

## فصل سوم

### تخفيفات و کارمزدها

هدف‌های رفتاری: در پایان این فصل، از فراگیرنده انتظار می‌رود:

- ۱- انواع تخفيفات را در حالات مختلف محاسبه نماید.
- ۲- کارمزدها را در انواع مختلف محاسبه کند.
- ۳- مسائل مختلف انواع قسط‌ها، کارمزد و سود تضمین شده‌ی آن‌ها را محاسبه نماید.
- ۴- انواع قسط‌السنین را محاسبه کند.
- ۵- ذخیره‌ی مطالبات مشکوک‌الوصول را براساس روش‌های مختلف برآورد نماید.

### ۳- تخفيفات و کارمزدها

#### مقدمه

معمول‌اً اعطای تخفيف به خریداران، تعداد خریداران و حجم فروش را افزایش می‌دهد و باعث جذب مشتریان جدید می‌گردد، حتی ممکن است رضایت خاطر همکاران را فراهم آورد و از همه مهم‌تر باعث تسریع در وصول مطالبات و افزایش نقدینگی مؤسسه‌ات گردد. بنابراین، تخفيفات به صورت اهرمی قوی در اختیار مدیران مؤسسه قرار گرفته است تا به وسیله‌ی آن بتوانند به اهداف مؤسسه دست یابند.

#### ۱- ۳ انواع تخفيفات

با توجه به اهداف، سیاست‌ها و خط‌مشی‌های هر مؤسسه و شرایط زمانی، تخفيفات خاصی به

مشتریان داده می شود. این تخفیفات بر دو نوع اند: یکی تخفیفات تجاری و دیگری تخفیفات نقدی. لازم است یادآوری شود که تخفیفات با برگشت از فروش، کاملاً متفاوت است. زیرا گاهی به علی، از جمله نقص در کالا، مبلغی به خریدار مسترد می گردد یا این که کالایی به دلایل گوناگون به کارخانه عودت داده می شود و باید بهای آن به مشتری مسترد گردد.

### ۱-۳ تخفیفات تجاری

**تعريف:** تخفیف تجاری یعنی کاهش قیمت فروش کالا، نسبت به قیمت مصوب و اعلام شده، که بنا به علی برای بعضی از مشتریان درنظر گرفته می شود. مانند تخفیف به همکاران یا تخفیف به مشاغلی که به نحوی در ارتباط با این کالا هستند (تخفیف شرکت تولید لنت ترمز به شرکت اتمبیل سازی از این نوع است) و بالأخره تخفیف به مشتریانی که به طور عمده و تجاری کالا را خریداری می نمایند. به خصوص به شرکت هایی که در صادرات کالا به کشورهای دیگر تلاش می کنند تخفیف ویژه داده می شود.

**مثال ۱ - شرکتی، ضمن اعلام قیمت کالاهای خود به خریداران احتمالی، اعلام نموده است که اگر تعداد سفارش کالا بیش از ۱۰۰ واحد و کمتر از ۲۰۱ واحد باشد از یک درصد تخفیف و اگر سفارشی از ۱۲۰ واحد تا ۳۵۰ واحد باشد از دو درصد تخفیف و اگر سفارشی از ۳۵۱ واحد تا ۵۰۰ واحد باشد از سه درصد تخفیف و اگر از ۵۰۱ واحد به بالا باشد چهار درصد تخفیف داده می شود. هریک از تخفیفات فوق را «تخفیف تجاری» می نامند.**

**۲-۳ تخفیفات نقدی:** چنان چه در کشوری، وضعیت تولید به حدی باشد که تولید کنندگان نیازمند بازاریابی باشند و رقابت تجاری چشم گیری بین تولید کنندگان و توزیع کنندگان وجود داشته باشد، معمولاً مؤسسات کالاهای خود را به صورت نسیه به فروش می رسانند؛ یعنی پس از اخذ سفارش، کالا را به مشتری یا توزیع کننده تحویل می دهند و در تاریخ معینی، که «سررسید بدھی» نامیده می شود، نسبت به وصول وجه کالا اقدام می نمایند تا خریدار ظرف مدت مزبور، که معمولاً بین یک تا سه ماه است، بهای کالای خریداری یا خدمت را بپردازد. بدیهی است چنان چه خریدار قبل از انقضای زمان توافقی، بهای کالای خریداری یا خدمت را بپردازد. اگر مدت زمان پرداخت صورت حساب ۳۰ روز تعیین شده نوع تخفیف را تخفیف نقدی گویند. اگر مدت زمان پرداخت صورت حساب ۳۰ روز تعیین شده باشد، اصطلاحاً به آن «نسیه‌ی ۳۰ روزه» گفته می شود و مخفف آن  $30/1$  نیز است. گاهی مؤسسات، برای سرعت بخشیدن به وصول مطالبات، تخفیف خاصی را پیش نهاد می نمایند. مثلاً اگر مهلت پرداخت بدھی  $30/1$  روز باشد و مشتری، ظرف ۱۵ روز پرداخت کند از یک درصد تخفیف بهره مند می گردد و به صورت  $(1-30/1)$  نشان داده می شود که در آن (ن)، یعنی نسیه،  $30/1$  یعنی  $3$  روز مهلت بدھی،  $(1)$  یعنی

یک درصد تخفیف و (۱۵) یعنی طول زمان برخورداری از تخفیف از زمان خرید کالا.

مثال ۲— شرکتی ضمن ارسال فاکتور کالاهای فروخته شده، به خریداران اعلام نموده است اگر قیمت کالا را ظرف مدت ۵ روز پرداخت نمایند از ۳ درصد تخفیف، و چنان‌چه ظرف مدت ۱۵ روز پرداخت نمایند از ۲ درصد تخفیف و اگر ظرف مدت ۲۵ روز پرداخت نمایند از یک درصد تخفیف بپرداختند خواهند شد. این نوع تخفیفات را تخفیفات نقدی نامند.

