمین معمولاً^ا توسط یک سکوی بتی کار مشخص می‌کنند و برای تعیین محل دقیق نقطه از یک میله آهنی که در وسط این سکوی بتی کار گذاشته می‌شود استفاده می‌کنند. مطابق استاندارد تعریف شده این سکوی بتی باید ساختمانی مشخص و محکم داشته باشد. علاوه بر آن ایستگاه‌های کنترل بایستی به ترتیبی مناسب شماره گذاری گردد تا در صورت خرابی و از بین رفتن، امکان شناسایی و بازسازی آنها وجود داشته باشد.



شکل ۴-۵- نمونه‌ای از استاندارد ساختمان نقاط BM

۴-۱- امتدادهای مبنا در نقشه‌برداری

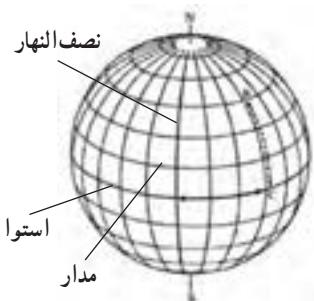
به منظور توجیه نقشه در منطقه و یا برای مشخص نمودن موقعیت یک امتداد هنگام نقشه‌برداری در منطقه لازم است که زاویه بین امتدادهای زمینی را با یک امتداد مبنای (Reference line) بدست آورد. از امتدادهایی که در نقشه‌برداری به عنوان امتداد مبنا (مقایسه) در نظر گرفته می‌شوند، می‌توان امتداد نصف‌النهار جغرافیایی محل، امتداد نصف‌النهار مغناطیسی محل و امتداد

شمال شبکه یا محور Z ها در صفحه نقشه را نام برد.

انواع امتداد مبنا :

در نقشه برداری معمولاً با سه نوع امتداد مبنا سروکار داریم : شمال حقیقی، شمال مغناطیسی و شمال شبکه. در زیر با تعاریف و کاربرد هر یک آشنا می شویم.

(الف) **شمال حقیقی (جغرافیایی)** : هرگاه هر یک از نقاط روی سطح زمین را به سوی مرکز قطب شمال کره زمین امتداد دهیم، سمتی پدید می آید که به آن شمال حقیقی یا جغرافیایی می گویند. به عبارت دیگر شمال جغرافیایی هر نقطه روی سطح زمین امتداد نصف النهار گذرنده از آن نقطه به سمت قطب شمال می باشد. شمال جغرافیایی را معمولاً روی نقشه با (TN) True North مشخص می سازند.



شکل ۴-۶—کره زمین به همراه نصف النهارها و جهت شمال حقیقی

بیشتر بدانیم

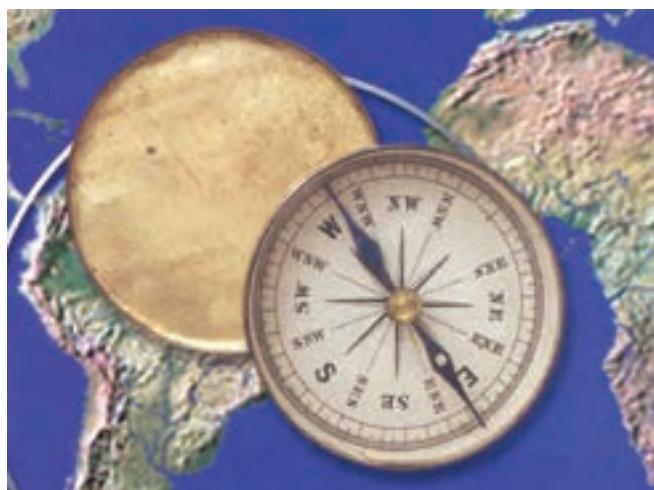


تعیین قبله مسجدجامع اصفهان یکی از کارهای شیخ بهایی مهندس ایرانی قرن یازدهم هجری قمری است.

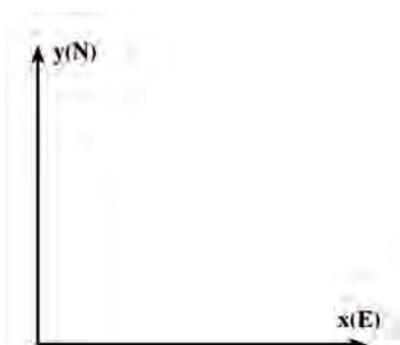
می توانید توضیح دهید که او چگونه جهت قبله را تعیین کرده است؟

(ب) **شمال مغناطیسی** : جهتی را که عقربه قطب‌نما در یک نقطه ششان می‌دهد جهت شمال مغناطیسی گویند. به عبارت دقیق‌تر زمین به دلیل حرکت دورانی دائم به دور محورش یک میدان مغناطیسی ایجاد می‌کند که باعث انحراف عقربه قطب نما به سمت شمال—جنوب می‌شود. دلیل این امر

آن است که در آهن ربا قطب های غیر همنام یکدیگر را جذب می کنند. شمال مغناطیسی را با علامت (MN) نشان می دهند.



