

موج‌های الکترومغناطیسی



۹

فصل

موج‌های الکترومغناطیسی

نگاهی به فصل : آیا می‌دانید انرژی حیاتی مورد نیاز گیاهان، جانوران، انسان و ... از چه طرق و چگونه به زمین می‌رسد؟

آیا می‌دانید رادیو، تلویزیون، تلفن، بی‌سیم، ماهواره‌ها و ... بر چه اساسی کار می‌کنند؟

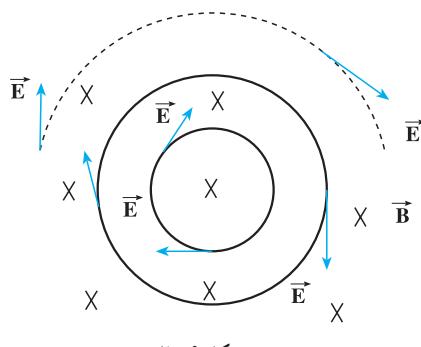


شکل ۱-۶

هر موجود زنده‌ای در زمین به انرژی خورشید نیاز دارد، به طوری که بدون انرژی خورشید حیات روی کره زمین از بین می‌رود. این انرژی از طریق موج‌های الکترومغناطیسی به زمین می‌رسد و در تمام ارتباطات راه دور این موج‌ها به کار گرفته می‌شوند. با استفاده از سرعت بالای این امواج می‌توان خبر رخ دادن هر حادثه را کمتر از چند دهم ثانیه به هر نقطه از زمین رساند.

مایکل فارادی دانشمند انگلیسی (۱۸۰۷-۱۸۶۱ میلادی) و جیمز کلارک ماکسول فیزیک‌دان اسکاتلندي (۱۸۳۱-۱۸۷۹ میلادی) نقش عمده‌ای در کشف پدیده‌های الکترومغناطیسی و مطالعه بروی آنها داشتند.

در فیزیک (۳) و آزمایشگاه با قانون فارادی آشنا شدیم و دیدیم که اگر شار مغناطیسی گذرنده از یک مدار بسته تغییر کند، نیروی محرکه‌ای را در مدار ایجاد می‌کند که بزرگی آن با آهنگ تغییر شار مناسب است؛ مثلاً اگر در شکل ۲-۶ میدان مغناطیسی \vec{B} تغییر کند، در اثر تغییر شار یک نیروی محرکه در مدار القا می‌شود. در واقع و به طور عمیق‌تر می‌توان گفت که



شکل ۲-۶

در اثر تغییر میدان مغناطیسی یک میدان الکتریکی القایی در فضا ایجاد می‌شود که خط‌های آن در این شکل نشان داده شده‌اند این میدان حتی هنگامی که مدار نیز وجود ندارد ایجاد می‌شود؛ یعنی، میدان الکتریکی را تنها بارهای الکتریکی تولید نمی‌کنند، بلکه در اثر تغییر میدان مغناطیسی نیز به وجود می‌آید. در فیزیک (۳) و آزمایشگاه همچنین دیدیم که هنگامی که میدان الکتریکی داخل یک رسانا وجود دارد، در آن اختلاف پتانسیل الکتریکی ایجاد می‌کند درنتیجه می‌توان گفت : «نیروی محرکه القایی از این میدان الکتریکی القایی حاصل می‌شود.» ماکسول پیش‌بینی کرد همان‌طور که در اثر تغییر میدان مغناطیسی در فضا، میدان الکتریکی تولید می‌شود، در اثر تغییر میدان الکتریکی نیز میدان مغناطیسی ایجاد می‌شود؛ یعنی، علاوه بر جریان الکتریکی و آهنربا تغییر میدان الکتریکی نیز می‌تواند منشأ میدان مغناطیسی باشد. ماکسول با توجه به کارهای اورستد، آمپر، هائزی و فارادی مبانی علم الکتریسیته و مغناطیس را تدوین کرد و وجود موج‌های الکترومغناطیسی و انتشار آنها در فضا را پیش‌بینی کرد. بعدها هرتز فیزیکدان آلمانی (۱۸۹۴-۱۸۵۷ میلادی) وجود این موج‌ها را به طور تجربی نشان داد.

۶-۱-چگونگی تشکیل موج‌های الکترومغناطیسی توسط یک آنتن

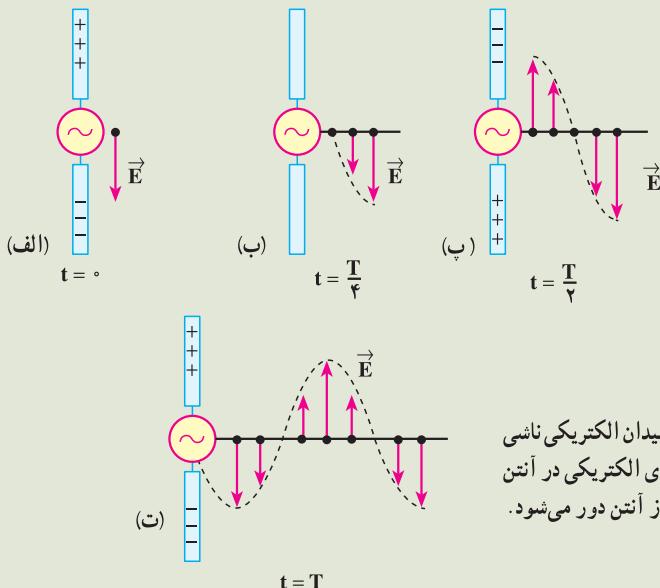
موج‌های الکترومغناطیس از میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی تشکیل شده‌اند. عامل اصلی ایجاد موج‌های الکترومغناطیسی، ذرات باردار شتاب‌دارنده؛ یعنی، وقتی ذره بارداری شتاب‌دار می‌شود بخشنی از انرژی خود را به صورت موج‌های الکترومغناطیسی گسیل می‌کند، گسیل موج‌های الکترومغناطیسی توسط اجسام را تابش می‌نمند.

