

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيمِ

هندسه (نقشه‌برداری)

رشته نقشه‌برداری

زمینه صنعت

شاخص آموزش فنی و حرفه‌ای

شماره درس ۲۷۷۲

۱۳۹۳	یگانه‌عزیزی، رضا / هندسه (نقشه‌برداری) / مؤلف : رضا یگانه‌عزیزی. - تهران : شرکت چاپ و نشر کتاب‌های هنری / درسی ایران، ۱۳۹۳.
۱۴۹	متون درسی رشته نقشه‌برداری، زمینه صنعت.
۲۷۷۲	برنامه‌ریزی و نظارت، بررسی و تصویب محتوا : دفتر تألیف کتاب‌های درسی فنی و حرفه‌ای و کارداشی وزارت آموزش و پرورش.
۵۲۶	۱. نقشه‌برداری. ۲. هندسه. الف. ایران. وزارت آموزش و پرورش. دفتر تألیف کتاب‌های درسی فنی و حرفه‌ای و کارداشی. ب. عنوان. ج. فروست.

همکاران محترم و دانشآموزان عزیز :

پیشنهادات و نظرات خود را درباره محتوای این کتاب به نشانی
تهران - صندوق پستی شماره ۴۸۷۴/۱۵ دفتر تألیف کتاب‌های درسی فنی و
حرفه‌ای و کاردانش، ارسال فرمایند.

info@tvoced.sch.ir

پیام‌نگار (ایمیل)

www.tvoced.sch.ir

وب‌گاه (وب‌سایت)

این کتاب در کمیسیون تخصصی رشته نقشه‌برداری سال تحصیلی ۸۶-۸۷ مورد بررسی
و تجدید نظر قرار گرفت.

وزارت آموزش و پرورش
سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی

برنامه‌ریزی محتوا و نظارت بر تألیف : دفتر تألیف کتاب‌های درسی فنی و حرفه‌ای و کاردانش

نام کتاب : هندسه (نقشه‌برداری) - ۳۵۹/۹۵

مؤلف : رضا یگانه عزیزی

اعضای کمیسیون تخصصی : مالک مختاری، محمد سعادت‌سرشت، سید محمد رضا رجایی‌الموسوی،

محمد سلیم آبادی، مسلم لطفعلیان، ابوالقاسم رافع و امیرحسین متینی

آماده‌سازی و نظارت بر چاپ و توزع : اداره کل نظارت بر نشر و توزیع مواد آموزشی

تهران : خیابان ایرانشهر شمالی - ساختمان شماره ۴ آموزش و پرورش (شهید موسوی)

