

فصل
هفتم

محاسبه

وزن و
مقدار مصالح



هدفهای رفتاری

پس از آموزش این فصل از فرآگیر انتظار می‌رود بتواند:

- ۱- چگالی و واحد اندازه‌گیری آنرا تعریف کند.
- ۲- وزن و واحد اندازه‌گیری آنرا تعریف کند.
- ۳- محاسبات مربوط به جرم و وزن مصالح مصرفی را انجام دهد.
- ۴- محاسبات مربوط به جرم، چگالی، حجم و وزن مصالح مصرفی را انجام دهد.

۱-۷ چگالی و واحد اندازه‌گیری آن

۱-۱-۷ چگالی یک ماده، جرم واحد حجم آن ماده است. چگالی را با حرف یونانی ρ (با تلفظ «رُ») نمایش می‌دهند.

$$\rho = \frac{\text{حجم}}{\text{چگالی}} \quad \text{یا} \quad \rho = \frac{m}{V}$$

۲-۱-۷ واحد اصلی اندازه‌گیری چگالی در سیستم SI کیلوگرم بر متر مکعب $\left(\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right)$ است.

۳-۱-۷ واحدهای دیگر چگالی گرم بر سانتی‌متر مکعب $\left(\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}\right)$ و تن بر متر مکعب $\left(\frac{\text{t}}{\text{m}^3}\right)$ است.

مثال ۱: یک کیلوگرم بر متر مکعب چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟
توجه: برای تبدیل واحد کمیت‌هایی که به صورت کسری می‌باشند مانند چگالی، همان قاعدة فصل دوم کتاب را اعمال می‌نماییم؛ با این تفاوت که تبدیل واحدهایی که در مخرج قرار دارند را به صورت معکوس در ضرب تبدیل واحد صورت ضرب می‌کنیم.

$$\text{حل: } 1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 1 \text{ kg} \times \frac{1000 \text{ gr}}{1 \text{ kg}} \times \frac{1 \text{ m}^3}{100 \text{ cm}^3} = 10^{-3} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

مثال ۲: یک تن بر متر مکعب چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟
حل: $1 \text{ t} \times \frac{1 \text{ kg}}{10^{-3} \text{ t}} \times \frac{1}{\text{m}^3} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

۲-۷ وزن و واحد اندازه‌گیری آن

۱-۲-۷ نیروی جاذبه‌ای را که از طرف زمین بر جرم یک جسم وارد می‌شود، «وزن» آن جسم می‌گویند.

یک نیوتن مقدار نیرویی است که اگر به جرم یک کیلوگرم وارد شود، شتابی برابر با یک متر بر مجدور ثانیه به آن می‌دهد.

۲-۲-۷- واحد اندازه‌گیری وزن «نیوتن (N)» است.

۳-۲-۷- برای محاسبه وزن یک جسم بر حسب نیوتن کافی است که جرم آنرا بر حسب kg در عدد $\frac{9}{81}$ ضرب کنید.

مثال: جرم یک جسم یک کیلوگرم است. وزن آن چقدر است؟

$$\text{حل: } \text{وزن} = \text{جرم} \times \frac{9}{81} \Rightarrow 1 \times \frac{9}{81} = \frac{9}{81} \text{ N}$$

نکته: به N $\frac{9}{81}$ یک کیلوگرم نیرو هم می‌گویند و آنرا با علامت kgf نشان می‌دهند.

$$1 \text{ kgf} = \frac{9}{81} \text{ N}$$

بنابراین می‌توانیم بگوییم:
 کیلوگرم، واحد جرم است.
 کیلوگرم نیرو، واحد وزن است.

مثال ۱: برای احداث یک ساختمان، ۱۰ تن سیمان فله‌ای تهیه شده است. مشخص کنید که این مقدار سیمان چند کیلوگرم است؟

$$1 \text{ t} = 10^3 \text{ kg}$$

$$1 \text{ t} = 10 \times 10^3 = 10000 \text{ kg}$$

مثال ۲: در صورتی که ۱۰ تن سیمان کیسه‌ای (پاکتی) تهیه شود و هر کیسه دارای ۵۰ کیلوگرم سیمان باشد، تعداد کیسه‌های سیمان را به دست آورید و بنویسید که محتویات هر کیسه چه کسری از کل سیمان تهیه شده بر حسب تن است؟

$$1 \text{ t} = 10000 \text{ kg} \Rightarrow 1 \text{ t} = 10 \times 1000 \text{ kg} = 10000 \text{ kg} \Rightarrow 10000 \div 50 = 200$$