چگونگی تولید موج‌های الکترومغناطیسی توسط آنتن

در آنتن، یک منبع ولتاژ متناوب برای ایجاد نوسان بار الکتریکی مورد استفاده قرار می‌گیرد و این شیوه‌ای مرسوم برای شتاب‌دار کردن ذرات است. از آنتن‌ها به عنوان چشمۀ موج‌های الکترومغناطیس در ایستگاه‌های رادیویی، مخابراتی و... استفاده می‌شود. شکل ۶-۳ نحوه تولید یک موج الکترومغناطیس را در یک آنتن نشان می‌دهد. دو میلهٔ فلزی به یک مولد متناوب (ac) متصل شده‌اند. چون ولتاژ خروجی این مولد به صورت سینوسی است، بار روی میله‌ها دائمًا تغییر می‌کند. در لحظه $t = 0^\circ$ بار روی میله بالایی بیشینه و مثبت و روی میله پایینی بیشینه و منفی است. سپس بار این میله‌ها کاهش می‌یابد

و در لحظه $t = \frac{T}{4}$ به صفر می‌رسد (شکل ۶-۳-ب) در ادامه این حرکت، علامت بار میله‌ها معکوس می‌شود، یعنی بار میله بالای منفی و بار میله پایینی مثبت می‌شود و مقدار آن نیز افزایش می‌یابد تا در لحظه $t = \frac{T}{2}$ به یک مقدار بیشینه برسد (شکل ۶-۳-پ). تغییر بار میله‌ها به همین ترتیب ادامه می‌یابد.

در زمان $S = t$ بار مثبت در میله بالایی و بار منفی در میله پایینی بیشینه است (شکل ۶-۳-الف). پس میدان الکتریکی حاصل از این بارها نیز بیشینه است. میدان الکتریکی ایجاد شده در نزدیکی آنتن، در این لحظه، در این شکل نشان داده شده است.



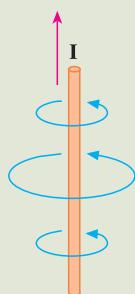
شکل ۶-۳-میدان الکتریکی ناشی از نوسان بارهای الکتریکی در آنتن با سرعت نور از آنتن دور می‌شود.

با کاهش بار روی میله‌ها، شدت میدان الکتریکی در نزدیکی میله‌ها، کاهش می‌یابد و میدان الکتریکی بیشینه رو به پایینی که در لحظه $S = t$ تولید شده بود از میله دور می‌شود. هنگامی که بارهای مثبت و منفی روی میله‌ها صفر است (مانند شکل ۶-۳-ب) میدان الکتریکی نیز صفر است. این وضعیت $\frac{1}{4}$ دوره ($t = \frac{T}{4}$) بعد از شروع نوسان پیش می‌آید. با ادامه این عمل، میله بالایی، بعد از زمان $\frac{T}{4} = t$ ، دارای بیشترین مقدار بار منفی و میله پایینی دارای بیشترین بار مثبت می‌شود. در این حالت میدان الکتریکی ایجاد شده

رو به بالاست (شکل ۶-۳-پ) و با ادامه یافتن نوسان بار الکتریکی روی میله‌ها میدان الکتریکی مطابق شکل ۶-۳-ت تشکیل می‌شود. در تمام این مراحل میدان الکتریکی نزدیک آتنن با نوسان بار الکتریکی روی آن هم فاز است؛ یعنی، جهت میدان الکتریکی در زمانی که میله‌بالایی مثبت است رو به پایین و وقتی میله‌بالایی منفی است، رو به بالاست و اندازه میدان در هر لحظه به مقدار بار روی میله در آن لحظه بستگی دارد.

با ادامه نوسان بارهای الکتریکی روی میله‌ها، میدان‌های الکتریکی ایجاد شده با سرعت نور از آتنن دور می‌شوند. در شکل ۶-۳-الگویی از میدان الکتریکی را در لحظه‌های مشخص از نوسان مشاهده می‌کنید. همان‌گونه که می‌بینید در طول یک دوره از نوسان بار، میدان الکتریکی ایجاد شده در ابتدای دوره به اندازه یک طول موج کامل جلو رفته است.

تغییر بارهای الکتریکی در میله‌ها سبب ایجاد جریان الکتریکی در میله‌ها و در نتیجه تولید یک میدان مغناطیسی در اطراف میله‌ها می‌شود. وقتی جریان در میله‌ها رو به بالاست (همان‌طور که در فیزیک ۳ و آزمایشگاه در مورد میدان حاصل از جریان در یک سیم دیدیم) خطوط میدان مغناطیسی تولید شده به صورت دایره‌هایی هم‌مرکز به دور آتنن‌اند (شکل ۶-۴). این خط‌ها بر میدان الکتریکی تولید شده در هر نقطه عمودند.

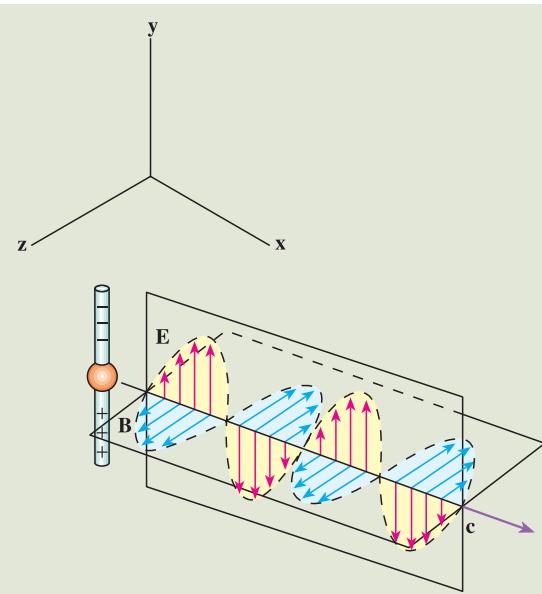


شکل ۶-۴- چگونگی تشکیل خطوط میدان مغناطیسی در اطراف یک آتنن که از آن جریان الکتریکی متغیر می‌گذرد.