مثال ۳— فرض کنید مغازه‌داری ۲۵٪ واحد از کالای شرکت مثال ۱ را خریداری نموده است. اگر قیمت رسمی اعلام شده کالا ۴۰۰ ریال باشد، فاکتور مربوط چه مبلغی می‌باشد؟ هم‌چنین، اگر براساس مثال ۲، مدت ۲۴ روز بعد از تاریخ فاکتور، بدھی خود را بپردازد مبلغ پرداختی را تعیین کنید.

$$25\% \times 400 = 100,000$$

قیمت رسمی ریال

$$\frac{2}{100,000} = 2,000$$

تخفیف تجاری ریال

$$100,000 - 2,000 = 98,000$$

مبلغ فاکتور ریال

$$\frac{1}{100} = 98\%$$

تخفیف نقدی ریال

$$98,000 - 98\% = 97,020$$

مبلغ پرداختی ریال

## ۳—۲ کارمزدها

ابتدا، به تعریف مزد در قانون کار توجه کنید. ماده ۳۵ قانون کار، در فصل سوم، مزد را چنین تعریف نموده است :

«مزد عبارت است از وجهه نقدی یا غیرنقدی و یا مجموع آن‌ها که در مقابل انجام کار به کارگر پرداخت می‌شود.».

تبصره ۱— چنان‌چه مزد با ساعت‌انجام کار مرتبط باشد، «مزد ساعتی» و در صورتی که براساس میزان انجام کار یا محصول تولید شده باشد، «کارمزد» و چنان‌چه براساس محصول تولید شده یا میزان انجام کار در زمان معین باشد، «کارمزد ساعتی» نامیده می‌شود. برای پرداخت اجرت کار مناسب، باید به عوامل مختلفی توجه داشت؛ زیرا پرداخت حداقل اجرت کار به منظور سود بیشتر ممکن است نتیجه‌ی معکوس داشته باشد. یعنی پرداخت اجرت کمتر از معمول امکان دارد کمیت یا کیفیت کالا را پایین بیاورد و در نهایت باعث کاهش سود گردد. گاهی مشاهده شده است که با پرداخت

اجرت بالا به کارگر متخصص و با تجربه، نه تنها کمیت تولید افزایش یافته، بلکه کیفیت نیز بهبود یافته است. به هر حال، دقت در پرداخت اجرت مناسب می‌تواند به کارایی مؤسسه بیفزاید. از جمله عواملی که در انتخاب روش پرداخت باید درنظر گرفت، یکی رضایت نیروی کار، دیگری نوع کار و بالآخره قابلیت فهم روش پرداخت برای کارگران است. روش‌های پرداخت عبارت‌اند از:

**۱-۲-۳ پرداخت براساس زمان کار (مزد ساعتی):** در این روش، با کارگر توافق می‌شود که به ازای مثلاً هر یک ساعت کار مبلغ  $a$  ریال پرداخت گردد. بنابراین اگر کارگر  $n$  ساعت در هفته کار کند و در هر روز، ساعت کار از حد معینی (مثلاً ۸ ساعت) بیشتر نشود، مبلغ  $n \times a$  ریال به وی پرداخت گردد.

$$\text{مزد ساعتی} = n \times a$$

بدیهی است در این روش، انگیزه‌ی خاصی برای تلاش بیشتر کارگر ایجاد نمی‌شود.

**۲-۲-۳ پرداخت کارمزد براساس تعداد تولید:** در این روش، با کارگر توافق می‌شود که به ازای هر واحد تولید مبلغ  $b$  ریال به وی پرداخت گردد. بنابراین، اگر کارگر ظرف مدت معینی  $m$  واحد کالا تولید نماید، کارمزد او برابر با  $b \times m$  ریال خواهد بود.

$$\text{کارمزد} = m \times b$$

واضح است که در این روش کیفیت کالا ممکن است کاهش یابد، اما به کمیت افزوده خواهد شد. برای حل این مشکل، لازم است کالاها را از لحاظ کیفیت کنترل نمود و اگر کیفیت از حد معینی کم‌تر باشد، کالا غیرقابل قبول تلقی می‌شود و باید از تعداد تولید کسر گردد.

**۳-۲-۳ کارمزد ساعتی:** چنان‌چه پرداخت براساس محصول تولید شده یا میزان انجام کار در زمان معین باشد به آن کارمزد ساعتی گویند. به عبارت دیگر کارمزد ساعتی، مزدی است که در مقابل انجام کار مشخص در زمان مشخصی پرداخت می‌گردد.

**۴-۲-۳ پرداخت قسمتی از سود مؤسسه به کارگران:** در این روش، کارگر و کارفرما توافق می‌نمایند که کارمزدها براساس یکی از سه روش قبلی باشد؛ اما در پایان سال درصدی از سود کارگاه به نسبت زمان کار هر کارگر یا تعداد تولید هر کارگر یا ... بین ایشان تقسیم گردد. به این طریق، هم کیفیت و هم کمیت کالا افزایش می‌یابد. بدیهی است چنان‌چه سود پایان سال به صورت سهام در اختیار کارکنان قرار گیرد و ایشان در سرمایه‌ی کارخانه نیز شریک شوند نتایج بهتری به دنبال خواهد داشت. واضح است که انتخاب هر یک از روش‌های فوق به نوع کار، قدمت کارگاه، تعداد پرسنل هر واحد تولیدی، سود و زیان سالانه قبل و بالآخره سیاست مدیریت بستگی دارد.