جرم یک کیسه سیمان بر حسب تن

$$\text{نسبت هر کیسه سیمان به کل سیمان} = \frac{50}{1000} = \frac{5}{100} = \frac{1}{20}$$

۱- جرم یک جسم، بدون توجه به مکان آن، در همه نقاط زمین، ثابت است. به عبارت دیگر، جرم مستقل از مکان است اما وزن یک جسم، در نقاط مختلف جهان، با شتاب نقل متفاوت، یکسان نیست پس وزن یک جسم تابع محل قرارگیری آن است. با توجه به این توضیحات، در کاربردهای روزمره، مشاهده می‌شود که کلمات جرم و وزن اشتباه‌آباهایی یکدیگر به کار می‌روند. مثلاً روی اغلب کالاهای تجاری، «وزن» آن نوشته می‌شود در حالی که باید «جم» آن عنوان شود زیرا این «جم» است که در همه نقاط جهان که این کالا حمل می‌شود، ثابت می‌ماند و «وزن» آن متغیر است و نتیجه‌تاً واحد وزن «کیلوگرم نیرو» و واحد جرم، «کیلوگرم» است. به طور کلی می‌توان گفت: وزن و جرم یک جسم، با هم مناسب است.

مثال ۱: وزن یک آجر معمولی، حدود ۱/۷۵ کیلوگرم نیرو است. وزن آن چند گرم نیرو است؟

$$1\text{kgf} = 10^3 \text{gf}$$

$$1/75\text{kgf} \times 10^3 = 175\text{kgf}$$

مثال ۲: وزن یک متر میلگرد به قطر ۱۸ (۱۸φ) برابر ۲۰۰۰ میباشد. وزن یک شاخه ۱۲ متری از این میلگرد چند کیلوگرم نیرو و وزن ۱۰ شاخه از آن چند تن نیرو است؟

حل:

$$\text{وزن یک شاخه بر حسب کیلوگرم} = 24000 \times 10^{-3} = 24\text{kgf}$$

$$\text{وزن یک شاخه بر حسب تن نیرو} = 24 \times 10^{-3} = 0.024\text{tonf}$$

$$\text{وزن ده شاخه بر حسب تن نیرو} = 0.024 \times 10 = 0.24\text{tonf}$$

مثال ۳: جرم یک پل فولادی ۷۵۰ تن است. وزن آن را محاسبه کنید.

$$\text{حل: وزن پل} = 750 \times 10 = 7500\text{t}$$

$$\text{وزن پل} = 750 \times 1000\text{kg} \times 9.81 = 7357500\text{N} = 7357500 \times 10^3 \text{N}$$

۳-۷ محاسبات جرم، چگالی و حجم

۱-۳-۷-۱- برای محاسبات مربوط به جرم، چگالی و حجم از رابطه $\rho = \frac{m}{V}$ استفاده می‌کنیم.

مثال ۱: حجم بتون مصرفی در یک ستون ۲/۵ متر مکعب است. اگر چگالی آن $2400 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ باشد، وزن این ستون چند نیوتن است؟

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 2400 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{m}{2/5\text{m}^3}$$

$$\text{حجم ستون} (m) = 2400 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \times 2/5\text{m}^3 = 600\text{kg}$$

$$\text{وزن ستون} = 600\text{kg} \times 9.81 = 5886\text{N}$$

مثال ۲: جرم یک قطعه چوب بلوط 378kg است. اگر جرم حجمی آن $900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ باشد، حجم آن چند متر مکعب است؟

حل:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} = \frac{378\text{kg}}{900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} = 0.42\text{m}^3$$

حجم قطعه چوب

توجه: جدول‌های ۱ تا ۶ فقط برای استفاده هنرجویان است (به عنوان مرجع) و به خاطر سپاری آن‌ها مورد نظر نیست. این جدول‌ها، چگالی (جرم واحد حجم) پاره‌ای از مواد و مصالح را که بر اساس آیین‌نامه ۵۱۹ ایران (حداقل بارهای وارد بر ساختمان و بنا) جمع‌آوری شده‌اند، نشان می‌دهد.