شکل ۴-۷- قطب‌نما



شکل ۴-۸- شمال شبکه

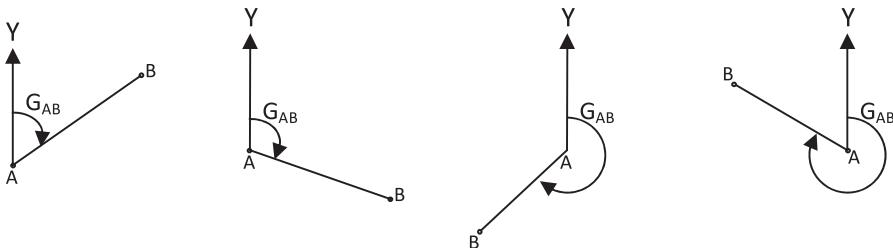
ج) شمال شبکه: جهت مثبت محور Y ها را در نقشه شمال شبکه گویند. به عبارت دیگر امتداد شمالی شبکه متعامد روی نقشه را شمال شبکه می نامند. در روی نقشه شمال شبکه را با علامت (GN) (Grid North) نشان می دهند.

۴-۲- زیمان

همانطور که گفتیم برای تعیین جهت (سمت) یک امتداد در روی زمین باید زاویه بین این امتداد و یک امتداد مبنا را اندازه گیری کرد. چنانچه امتداد مبنا را شمال شبکه در نظر گرفته و زاویه بین شمال شبکه و امتداد زمینی را در جهت عقربه های ساعت اندازه گیری کنیم به زاویه حاصل زیمان

گویند. بنابراین :

ژیزمان عبارت است از زاویه‌ای که هر امتداد با امتداد شمال شبکه و در جهت عقربه ساعت می‌سازد. که با G نمایش می‌دهند.



۴- ژیزمان امتداد AB را در چهار وضعیت مشاهده می‌کنید

بنابراین در تعریف ژیزمان سه نکته اساسی را باید در نظر گرفت :

- ۱- ژیزمان یک زاویه افقی بین یک امتداد مبنا و امتداد مورد نظر است؛
- ۲- مبدأ اندازه‌گیری (امتداد مبنا) ژیزمان همواره شمال شبکه (محور Y نقشه) است؛
- ۳- ژیزمان در جهت حرکت عقربه‌های ساعت اندازه‌گیری می‌شود.

بیشتر بدانیم

اسطرلاب : این دستگاه به معنی آینه نجوم است و ستاره‌یاب نام دارد.

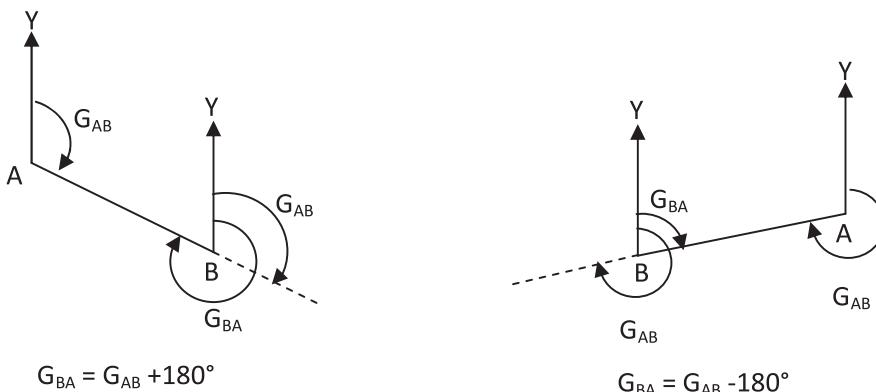
از اسطرلاب برای مطالعات و محاسبات کارهای نجومی و نقشه‌برداری از قبیل :

- ۱- پیدا کردن ارتفاع و زاویه خورشید
- ۲- تعیین محل ستارگان و سیارات
- ۳- به دست آوردن طول و عرض جغرافیایی محل
- ۴- به دست آوردن ارتفاع کوه‌ها و پهنه‌ای رودخانه‌ها
- ... و
- ۵- تعیین ساعت طلوع و غروب ستارگان و تعیین ساعات نماز استفاده می‌شده است.

ژیزمان معکوس : در صورتی که ژیزمان امتدادی چون AB معلوم فرض شود (G_{AB}) ژیزمان معکوس آن را به صورت ژیزمان BA خوانده و به شکل G_{BA} نشان می‌دهیم که مقدار آن از رابطه زیر قابل محاسبه است :

$$G_{AB} = G_{BA} \pm 180^\circ$$

که در این رابطه چنانچه G_{AB} کوچکتر از 180° باشد از علامت + و در صورتیکه G_{AB} مساوی و یا بزرگتر از 180° باشد از علامت - استفاده می‌شود.



شکل ۴-۱- ژیزمان معکوس

مثال ۴-۱ : محاسبه ژیزمان معکوس یک امتداد با معلوم بودن ژیزمان امتداد ژیزمان امتداد AB برابر $25^{\circ} 25' 30''$ می‌باشد، ژیزمان معکوس امتداد AB چند درجه است؟

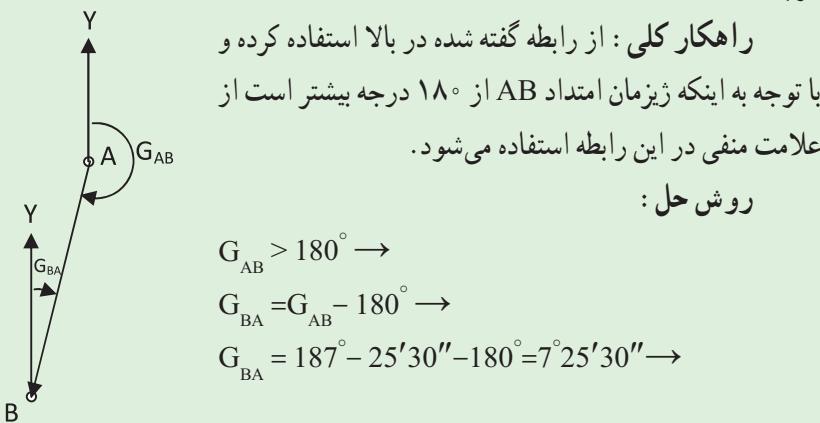
راهکار کلی : از رابطه گفته شده در بالا استفاده کرده و با توجه به اینکه ژیزمان امتداد AB از 180° درجه بیشتر است از علامت منفی در این رابطه استفاده می‌شود.