### ۳-۳ معامله به صورت قسطی

بسیاری از فروشنده‌گان، برای جذب بیشتر مشتریان ترجیح می‌دهند کالاهای خود را به صورت اقساط به فروش برسانند تا هم کالای بیشتری فروخته شود و هم سود بیشتری عاید آن‌ها گردد. به عبارت دیگر، با فروش اقساطی برای مشتریان قادر قدرت خرید، ایجاد قدرت خرید نمایند. این امر موجب می‌شود که بهای کالای فروش رفته، برای مدتی نزد خریدار بماند. در این حالت باید سود تضمین شده‌ی مربوط را محاسبه نمود و سپس اصل و فرع به دست آمده را قسط‌بندی کرد. اگر سود فروشنده را با  $I$ ، سود تضمین شده‌ی قسط اول کل مبلغ اقساط را با  $K$  نشان دهیم، پس خواهیم داشت  $K = S \times r \times \frac{1}{12}$  و چنان‌چه پرداخت اقساط، هر دو ماه یک بار باشد به جای  $\frac{1}{12}$  استفاده می‌کنیم. هرگاه تعداد اقساط را با  $N$  نشان دهیم، فرمول  $I = \frac{K(N+1)}{2}$  سود فروشنده را معین می‌کند و اگر کل مبلغ اقساط را با  $S$  نشان دهیم، فرمول  $Q = \frac{S+I}{N}$  مبلغ هر قسط را مشخص می‌کند

( $Q$  نشان‌دهنده‌ی مبلغ هر قسط است).

**مثال ۴**— شخصی یک رادیو ضبط خرید و مبلغ ۱۰۰،۰۰۰ ریال آن را به طور نقدی پرداخت نمود و مقرر شد باقی مانده را به صورت ۸ قسط ۱۵۰،۰۰۰ ریالی در هر ماه پرداخت کند. اگر قیمت فروش نقدی آن ۱،۲۱۰،۰۰۰ ریال باشد، مبلغ سود پرداختی را محاسبه کنید.

$$150,000 \times 8 = 1,200,000$$

$$1,200,000 + 100,000 = 1,300,000$$

$$1,300,000 - 1,210,000 = 90,000$$

سود پرداختی ریال

**مثال ۵**— شخصی تلویزیونی را به مبلغ ۲۰۵۰۰،۰۰۰ ریال به اقساط خریده است. به این ترتیب ۵۰۰،۰۰۰ ریال آن را نقد و بقیه را در شش قسط (ظرف شش ماه) پرداخت نماید. اگر نرخ سود تضمین شده ( $r$ ) برابر با ۶٪ توانق شده باشد و مبلغ ۵۰۰ ریال عوارض شهرداری باشد، مبلغ هر قسط را مشخص کنید.

$$2,050,000 - 500,000 = 2,000,000$$

کل مبلغ اقساط

$$K = S \times r \times \frac{1}{12}$$

$$I = \frac{K(N+1)}{2}$$

$$Q = \frac{S+I}{N}$$

$$K = 2,000,000 \times \frac{6}{100} \times \frac{1}{12} = 10,000$$

$$I = \frac{10,000(6+1)}{2} = 35,000$$

$$35,000 + 5,000 = 40,000$$

$$2,000,000 + 40,000 = 2,040,000$$

$$2,040,000 \div 6 = 340,000$$

مبلغ هر قسط

### ۴-۳ ارزش فعلی و نهایی سالواره‌های عادی و دائمی

قسط یا سالواره یا قسطالسنین عبارت است از مبالغ مساوی پول که در فواصل زمانی معین دریافت یا پرداخت می‌شود.

**ارزش نهایی:** عبارت است از حاصل جمع کلیه اقساط پرداخت شده و سود آن‌ها در انتهای دوره.

**ارزش فعلی:** شامل مجموع ارزش‌های کنونی یک سری پرداخت‌های مساوی است که در فواصل منظمی از زمان صورت می‌گیرد.

**قسطالسنین عادی:** یک سری دریافت یا پرداخت‌های پولی مساوی است که در پایان هر سال پرداخت می‌شود.

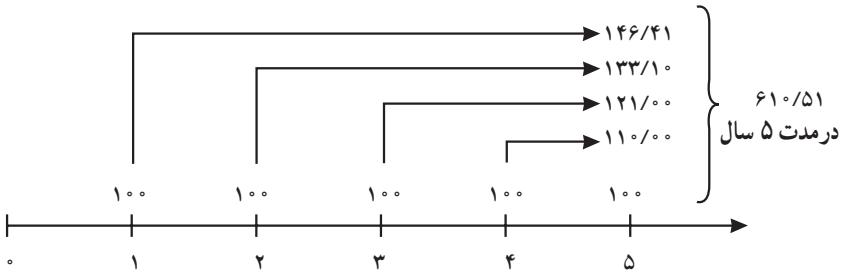
**قسطالسنین دائمی:** یک سری دریافت یا پرداخت‌های پولی مساوی است که در اول هر سال پرداخت می‌شود.

با توجه به تعاریف فوق، در ادامه با مثال‌های نحوه محاسبه ارزش فعلی و نهایی سالواره‌های عادی و دائمی توضیح داده می‌شود.

### ۱-۳-۴-۳ ارزش نهایی اقساط مساوی به روش عادی $(FV_A)$

**مثال ۶-** فرض کنید به خاطر بدھی که دارید باید در طی ۵ سال، پایان هر سال ۱۰۰ ریال بپردازید. اگر نرخ سود تضمین شده سالانه برابر ۱۰٪ باشد. ارزش نهایی (آتی) پول‌هایی که طی ۵ سال می‌پردازید چه قدر است؟

برای حل این مثال کافی است نمودار این اقساط را ترسیم نماییم.



$$FV_A = 100(1/1.10)^4 + 100(1/1.10)^3 + 100(1/1.10)^2 + 100(1/1.10)^1 + 100 = 610 / 51$$

از آنجا که محاسبات فوق وقت‌گیر است می‌توان از یک فرمول کلی به شرح زیر استفاده نمود. این فرمول ارزش نهایی اقساط مساوی ۱ ریالی که در پایان هر سال دریافت یا پرداخت می‌شوند ( $FV_A$ ) را نشان می‌دهد.

$$FV_A = \sum_{t=1}^N Pmt_t (1+i)^{N-t} = Pmt \cdot \frac{(1+i)^N - 1}{i}$$

که در آن :

$i$  = نرخ سود تضمین شده؛

$N$  = تعداد سال‌هایی که طی آن قسط‌ها پرداخت می‌شوند.