با عوض شدن جهت جریان،
جهت میدان مغناطیسی نیز
وارونه می‌شود و با تغییر
جریان نسبت به زمان، میدان
مغناطیسی نیز همانند میدان
الکتریکی در اطراف آتنن
تغییر می‌کند.

تا اینجا دیدیم که نوسان بارهای الکتریکی روی میله‌ها، در فضا میدان الکتریکی و مغناطیسی متغیر تولید می‌کند. اما علاوه بر اینها دو پدیده دیگر نیز رخ می‌دهد. همان‌طور که دیدیم:

- الف) میدان مغناطیسی متغیر با زمان، میدان الکتریکی تولید می‌کند.
- ب) میدان الکتریکی متغیر با زمان – همان‌طور که ماسکسول پیش‌بینی کرده بود – میدان مغناطیسی ایجاد می‌کند.



این میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی القایی هم فازند؛ یعنی، در هر نقطه هر دو میدان هم‌زمان با هم بیشینه یا کمینه می‌شوند (شکل ۶-۵). علاوه بر این میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی بر یکدیگر و هر دوی آنها بر راستای حرکت موج عمودند.

درنتیجه این دو پدیده و مواردی که در بالا ذکر شد، یک موج الکترومغناطیسی ایجاد می‌شود که در فضا منتشر می‌شوند (شکل ۶-۵).

شکل ۶-۵_ یک موج الکترومغناطیسی گسیل شده از یک آنتن در یک لحظه از زمان. توجه کنید که میدان الکتریکی بر میدان مغناطیسی و هر دو بر راستای انتشار موج عمودند.

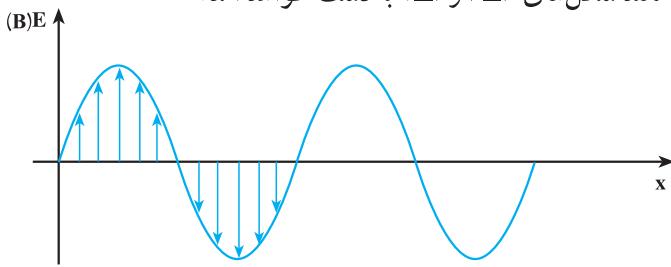
موج‌های الکترومغناطیسی نیز، مانند موج‌های مکانیکی، در زمان و مکان تغییر می‌کنند، با این تفاوت که در موج‌های مکانیکی ذره‌های تشکیل‌دهنده محیط نوسان می‌کنند و در موج‌های الکترومغناطیسی، میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی در هر نقطه از فضا به طور نوسانی تغییر می‌کنند. همین موضوع سبب می‌شود که موج‌های الکترومغناطیسی برای انتشار خود، الزاماً به محیط مادی نیاز نداشته باشند و در خالٌ نیز منتشر شوند.

برای بیان چگونگی انتشار موج‌های الکترومغناطیسی نیز می‌توانیم، همان‌طور که در مورد موج‌های مکانیکی انجام دادیم، از نمودارهای میدان‌های الکتریکی (و یا مغناطیسی) بر حسب مکان یا زمان استفاده کنیم. ابتدا تغییرات میدان الکتریکی را توصیف می‌کنیم.

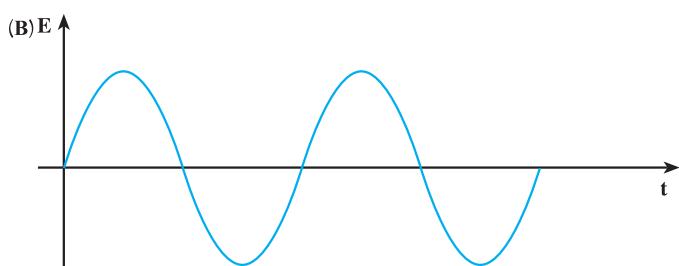
یک موج الکترومغناطیسی را در نظر می‌گیریم که در جهت محور x منتشر می‌شود. نمودار میدان الکتریکی بر حسب مکان این موج در شکل ۶-۶ رسم شده است. این نمودار، میدان الکتریکی را در تمام نقطه‌ها در امتداد محور x و در یک لحظه نشان می‌دهد. می‌بینید که در جهت محور x ، میدان

الکتریکی افزایش می‌یابد تا به یک مقدار بیشینه برسد، سپس کاهش می‌یابد و صفر می‌شود و در ادامه، همین تغییرات در جهت عکس صورت می‌گیرد.

تغییرات میدان الکتریکی در یک نقطه از فضای نیز می‌توان با استفاده از نمودار میدان الکتریکی بر حسب زمان نشان داد. این نمودار در شکل ۶-۷ رسم شده است. مشاهده می‌کنید که مقدار میدان در این نقطه، از صفر تا مقدار بیشینه افزایش می‌یابد و سپس کاهش می‌یابد و دوباره به صفر می‌رسد. پس از آن جهت میدان معکوس می‌شود. در این جهت نیز میدان از صفر تا مقدار بیشینه افزایش می‌یابد و دوباره کاهش می‌یابد تا به صفر برسد و این نوسان‌ها به همین ترتیب ادامه می‌یابد. نمودار میدان مغناطیسی بر حسب مکان و میدان مغناطیسی بر حسب زمان را نیز می‌توان مانند نمودارهای مربوط به میدان الکتریکی رسم کرد که باز هم نمودارهای مانند شکل‌های ۶-۶ و ۶-۷ به دست خواهد آمد.