روش حل :

$$G_{AB} > 180^\circ \rightarrow$$

$$G_{BA} = G_{AB} - 180^\circ \rightarrow$$

$$G_{BA} = 187^\circ - 25'30'' - 180^\circ = 7^\circ 25'30'' \rightarrow$$



بحث و بررسی : در مثال بالا چنانچه زاویه بر حسب گراد باشد باید در رابطه به جای 180° از 200° استفاده نمود به عبارتی در حالت گرادی داریم :

$$G_{BA} = G_{AB} \pm 200$$

بیشتر بدانیم

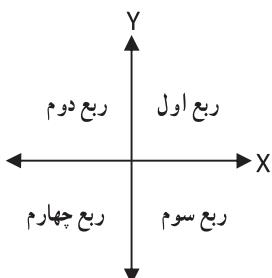
نکات مهم کاربرد اسٹرلاپ :

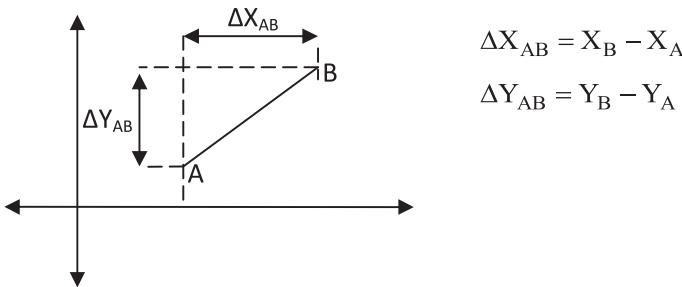
- ۱- از مزایای این دستگاه این است که در هنگام استفاده از آن هیچ احتیاجی به دانستن فرمول‌های ریاضی نیست.
- ۲- تعیین حدود اراضی و نقشه‌برداری و پیاده‌کردن مسیر راه فنات‌ها و حفر معادن و تعیین مسیر درونی آنها از جمله کارهایی است که اسٹرلاپ را برای آن می‌ساختند.
- ۳- اسٹرلاپ راهنمای بسیار مفید و با ارزشی در عمل مسیریابی در بیابان‌ها بوده و مخصوصاً برای جهت‌یابی در دریانوردی به کار می‌رفته است.

محاسبه زیزمان از مختصات مسطحاتی : تا اینجا با مفهوم زیzman و زیzman معکوس یک امتداد آشنا شدید، در این قسمت محاسبه مقدار زیzman یک امتداد از مختصات مسطحاتی دو نقطه - که روی این امتداد قرار دارند - شرح داده می‌شود.

ابتدا مطالبی پیش نیاز که برای فهم مطلب نیاز است بیان می‌شود :

همانطور که در شکل مشاهده می‌کنید محورهای مختصات فضای صفحه را به چهار قسمت تقسیم می‌کنند که در نقشه‌برداری به نام ربع یک تا چهار نام‌گذاری می‌شود. بنابراین هر امتداد با توجه به مختصات نقاط ابتدا و انتهای آن در یک ناحیه قرار می‌گیرد : مطابق شکل فرض کنید مختصات دکارتی (کارتزین) دو بعدی دو نقطه A و B معلوم باشد و آنها را با (X_A, Y_A) و (X_B, Y_B) نمایش دهیم. بنابراین می‌توان نوشت :



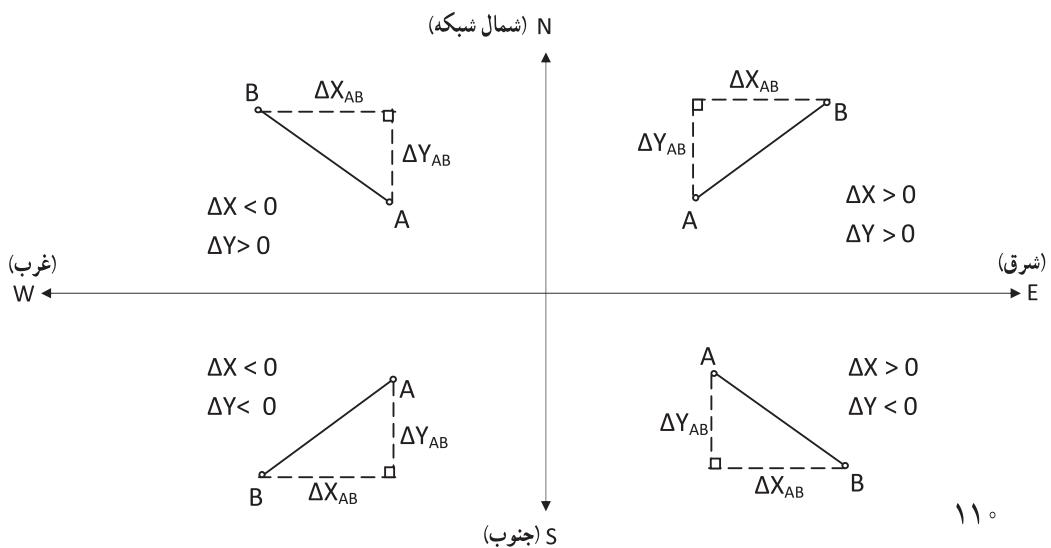


بنابراین می‌توان چهار حالت زیر را در نظر گرفت :

