

«فصل دوم»

مدارهای RL سری و موازی

(مطابق فصل سوم کتاب مدارهای الکتریکی)

هدف کلی :

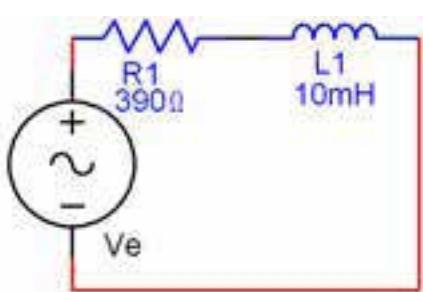
تحلیل عملی مدارهای RL سری و موازی با استفاده از نرم افزار مولتی سیم

هدف های رفتاری:

در پایان این آزمایش که با استفاده از نرم افزار مولتی سیم اجرا می شود از فرآگیرنده انتظار می رود که :

۱۱۲

- ۶- مدار RL موازی را بینند.
- ۷- جریان کل و جریان شاخه های مدار RL موازی را اندازه گیری کند.
- ۸- امپدانس و اختلاف فاز جریان و ولتاژ مدار RL موازی را اندازه گیری کند.
- ۹- توان موثر و ضریب توان مدار RL موازی را با مقادیر اندازه گیری شده جریان و ولتاژ مدار RL موازی محاسبه کند.
- ۱۰- توان موثر و ضریب توان مدار RL موازی را با وات متر اندازه گیری کند.
- ۱- مدار عملی RL سری را بینند.
- ۲- جریان ها و ولتاژ های مدار RL سری را اندازه گیری کند.
- ۳- امپدانس و اختلاف فاز جریان و ولتاژ مدار RL سری را اندازه گیری کند.
- ۴- توان موثر و ضریب توان را با استفاده از مقادیر اندازه گیری شده جریان و ولتاژ مدار RL سری محاسبه کند.
- ۵- توان موثر و ضریب توان مدار RL سری را با وات متر اندازه گیری کند.



شکل ۲-۱ مدار RL سری

۲-۱ آزمایش ۱: مدار RL سری

۲-۱-۱ مدار شکل ۲-۱ اتصال سری یک مقاومت اهمی و یک سلف را نشان می دهد. در مدار RL سری همواره جریان مدار یعنی $I = I_R = I_L$ با ولتاژ دو سر مقاومت (V_R) هم فاز است. از طرفی چون سلف در مدار وجود دارد، ولتاژ دو سر سلف (V_L) به اندازه 90° درجه با جریان اختلاف فاز دارد. برای محاسبه V_e از جمع برداری : $\vec{V}_e = \vec{V}_R + \vec{V}_L$ استفاده می کنند.

۲-۱-۸ ولتاژ دو سر L و R را به ترتیب با ولت‌متر اندازه بگیرید و آن‌ها را یادداشت کنید.

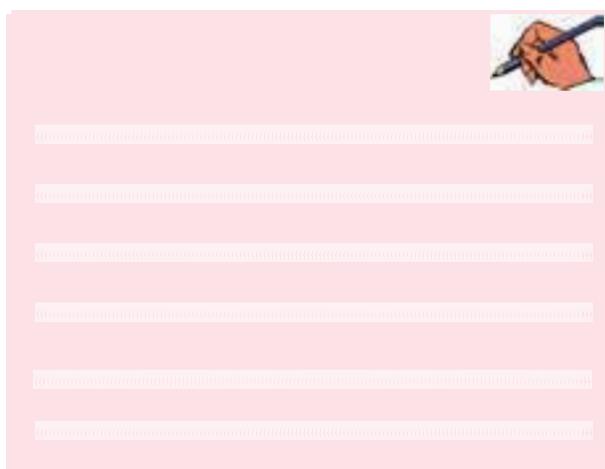
$$V_L = \dots\dots\dots V$$

$$V_R = \dots\dots\dots V$$

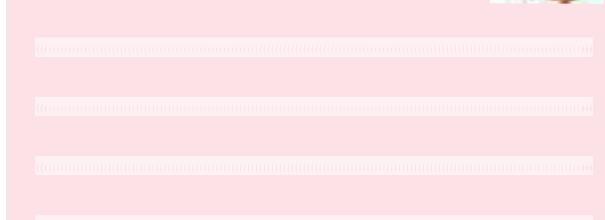
سوال ۱ آیا مقادیر محاسبه شده برای ولتاژ دو سر L و R با مقادیر اندازه‌گیری شده با هم برابر است؟ در صورت وجود اختلاف، دلائل را توضیح دهید.