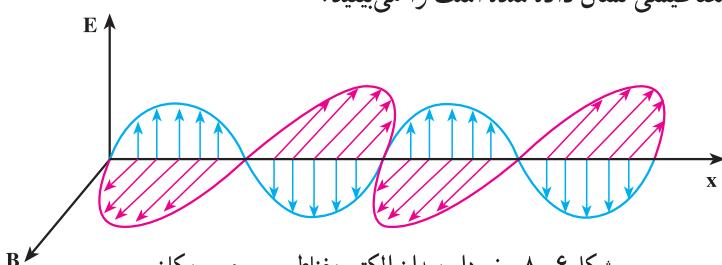


شکل ۶-۶ - نمودار میدان الکتریکی (مغناطیسی) بر حسب مکان. یک موج الکترومغناطیسی در امتداد محور x ، در یک لحظه از زمان.



شکل ۶-۷ - نمودار میدان الکتریکی (مغناطیسی) بر حسب زمان، یک موج الکترومغناطیسی در یک نقطه از محور x .

در شکل ۶-۸ نمودارهای میدان الکترومغناطیسی بر حسب مکان که در آن هم میدان الکتریکی و هم میدان مغناطیسی نشان داده شده است را می‌بینید.



شکل ۶-۸ - نمودار میدان الکترومغناطیسی بر حسب مکان

تعريفهایی که قبلاً در مورد موج‌های مکانیکی بیان کردیم، در مورد موج‌های الکترومغناطیسی هم به کار می‌روند؛ مثلاً، تعداد نوسان‌های میدان الکتریکی (و یا مغناطیسی) در واحد زمان و در هر نقطه از فضا، بسامد و زمانی که طول می‌کشد تا میدان الکتریکی (و یا مغناطیسی) یک نوسان کامل انجام دهد، دوره نامیده می‌شود. به همین ترتیب، طول موج فاصله بین دو نقطه متوالی از موج است که در آن دو نقطه میدان‌های الکتریکی (و یا مغناطیسی) هم فازند. سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیسی نیز، همچون موج‌های مکانیکی از رابطه $v = \lambda f$ بدست می‌آید.

۱-۶ پرسش

با توجه به شکل ۱-۵ توضیح دهید که موج‌های الکترومغناطیسی طولی‌اند یا عرضی؟

۲-۶ سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیسی

میدان مغناطیسی و الکتریکی حاصل از جریان نوسانی در یک آتنن به‌طور هم‌زمان به تمام نقاط نمی‌رسد، بلکه با سرعت مشخصی منتشر می‌شوند. ابتدا این میدان‌ها در نقاط تزدیک و سپس به نقاط دورتر می‌رسند. ماسکول نشان داد که سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیسی در خلا از رابطه زیر به‌دست می‌آید:

$$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \quad (1-6)$$

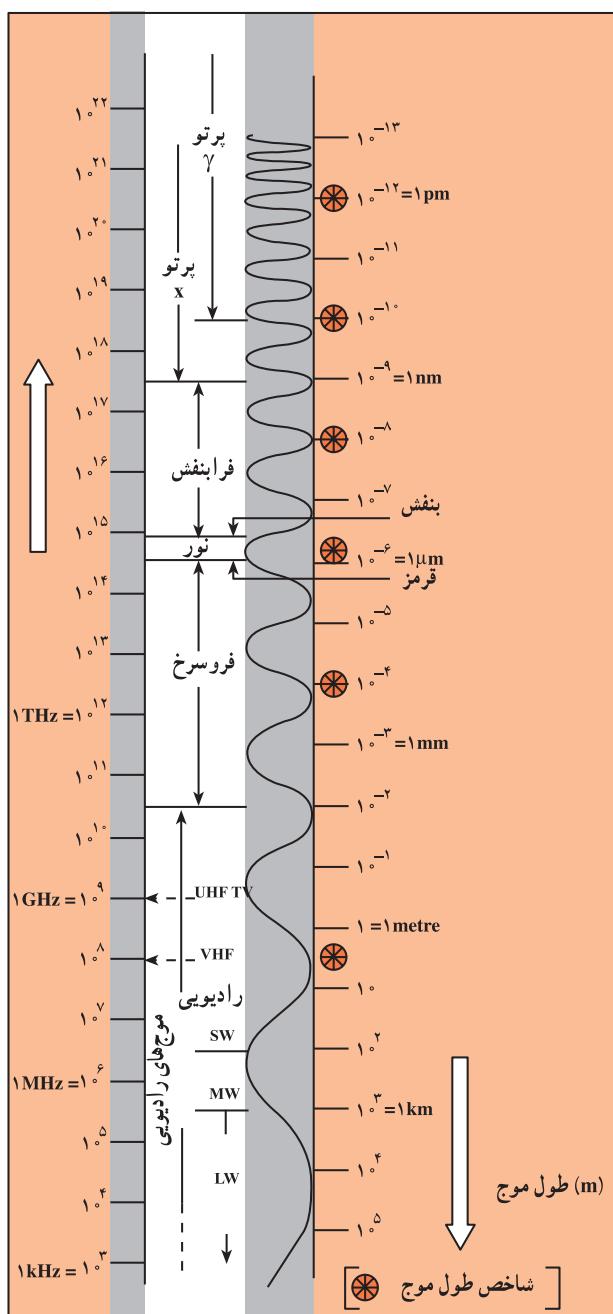
که در آن c ضریب گذردهی الکتریکی در خلا و μ_0 تراوایی مغناطیسی خلا است. از فیزیک (۳) و

آزمایشگاه به یاد دارید که $C = 8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m}$ و $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T.m/A}$ است. با قرار دادن مقادیر بالا در رابطه ۱-۶ سرعت انتشار موج‌های الکترومغناطیس در خلا به‌دست می‌آید:

$$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = \frac{1}{\sqrt{8.85 \times 10^{-12} \times 4\pi \times 10^{-7}}} \approx 3 \times 10^8 \text{ m/s}$$

که این مقدار برابر سرعت انتشار نور در خلا است.