- الف) چنانچه $\Delta Y > 0$, $\Delta X > 0$ ، امتداد در ربع اول قرار دارد.
- ب) چنانچه $\Delta Y < 0$, $\Delta X > 0$ ، امتداد در ربع دوم قرار دارد.
- ج) چنانچه $\Delta Y < 0$, $\Delta X < 0$ ، امتداد در ربع سوم قرار دارد.
- د) چنانچه $\Delta Y > 0$, $\Delta X < 0$ ، امتداد در ربع چهارم قرار دارد.

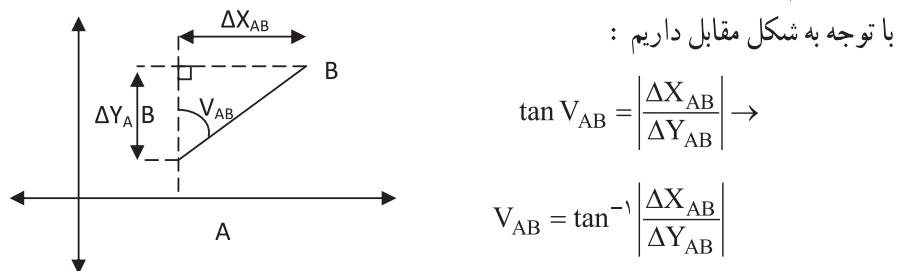
و یا به طور خلاصه :

ΔY	ΔX	ربع مختصات
+	+	اول
-	+	دوم
-	-	سوم
+	-	چهارم



تعیین جهتِ شمال با ساعتِ مچی (در روز) : ساعت مچی معمولی (آنالوگ، عقربه‌ای) را به حالت افقی طوری در کف دست نگه می‌داریم که عقربه ساعت‌شمار به سمت خورشید اشاره کند. در این حالت، نیمسازِ زاویه‌ای که عقربه ساعت‌شمار با عدد ۱۲ ساعت می‌سازد (زاویه کوچکتر، نه بزرگتر)، جهت جنوب را نشان می‌دهد. یعنی مثلاً اگر چوب‌کبریتی را [به طور افقی] در نیمه راه میان عقربه ساعت‌شمار و عدد ۱۲ ساعت قرار دهید، به طور شمالی-جنوبی قرار گرفته است.

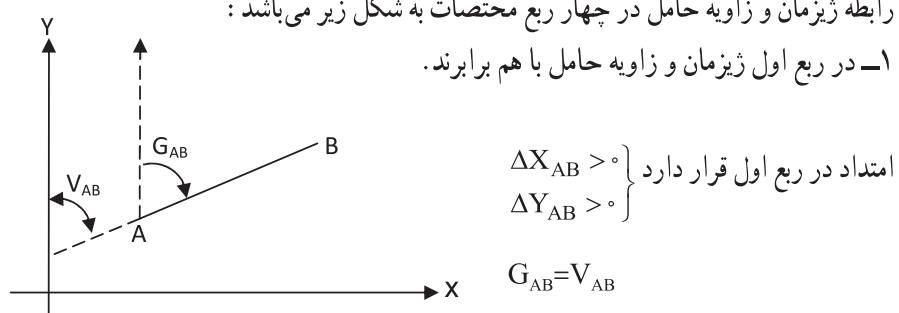
ابتدا کوچکترین زاویه‌ای را که یک امتداد با محور Y‌ها می‌سازد محاسبه می‌کنیم به این زاویه اصطلاحاً زاویه حامل (Bearing) می‌گویند و آن را با V_{AB} نمایش می‌دهند. برای محاسبه زاویه حامل بدون در نظر گرفتن علامت ΔX_{AB} و ΔY_{AB} مقادیر آنها را در رابطه زیر قرار داده و زاویه حامل امتداد را محاسبه می‌کنیم :



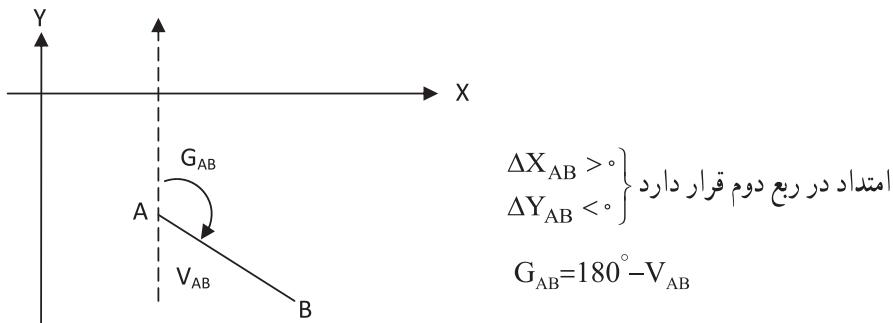
سپس با توجه به اینکه امتداد مورد نظر در چه ربعی واقع شده (با توجه به علامت Δx و Δy) و با در نظر گرفتن رابطه زاویه حامل و ژیزمان در آن ربع، می‌توان ژیزمان امتداد را مطابق موارد زیر به دست آورد :

رابطه ژیزمان و زاویه حامل در چهار ربع مختصات به شکل زیر می‌باشد :