۱۱۳



سوال ۲ آیا مقدار V_e با جمع برداری افت ولتاژهای دو سر مقاومت و سلف برابر است؟ توضیح دهید.



۲-۱-۹ با توجه به مقادیر اندازه‌گیری شده، امپدانس مدار را از رابطه‌ی:

$$Z = \frac{V_e}{I_e}$$

$$Z = \dots\dots\dots \Omega$$

۲-۱-۱۰ مقاومت ظاهری Z مدار را از رابطه‌ی:

$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2}$$

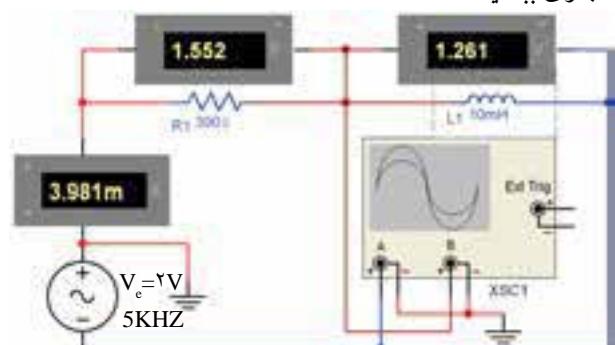
$$Z = \dots\dots\dots \Omega$$

۲-۱-۱۲ مقاومت مدار RL سری ترکیبی مشکل از دو نوع مقاومت اهمی و القایی است که اصطلاحاً آن را مقاومت ظاهری یا امپدانس می‌گویند. امپدانس را با Z نشان می‌دهند. مقدار امپدانس مدار از رابطه‌ی:

$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2}$$

به دست می‌آید.

۲-۱-۱۳ مدار شکل ۲-۲ را روی میز کار آزمایشگاه مجازی بیندید.



شکل ۲-۲ مدار عملی RL سری

۲-۱-۱۴ ولت‌مترهای مدار را در حالت AC قرار دهید. ولتاژ خروجی سیگنال ژنراتور را طوری تنظیم کنید که مقدار موثر ولتاژ را به مدار بدهد.

۲-۱-۱۵ توسط میلی‌آمپر متر AC جریان مدار را اندازه بگیرید و آن را یادداشت کنید.

$$I_e = \dots\dots\dots mA$$

۲-۱-۱۶ مقدار X_L را از رابطه‌ی:

$$X_L = \omega L = 2\pi f L$$

به دست آورید.

$$X_L = \dots\dots\dots \Omega$$

۲-۱-۱۷ مقدار ولتاژ دو سر سلف و مقاومت را از رابطه‌های زیر به دست آورید.

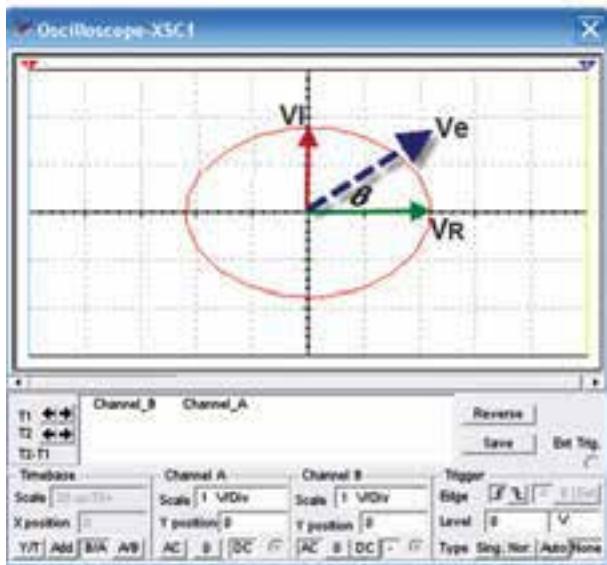
$$V_L = X_L \cdot I_e = \dots\dots\dots V$$

$$V_R = R \cdot I_e = \dots\dots\dots V$$

سوال ۳ آیا مقدار امپدانس اندازه‌گیری شده با مقدار محاسبه شده برابر است؟ در صورت وجود اختلاف توضیح دهید.