۶-۳- طیف موج‌های الکترومغناطیسی



شكل ۶-۹- طیف موج‌های الکترومغناطیسی

موج‌های الکترومغناطیسی

طیف گسترده‌ای از نظر بسامد (و طول موج) دارند. به نواحی مختلف طیف الکترومغناطیسی، نام‌هایی از قبیل: موج‌های رادیویی، نوری، تابش گرمایی، فرابنفس، γ ، X و ... اطلاق می‌شود. در هریک از این ناحیه‌ها تابش به طریق خاصی تولید و آشکار می‌شود. جدول ۶-۱ نحوه تولید، کاربرد و آشکارسازی نواحی مختلف طیف الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد؛ مثلاً، نور که گستره کوچکی از این طیف است، مستقیماً بر شبکیه چشم اثر می‌کند و از این طریق آشکار می‌شود اما آشکارسازی موج‌های رادیویی توسط وسیله‌های الکترونیکی خاصی مانند رادیو، تلویزیون و ... صورت می‌گیرد.

شکل ۶-۹ گسترۀ (طیف)

موج‌های الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد. این موج‌ها، طیف پیوسته‌ای را تشکیل می‌دهند. با وجود تفاوت بسیار زیاد در بسامد، نحوه تولید و آشکارسازی آنها، ماهیت و قانون‌های حاکم بر همه آنها یکسان است.

جدول ۶-۱- نحوه تولید، آشکارسازی و کاربرد طیف موج های الکترومغناطیسی

نام و حدود طول موج	جهشمه	وسایل آشکارسازی	بعضی از ویژگی های خاص و کاربرد
پرتو گاما (γ) ۱۰ ^{-۱} m = ۱ pm	هسته مواد رادیوакتیو و پرتو های کیهانی	شمارش گر گاگر - مولر و فیلم عکاسی	فوتون های با انرژی بسیار بالا و با قدرت نفوذ بسیار زیاد، خیلی خطرناک کاربرد: بافت های سلطانی را از پینین می برد، برای پیدا کردن ترک در فزانات، برای ضد غفعونی کردن تجهیزات و وسائل
پرتو ایکس (X) ۱۰ ^{-۱} m = ۱ nm	لامپ پرتو X	فیلم عکاسی و صفحه فلورورسان	فوتون های بسیار پرا نوی و با قدرت نفوذ زیاد، خیلی خطرناک کاربرد: استفاده در پرتو گاری، استفاده در مطالعه ساختار بلورها، معالجه بیماری های بوستی، استفاده در پرتو درمانی
فرابنفش (UV) ۱۰ ^{-۸} m = ۱ nm	حورشید، جسم های حیلی داغ، جرقه الکتریکی، لامپ بخار جبیه	فیلم عکاسی، فونوسل	فوتون های بسیاری از اکتشاف های شیمیابی و ترکی: توسط شیشه جذب می شود، سبب بسیاری از اکتشاف های شیمیابی می شود، یاخته های زنده را از بین می برد.
نور مرئی ۱۰ ^{-۷} m = ۱ μm	حورشید، جسم های داغ، لیزرها	جشم، فیلم عکاسی، فوتولس	ویژگی ها: در دید انسان نقش اساسی دارد، برای رشد گیاهان و عمل فتو سنتز نقش حیاتی دارد.
فروسرخ (IR) ۱۰ ^{-۴} m = ۱ μm	حورشید، جسم های گرم و داغ	فیلم های مخصوص عکاسی	ویژگی هایی که جذب می شود، پوست را گرم می کند.
رادیویی ۱۰ ^{-۳} m (VHF)	اجاق های مایکروویو، آتش های رادیویی و تلویزیون	رادیو و تلویزیون	کاربرد: در آشپزی، رادیو، تلویزیون، مخابرات ماهواره ای و در رادارها برای آشکارسازی هواییما، موشک و کشنی

پرسش ۹

با استفاده از شکل ۹-۶ موج‌های مختلف طیف الکترومغناطیسی را به ترتیب افزایش طول موج، نام بیرید.

در شکل ۹-۶ بیشترین بسامد در بالای طیف و کمترین بسامد در پایین طیف قرار دارد. کوتاه‌ترین طول موج در بالای طیف، مربوط به پرتوهای گاما که در حدود 10^{-13} متر است و بر عکس بلندترین طول موج مربوط به موج‌های رادیویی است که در حدود 10^5 متر است.

مثال ۱-۴

محدوده طول موج، امواج الکترومغناطیسی مرئی از $\frac{1}{4}$ میکرون (10^{-7} m) مربوط به طول موج بنفش تا $\frac{7}{4}$ میکرون مربوط به طول موج نور قرمز است. محدوده بسامد نور مرئی را به دست آورید.

پاسخ

با استفاده از رابطه $f = \frac{c}{\lambda}$ داریم:

$$f_{بنفش} = \frac{c}{\lambda_{بنفش}} = \frac{3 \times 10^8}{4 \times 10^{-7}} = 7.5 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

$$f_{قرمز} = \frac{c}{\lambda_{قرمز}} = \frac{3 \times 10^8}{7 \times 10^{-7}} \approx 4.3 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

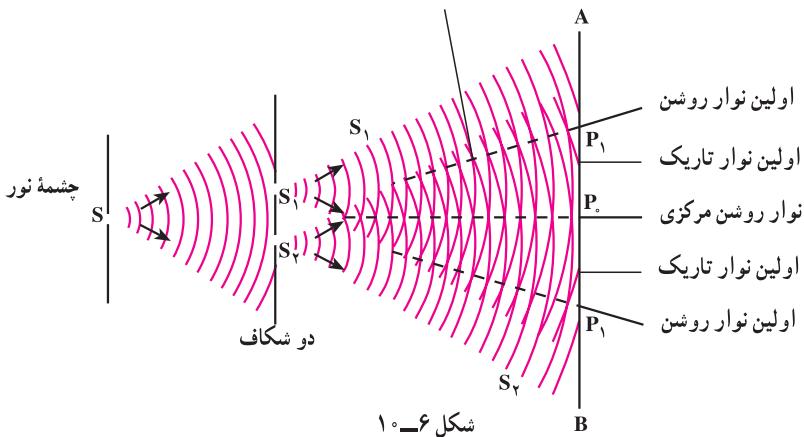
يعنى گستره بسامد نور مرئی بين $4/3 \times 10^{14} \text{ Hz}$ تا $7/5 \times 10^{14} \text{ Hz}$ است.