تلفن : ۰۹۲۶۶-۸۸۳۱۱۶۱-۹، دورنگار : ۰۹۲۶۶-۸۸۳۰-۰۵۸۴۷۴۷۳۵۹

وب‌سایت : www.chap.sch.ir

رسام : فاطمه رئیسیان فیروزآباد

صفحه‌آرا : صغیری عابدی

طرح جلد : مریم کیوان

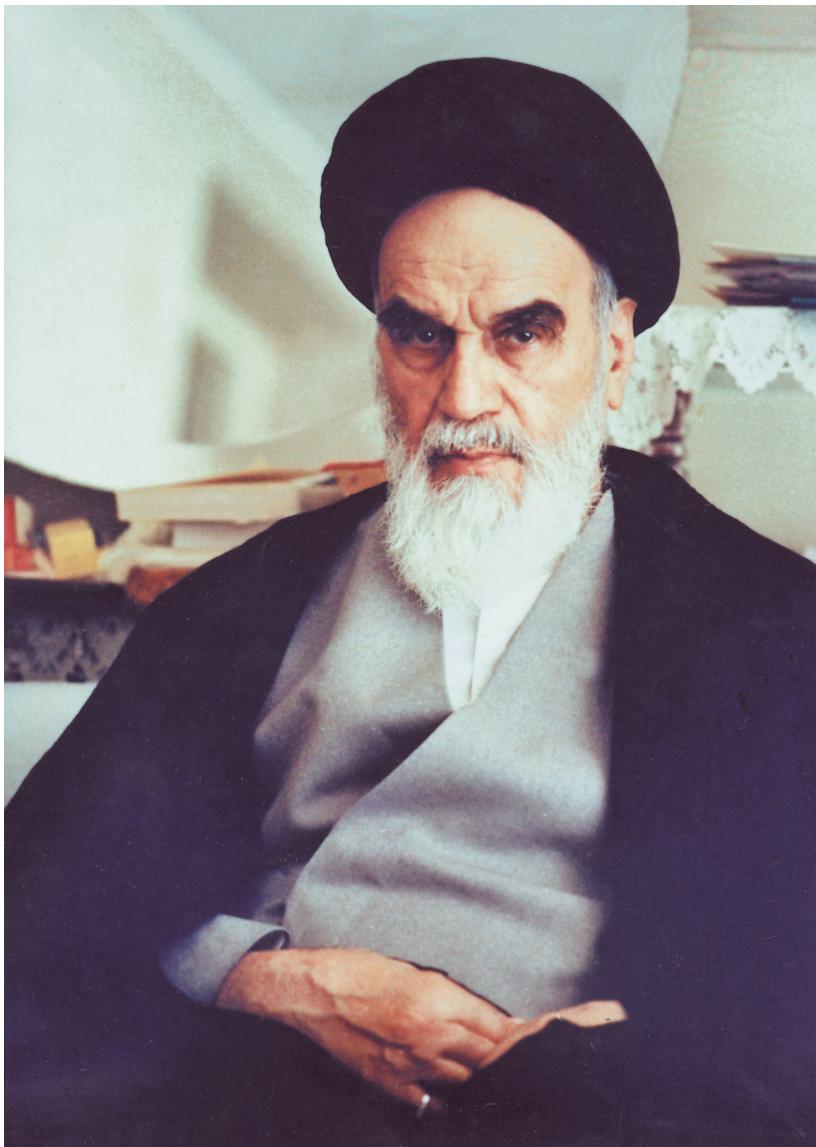
ناشر : شرکت چاپ و نشر کتاب‌های درسی ایران : تهران - کیلومتر ۱۷ جاده مخصوص کرج - خیابان ۶۱ (دارویشن)

تلفن : ۰۵-۴۴۹۸۵۱۶۱، ۰۶-۴۴۹۸۵۱۶۰، دورنگار : ۰۵-۳۷۵۱۵-۱۳۹

چاپخانه : دانش بیژوه

سال انتشار و نوبت چاپ : چاپ چهاردهم ۱۳۹۳

حق‌چاپ محفوظ است.



شما عزیزان کوشش کنید که از این وابستگی بیرون آید و احتیاجات
کشور خودتان را برآورده سازید، از نیروی انسانی ایمانی خودتان غافل
نمایشید و از اتکای به اجانب بپرهیزید.

امام خمینی (قدس سرّه الشّریف)

فهرست مطالب

۱	فصل اول : یادآوری
۱	۱- کلیات
۴	۲- تعریف زاویه (Angle)
۴	۳- انواع زاویه
۶	۴- حالات دو زاویه نسبت به هم
۷	۵- واحدهای زاویه
۹	۶- تعریف فرجه
۱۰	۷- عمود و مایل
۱۰	۸- عمود و مایل در صفحه
۱۲	۹- عمود و مایل در فضا
۱۳	۱۰- تعریف مثلث (Triangle)
۲۰	فصل دوم : تصویر (Projection)
۲۲	۱- تصویر قائم یک نقطه بر خط راست (Orthogonal Projection)
۲۲	۲- تصویر پاره خط بر خط راست
۲۳	۳- اندازه تصویر (مقدار جبری تصویر یک پاره خط بر یک خط)
۲۴	۴- تصویر یک نقطه بر یک صفحه
۲۵	۵- فاصله یک نقطه تا صفحه تصویر

۲۵	۶-۱- تصویر یک پاره خط بر یک صفحه
۲۶	۶-۲- اندازه تصویر یک پاره خط بر یک صفحه
۲۶	۶-۳- فاصله دو صفحه موازی
۲۷	۶-۴- تعریف زاویه شیب و یا زاویه ارتفاعی (Slope Angle)
۲۷	۶-۵- تصویر یک زاویه بر یک صفحه
۲۸	۶-۶- نمایش زاویه افقی (Horizontal Angle) و شیب
۲۸	۶-۷- تعریف زاویه زنیتی یا سمت الرأسی (Zenith Angle)
۳۲	فصل سوم : کاربرد تشابه در نقشه برداری
۳۳	۳-۱- پاره خط های متناسب
۳۳	۳-۲- قضایای تالس
۳۴	۳-۳- تشابه دو شکل
۳۶	۳-۴- کاربرد تشابه
۵۱	فصل چهارم : کاربرد مثلث در نقشه برداری
۵۳	۴-۱- رابطه فیثاغورث در مثلث قائم الزاویه
۵۴	۴-۲- مثال هایی با استفاده از رابطه فیثاغورث
۵۶	۴-۳- حل مثلث قائم الزاویه
۶۰	۴-۴- کاربرد مثلث قائم الزاویه در مسائل نقشه برداری
۶۶	۴-۵- کاربرد مثلث قائم الزاویه (استفاده از مثلث متساوی الساقین)
۶۶	۴-۶- روابط کلی در هر مثلث
۶۷	۴-۷- حالات کلاسیک حل مثلث
۷۷	فصل پنجم : دستگاه مختصات (Coordinate System)
۷۸	۵-۱- تعریف محور (Axis)
۷۹	۵-۲- دستگاه مختصات دو بعدی
۸۱	۵-۳- تبدیل مختصات قائم الزاویه به مختصات قطبی