نکته :
اگر منحنی لیسازور به دایره نزدیک باشد اختلاف فاز مدار مشابه شکل ۲-۴ در حدود ۹۰ درجه است.



شکل ۲-۴ منحنی لیسازور به همراه دیاگرام برداری

۲-۱-۱۲ برای اندازه‌گیری اختلاف فاز مدار با

توجه به دیاگرام برداری ولتاژها و رابطه‌ی $\tan \varphi = \frac{V_L}{V_R} = \frac{I_e \cdot X_L}{I_e \cdot R}$ می‌توانیم مقدار را به دست آوریم: $\tan \varphi = \frac{X_L}{R}$ یا $\varphi = \tan^{-1} \frac{V_L}{V_R}$

۲-۱-۱۳ در مدار شکل ۲-۲ اختلاف فاز (بین جریان و ولتاژ مدار را با استفاده از منحنی لیسازور اندازه‌گیری کنید.

$$\varphi = \sin^{-1} \frac{B}{A} = \dots$$

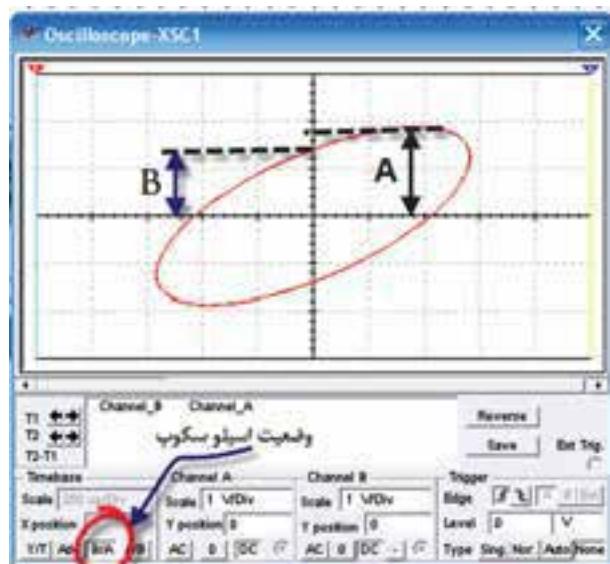
۲-۱-۱۴ اختلاف فاز بین ولتاژ و جریان مدار را با استفاده

$$\varphi = \tan^{-1} \frac{X_L}{R} \quad \text{از رابطه:} \quad \varphi = \dots$$

۲-۱-۱۱ برای اندازه‌گیری اختلاف فاز مدار از طریق

منحنی لیسازور وضعیت اسیلوسکوپ را مطابق شکل

۲-۳ در حالت $\frac{B}{A}$ بگذارید و اختلاف فاز را از رابطه‌ی $\varphi = \sin^{-1} \frac{B}{A}$ اندازه‌گیری کنید.



شکل ۲-۳ منحنی لیسازور مدار RL سری

$$\varphi = \dots$$

نکته مهم :

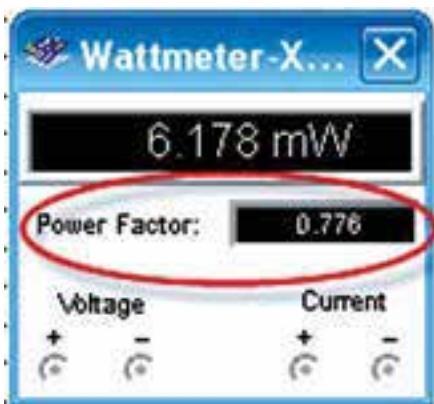
در صورتی که شکل موج منحنی لیسازور به صورت چند خطی مشاهده شد، یکی از زبانه‌های Sing, Non, Nor, Auto یا Non را تغییر دهید تا منحنی بدون اعوجاج باشد.