- جمله‌های زیر را کامل کنید.
- ۱- میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی بر یکدیگر ...
 - ۲- میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی هر دو بر عمودند. بنابراین موج‌های الکترومغناطیسی از نوع موج‌های
 - ۳- نوسان میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی با یکدیگر
 - ۴- موج‌های الکترومغناطیسی برای انتشار نیاز به و انرژی را از محلی به محل دیگر منتقل می‌کنند.
 - ۵- همه موج‌های الکترومغناطیسی با سرعت منتشر می‌شوند.

۶-۴- تداخل موج‌های نوری

در فصل نوسان و موج با تداخل موج‌های مکانیکی آشنا شدیم و در آن جا دیدیم که اگر دو سوزن که به فاصلهٔ نزدیکی از هم قرار دارند با بسامد معینی بر سطح آب درون یک ظرف همزمان ضربه بزنند، موج‌هایی در سطح آب به وجود می‌آید که در همهٔ جهت‌ها منتشر می‌شود. برهم‌نهی این موج‌ها را تداخل نامیدیم و گفتیم در نقطه‌هایی که دو موج هم‌فاز باشند تداخل سازنده و در نقاطی که دو موج در فاز مخالف باشند تداخل ویرانگر به وجود می‌آید. همین آزمایش را با نور نیز می‌توان انجام داد. یانگ، فیزیک‌دان انگلیسی، در آزمایش‌هایی که بین سال‌های $18^{\circ} 2$ تا $18^{\circ} 4$ انجام داد، دریافت که پدیدهٔ تداخل در نور هم مشاهده می‌شود.

شکل ۱۰-۶ طرح آزمایش یانگ را نشان می‌دهد. در پشت شکاف باریک S یک چشمۀ نور تک‌رنگ (لامپ روشن) قرار می‌دهیم. این شکاف خود مانند یک چشمۀ نور عمل می‌کند. در فاصلهٔ کمی از شکاف S ، دو شکاف موازی S_1 و S_2 که با S نیز موازی S_1 و S_2 هم فاصله‌اند، قرار می‌دهیم. نور رسیده به شکاف‌های S_1 و S_2 همانند دو چشمۀ هم‌بسامد، هم‌دامنه و هم‌فاز عمل می‌کنند و نور را در جهت‌های مختلف گسیل می‌کنند. نورهای گسیل شده از دو چشمۀ S_1 و S_2 با یکدیگر تداخل کرده و نوارهای تداخلی روشن و تاریک را بر روی پرده AB که در مقابل شکاف‌ها قرار دارد تشکیل می‌دهند.



شکل ۱۰

دو موجی که به نقطه P روی محور تقارن دو شکاف می‌رسند، هم‌فازاند زیرا آنها دو راه مساوی $S_2 P$ و $S_1 P$ را تا پرده پیموده‌اند. تداخل این دو موج سازنده است و درنتیجه در محل P روی پرده یک نوار روشن تشکیل می‌شود. این نوار روشن را نوار روشن مرکزی می‌نامیم. برای اینکه بینیم در چه شرایطی نوار روشن و در چه شرایطی نوار تاریک تشکیل می‌شود نقطه P را در شکل ۱۱-۶ در نظر می‌گیریم. پرتوهایی که از S_2 و S_1 به این نقطه می‌رسند، دو راه نامساوی $S_2 P$ و $S_1 P$ را می‌پیمایند. اختلاف فاز پرتوها را می‌توان از روی اختلاف راه آنها تعیین کرد.

$$\Delta\phi = k(d_2 - d_1) = \frac{2\pi}{\lambda}(d_2 - d_1)$$

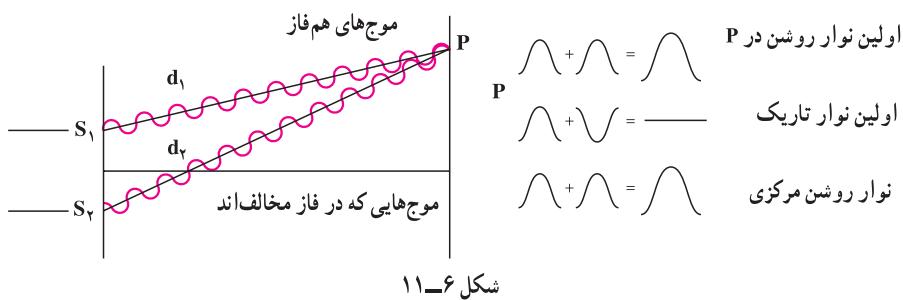
اگر $\Delta\phi$ مضرب زوجی از π باشد؛ یعنی

$$\Delta\phi = \pm 2n\pi, n = 0, 1, \dots \quad (2-6)$$

$$\begin{aligned} \frac{2\pi}{\lambda}(d_2 - d_1) &= \pm 2n\pi \\ \Rightarrow d_2 - d_1 &= \pm n\lambda = \pm n\frac{\lambda}{2} \end{aligned}$$

در این صورت دو پرتویی که به پرده می‌رسند هم‌فازند و تداخل سازنده ایجاد می‌شود و در این نقطه‌ها نوار روشن تشکیل می‌شود. در رابطه $2-6$ به ازای $n = 0$ ، اختلاف راه و اختلاف فاز صفر است و نوار روشنی که تشکیل می‌شود همان نوار مرکزی است.

به ازای $n = 1$ ، اختلاف فاز 2π است و اولین نوار روشن در دو طرف نوار مرکزی به دست می‌آید و به همین ترتیب می‌توان نوارهای روشن بعدی را به ازای $n = 2, 3, \dots$ به دست آورد.