$Pmt$  = بیانگر مبلغ هر قسط است.

توجه: در حل مثال‌ها و تمرینات این قسمت، نرخ سود تضمین شده ثابت فرض می‌شود.

در این صورت در مثال فوق داریم که:

$$FV_A = 100 \cdot \frac{(1/1.10)^5 - 1}{0.10} = 610 / 51$$

به دلیل پیچیدگی این فرمول، در این کتاب برای حل تمرین‌ها و مثال‌ها از جدول ارزش نهایی سالواره‌های عادی (جدول ۱) استفاده می‌شود. منظور از سالواره‌های عادی، یک‌سری دریافت یا پرداخت‌های پولی مساوی است که در پایان هر سال نرخ می‌دهند.

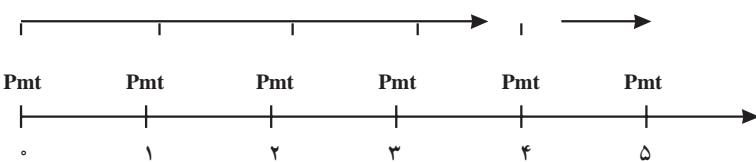
از این رو جهت حل مثال ۶ کافی است به جدول ۱ انتهای کتاب مراجعه نمایید. ابتدا نرخ بهره را از روی اعداد بالای ستون‌های جدول پیدا کنید. در مثال ۶، نرخ بهره  $10\%$  است. بنابراین، در نیمه‌ی پایین وسط صفحه نرخ  $10\%$  را می‌یابیم. بعد از ستون سمت چپ جدول مقدار  $n$ ، که بیانگر تعداد سال‌هایی است که اقساط طی آن دریافت یا پرداخت می‌شوند، عدد ۵ را پیدا می‌کنیم. از تلاقی

سطر  $n = 5$  و ستون  $i = 10\%$  به عدد  $105100$  می‌رسیم که همان  $FV_A$  است که اگر آن را در مبلغ هر قسط (که در این مثال  $100$  ریال است) ضرب کیم ارزش نهایی اقساط به دست می‌آید، که برابر  $619051$  ریال است (که قبلًا نیز به همین جواب رسیده بودیم) .....

$n$	$8\%$	$9\%$	$10\%$
۱	۱/۰۰۰۰۰	۱/۰۰۰۰۰	۱/۰۰۰۰۰
۲	۲/۰۸۰۰۰	۲/۰۹۰۰۰	۲/۱۰۰۰۰
۳	۳/۲۴۶۴۰	۳/۲۷۸۱۰	۳/۳۱۰۰۰
۴	۴/۵۰۶۱۲	۴/۵۷۳۱۲	۴/۶۴۱۰۰
۵	۵/۸۶۶۶۰۱.....	۵/۹۸۴۷۱۰۱.....	۶/۱۰۵۱۰۰

### ۳-۴-۲ « $FV_{AD}$ » روش پرداختنی

مثال ۷— حال فرض کنید در مثال ۶ اگر قرار بود اقساط مذکور را در ابتدای هر سال پرداخت کنید در چنین حالتی مدل پرداخت اقساط شما به صورت زیر درمی‌آمد.



برای حل این مثال، می‌توان از فرمول کلی زیر استفاده نمود که ارزش نهایی اقساط مساوی  $1$  ریالی ( $FV_{AD}$ ) را که در ابتدای هر سال دریافت یا پرداخت می‌شوند، نشان می‌دهد. به این گونه اقساط اصطلاحاً سالواره‌های پرداختنی نیز می‌گویند.

$$FV_{AD} = Pmt \cdot \frac{(1+i)^N - 1}{i} \cdot (1+i)$$

در این فرمول :

$i$  = نرخ سود تضمین شده ؛

$N$  = تعداد سال‌هایی که طی آن قسط‌ها پرداخت می‌شوند ؛

و  $Pmt$  = بیانگر مبلغ هر قسط است.

در این صورت برای مثال ۷ داریم :

$$FV_{AD} = 100 \cdot \frac{(1/10)^5 - 1}{0/10} = 671/56$$

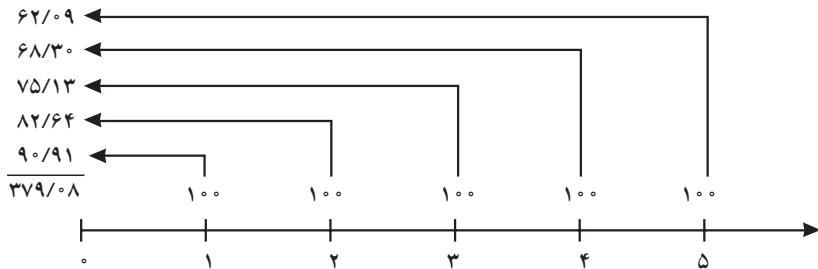
به دلیل پیچیدگی فرمول فوق در این کتاب برای حل مثال‌ها و تمرین‌ها از همان جدول ۱ ضمیمه کتاب استفاده می‌شود. فقط کافی است عدد به دست آمده از جدول (به شرحی که قبلاً گفته شد) را در مبلغ هر قسط و  $(1+i)$  ضرب کنید، یعنی

$$671/56 \times 100 \times 100 = 671/561$$

### ۳-۴-۳ ارزش فعلی پرداخت اقساط به روش عادی «PV<sub>A</sub>»:

همان طور که می‌دانید ۱ ریال امروز با ارزش‌تر از یک ریالی است که شما در چند سال بعد خواهید داشت. به عبارت دیگر، اگر شما الان با ۱۰۰۰ تومان می‌توانید یک ساندویچ بخرید قطعاً ۱۰ سال دیگر این ساندویچ به قیمتی بسیار بیش‌تر از ۱۰۰۰ تومان فروخته می‌شود. این مثال ساده نشان‌دهنده‌ی ارزش زمانی پول است. از این رو شما می‌توانید ۱۰ هزار تومان در حساب بانکی با سود تضمین‌شده سرمایه‌گذاری کنید تا ارزش زمانی پولتان حفظ شود. با توجه به این توضیحات، حال می‌خواهیم بینیم اگر نرخ سود تضمین شده ۱۰٪ باشد مجموع این ۱۰۰ ریال‌هایی که در پایان هر سال طی ۵ سال می‌پردازیم الان چه قدر ارزش دارند.