جدول ۱ - چگالی بعضی از فلزات

چگالی $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$	ماده
۲۷۰۰	آلومینیوم
۷۲۰۰	آهن خام خاکستری
۷۷۰۰	آهن خام سفید
۷۲۰۰	چدن
۷۸۵۰	فولاد نرم
۱۱۴۰۰	سرب
۸۹۰۰	مس
۸۵۰۰	برنز
۷۲۰۰	روی
۷۲۰۰	قطع
۸۸۰۰	نیکل
۶۷۰۰	آنتمیوان

جدول ۲ - چگالی بعضی از سنگ‌های طبیعی

چگالی $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$	ماده
۲۸۰۰-۲۶۰۰	گرانیت
۳۰۰۰-۲۸۰۰	دیبوریت - گابرو
۳۰۰۰-۲۹۵۰	بازالت - ملافیر
۲۰۰۰-۱۸۰۰	کفسنگ (توف)
۲۶۵۰-۲۰۰۰	ماسه سنگ معمولی
۲۸۵۰-۲۶۵۰	سنگ آهک توپر - دولومیت - مرمر
۲۶۰۰-۱۷۰۰	سنگ آهک معمولی
۲۵۰۰-۲۴۰۰	تراورتن
۳۰۰۰-۲۶۵۰	گنیس
۲۸۰۰-۲۷۰۰	شیست

جدول ۳- چگالی توده‌ای بعضی از مصالح

چگالی $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$	ماده
۲۱۰۰	خاک - ماسه - گل رس خیس
۱۸۰۰	خاک - ماسه - گل رس مرطوب (۵٪ رطوبت)
۱۶۰۰	خاک - ماسه - گل رس خشک
۱۴۰۰	لاشه سنگ
۲۰۰۰	شن خبس
۱۷۰۰	شن خشک
۷۰۰	پوکه کک
۱۰۰۰	جوش زغال
۱۰۰۰	جوش کوره خردشده و دانه‌دانه
۸۰۰	زغال سنگ
۱۵۰	زغال چوب از چوب نرم و بک
۲۲۰	زغال چوب از چوب سفت و سنگین
۱۵۰۰	خرده آجر
۱۶۰۰	ماسه بادی
۸۰۰	خاک نسوز
۶۰۰	پوکه معدنی
۷۰۰	سنگ آهک
۱۳۰۰	پودر سیمان توده شده و آزاد
۱۸۰۰	پودر سیمان در کیسه و جابه جا شده

جدول ۴- چگالی بعضی از مصالح ساختمانی

چگالی $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$	ماده
۱۸۵۰	آجر کاری با آجر فشاری و ملات ماسه سیمان
۱۸۰۰	آجر کاری با آجر فشاری و ملات ماسه آهک
۱۷۵۰	آجر کاری با آجر و ملات گچ و خاک
۲۱۰۰	آجر کاری با آجر سفال و ملات ماسه سیمان (سوراخ ها با ملات پر می شود)
۲۰۰۰	آجر کاری با آجر سفال و ملات ماسه آهک (سوراخ ها با ملات پر می شود)
۸۵۰	آجر کاری با آجر مجوف و ملات ماسه سیمان
۲۸۰۰	سنگ چینی با سنگ های آذرین (مانند گرانیت) و ملات ماسه سیمان
۲۷۰۰	سنگ چینی با سنگ های آهکی توپر و ملات ماسه سیمان
۲۴۰۰	سنگ چینی با سنگ های معمولی با تراورتن و ملات ماسه سیمان
۲۰۰۰	سنگ چینی با سنگ های توف و ملات ماسه سیمان
۲۳۰۰	سنگ چینی با سنگ های ماسه سنگ و ملات ماسه سیمان
۲۱۰۰	ملات ماسه سیمان
۱۹۰۰	ملات ماسه آهک
۲۰۰۰	ملات ماسه سیمان و آهک (باتارد)
۱۳۰۰	ملات گچ
۱۶۰۰	ملات گچ و خاک
۲۰۰۰	ملات گل
۲۳۰۰	بتن از شن و ماسه سنگ های آهکی سخت یا گرانیت و بازالت و سنگ های مشابه
۲۵۰۰-۲۴۰۰	بتن مسلح از شن و ماسه سنگ های آهکی سخت یا گرانیت و بازالت و غیره
۱۷۰۰	بتن با خرده آجر
۱۶۰۰	بتن با جوش کوره
۸۰۰-۴۰۰	بتن های سبک، از قبیل بتن متخلخل با مواد شیمیایی
۱۳۰۰	بتن با پوکه و سیمان
۱۶۰۰	ملات کاهگل
۲۲۰۰	آسفالت ساخته شده

