

## تمرین دوره‌ای ۱



۱- دور هر عدد مرکب خط بکشید.

$$5, 6, 14, 15, 20, 23, 25, 39$$

۲- حاصل عبارت‌های زیر را به صورت عدد توان دار بنویسید.

$$3^4 \div 5^4$$

$$8^2 \div 4^2$$

$$8^3 \times 8^5$$

$$(0/2)^3 \div (0/2)$$

$$9^7 \times 1^7$$

$$(1/4)^7 \div (1/4)^5$$

۳- جذر هر یک از عدددهای زیر را به دست آورید.

$$\sqrt[3]{251}$$

$$\sqrt[3]{1}$$

$$\sqrt[3]{492}$$

۴- جذر هر یک از عدددهای زیر را تا دو رقم اعشار به دست آورید.

$$\sqrt{69/5}$$

$$\sqrt{295/1}$$

$$\sqrt{105}$$

۵- حاصل جمع‌ها و تفریق‌های زیر را حساب کنید.

$$\left(+\frac{2}{5}\right) + \left(+\frac{4}{5}\right)$$

$$\left(-\frac{3}{8}\right) + \left(-\frac{9}{10}\right)$$

$$\left(-\frac{5}{6}\right) - \left(+\frac{3}{4}\right)$$

$$\frac{2}{5} - \left(-\frac{7}{15}\right)$$

$$\left(-\frac{1}{2}\right) - \left(-\frac{3}{5}\right)$$

$$\frac{7}{10} + \left(-\frac{9}{8}\right)$$

۶- حاصل ضرب‌ها و تقسیم‌های زیر را حساب کنید.

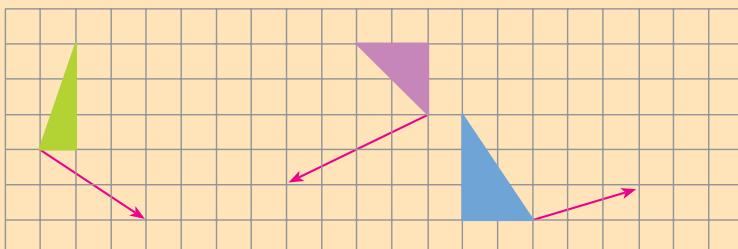
$$\left(+\frac{4}{5}\right) \div \left(-\frac{12}{11}\right)$$

$$\left(-\frac{6}{7}\right) \times \left(-\frac{7}{9}\right)$$

$$\left(-\frac{5}{9}\right) \div \left(+\frac{3}{2}\right)$$

$$\left(+\frac{3}{4}\right) \div \left[\left(+\frac{1}{2}\right) - \left(-\frac{3}{4}\right)\right]$$

۷- هر شکل را با بردار داده شده انتقال دهید و انتقال یافته‌ی آن را رسم کنید.



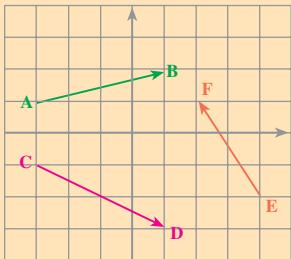
۸- حاصل جمع‌های زیر را پیدا کنید.

$$\begin{bmatrix} 2 \\ -5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 \\ 7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$





۹- با استفاده از شکل رو به رو،

الف - مختصات نقاط داده شده را بنویسید.

ب - مختصات بردارهای رسم شده را بنویسید.

پ - جمع متناظر با هر بردار را بنویسید.

۱۰- بردارهای زیر را با ابتدای مشخص شده، در یک دستگاه مختصات رسم کنید.

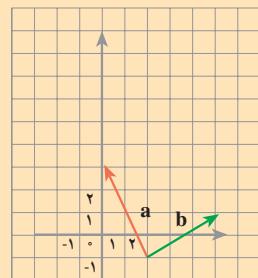
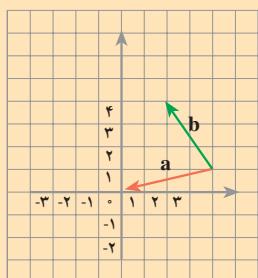
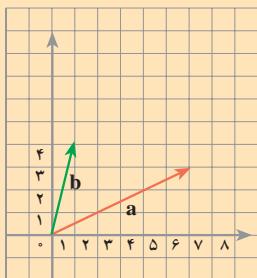
$$\text{ب} - \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix} \text{ ابتدا از } \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\text{الف} - \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \end{bmatrix} \text{ ابتدا از } \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{ت} - \begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix} \text{ ابتدا از } \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{پ} - \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix} \text{ ابتدا از } \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

۱۱- در هر یک از شکل‌های زیر، بردار حاصل جمع دو بردار  $a$  و  $b$  را رسم کنید. در هر  
حالت، تساوی مربوط به جمع دو بردار  $a$  و  $b$  را بنویسید.



$$\begin{bmatrix} 6 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix}$$

۱۲- حاصل عبارت‌های زیر را حساب کنید.

$$-\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}, \quad -4\begin{bmatrix} -2 \\ 5 \end{bmatrix}, \quad 4\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix}, \quad (-5)\begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix} + \frac{4}{5}\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}, \quad \frac{8}{5}\begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix} + \frac{2}{3}\begin{bmatrix} 1 \\ 4 \end{bmatrix}$$

۱۳- در جاهای خالی، عدد مناسب بنویسید.