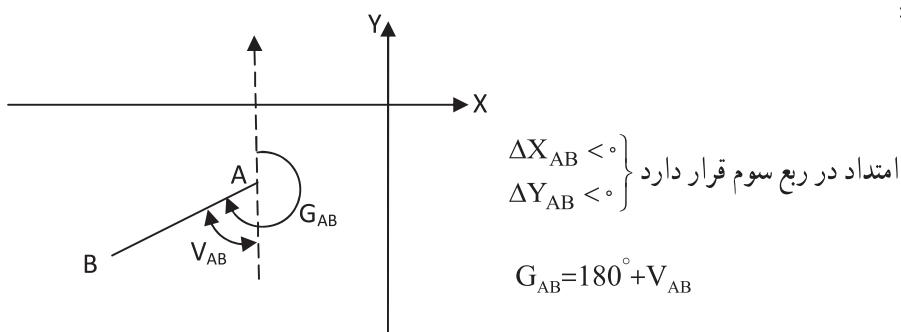
۱- در ربع اول ژیزمان و زاویه حامل با هم برابرند.



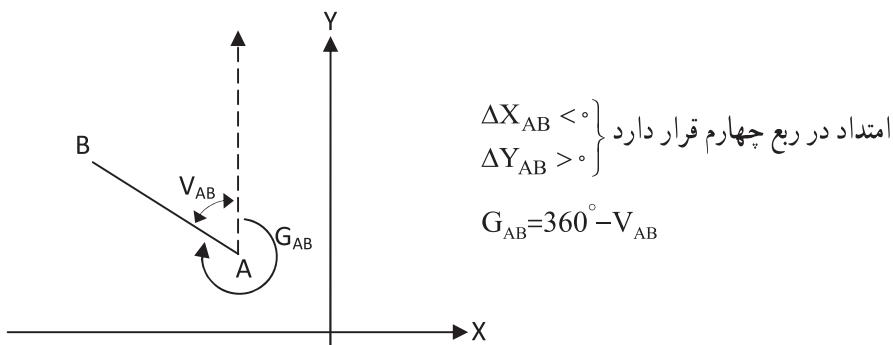
۲- اگر امتدادی در ربع دوم باشد، بین ژیزمان و زاویه حامل رابطه زیر برقرار است :



۳- اگر امتدادی در ربع سوم باشد، بین ژیزمان و زاویه حامل در این حالت رابطه زیر برقرار است :



۴- اگر امتدادی در ربع چهارم باشد، بین ژیزمان و زاویه حامل رابطه زیر برقرار است :

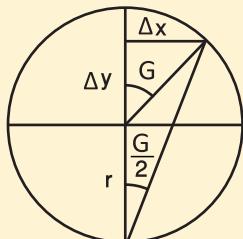


تعیین جهت شمال با ستاره قطبی (در شب) :

یک راه دیگر محاسبه زیزمان بدون نیاز به روش زاویه حامل، رابطه زیر می‌باشد.

$$G = 2 \operatorname{tag}^{-1} \left(\frac{\Delta x}{\Delta y + r} \right)$$

$$r = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2}$$



مثال ۲-۴ : محاسبه زیزمان یک امتداد از روی مختصات

دو نقطه (۱۰۰۰, ۱۰۰۰) A و (۱۵۰۰, ۲۰۰) B در روی امتدادی قرار دارند،

مطلوب است محاسبه

الف) ناحیه (ربعی) که امتداد گذرنده از AB در آن قرار دارد

ب) زاویه حامل امتداد AB

ج) زیزمان امتداد AB

راهکار کلی : همانطور که گفتیم برای تعیین ناحیه (ربعی) که یک امتداد در آن

قرار دارد کافی است به علامت‌های ΔX و ΔY توجه کنید.

ربيع مختصات	علامت ΔX	علامت ΔY
اول	+	+
دوم	-	+
سوم	-	-
چهارم	+	-

زاویه حامل را از رابطه زیر می‌توان بدست آورد :

$$V_{AB} = \tan^{-1} \left| \frac{\Delta X_{AB}}{\Delta Y_{AB}} \right|$$

پس از محاسبه که زاویه حامل و همچنین ربعی که امتداد در آن قرار دارد را مشخص کردید می توان به راحتی ژیزمان را مطابق جدول زیر به دست آورد.

ربع مختصات	رابطه ژیزمان و زاویه حامل
اول	$G_{AB} = V_{AB}$
دوم	$G_{AB} = 180^\circ - V_{AB}$
سوم	$G_{AB} = 180^\circ + V_{AB}$
چهارم	$G_{AB} = 360^\circ - V_{AB}$

روش حل :

(الف)

$$\left. \begin{array}{l} \Delta X_{AB} = X_B - X_A = 1500 - 1000 = 500 \\ \Delta Y_{AB} = Y_B - Y_A = 200 - 1000 = -800 \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{array}{l} \Delta X > 0 \\ \Delta Y < 0 \end{array}$$