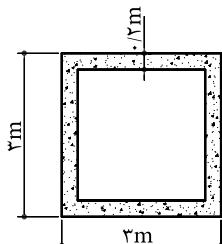
جدول ۵- چگالی انواع چوب (در حالت خشک)

چگالی $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$	ماده
۹۰۰	بلوط
۶۰۰	کاج
۶۵۰	داغدادگان
۵۰۰	توسکا
۷۰۰	زبان گنجشک
۶۰۰	صنوبر
۷۰۰	نارون
۴۵۰	تبریزی
۶۵۰	گردو
۷۵۰	چنار
۹۰۰	شمشداد
۷۰۰	چوب آزاد
۵۰۰	سپیدار
۶۵۰	ملج

جدول ۶- مواد و مصالح متفرقه

ارقام محاسباتی	ماده
۱۰ کیلوگرم بر متر مربع یکلا و ۱۵ کیلوگرم بر متر مربع دولا	گونی قیراندواد
۱۵ کیلوگرم بر متر مربع بهازای یک سانتی متر ضخامت	کف پوش های پلاستیکی
۱۵ کیلوگرم بر متر مربع بهازای یک سانتی متر ضخامت	کف پوش های لاستیکی
۲۰ کیلوگرم بر متر مربع بهازای یک سانتی متر ضخامت	آزیست
۲۵ کیلوگرم بر متر مربع بهازای یک سانتی متر ضخامت	انواع شیشه یا آجر شیشه ای پر
۷۵ کیلوگرم بر متر مربع بهازای یک سانتی متر ضخامت	آجرهای شیشه ای مجوف با ضخامت ۵۰ میلی متر
۱۰۰ کیلوگرم بر متر مربع بهازای یک سانتی متر ضخامت	آجرهای شیشه ای مجوف با ضخامت ۸۰ میلی متر
۱۲۵ کیلوگرم بر متر مربع بهازای یک سانتی متر ضخامت	آجرهای شیشه ای مجوف با ضخامت ۱۰۰ میلی متر
۲۲ کیلوگرم بر متر مربع بهازای یک سانتی متر ضخامت	موزاییک
۲۰ کیلوگرم بر متر مربع بهازای یک سانتی متر ضخامت	کاشی

تمرین:



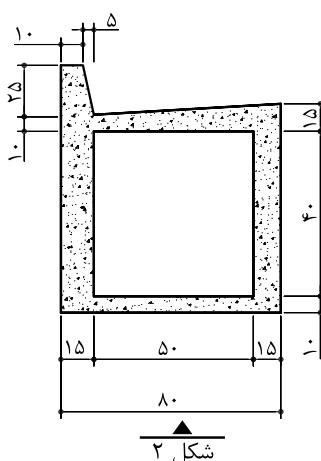
- ۱- شکل ۱ مقطع یک آبروی بتنی رانشان می دهد که طول آن ۱۱ متر است.
در قسمتی از یک راه، تعداد ۱۹ عدد از این آبروها مورد نیاز است.

الف - حجم بتن مصرفی چند متر مکعب است؟

- ب - مقدار سیمان مورد نیاز چند کیلوگرم است؟ (بتن از نوع ۳۵۰ کیلوگرم سیمان می باشد).

پ - وزن یک عدد از این آبروها چند تن نیرو است؟ (در صورتی که چگالی بتن ۲۴۰۰ کیلوگرم بر متر مکعب باشد).

- ۲- شکل ۲ مقطع یک آبروی سرپوشیده بتنی کنار خیابان است. طول خیابان ۱۳۵۰ متر است:



- الف - مقدار بتن مصرفی را بر حسب متر مکعب محاسبه کنید.
ب - مقدار سیمان لازم چند کیلوگرم است؟ (بتن از نوع ۳۵۰ کیلوگرم سیمان می باشد).