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \underline{-} \\ \circ \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \circ \\ \underline{-} \end{bmatrix} = \underline{\quad} \begin{bmatrix} 1 \\ \circ \end{bmatrix} + \underline{\quad} \begin{bmatrix} \circ \\ 1 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 8 \\ -4 \end{bmatrix} = \underline{\quad} \begin{bmatrix} 1 \\ \circ \end{bmatrix} + \underline{\quad} \begin{bmatrix} \circ \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 \\ 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \underline{-} \\ \circ \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \circ \\ \underline{-} \end{bmatrix} = \underline{\quad} \begin{bmatrix} 1 \\ \circ \end{bmatrix} + \underline{\quad} \begin{bmatrix} \circ \\ 1 \end{bmatrix}$$

۱۴- با توجه به این که  $j = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$  و  $i = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$  ، مختصات هریک از بردارهای زیر را به دست آورید؛ سپس، آنها را در یک دستگاه مختصات رسم کنید.

$$a = 5i + 3j$$

$$b = \frac{3}{5}i - 2j$$

$$c = \frac{2}{3}i - j$$

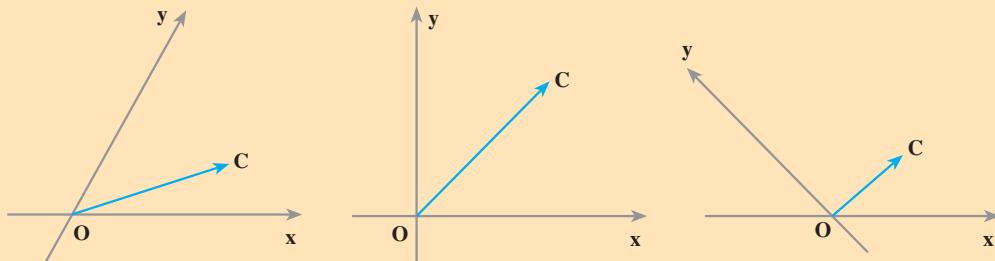
۱۵- با توجه به این که  $j = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$  و  $i = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$  ، هریک از بردارهای زیر را برحسب  $i$  و  $j$  بنویسید.

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} = 2 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} + 3 \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} = 2i + 3j$$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ -4 \end{bmatrix} = 4i - 4j$$

$$\begin{bmatrix} 7 \\ -1 \end{bmatrix} = 7i - j$$

۱۶- در هر شکل، روی نیم خط های  $ox$  و  $oy$  دو بردار  $OA$  و  $OB$  را طوری مشخص کنید که حاصل جمع آنها مساوی بردار  $OC$  شود.



۱۷- عبارت های جبری زیر را ساده کنید.

$$3a - 8b - 9a + 4b$$

$$\frac{3}{2}a - 4a + 2b + 6b$$

$$7 \times 3a - 2 \times 4a$$

$$3 \times \frac{2}{5}x - (-2) \times (4x)$$

$$2(3a - 2b) + 4(7a + b)$$

$$9(a - 2b) - 9a - b$$

۱۸- مقدار عددی هر عبارت جبری را به ازای مقدارهای داده شده برای  $x$  و  $y$  حساب کنید.

$$x = 1, y = 2, 2xy - y^2$$

$$x = -1, y = 1, 7x(x - y)$$

$$x = 2, y = 3, 4x^2 - yx$$

$$x = 3, y = 2, (x + y)(x - y)$$

۱۹- با استفاده از توزیع پذیری ضرب نسبت به جمع و تفریق، عبارت های زیر را ساده کنید.

$$2x(3a - b) + 3x(2a + b)$$

$$4x(5a + 2b) + 2x(-7a - 8b)$$

۲۰- هر عبارت را به صورت حاصل ضرب دو عبارت جبری بنویسید.

$$ab + 2ac$$

$$9ax + 12a$$

$$4ax + 12ay$$



۲۱- حاصل هر ضرب را به دست آورید و عبارت حاصل را ساده کنید.

$$(a - b)^2$$

$$(a - v)(b + u)$$

$$(x + y)(x - y)$$

$$(a + x)(a + y)$$

$$(x - a)(x - b)$$

$$(a - u)(a - v)$$

۲۲- معادله های زیر را حل کنید.

$$4x - v = 3x + 1$$

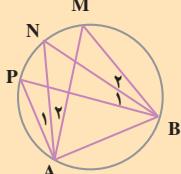
$$15x - 4 = 5$$

$$\frac{5}{v}x - 2 = 7$$

$$9x - 1 = x + 17$$

$$\frac{4}{3}x - \frac{2}{4} = \frac{1}{4}x$$

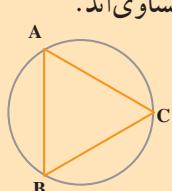
$$\frac{2}{5}x - \frac{3}{5} = 1$$



۲۳- در شکل رو به رو AN نیمساز زاویه PAM است.