امتداد در ربع دوم
مختصات قرار دارد

(ب)

$$V_{AB} = \tan^{-1} |(X_B - X_A) / (Y_B - Y_A)|$$

$$V_{AB} = \tan^{-1} |(1500 - 1000) / (200 - 1000)| =$$

$$\tan^{-1} |500/-800| = 32^\circ 00' 19.38''$$

ج) همانطور که دیدید امتداد در ربع دوم قرار دارد پس داریم :

$$G_{AB} = 180^\circ - V_{AB} =$$

$$180^\circ - 32^\circ 00' 19.38'' = 147^\circ 59' 40.62''$$

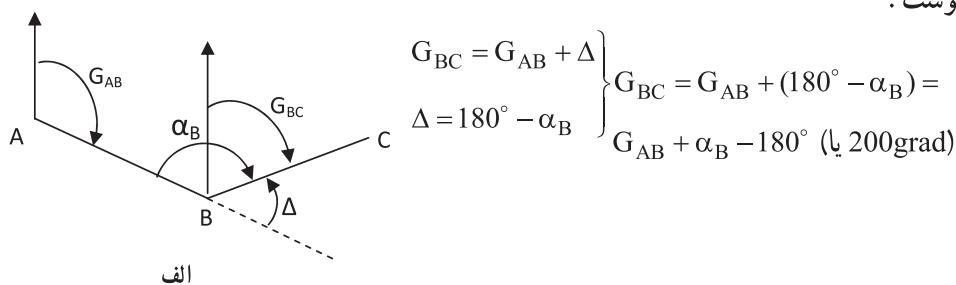
بحث و بررسی : برای محاسبه زاویه حامل و ژیزمان بر حسب گراد کافی است قبل از محاسبات، ماشین حساب خود را در حالت گرادی قرار داده و سپس محاسبات را انجام دهید، البته لازم است که به جای عدد 18° از 20° و به جای عدد 360° از 400° در رابطه ژیزمان استفاده کنید.



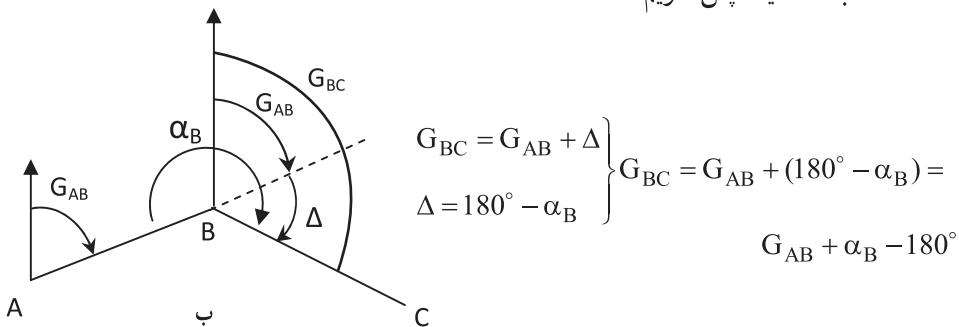
مسلمان‌ها برای خواندن نمازهای روزانه خود، نیازمند یافتن قبله‌اند. خانه کعبه، در شهر مکه و در کشور عربستان است به همین دلیل مسلمان‌های تمام کشورهای دنیا می‌بایست جهت قبله را بیابند. روش‌های مختلفی برای یافتن این جهت وجود دارد؛ مثل استفاده از نور آفتاب و قبله‌نما. قبله‌نما دستگاهی است که جهت قبله را نشان می‌دهد.

معمولًاً قبله‌نما بر اساس قطب‌نما ساخته می‌شود. با این تفاوت که به گونه‌ای درجه‌بندی و تنظیم شده است که علاوه بر نشان دادن جهت شمال، جهت قبله را هم نشان می‌دهد. باید گفت که یافتن قبله توسط قبله‌نما به سادگی یافتن شمال و جنوب جغرافیایی نیست. برای قبله، علاوه بر داشتن یک قبله‌نما، یک جدول هم نیاز داریم که دارای مشخصات شهری باشد که ما در آن هستیم، چون جهت قبله نسبت به جهت شمال، در نقطه‌های مختلف کره زمین، زاویه یکسانی نمی‌سازد.

انتقال زیzman : دو امتداد AB و BC را مطابق شکل (الف) در نظر بگیرید در صورتی که زیzman امتداد AB و همچنین زاویه رأس B یعنی α_B معلوم باشد زیzman امتداد BC به راحتی محاسبه می‌گردد. همانطور که در شکل مشاهده می‌کنید امتداد AB که با خط‌چین مشخص شده است از نقطه B به اندازه زاویه انحراف Δ و در خلاف جهت عقریه‌های ساعت از جهت خود منحرف شده تا به امتداد BC تبدیل شود بنابراین کافی است که زاویه Δ را از زیzman AB کم کنیم تا زیzman امتداد BC به دست آید. زاویه انحراف Δ به راحتی از روی زاویه رأس B قابل محاسبه است به عبارتی می‌توان نوشت :



حال به شکل (ب) دقت کنید در این حالت امتداد AB که با خط چین مشخص شده است در نقطه B به اندازه زاویه Δ و در جهت عقربه‌های ساعت از جهت اولیه خود منحرف شده است تا امتداد BC حاصل شود. پس در این حالت کافی است که زاویه Δ را با زیمان امتداد AB جمع کنیم تا زیمان امتداد BC بدست آید. پس داریم :



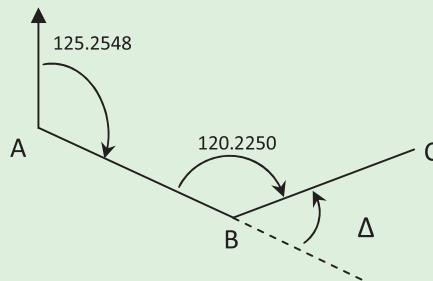
همانطور که دیدید در هر حالت به سادگی می‌توان زیمان امتداد BC را از امتداد معلوم AB به دست آورد. کافی است زاویه انحراف Δ و همچنین جهت انحراف (ساعتگرد یا پاد ساعتگرد) را مشخص کنید.