شکل ۱۱-۶

حال اگر $\Delta\phi$ مضرب فردی از π باشد؛ یعنی :

$$\Delta\phi = \pm(2m-1)\pi, m=1,2,\dots \quad (۳-۶)$$

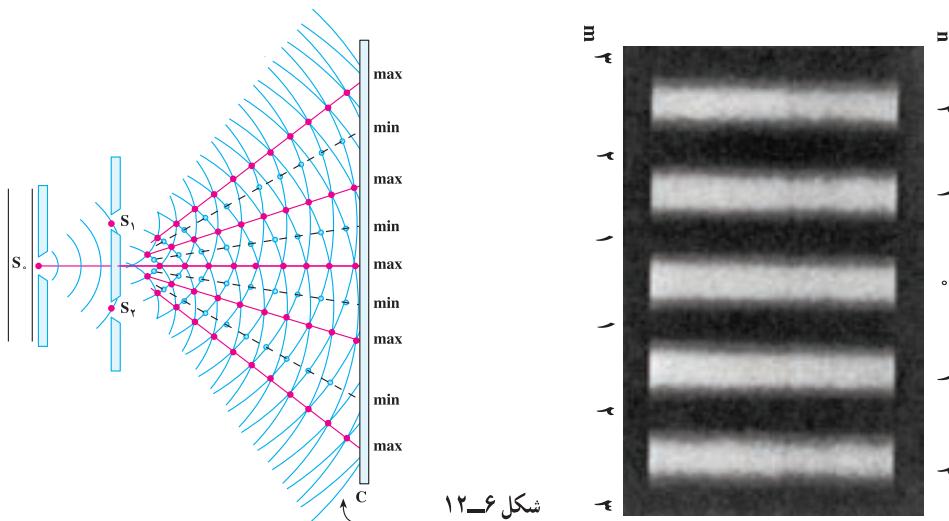
$$\frac{2\pi}{\lambda}(d_2 - d_1) = \pm(2m-1)\pi$$

یا :

$$d_2 - d_1 = \pm(2m-1)\frac{\lambda}{2}$$

در این صورت دو موجی که به پرده می‌رسند در فاز مخالف هم خواهند بود و تداخل ویرانگر صورت می‌گیرد و درنتیجه در این نقاط نوار تاریک خواهیم داشت. در رابطه $m=1,3,\dots$ مربوط به اولین نوار تاریک است که در دو طرف نوار روشن مرکزی قرار می‌گیرد. این نوار تاریک میان نوار روشن مرکزی و اولین نوار روشن قرار دارد.

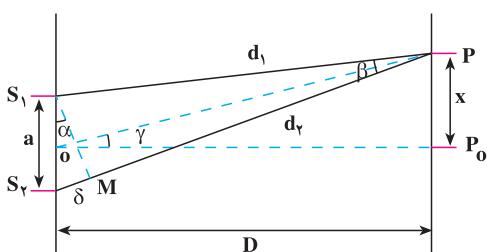
نوارهای روشن و تاریک را که روی پرده تشکیل می‌شوند، طرح تداخلی می‌نامند. شکل ۱۲-۶ طرح تداخلی دو شکاف یانگ را نشان می‌دهد. در دو طرف شکل، شماره نوارهای روشن که با مقادیر مختلف n و شماره نوارهای تاریک که با مقادیر مختلف m داده می‌شوند نیز آمده است.



شکل ۱۲-۶

نشان دهید اختلاف راه برای مکان هایی که نوار تداخلی روشن داریم، مضرب زوجی از نصف طول موج، $\frac{\lambda}{2} = \delta$ ، و برای مکان هایی که نوار تاریک داریم، مضرب فردی از نصف طول موج، $(\frac{\lambda}{2}) = \delta = (2m-1)$ است

اندازه‌گیری طول موج : با استفاده از آزمایش یانگ می‌توان طول موج نور را اندازه‌گیری



شکل ۱۳-۶

کرد. در شکل ۱۳-۶ طرحی از این آزمایش رسم شده است. در این شکل، فاصله دو شکاف از هم a و فاصله شکافها از پرده D است. فرض کنید نوار روشن n ام در نقطه P در فاصله x از نوار مرکزی روی پرده تشکیل شده است. دایره‌ای به مرکز P و به شعاع PS_1 رسم می‌کنیم، دایره‌ای PS_2 را در نقطه M قطع می‌کند. اختلاف راه نوری بین دو پرتو PS_2 و PS_1 برابر است با:

$$\delta = S_2 M = d_2 - d_1$$

اگر فاصله پرده از صفحه دو شکاف بسیار بزرگتر از فاصله دو شکاف، یعنی $a >> D$ باشد، زاویه γ و نیز زاویه β (بین پرتوهایی که به P می‌رسند) بسیار کوچک خواهند بود و می‌توان $S_2 M$ را عمود بر OP در نظر گرفت. در این صورت، زاویه‌های α و γ با یکدیگر برابرند، درنتیجه:

$$\tan \alpha = \tan \gamma \quad \text{و} \quad \tan \gamma = \frac{x}{D}$$

$$\tan \alpha = \sin \alpha = \frac{\delta}{a}$$

چون زاویه α کوچک است:

بنابراین:

$$\frac{x}{D} = \frac{\delta}{a} \tag{4-6}$$

برای نوار روشن n ام:

$$\frac{x}{D} = \frac{n\lambda}{a} \tag{5-6}$$

که از آن رابطه زیر به دست می‌آید :

$$\lambda = \frac{xa}{nD} \quad (6-6)$$

با اندازه‌گیری، فاصله نوار روشن از نوار مرکزی می‌توان طول موج را اندازه‌گرفت.