الف- همهی زاویه های مساوی با  $A_1$  را مشخص کنید.

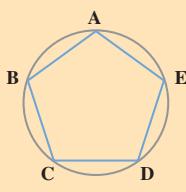
ب- همهی زاویه های مساوی با M را مشخص کنید.



۲۴- در دایره های شکل رو به رو، کمان های AB، BC و AC با هم مساوی اند.

الف- اندازهی هر زاویهی مثلث ABC چند درجه است؟

ب- چرا وترهای AB، BC و AC با هم مساوی اند؟



۲۵- دایره های رو به رو، به پنج کمان متساوی تقسیم شده است.

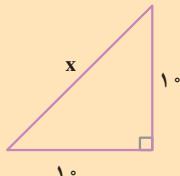
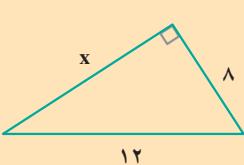
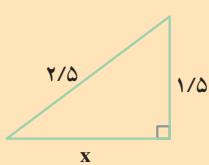
الف- اندازهی هر کمان چند درجه است؟

ب- اندازهی هر یک از زاویه های پنج ضلعی چند درجه است؟

پ- آیا این پنج ضلعی منتظم است؟ چرا؟

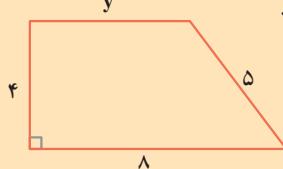
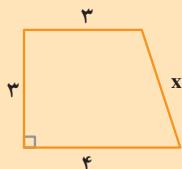
۲۶- در مثلث های قائم الزاویه زیر، اندازهی یک ضلع با x نشان داده شده است. x را تا یک

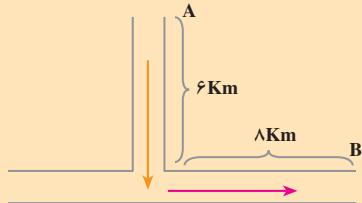
رقم اعشار حساب کنید.



۲۷- هر یک از چهار ضلعی های زیر، ذوزنقهی قائم الزاویه است. در هر یک، اندازهی ضلع

مجھول را حساب کنید.





۲۸- راه شوسه‌ی بین دو روستای A و B مانند شکل مقابل است؛ فاصله‌ی مستقیم این دو روستا چند کیلومتر است؟

- رسم شکل
- جدول نظامدار
- الگویابی
- حذف حالت‌های نامطلوب
- زیرمسئله
- حل مستقله‌ی ساده‌تر
- تشکیل معادله
- حدس و آزمایش

## حل مسئله



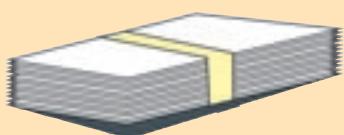
۱- ضخامت یک فرهنگ لغت  $16^{\circ}$  صفحه‌ای،  $8$  سانتی‌متر است؛ ضخامت یک برگ کاغذ این فرهنگ لغت چه قدر است؟

۲- برای موزاییک فرش یک اتاق به اندازه  $45^{\circ}$  موزاییک به ابعاد  $2^{\circ}$  سانتی‌متر در  $20$  سانتی‌متر نیاز داریم. در صورتی که از موزاییک‌هایی به ابعاد  $2^{\circ}$  سانتی‌متر در  $30$  سانتی‌متر استفاده کنیم، چند موزاییک لازم است؟



۳- چهار بنا می‌توانند یک دیوار را  $9$  روزه بسازند. برای این که دیوار  $6$  روزه ساخته شود، چند بنا باید با هم کار کنند؟

۴- برای خریدن  $5$  مداد، یک اسکناس  $10^{\circ}$  تومانی به کتاب‌فروش دادیم و او  $15$  تومان پس داد. قیمت یک مداد چه قدر است؟



۵- وزن یک بسته کاغذ  $500$  برگی، یک کیلوگرم است. وزن هر برگ از این کاغذ چند گرم است؟

۶- محیط یک متوازی‌الاضلاع  $30$  سانتی‌متر و طول یک ضلع آن  $5$  سانتی‌متر است. طول یک ضلع مجاور به این ضلع چه قدر است؟