$$PV_A = \frac{100}{(1/10)^1} + \frac{100}{(1/10)^2} + \frac{100}{(1/10)^3} + \frac{100}{(1/10)^4} + \frac{100}{(1/10)^5} = 379/08$$



از آنجا که محاسبات فوق وقت‌گیر است، می‌توان از یک فرمول کلی به شرح زیر استفاده نمود. این فرمول ارزش فعلی اقساط مساوی ۱ ریالی را، که در پایان هر سال پرداخت می‌شوند (PV<sub>A</sub>)، شناس می‌دهد:

$$PV_A = \sum_{t=1}^N \frac{Pmt_t}{(1+i)^t} = Pmt \cdot \frac{1 - \frac{1}{(1+i)^N}}{i}$$

که در آن :

$i$  = نرخ سود تضمین شده؛

$N$  = تعداد سال‌هایی که طی آن قسط‌ها پرداخت می‌شوند؛

$Pmt$  = بیانگر مبلغ هر قسط است.

در این صورت برای مثال فوق داریم:

$$PV_A = 100 \times \frac{1 - \frac{1}{(1+i)^N}}{i} = 379/0.8$$

⋮ ⋮ ⋮

به دلیل پیچیدگی فرمول فوق در این کتاب برای حل تمرین‌ها و مثال‌ها از جدول ارزش فعلی سال‌واره‌های عادی استفاده می‌شود. منظور از سال‌واره‌های عادی، یک سری دریافت یا پرداخت‌های پولی مساوی است که در پایان هر سال رخ می‌دهند.

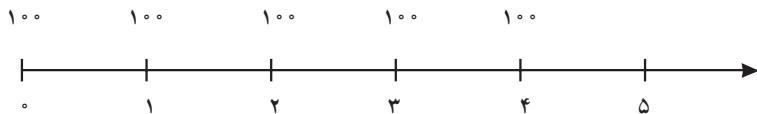
برای حل این مثال، کافی است به جدول ۲ انتهای کتاب مراجعه نمایید. ابتدا نرخ بهره را از روی اعداد بالای ستون‌های جدول پیدا کنید. در مثال ۶، نرخ بهره ۱۰٪ است. بنابراین، در نیمه‌ی پایین وسط صفحه نرخ ۱۰٪ را می‌باییم بعد از ستون سمت چپ جدول مقدار  $n$ ، که بیانگر تعداد سال‌هایی است که اقساط طی آن دریافت یا پرداخت می‌شوند، عدد ۵ را پیدا می‌کنیم. از تلاقي سطر  $n=5$  و ستون ۱۰٪ به عدد  $3/79\cdot787$  می‌رسیم که همان  $PV_A$  است، که اگر آن را در مبلغ هر قسط (که در این مثال ۱۰۰ ریال است) ضرب کنیم ارزش فعلی اقساط به دست می‌آید که برابر است با ۳۷۹/۰۸ ریال (که قبلاً نیز به همین جواب رسیده بودیم).

$n$	۸٪	۹٪	۱۰٪
۱	۰/۹۲۵۹۲۶	۰/۹۱۷۴۳۱	۰/۹۰۹۰۹۱
۲	۱/۷۸۳۲۶۵	۱/۷۵۹۱۱۱	۱/۷۳۵۵۳۷
۳	۲/۵۷۷۰۹۷	۲/۵۳۱۲۹۵	۲/۴۸۶۸۵۲
۴	۳/۳۱۲۱۲۷	۳/۲۳۹۷۲۰	۳/۱۶۹۸۶۵
۵	.....۳/۹۹۰۲۷۱۰.....	۳/۸۸۹۶۵۱.....	۳/۷۹۰۷۸۷

#### ۴-۳-۴ ارزش فعلی پرداخت اقساط به روش پرداختنی « $PV_{AD}$ »

مثال ۸ — حال فرض کنید در مثال قبل شما قرار بود اقساط مذکور را در ابتدای هر سال

پرداخت کنید. در چنین حالتی مدل پرداخت اقساط شما به صورت زیر است.



برای این که در این حالت بباید که ارزش فعلی پول هایی که طی ۵ سال می پردازید آن چه قدر است، به محاسبات زیر توجه نمایید.

$$PV_A = 100 + \frac{100}{(1/10)^1} + \frac{100}{(1/10)^2} + \frac{100}{(1/10)^3} + \frac{100}{(1/10)^4} = 416/98$$

از آن جا که محاسبات فوق وقت گیر است می توان از یک فرمول کلی به شرح زیر استفاده نمود. این فرمول ارزش فعلی اقساط مساوی ۱ ریالی را، که در ابتدای هر سال پرداخت می شوند ( $PV_{AD}$ )، نشان می دهد.

$$PV_{AD} = Pmt \cdot \frac{1 - \frac{1}{(1+i)^{(N-1)}}}{i} + Pmt$$

که در آن :

$i$  = نرخ سود تضمین شده ؛

$N$  = تعداد سال هایی که طی آن قسطها پرداخت می شوند ؛

و  $Pmt$  = بیانگر مبلغ هر قسط است.