پرسش ۶-۳

به نظر شما اگر آزمایش یانگ را با نور سفید انجام دهیم، طرح تداخلی چگونه خواهد بود؟

مثال ۶-۴

آزمایش یانگ را با نور زرد سدیم انجام داده‌ایم. فاصله دو شکاف یانگ از یکدیگر $a = 1/2\text{ mm}$ و فاصله شکاف تا پرده $1/2\text{ m}$ است؛ اگر فاصله نوار روشن بیستم از وسط نوار مرکزی $11/8\text{ mm}$ باشد، طول موج نور زرد سدیم چند متر است؟

پاسخ

با استفاده از رابطه ۶-۶ داریم :

$$\lambda = \frac{a \times n}{D} = \frac{1/2 \times 10^{-3} \times 11/8 \times 10^{-3}}{20 \times 1/2} = 5/9 \times 10^{-7} \text{ m}$$
$$= 59 \mu\text{m}$$

تمرین‌های فصل ششم

۱- شکل ۱۴-۶ طیف موج‌های الکترومغناطیسی را با یک مقیاس تقریبی نشان می‌دهد.



شکل ۱۴-۶

الف) نام قسمت‌هایی از طیف را که تنها با حروف علامت‌گذاری شده‌اند، بنویسید.

ب) اگر در طول طیف از چپ به راست (از پرتوهای γ به طرف S) حرکت کنیم، چه خاصیتی از پرتوها افزایش، کاهش و یا ثابت می‌ماند؟

۲- چهار وجه اشتراک و دو تفاوت برای نور فروسرخ و امواج رادیویی بیان کنید.

۳- الف) از یک ایستگاه رادیویی موج الکترومغناطیسی به طول موج ۷۵m گسیل می‌شود. بسامد این موج را حساب کنید.

ب) موج‌های رادیویی با بسامد 12MHz چه طول موجی دارند؟

۴- الف) طول موج نور نارنجی $1.0 \times 10^{-7}\text{m}$ است، بسامد این نور چند هرتز است؟

ب) بسامد نور قرمز در حدود $4.28 \times 10^{14}\text{Hz}$ است، طول موج این نور در هوا و آب را حساب کنید. (سرعت نور را در هوا 1.0^8m/s و در آب را $2.5 \times 10^8\text{m/s}$ فرض کنید).

۵- گستره طول موج‌های رادیویی زیر را به دست آورید.

الف) باند AM در گستره بسامدی $54 - 160\text{MHz}$ تا 160MHz کیلوهرتز

ب) باند FM در گستره بسامدی $88 - 108\text{MHz}$ تا 108MHz مگاهرتز

۶- آزمایش یانگ را با نور تکرنگ سبز انجام داده و نوارهای تداخلی بر روی پرده موازی با سطح شکاف‌ها تشکیل داده‌ایم. برای این‌که فاصله دو نوار روشن متوالی را زیاد کنیم می‌توانیم :

(۱) به جای نور سبز از نور تکرنگ قرمز استفاده کنیم.

(۲) به جای نور سبز از نور تکرنگ بنفسن استفاده کنیم.

(۳) فاصله پرده از شکاف‌ها را زیاد کنیم.

(۴) فاصله دو شکاف را از هم کم کنیم.

۷- اگر آزمایش یانگ عیناً در آب انجام گیرد چه تغییری در وضعیت نوارها نسبت به هوا حاصل می‌شود؟ توضیح دهید.

۸- یک صافی مقابله چراغ جیوه قرار می‌دهیم، به طوری که تمام طول موج‌ها به جز ناحیه سبز آن جذب می‌شود. با این نور سبز، طرح تداخلی آزمایش یانگ را به فاصله دو شکاف $a = 6\text{ mm}$ روی پرده‌ای به فاصله $D = 5\text{ m}$ از دو شکاف تشکیل می‌دهیم؛ اگر فاصله دو نوار روشن پهلوی هم 27 mm باشد، طول موج نور سبز را حساب کنید.

۹- در آزمایش دو شکاف یانگ، فاصله دو شکاف 4 cm و فاصله پرده تا دو شکاف 80 cm است؛ اگر طول موج نور $\mu\text{m} = 6$ باشد فاصله نوار دهم روشن از نوار مرکزی را حساب کنید.

۱۰- در شکل ۱۵-۶ موج‌های نور فروندی از هوا وارد شیشه می‌شوند. بعضی از آنها در سطح

جدایی دو محیط بازتابیده و بعضی شکسته شده وارد شیشه می‌شوند. با استدلال توضیح دهید کدامیک از کمیت‌های زیر برای موج‌های بازتابیده و موج‌های شکسته شده یکسان است؟

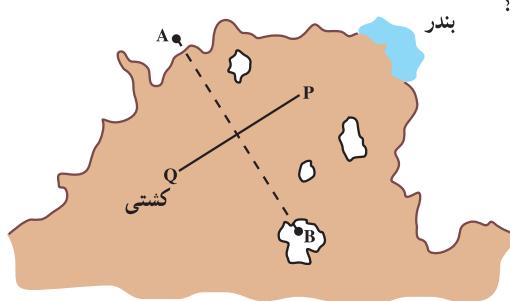
- (الف) سرعت
- (ب) طول موج
- (پ) امتداد
- (ت) شدت نور
- (ث) بسامد

۱۱- در شکل ۱۶-۶ یک خط ساحلی با دو ایستگاه رادیویی دریانوردی زمینی A و B دیده می‌شود که در فاصله زیادی از هم قرار گرفته‌اند. هر دو ایستگاه پیوسته سیگنال‌های رادیویی هم‌فاز گسیل می‌کنند که بسامد آنها 5 MHz است.

(الف) طول موج این سیگنال‌ها چند متر است؟

(ب) یک کشتمی از مسیر QP به سوی بندر در حرکت است. هنگامی که این کشتمی به نقطه‌ای درست در وسط خط فرضی AB می‌رسد، سیگنالی دریافت می‌کند که دامنه آن درست دو برابر دامنه هر موجی است که از یک ایستگاه به تنها بی دریافت می‌کرد. این مشاهده چه موضوعی را درباره سیگنال‌های گسیل شده از A و B نشان می‌دهد؟

(پ) توضیح دهید در شرایط هوای مه آلود چگونه می‌توان از این سیگنال‌های رادیویی برای ادامه مسیر استفاده کرد؟



شکل ۱۶-۶