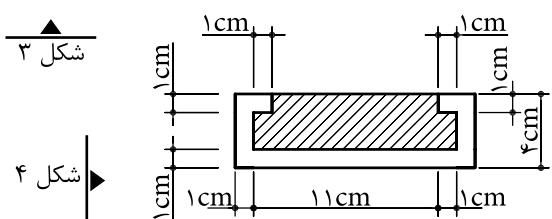
۳- برای پوشش سقفی، نیاز به ۱۶ عدد تیرچه بتنی به طول ۴/۷۵ متر است (شکل ۳). در صورتی که بتن در فوندوله ریخته شود و مشخصات هر فوندوله مطابق شکل ۴ باشد، تعیین کنید:

الف - تعداد فوندوله مورد نیاز برای هر تیرچه

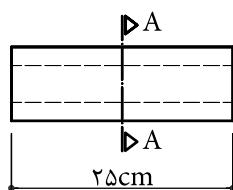
ب - تعداد کل فوندوله مورد نیاز

- پ - حجم کل بتن لازم بر حسب متر مکعب (از حجم میل گرد صرف نظر شود).

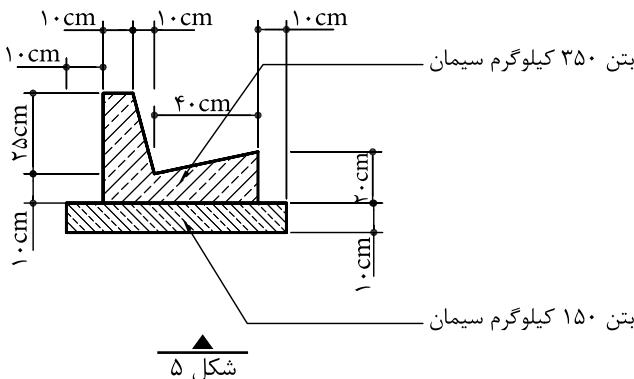
ت - جرم سیمان لازم بر حسب کیلوگرم (در صورتی که در هر متر مکعب بتن، ۳۰۰ کیلوگرم سیمان به کار رود).



برش A-A



- ۴- شکل ۵ مقطع آبروی بتنی کنار یک خیابان را که طول آن ۱۲۰۰ متر است نشان می‌دهد:
- الف - مقدار بتن ۳۵۰ کیلوگرم سیمان را بر حسب متر مکعب حساب کنید.
 - ب - مقدار بتن ۱۵۰ کیلوگرم سیمان بر حسب متر مکعب چقدر است؟
 - پ - مقدار مقدار سیمان لازم را بر حسب کیلوگرم تعیین کنید.



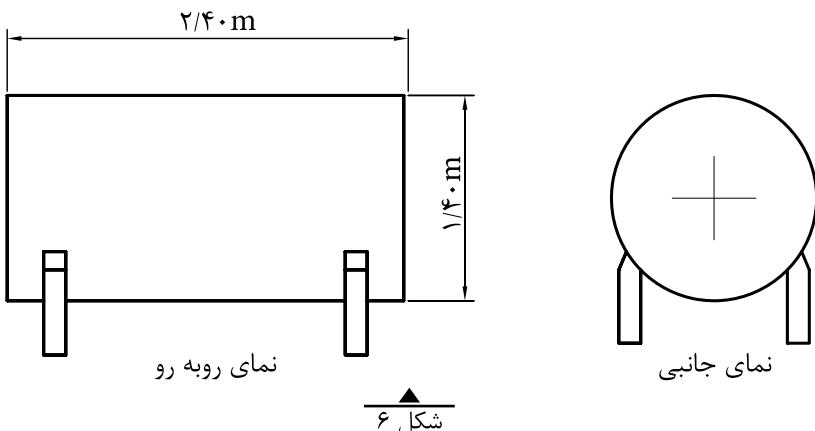
- ۵- برای اجرای یک پروژه عمرانی باید تعدادی لوله بتنی به طول $\frac{7}{5}$ متر، قطر داخلی ۴ متر و ضخامت دیواره ۲۵ سانتی‌متر، با تریلی از کارخانه تولید لوله به محل پروژه حمل شود. در صورتی که چگالی هر متر مکعب لوله ۲۸۰۰ کیلوگرم و جرم تریلی ۳۰ تن باشد و در مسیر تریلی پلی با ظرفیت باربری حداقل ۹۵ تن (با در نظر گرفتن وضعیت تقسیم بار بر روی محورها) وجود داشته باشد، آیا تریلی مجاز است این محموله را از روی پل عبور دهد؟
- ۶- به یک کارگاه ساختمانی ۲۴۰ تن سیمان وارد شده است. در صورتی که در ساختمان $\frac{3}{8}$ آن و در ساختمان $\frac{2}{8}$ آن مورد نیاز باشد و بقیه را بخواهیم انبار کنیم، باید چند کیلوگرم سیمان در هر ساختمان تخلیه شود و چند کیلوگرم به انبار حمل گردد؟ در ضمن مقدار سیمان انبارشده چند کیسه خواهد بود؟ (جرم هر کیسه سیمان ۵۰ کیلوگرم است).
- ۷- برای ساختن بتن در احداث پی یک ساختمان ۳ متر مکعب آب مورد نیاز است.
- الف - مقدار آب مورد نیاز چند لیتر است؟
 - ب - مقدار آب مورد نیاز چند دسی‌متر مکعب است؟
 - پ - در صورتی که برای نگهداری این مقدار آب بخواهیم از بشکه‌های ۲۰۰ لیتری استفاده کنیم، چند عدد بشکه مورد نیاز است؟