مثال ۳—۴ : تعیین زیمان امتداد BC با معلوم بودن زیمان امتداد AB :
چنانچه G_{AB} برابر $125^{\circ}25'48''$ گراد و زاویه رأس B راستگرد و برابر $120^{\circ}22'50''$

گراد باشد مطلوب است محاسبه زیمان امتداد BC.

(تذکر : منظور از زاویه راستگرد یعنی اینکه هنگام مشاهده زاویه B با تئودولیت

پس از صفر صفر کردن به نقطه A، در جهت عقربه‌های ساعت زاویه اندازه‌گیری شده است)



راهکار کلی : ابتدا یک کروکی برای این مثال رسم می کنیم و با توجه به آن ژیزمان را محاسبه می کنیم
 همانطور که ملاحظه می کنید این مثال شبیه حالت (الف) است
 که در آن زاویه انحراف Δ در جهت خلاف عقره ها می باشد
 پس می توان نوشت :

$$G_{BC} = G_{AB} - \Delta$$

زاویه Δ هم که به راحتی از روی زاویه رأس B قابل محاسبه است، از آنجا که واحد زاویه گراد است داریم :

$$\Delta = 200 - \alpha_B$$

روش حل :

$$\Delta = 200 - \alpha_B = 200 - 120 \cdot 2250 = 79 \cdot 7750 \text{ grad}$$

$$G_{BC} = G_{AB} - \Delta = 125 \cdot 2548 - 79 \cdot 7750 = 45 \cdot 4798 \text{ grad}$$

$$\rightarrow G_{BC} = 45 \cdot 4798 \text{ grad}$$

بحث و بررسی : آیا می دانید می توان یک رابطه کلی برای محاسبه ژیزمان یک امتداد از روی ژیزمان امتداد قبل آن بدست آورد ؟
 در این مورد نظرات خود را ارائه دهید.

خلاصه فصل

- از نظر ریاضی هر تابع، فرمول و مدل ریاضی مکانی در یک فضای مناسب تعریف می‌شود که به آن سطح مبنا (دیتوم) می‌گویند.
- برای زمین، سطوح مبنای مختلفی تعریف شده است. از جمله سطوح مبنای زمین و مهم‌ترین آنها می‌توان به سطح مستوی (سطح افقی و صاف)، سطح زئوئید و سطح بیضوی اشاره کرد که سطح مستوی و سطح بیضوی را سطح مبنای مسطحاتی و زئوئید را سطح مبنای ارتفاعی در نظر گرفته‌اند.
- منظور از تعیین موقعیت در نقشه‌برداری عبارت است از مشخص کردن مختصات نقاط در یک سیستم مختصات معلوم، اما قبل از تعیین مختصات یک نقطه، ابتدا باید یک سیستم مختصات تعريف کنیم. به عبارت دیگر اعتبار مختصات یک نقطه، از وجود سیستم مختصات آن است.
- برای تعریف یک سیستم مختصات لازم است که به سؤالاتی از این قبیل پاسخ داده شود :
 - مبدأ سیستم کجاست؟
 - محورهای سیستم نسبت به هم چگونه‌اند؟
 - محورهای سیستم، مستقیم الخط هستند یا منحنی الخط؟
 - پارامترهای تعیین موقعیت هر نقطه در این سیستم کدامند؟
 - سیستم مختصات، راستگرد است یا چپ گرد؟
- منظور از نقاط کنترل در نقشه‌برداری، نقاطی است که مختصات مسطحاتی و یا ارتفاعی آنها و یا مختصات سه بعدی (مسطحاتی و ارتفاعی) آنها نسبت به یک سیستم مختصات مشخص دقیقاً معلوم باشد. به مجموعه‌ای از این نقاط که تشکیل خطوط و زوایایی را می‌دهند، شبکه نقاط کنترل می‌گویند. شبکه نقاط کنترل در واقع اسکلت اصلی یک پروژه نقشه‌برداری می‌باشد.
- چنانچه در یک شبکه، فقط x و y نقاط تعیین شده باشد، به آن شبکه کنترل افقی و یا شبکه کنترل دو بعدی می‌گویند. اگر فقط ارتفاع نقاط تعیین شده باشد به آن شبکه کنترل ارتفاعی یا شبکه ترازیابی و بالاخره اگر طول، عرض و ارتفاع (x, y, z) هر سه معلوم شده باشد، به آن شبکه سه بعدی می‌گویند.
- از انواع امتدادهای مبنا در نقشه‌برداری می‌توان شمال حقیقی، شمال مغناطیسی و شمال شبکه را نام برد.
- ژیزمان عبارت است از زاویه‌ای که هر امتداد با امتداد شمال شبکه و در جهت عقربه ساعت

می‌سازد و آن را با G نمایش می‌دهند.

● در تعریف ژیزمان سه نکته اساسی را باید در نظر گرفت :

- ژیزمان، یک زاویه افقی بین یک امتداد مبنای و امتداد مورد نظر است.

- مبدأ اندازه‌گیری (امتداد مبنای) ژیزمان همواره شمال شبکه (محور Y نقشه) است.

- ژیزمان در جهت حرکت عقربه‌های ساعت اندازه‌گیری می‌شود.