مؤثری را که وات متر نشان می دهد، یادداشت کنید.

$$P_e = \dots\dots\dots\dots\dots W$$

۲-۱-۱۷ مقدار ضریب توان ($\cos \varphi$) را طبق شکل

۲-۶ با وات متر اندازه گیری کنید.



شکل ۲-۶ مقدار اندازه گیری ضریب توان با وات متر

$$\cos \varphi = \dots\dots\dots\dots\dots$$

۲-۱-۱۸ ضریب توان مدار را از رابطه‌ی:

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} = \dots\dots\dots\dots\dots$$

محاسبه کنید.

سوال ۵ مقدار ضریب توان اندازه گیری شده را با مقدار

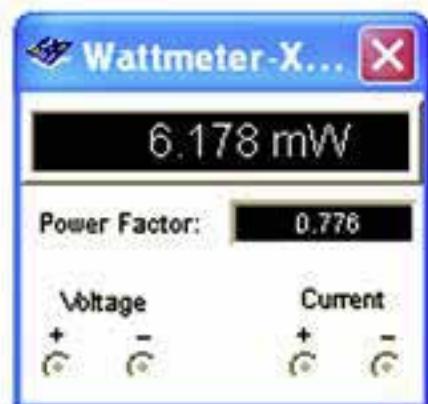
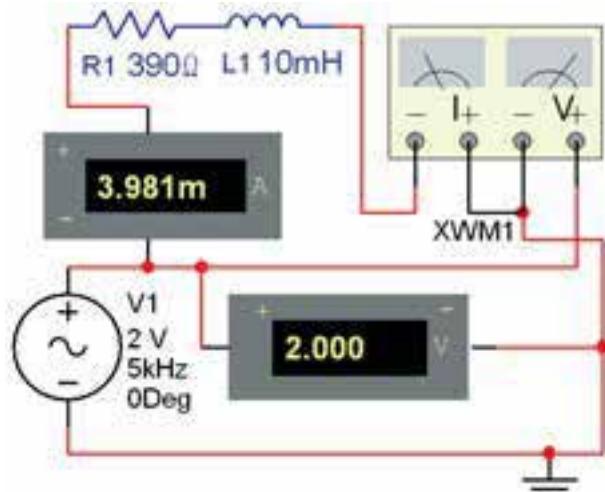
محاسبه شده مقایسه کنید. در صورت اختلاف علت را بررسی و نتیجه را توضیح دهید.



سوال ۴ اختلاف فاز محاسبه شده و اندازه گیری شده را با یکدیگر مقایسه کنید و نتیجه را بنویسید.



۲-۱-۱۵ برای اندازه گیری توان مؤثر و ضریب توان (cosφ) در مدار RL سری از دستگاه وات متر استفاده کنید. وات متر را مطابق شکل ۲-۵ به مدار اتصال دهید.



شکل ۲-۵ اتصال وات متر به مدار RL سری

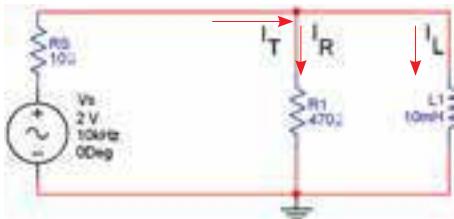
۲-۱-۱۶ روی وات متر دو بار کلیک کنید و مقدار توان

۲-۱۹ مقدار توان اکتیو را با استفاده از مقادیر

اندازه گیری شده و رابطه $P_e = V_e \cdot I_e \cos \varphi$ محاسبه کنید.

$$P_e = \dots \text{W}$$

سوال ۶ آیا مقدار توان مؤثر محاسبه شده با توانی که واتمتر نشان می دهد برابر است؟ شرح دهید.