-۸- شکل زیر نقشهٔ یک تانکر آب را نشان می‌دهد که باید بر روی پشت بام نصب شود. وزن خود تانکر ۱۳۲ کیلوگرم نیرو است. سطح خارجی تانکر با رنگ روغنی پوشیده می‌شود.
موارد زیر را محاسبه کنید:

الف - حجم تانکر بر حسب m^3

ب - جرم تانکر بر حسب کیلوگرم (در صورتی که با آب پر شود)

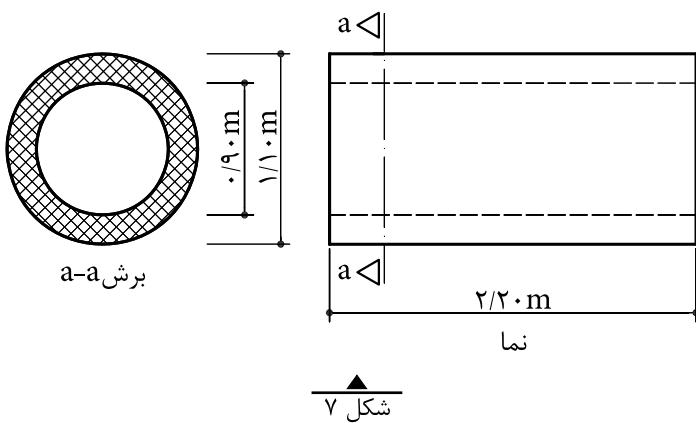
پ - چند متر مربع رنگ روغنی روی سطح خارجی تانکر زده می‌شود؟



-۹- برای یک کار اختصاصی، لوله بتنی طبق شکل زیر ساخته می‌شود. موارد زیر را محاسبه کنید:

الف - جرم یک لوله در صورتی که جرم یک متر مکعب بتون ۲۲۰۰ کیلوگرم باشد.

ب - در صورتی که ظرفیت حمل بار یک کامیون پنج تن باشد، چه تعداد از این لوله را می‌تواند حمل کند؟