● در صورتیکه ژیزمان امتدادی چون AB معلوم فرض شود (G_{AB}) ژیزمان معکوس آن را به صورت ژیزمان BA خوانده و به شکل (G_{BA}) نشان می‌دهیم که مقدار آن از رابطه زیر قابل محاسبه است :

$$G_{BA} = G_{AB} \pm 180^\circ$$

که در این رابطه، چنانچه G_{AB} کوچکتر از 180° باشد، از علامت + و در صورتی که مساوی و یا بزرگتر از 180° باشد، از علامت - استفاده می‌شود.

● به کوچکترین زاویه‌ای که هر امتداد با محور Y ها می‌سازد، زاویه حامل آن امتداد می‌گویند که با V نمایش داده می‌شود. برای محاسبه زاویه حامل از رابطه زیر استفاده می‌شود :

$$V_{AB} = \tan^{-1} \left| \frac{\Delta X_{AB}}{\Delta Y_{AB}} \right|$$

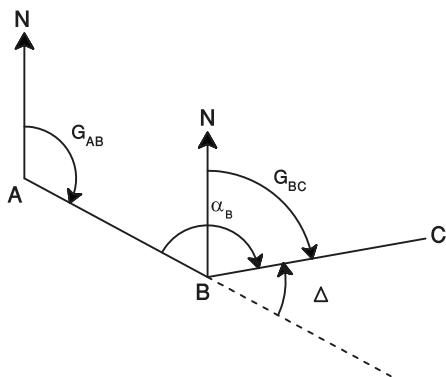
● ژیزمان هر امتداد را از روی مختصات دو نقطه از آن امتداد می‌توان محاسبه کرد. البته زاویه حامل امتداد را مشخص کرده و سپس با توجه به اینکه امتداد در کدام ربع مختصات قرار دارد، ژیزمان را بدست می‌آوریم.

● جدول زیر ارتباط بین ژیزمان و زاویه حامل را در چهار ربع مختصاتی نشان می‌دهد :

رابطه ژیزمان و زاویه حامل	ربع مختصات
$G_{AB} = V_{AB}$	ربع اول
$G_{AB} = 180^\circ - V_{AB}$	ربع دوم
$G_{AB} = 180^\circ + V_{AB}$	ربع سوم
$G_{AB} = 360^\circ - V_{AB}$	ربع چهارم

● برای انتقال ژیزمان و به عبارتی برای محاسبه ژیزمان یک امتداد از روی ژیزمان امتداد

قبل، مطابق شکل زیر کافی است که ابتدا زاویه انحراف Δ را محاسبه کرده و سپس از رابطه زیر مقدار زیزمان امتداد را مشخص کرد.



$$G_{AB} = \text{معلوم}$$

$$\left. \begin{array}{l} G_{BC} = G_{AB} - \Delta \\ \Delta = 180^\circ \text{ یا } (200\text{grad}) - \alpha_B \end{array} \right\} G_{BC} = G_{AB} - (180^\circ - \alpha_B) = G_{AB} + \alpha_B - 180^\circ$$

خودآزمایی

سؤالات تشریحی

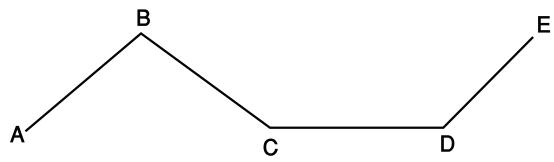
- ۱- سطوح مبنای زمین را نام برده، تفاوت آنها را بیان کنید.
- ۲- تعیین موقعیت جهانی را تعریف کنید.
- ۳- نقاط کنترل و شبکه نقاط کنترل را تعریف کنید.
- ۴- انواع امتدادهای مبنا در نقشه‌برداری را نام برده، تفاوت آنها را بیان نمایید.
- ۵- ژیزمان یک امتداد را تعریف نموده، رابطه آن با ژیزمان معکوس را بنویسید.
- ۶- زاویه حامل یک امتداد را تعریف نمایید.
- ۷- نحوه محاسبه ژیزمان یک امتداد را که مخصوصات دو سر آن معلوم است، شرح دهید.
- ۸- با معلوم بودن ژیزمان یک ضلع چندضلعی با زوایای معلوم، نحوه محاسبه ژیزمان بقیه اضلاع را شرح دهید.

سؤالات چهارگزینه‌ای

- ۹- زاویه حامل امتداد CD برابر با $S4^\circ \text{ grad}W$ می‌باشد، ژیزمان DC کدام گزینه است؟
(توضیح: $S4^\circ \text{ grad}W$ یعنی زاویه حامل 40° گرادی در ربوعی که شامل S (جنوب) و W (غرب) می‌باشد یعنی ربع سوم)
- | | |
|---------------------|---------------------|
| (۱) 24° گراد | (۲) 22° درجه |
| (۳) 40° گراد | (۴) 20° درجه |
- ۱۰- اگر $(120^\circ, 120^\circ, 120^\circ, 120^\circ)$ و $(290^\circ, 290^\circ, 290^\circ, 290^\circ)$ ، ژیزمان AB چند گراد است؟
- | | | | |
|-------------|-------------|-------------|-------------|
| (۱) $122/2$ | (۲) $222/2$ | (۳) $222/2$ | (۴) $277/8$ |
|-------------|-------------|-------------|-------------|

مسئله عددی

- ۱۱- در شکل صفحه بعد زوایای B و C و ژیزمان‌های AB و DE داده شده‌اند. زاویه چند گراد است؟



$$\hat{\angle} CBA = 84.283g$$

$$\hat{\angle} BCD = 141.208g$$

$$G_{AB} = 54.365g$$

$$G_{DE} = 58.641g$$