در این صورت برای مثال ۷ داریم :

$$PV_{AD} = 100 \cdot \frac{1 - \frac{1}{(1/10)^{(5-1)}}}{0/10} + 100 = 416/98$$

به دلیل پیچیدگی فرمول فوق، برای حل مثال ها و تمرین ها از جدول ۳ استفاده می شود. این جدول ارزش فعلی اقساط مساوی ۱ ریالی را نشان می دهد که در ابتدای هر سال دریافت یا پرداخت می شوند.

بر این اساس جهت حل مثال ۸، کافی است به جدول ۳ انتهای کتاب مراجعه نمایید. ابتدا نرخ بهره را از روی اعداد بالای ستون های جدول پیدا کنید. در مثال ۶، نرخ بهره  $10\%$  است. بنابراین،

در نیمه‌ی پایین وسط صفحه نرخ  $10\%$  را می‌باییم. بعد از ستون سمت چپ جدول مقدار  $n$  که بیانگر تعداد سال‌هایی است که اقساط طی آن دریافت یا پرداخت می‌شوند، عدد ۵ را پیدا می‌کنیم. از تلاقی سطر  $n = 5$  و ستون  $10\%$  به عدد  $4/169865$  می‌رسیم که همان  $PV_{AD}$  است، که اگر آن را در مبلغ هر قسط (که در این مثال  $100$  ریال است) ضرب کنیم ارزش فعلی اقساط بدست می‌آید که برابر است با  $416/98$  ریال که قبلًا نیز به همین جواب رسیده بودیم.

$n$	$8\%$	$9\%$	$10\%$
۱	$1/000000$	$1/000000$	$1/000000$
۲	$1/925926$	$1/917431$	$1/909091$
۳	$2/783265$	$2/759111$	$2/735587$
۴	$3/577097$	$2/521295$	$2/486852$
۵	$4/312127$	$4/239.720$	$4/169865$

### ۳-۵ نحوه برآورد ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول

همان طوری که قبلًا ذکر شد، فروش بیشتر مؤسسات تجاری به صورت نسیه است. زیرا فروش به طور نسیه باعث افزایش میزان فروش می‌شود. ولی گاهی به دلایل مختلف از جمله ورشکستگی، فوت و ... ممکن است بعضی از خریداران نسیه، قادر به پرداخت قسمتی یا تمام بدھی خود نباشند. بنابراین، هر مؤسسه‌ی تجاری که فروش به صورت غیرنقدی و اقساطی دارد باید پیش‌بینی کند که قسمتی از مطالباتش ممکن است در آینده وصول نشود. به همین دلیل باید حسابی به نام ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول افتتاح نماید. این حساب در پایان سال مالی، به صورت کاهش‌دهنده‌ی حساب‌های دریافتی در ترازنامه عمل می‌کند. هم‌چنین به صورت هزینه در حساب سود و زیان منظور می‌گردد، که باعث کاهش سود یا افزایش زیان خواهد شد. اگرچه برآورد مبلغ مطالبات مشکوک الوصول به نظر مدیریت بستگی دارد ولی روش‌هایی برای تخمین این مبالغ وجود دارد که می‌تواند برای مؤسسه راهنمای باشد. این روش‌ها عبارت‌اند از :

۱-۵-۳ روش حذف مستقیم (روش اول): اگر مدیریت پیش‌بینی کند که بعضی از مطالبات قابل وصول نباشد آن را از حساب‌های دریافتی حذف می‌کند. مثلاً ممکن است مدیریت، به علت ورشکستگی یکی از خریداران یا تأخیر بسیار طولانی در پرداخت تصمیم بگیرد تمام یا قسمتی از بدھی

وی را از دفاتر حذف کند. البته این روش چندان مناسب نیست و کمتر مورد استفاده قرار می‌گیرد.

**۲-۵-۳ روشن برآورده مطالبات مشکوک الوصول بر مبنای درصدی از فروش (روشن دوم):** اگر رقم فروش نقدی بسیار پایین باشد یا درصد ثابتی از کل فروش باشد، می‌توان از این روش استفاده نمود. در این روش با توجه به تجربیات گذشته و وضعیت اقتصادی منطقه و مشتریان، ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول معادل درصد معنی از فروش تعیین می‌گردد.

**مثال ۹-** یک شرکت بازرگانی سالیانه ۱۰,۰۰۰,۰۰۰ ریال فروش دارد که حدود ۳,۰۰۰,۰۰۰ ریال آن نقدی است (همه ساله حدود ۳٪ فروش نقدی و مابقی فروش نسیه است). اگر ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول، حدود ۲ درصد کل فروش پیش‌بینی شده باشد مبلغ آن را مشخص کنید.

$$\text{میزان ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول} = \frac{2}{100} \times 10,000,000 = 200,000$$

**۳-۵-۳ روشن برآورده مطالبات مشکوک الوصول بر مبنای درصدی از فروش‌های نسیه (روشن سوم):** در این روش، که نسبت به روش‌های قبلی دقیق‌تر است، برآورده ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول بر مبنای درصدی از فروش‌های نسیه است؛ زیرا اصولاً فروش‌های نقدی تأثیری در ذخیره‌های مطالبات مشکوک الوصول ندارد. در این روش نیز براساس تجربیات گذشته، شرکت‌های مشابه، وضعیت خریداران و وضعیت اقتصادی منطقه و مشتریان، درصدی از فروش نسیه به صورت ذخیره مطالبات مشکوک الوصول پیش‌بینی می‌گردد.

**مثال ۱۰-** اگر در شرکت مثال ۹، ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول حدود ۲/۵ درصد فروش‌های نسیه پیش‌بینی شده باشد، مبلغ آن را مشخص کنید.

$$\text{فروش نسیه} = 7,000,000 - 3,000,000 = 10,000,000$$

$$7,000,000 \times \frac{2/5}{100} = 175,000$$

**۴-۵-۳ برآورده مطالبات مشکوک الوصول بر مبنای درصدی از مانده‌ی حساب‌های دریافتی (روشن چهارم):** به عقیده‌ی بعضی از صاحب‌نظران، این برآورده دقیق‌ترین روش‌هاست؛ زیرا اصولاً خیلی از خریداران، بدھی خود را به موقع پرداخت می‌نمایند و تعداد کمی هستند که در پرداخت خود تأخیر دارند و روشن است از بین کسانی که تأخیر در پرداخت دارند، محدودی بدھی خود را نمی‌پردازنند. برای روشن تر شدن موضوع به مثال زیر توجه کنید.