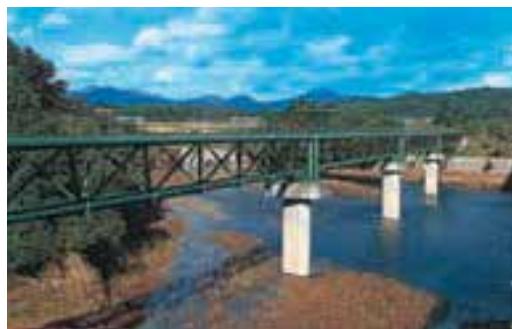


- ۱۰- گنجایش یک تانک ذخیره آب ۱۸ متر مکعب است. گنجایش تانک چند لیتر است؟ جرم آن را بر حسب تن محاسبه کنید.
- ۱۱- برای هر متر مکعب دیوار چینی، ۶۲۰ عدد آجر فشاری لازم است. در صورتی که جرم هر آجر فشاری $1/75$ کیلوگرم باشد، محاسبه کنید هر متر مکعب دیوار چینی چند کیلوگرم و چند تن آجر لازم دارد؟
- ۱۲- در صورتی که برای ملات هر متر مکعب دیوار چینی، ۸۵ کیلوگرم سیمان مصرف شود و حجم دیوار چینی ۱۰ متر مکعب باشد، چند پاکت سیمان لازم است؟ (هر پاکت سیمان ۵۰ کیلوگرم است). چند تن سیمان لازم است؟
- ۱۳- شکل زیر قالب فلزی ساخت دیواره بتونی حوضچه تصفیه فاضلاب را نشان می دهد. قطر دایره داخلی حوضچه ۱۲ متر و قطر دایره خارجی $13/20$ متر و ارتفاع آن $3/20$ متر است. حساب کنید:
- الف - سطح قالب بندی را بر حسب متر مربع.
- ب - اگر وزن متوسط هر متر مربع قالب بندی و پشت بندها ۴۲ کیلوگرم نیرو باشد، وزن کل قالب چند تن نیرو است؟
- پ - حجم بتون را بر حسب متر مکعب.
- ت - وزن بتون را بر حسب تن نیرو.



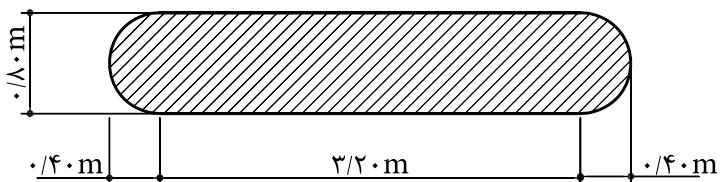
شکل ۸

۱۴- برای ساخت ۳ عدد پایه پل شکل زیر، با سطح مقطع شکل صفحه بعد به ارتفاع ۹ متر، چند متر مربع قالب‌بندی اجرا می‌شود؟



شکل ۹

در صورتی که بخواهیم این ستون‌ها را با بتن ۴۰۰ کیلوگرم سیمان بسازیم، چند تن سیمان لازم داریم؟



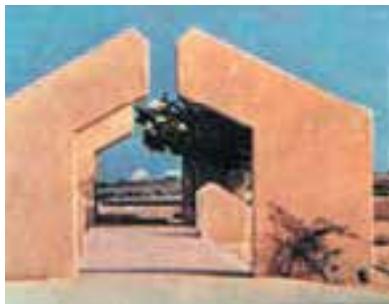
شکل ۱۰

۱۵- در یک محوطه سازی، ۴ عدد دیواره بتُنی به ضخامت ۴۰ سانتی متر مطابق شکل زیر ساخته شده است. اگر برای ساخت هر متر مکعب بتُن این سازه، ۳۵۰ کیلوگرم سیمان، ۰/۷۵ متر مکعب شن، ۰/۵۰ متر مکعب ماسه و ۱۲۰ لیتر آب نیاز باشد، محاسبه کنید:

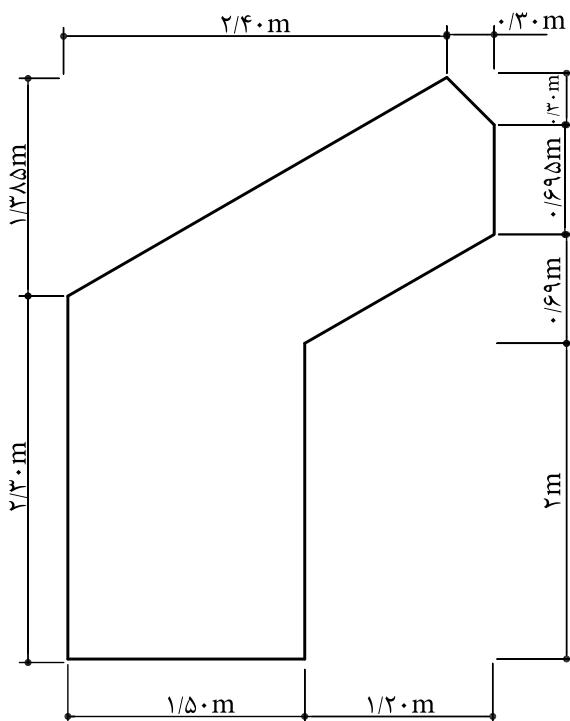
الف - مقدار سیمان لازم را بُر حسب تن.

ب - مقدار شن و ماسه را بُر حسب متر مکعب.

پ - مقدار آب مورد نیاز را بُر حسب متر مکعب.



شکل ۱۱



شکل ۱۲