۸۶	فصل ششم : محاسبه مساحت (Area)
۸۸	۶-۱- محاسبه مساحت اشکال هندسی
۹۸	۶-۲- محاسبه مساحت با استفاده از مختصات رئوس (روش گوس)
۱۰۱	۶-۳- فرمول سیمپسون (Simpson)
۱۰۱	۶-۴- فرمول ذوزنقه‌های هم ارتفاع
۱۰۸	فصل هفتم : محاسبه احجام (Volume)
۱۰۹	۷-۱- حجم
۱۱۰	۷-۲- محاسبه احجام در نقشه‌برداری
۱۲۰	فصل هشتم : کاربرد دایره و بیضی در نقشه‌برداری
۱۲۱	۸-۱- تعریف دایره (Circle)
۱۲۱	۸-۲- زاویه در دایره
۱۲۳	۸-۳- کمان در خور
۱۲۴	۸-۴- مثال‌هایی از کاربرد زاویه در دایره
۱۲۷	۸-۵- محاسبه طول کمانی از دایره (O , R) مقابله با زاویه مرکزی α°
۱۲۹	۸-۶- قضایای کاربردی در نقشه‌برداری
۱۳۴	۸-۷- بیضی (Ellipse)
۱۴۷	منابع فارسی
۱۴۸	منابع خارجی

پیش‌گفتار

تغییرات جزیی در سال تحصیلی ۱۳۸۷-۸۸ : با توجه به رشد سریع دانش و فناوری به خصوص در زمینه رشته نقشه‌برداری و علوم مرتبط با آن، تغییرات کلی در زمینه کلیه کتاب‌های رشته نقشه‌برداری فنی و حرفه‌ای در حال انجام است. لیکن با توجه به زمان بر بودن این تغییرات و به تصویب رساندن آن، کمیسیون تحصصی رشته نقشه‌برداری تصمیم گرفت تا کتاب هندسه (نقشه‌برداری) را با توجه به درخواست‌های مکرر هنرآموزان و هنرجویان در جهت فهم پذیری بیشتر و کاربردی نمودن آن با تغییراتی برای سال تحصیلی ۱۳۸۸-۸۹ آماده کرده تا انشاء... تازمان آماده شدن برنامه نهایی رشته و تصویب آن، هنرجویان دوره‌های اخیر نیز از برخی برنامه‌های پیش رو استفاده نمایند.

در این تغییرات، چند نکته مورد توجه بوده است که اهم آن‌ها عبارتند از :

۱- اضافه کردن مطالبی در زمینه نقش دانشمندان ایرانی - اسلامی در پیشبرد علوم هندسه و کاربردهای آن در نقشه‌برداری با عنوان «آیا می‌دانید» و مطالبی با عنوان مطالعه آزاد با کادر رنگی جهت آزمون پایانی مطرح نمی‌باشدند.

۲- توجه به اخلاق حرفه‌ای با ذکر مثال

۳- چیدمان فصول بر طبق سرفصل‌های درس مساحی (با در نظر گرفتن این موضوع که درس هندسه (نقشه‌برداری) با استی مقدمات بحث‌های مساحی را بازگو نماید).

۴- توجه به اصطلاحات رایج زبان انگلیسی و واژه‌های متداول و کاربردی در نقشه‌برداری در جهت ارتباط فراگیران رشته نقشه‌برداری با علم روز.

۵- توسعه مسایل کاربردی و ذکر مثال‌های بیشتر.

۶- رشد خلاقیت، نوآوری و ارایه ابتکار که با گروه‌بندی‌های کوچک، دانش آموزان در هر گروه، درس را برای یکدیگر بازگو کنند، سؤال آزمون طرح کنند و پیشرفت کار گروه را ارزیابی کنند.

۷- حل مثال‌های کاربردی با ارائه راهکار و روش حل قدم به قدم و هم‌چنین بحث و بررسی در مورد آن برای فهم بیش تر هنرجویان از رشته نقشه‌برداری.