**مثال ۱۱-** شرکتی، سالیانه ۱,۰۰۰,۰۰۰ ریال فروش دارد که ۴٪ به صورت نقدی و مابقی به صورت نسیه است. مانده‌ی حساب‌های دریافتی شرکت ۵۰,۰۰۰ ریال است. مدیر فروش معتقد به

روش دوم با برآورد ۳ درصد است. معاون بازرگانی شرکت، روش سوم را با برآورد ۲ درصد می‌پسندد و بالأخره مدیر عامل معتقد به روش چهارم با برآورد ۲۵ درصد است. با توجه به نظرات هر کدام، ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول شرکت را محاسبه کنید.

$$\text{فروش نقدی} \quad 1,000,000 \times \frac{40}{100} = 400,000$$

$$\text{فروش نسیه} \quad 1,000,000 - 400,000 = 600,000$$

روش دوم: میزان مطالبات مشکوک الوصول براساس نظر مدیر فروش

$$1,000,000 \times \frac{3}{100} = 30,000$$

روش سوم: میزان مطالبات مشکوک الوصول براساس نظر معاون بازرگانی

$$600,000 \times \frac{2}{100} = 12,000$$

روش چهارم: میزان مطالبات مشکوک الوصول براساس نظر مدیر عامل

$$50,000 \times \frac{25}{100} = 12,500$$

البته روش‌های عملی تری نیز وجود دارد که از بحث این کتاب خارج است. برای مثال در بعضی از مؤسسات، با توجه به قدمت حساب‌های دریافتی، آن‌ها را تفکیک و به صورت یک ماهه، سه ماهه، شش ماهه، یک ساله، دو ساله و بیشتر دسته‌بندی می‌کنند و درصد بالایی به نسبت قدمت هر کدام پیش‌بینی می‌نمایند. مثلاً ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول را یک ماهه، یک درصد، سه ماهه، پنج درصد، شش ماهه، ده درصد، یک ساله، بیست و پنج درصد و بالأخره دو ساله پنجاه درصد برآورد می‌نمایند.

## تمرین‌های فصل سوم

۱- قیمت هر واحد کالایی ۳۰۰ ریال است. اگر از ۱۰۱ تا ۳۰۰ واحد خریداری شود، ۲ درصد تخفیف و اگر از ۳۰۱ تا ۵۰۰ واحد خریداری گردد ۵ درصد تخفیف و برای بیش از ۵۰۱ واحد خرید، ۸ درصد تخفیف داده می‌شود. صورت حساب این شرکت باید حدّاً کثر ظرف یک ماه پرداخت گردد. ولی اگر در کمتر از ده روز پرداخت شود ۳ درصد تخفیف و چنان‌چه در کمتر از ۲۰ روز پرداخت شود ۱ درصد تخفیف منظور خواهد شد. حال اگر شخصی ۱۵۶ واحد خریداری کند و بهای آن‌ها را بخواهد ظرف ۴ روز پرداخت کند، چه مبلغی را باید پردازد؟ اگر ۴۰۰ واحد خریداری کرده باشد و بخواهد ظرف پانزده روز پرداخت نماید، چه مبلغی را باید پردازد؟

۲- کارگری روزانه ۸ ساعت کار می‌کند و ۳ واحد از کالایی را تولید می‌نماید. اگر دستمزد او ساعتی ۲۰۰۰ ریال باشد یا قبول کند که در ازای هر واحد تولید کالا ۵,۰۰۰ ریال دریافت نماید، کدام روش به صلاح کارفرماست؟ پرداخت براساس ساعت کار یا پرداخت براساس واحدهای تولید شده؟ چرا؟ اگر روش پیشنهادی شما عملی شود چه محسّنات و چه معایبی به دنبال خواهد داشت؟ توضیح دهید.

۳- برای کارخانه‌ای، دستگاهی خریداری شده که قیمت نقد آن ۲۲,۰۰۰,۰۰۰ ریال تعیین گردیده است. اگر کارخانه ۴,۰۰۰,۰۰۰ ریال از بهای نقد آن را به صورت پیش‌قسط و بقیه را در ۲ سال با اقساط متساوی و متوالی ماهانه با نرخ ۱۲٪ پرداخت نماید، مبلغ هر قسط را معین کنید. چنان‌چه اقساط دو ماه یک‌بار پرداخت گردد مبلغ هر قسط را محاسبه نمایید.

۴- یک شرکت، شرایط فروش کامیون‌های تولیدی خود را به این شرح اعلام نموده است :

قیمت نقد ۶۴,۲۰۰,۰۰۰

ولی به صورت اقساط نیز می‌توان کامیون را خریداری کرد. در این صورت  $\frac{1}{3}$  مبلغ را به طور نقدی و مابقی را به مدت ۲ سال با نرخ بهره ۱۵٪ به صورت اقساط ماهیانه دریافت می‌دارد. اولاً، مبلغ هر قسط را معین کنید.

ثانیاً، اگر پیش‌قسط را به  $\frac{1}{4}$  مبلغ نقد کاهش و مدت بازپرداخت اقساط را به ۳ سال افزایش دهد، مبلغ هر قسط کم می‌شود یا بیش‌تر؟ چه قدر؟

۵- فروشگاهی، یک دستگاه تلویزیون را با دریافت ۱۰ درصد قیمت به صورت نقدی و بقیه را به صورت اقساط ۱۸ ماهه فروخت و مقرر شد که با نرخ ۸ درصد در سال سود تضمین شده بگیرد. اگر

۴۸,۰۰۰ ریال عوارض شهرداری به قیمت فروش افزوده شود و قیمت نقدی تلویزیون ۲,۰۰۰,۰۰۰ ریال باشد مبلغ هر قسط را مشخص کنید.