شکل ۲-۸ مدار RL موازی

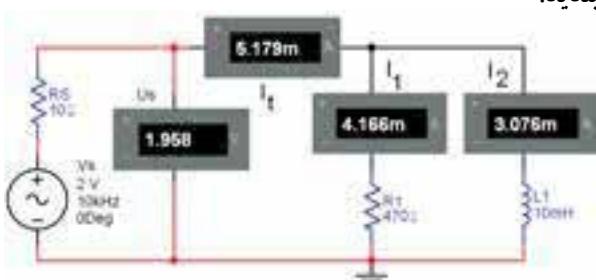
۲-۲-۲ در این مدار ولتاژ دو سر هر یک از شاخه های

مدار یعنی V_R , V_L و V_S با هم برابر است. جریان I_R با ولتاژ هم فاز و جریان سلف با ولتاژ V_S , 90° درجه اختلاف فاز دارد. (جریان کل I_T نسبت به ولتاژ V_S به اندازه φ پس فاز دارد). در مدار موازی جریان ها به صورت برداری $\vec{I}_T = \vec{I}_R + \vec{I}_L$ و $I_T = \sqrt{I_R^2 + I_L^2}$ با هم جمع می شوند: مقاومت ظاهری یا امپدانس مدار از رابطه زیر به دست می آید:

$$Z = \frac{R \cdot X_L}{\sqrt{R^2 + X_L^2}}$$

از مدار RL موازی در مدارهای الکترونیکی، الکترونیکی و مخابراتی برای فیلتر کردن یک محدوده فرکانسی معین استفاده می کنند.

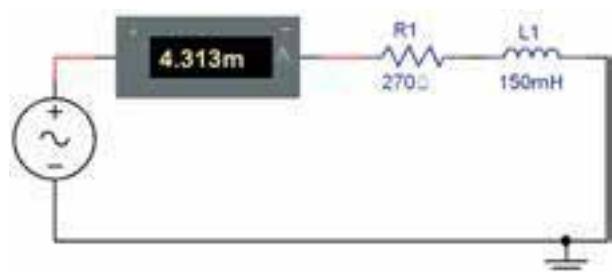
۲-۲-۳ مدار شکل ۲-۹ را بر روی میز کار نرم افزار بیندید.



شکل ۲-۹ مدار عملی RL موازی

تمرین ۱:

الف: در مدار RL سری شکل ۲-۷ جریان مدار $I_e = 4/31 \text{ mA}$ است. فرکانس، ولتاژ مؤثر منبع و اختلاف فاز مدار را محاسبه کنید. سپس مدار را بیندید و مقادیر عملی را به دست آورید. **ب:** مقادیر تئوری مجہولات مدار را با مقادیر اندازه گیری شده مقایسه کنید.



شکل ۲-۷ مدار RL سری

| | F(Hz) | V_e (V) |
|-----------------------|-------|---------|
| مقدار محاسبه شده | | |
| مقدار اندازه گیری شده | | |



شده‌ی I_e و V_e را برابر بازدید کنید.

$$Z = \frac{V_e}{I_e}$$

$$Z = \dots \Omega$$

۲-۲-۸ امپدانس مدار را از رابطه‌ی:

$$Z = \frac{R \cdot X_L}{\sqrt{X_L^2 + R^2}}$$

محاسبه کنید.

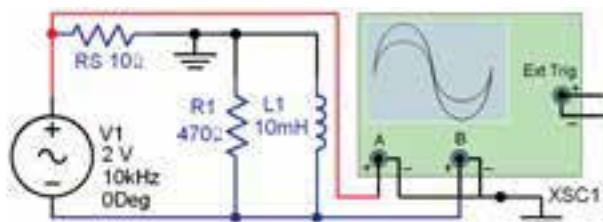
$$Z = \dots \Omega$$

سوال ۸: مقادیر امپدانس به دست آمده در دو مرحله را با یکدیگر مقایسه کنید. آیا مقادیر با هم برابر است؟ توضیح دهید.

۱۱۷



۲-۲-۹ مدار شکل ۲-۱۰ را بیندید. اختلاف فاز بین جریان و ولتاژ مدار اندازه بگیرید.