نکته آخر این که پیشنهاد می‌گردد فصول ۱ تا ۵ این کتاب در نیمسال اول تدریس گردیده تا هم‌زمانی آن با کتاب مساحی حفظ شود.

مقدمه

علم هندسه علاوه بر تقویت ذهن و قوای استدلالی کاربرد فراوانی در علوم مهندسی، به خصوص نقشه‌برداری دارد. با این علم درباره اشکال مختلف هندسی، ابعاد و اندازه‌گیری آن‌ها بحث می‌شود. شما نیز در طبعت، در عمران و صنایع اشکال هندسی بسیاری را مشاهده می‌کنید که در زندگی روزمره نقش بهسازی دارند.

هم‌چنین برای شناسایی موقعیت هر نقطه از کره زمین و اندازه فاصله آن‌ها از یک‌دیگر و تهیئة نقشه، نیز مسیر و حرکت ستارگان، سیارات و ماهواره‌ها از علم هندسه استفاده می‌شود.

هندسه^۱، ترجمه واژه θεωμέτρι (Geometry) برگفته از دو واژه یونانی «ζην» به معنی زمین و «μετρ» به معنی «اندازه‌گیری» آمده است، زیرا گفته می‌شود که هندسه در اصل علم اندازه‌گیری زمین بوده است. هرودوت (Herodotus) مورخ یونانی سده پنجم قبل از میلاد پدیدآوردن‌گان هندسه را مساحان مصری می‌داند که مجبور بوده‌اند هر سال پس از طغیان رودخانه نیل محدوده زمین‌هارا مجدداً مشخص سازند. اما تمدن‌های کهن دیگر مانند بابلی، هندی، چینی و ایرانی هم اطلاعات هندسی بسیاری داشته‌اند. در تاریخ علم، درباره زمان پیدایش هندسه سخن روشنی به میان نیامده است، اما به احتمال یقین پیدایش هندسه به دلیل نیاز بشر برای حل اختلافات قومی و تعیین حد و مرز زمین‌های حاصل خیز کشاورزی و تقسیم عادلانه آن‌ها بوده است. به دیگر سخن، هندسه منشأ پیدایش علم مساحی و نقشه‌برداری و در حال حاضر منشأ ζην‌ماتیک و ζην‌دزی ماهواره‌ای با امکانات ماهواره‌ها و آبرایانه‌ها و نظایر آن است. بدین ترتیب، هندسه بخش اعظم علوم استراتژیک و حساس جهان امروز را دربر گرفته است.

بنابراین نیاز بشر امروز به علوم ریاضی و هندسه و کاربرد آن در رشته‌های مختلف مهندسی عمران و صنایع و علوم مختلف دیگر بسیار روشن و واضح است. خوشبختانه در کشور عزیزان نیز این احساس پدیدار شده است که درس‌های ریاضی تنها به گونه‌محض و غیرکاربردی در مقاطع مختلف تحصیلی بیان نشود، بلکه به صورت کاربردی، بهویژه در رشته‌های فنی و حرفه‌ای فراهم آید.

به دلیل آن که رشته مهندسی نقشه‌برداری نیز نوعی رشته ریاضی کاربردی است و هندسه نیز در آن کاربرد فراوانی دارد، گروه تخصصی نقشه‌برداری برآن شد کتاب هندسه نقشه‌برداری را برای این دوره فراهم آورد. برای این منظور، کتاب یاد شده با ویژگی‌های خاصی تدوین شده است که ممکن است با سایر کتاب‌های هندسه تفاوت‌های اندکی داشته باشد؛ از جمله:

۱- اثبات قضایا در همه درس‌ها نیامده است.

۱- «هندسه» در زبان فارسی، صورت تغییریافته واژه «اندازه» است.

- ۲- ترتیب تعاریف، اصول و قضایا، گاه به سبب کاربردی بودن آن در نظر گرفته نشده است.
- ۳- سعی شده از مسائلی که بیشتر در رشته نقشه‌برداری کاربرد دارد به گونه مثال‌های حل شده یا تمرین استفاده شود.
- ۴- روش خاصی که در بیان درس هندسه آمده این است که داشت آموز رشته نقشه‌برداری بتواند با آشنایی از قسمت‌هایی از تعاریف و قضایای ساده هندسه، با مسائل مربوط به این رشته آشنا شود و آن‌ها را به سادگی حل نموده در کارهای اجرایی استفاده نماید.

هدف کلی

آشنایی با هندسه و مثبات کاربردی در نقشه‌برداری