۶- فروشگاهی، یخچالی را با مبلغ ۶۰,۰۰۰ ریال نقد و ده قسط ۲۳۰,۰۰۰ ریالی فروخت. اگر عوارض شهرداری این یخچال ۲۰,۰۰۰ ریال و قیمت نقدی آن ۲,۶۰,۰۰۰ ریال باشد، مبلغ سود تضمین شده در این معامله را محاسبه کنید.

۷- هرگاه دارنده سفته‌ای به مبلغ ۴۰,۰۰۰ ریال موافقت نماید که بدھکار وجه آن را به اقساط مساوی ماهانه در ۲ سال باز پرداخت کند و نرخ بهره ۶٪ باشد،  
الف) مبلغ هر قسط را مشخص نماید.

ب) بدھکار تا پایان دوره، چه مبلغی بیش از مبلغ سفته پرداخت خواهد نمود؟ (اولین قسط یک ماه بعد از سررسید سفته پرداخت می‌گردد).

۸- قیمت اتومبیلی ۸۰,۰۰۰,۰۰۰ ریال است. فروشنده حاضر است ۵٪ درصد قیمت را نقدی و مابقی را به صورت اقساط ماهیانه ظرف یک سال دریافت نماید. اگر نرخ سود تضمین شده ۱٪ درصد باشد، اقساط اتومبیل را محاسبه کنید.

۹- قیمت نقدی تلویزیونی ۴,۲۰۰,۰۰۰ ریال است. به دو روش می‌توانیم برای خرید آن اقدام کنیم :

الف) مبلغ ۴,۲۰۰,۰۰۰ ریال از بانکی با بهره ۱۸٪ دریافت و در ۱۲ قسط پرداخت نماییم.

ب) بنابر اعلام فروشگاه قیمت قسطی این تلویزیون ۴,۸۰۰,۰۰۰ ریال در ۱۲ قسط مساوی است.

انتخاب کدام روش در خرید این تلویزیون، برای ما باصره‌تر است؟ چه قدر؟

۱۰- ارزش نهایی اقساط ۵۰۰ ریالی را، که طی ۴ سال با نرخ سود تضمینی ۴٪ پرداخت می‌شوند، در دو حالت زیر با استفاده از جدول ضمیمه‌ی کتاب محاسبه نمایید :

الف) اقساط در انتهای هر سال پرداخت شوند.

ب) اقساط در ابتدای هر سال پرداخت شوند.

۱۱- شخصی می‌خواهد با سپرده‌گذاری در بانک بعد از ۵ سال ۲۰,۰۰۰,۰۰۰ ریال در حساب خود داشته باشد، اگر نرخ سود تضمین شده ۱۸٪ باشد و قرار باشد که مشتری در ابتدای هر سال مبلغی را به حساب واریز کند این مبلغ را محاسبه کنید.

- ۱۲- حامد وزیبا به تازگی صاحب فرزندی شده‌اند. آن‌ها تصمیم گرفته‌اند تا یک حساب بانکی با نرخ سود تضمین شده‌ی ۱۸٪ برای فرزندشان افتتاح کنند و در انتهای هر سال مبلغی پول به این حساب واریز کنند، به نحوی که بعد از ۲۰ سال فرزندشان ۲۰۰,۰۰۰,۰۰۰ ریال در حسابش داشته باشد. مقدار پولی را که این پدر و مادر هر سال باید به حساب فرزندشان واریز کنند، حساب کنید.
- ۱۳- ارزش فعلی اقساط ۵۰ ریالی را، که طی ۴ سال با نرخ سود تضمینی ۴٪ پرداخت می‌شوند، در دو حالت زیر با استفاده از جدول ضمیمه کتاب محاسبه نمایید :
- الف) اقساط در انتهای هر سال پرداخت شوند.
  - ب) اقساط در ابتدای هر سال پرداخت شوند.
- ۱۴- حمید قصد دارد اتومبیلی به قیمت ۸۰,۰۰۰,۰۰۰ ریال را به صورت قسطی طی ۱۰ قسط مساوی که پایان هر سال پرداخت می‌شود، بخرد. اگر نرخ سود تضمین شده ۱۰٪ باشد، مبلغ هر قسط را حساب کنید.
- ۱۵- مینا فرشی باfte است که ارزش آن هم اکنون ۱۰۰,۰۰۰,۰۰۰ ریال است. فردی حاضر شده است که فرش را به همین قیمت اماً به طور قسطی بخرد. اگر نرخ سود تضمین شده ۱۶٪ باشد و خریدار بخواهد طی ۵ سال در ابتدای هر سال هر قسط خود را بپردازد، مینا باید مبلغ هر قسط را چه قدر تعیین کند؟
- ۱۶- شرکتی در سال گذشته ۸,۰۰۰ ریال فروش داشته، که ۵٪ آن به صورت نقدی و مابقی به صورت نسیه بوده است. مانده حساب‌های دریافتی شرکت ۳۵۰۰ ریال بوده است.
- الف) ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول را با روش برآورد مطالبات مشکوک الوصول بر مبنای ۴ درصد از فروش محاسبه نمایید.
  - ب) ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول را با روش برآورد مطالبات مشکوک الوصول بر مبنای ۳ درصد از فروش‌های نسیه محاسبه کنید.
  - ج) ذخیره‌ی مطالبات مشکوک الوصول را با روش برآورد مطالبات مشکوک الوصول بر مبنای ۱۰ درصد از مانده‌ی حساب‌های دریافتی محاسبه نمایید.
  - د) به نظر شما، کدام یک از روش‌های فوق منطقی‌تر است؟
  - ه) به نظر شما، کدام یک از روش‌های فوق به نفع این شرکت است؟