شکل ۲-۱۰ اتصال اسیلوسکوپ به مدار RL موازی برای اندازه‌گیری اختلاف فاز

۲-۲-۱۰ اسیلوسکوپ را در وضعیت لیسانژور قرار دهید.

اختلاف فاز بین جریان و ولتاژ را از رابطه‌ی:

$$\varphi = \sin^{-1} \frac{B}{A}$$

اندازه بگیرید.

$$\varphi = \sin^{-1} \frac{B}{A} = \dots \text{ درجه }$$

۲-۲-۴ آمپرمترهای مدار را در حالت AC قرار دهید.

مقاومت R_S ، مقاومت داخلی منع فرض شده است. منع تغذیه را طوری تنظیم کنید که مقدار موثر را به مدار بدهد. توسط آمپرمتر جریان کل مدار را اندازه بگیرید و یادداشت کنید.

$$I_e = I_T = \dots \text{ mA}$$

۲-۲-۵ جریان هر یک از شاخه‌ها را با توجه به مقدار ولتاژ عملی مدار اندازه بگیرید و یادداشت کنید.

$$I_R = \frac{V_R}{R} = \dots \text{ mA} \quad I_L = \frac{V_L}{X_L} = \dots \text{ mA}$$

۲-۲-۶ جریان شاخه‌ها را با آمپرمترهای مدار شکل

۲-۲-۵ اندازه بگیرید و با مقادیر محاسبه شده در مرحله ۵ مقایسه کنید و نتیجه را بنویسید.

$$I_L = \dots \text{ mA}$$

$$I_R = \dots \text{ mA}$$



سوال ۷ آیا جمع برداری جریان‌ها با جریان کل برابر است؟

شرح دهید.



۲-۲-۷ امپدانس مدار را با استفاده از مقادیر اندازه گیری

۲-۲-۱۳ روی وات متر دو بار کلیک کنید. توان مؤثر اندازه گیری شده را مشاهده و یادداشت کنید.

$$P_e = \dots\dots\dots W$$

۲-۲-۱۴ توان مؤثر مدار را با مقادیر اندازه گیری شده جریان، ولتاژ و ضریب توان محاسبه کنید.

$$P_e = \dots\dots\dots W$$

سوال ۱۰: آیا می توان مقدار اختلاف فاز را توسط وات متر اندازه گیری کرد؟ شرح دهید.



سوال ۱۱: آیا مقادیر توان مؤثر اندازه گیری شده با وات متر و مقدار محاسبه شده برابر است؟ شرح دهید.



۲-۲-۱۱ اختلاف فاز بین ولتاژ و جریان مدار را با استفاده از رابطه‌ی $\varphi = \tan^{-1} \frac{R}{X_L}$ محاسبه کنید.

$$\varphi = \dots\dots\dots$$

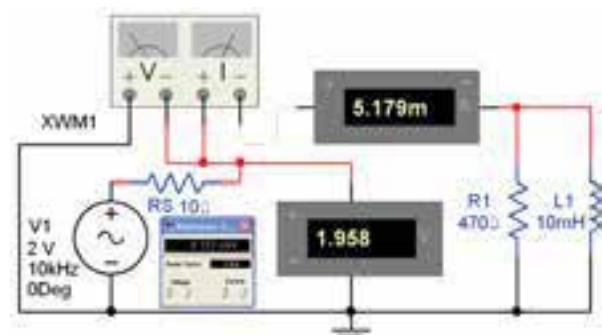
سوال ۹: اختلاف فاز اندازه گیری شده را با اختلاف فاز محاسبه شده مقایسه کنید و نتایج را بنویسید.



| |
|-------|
| |
| |
| |

۱۱۸

۲-۲-۱۲ مدار شکل ۲-۱۱ را بیندید و توان مؤثر و ضریب توان مدار را اندازه گیری کنید.



شکل ۲-۱۱ مدار برای اندازه گیری توان مؤثر به وسیله‌ی وات متر

نکته :

ترمینال‌های ولتاژ و جریان وات متر را به طور صحیح به مدار اتصال دهید.