

یکی از راهبردهای مهم یادگیری ، انجام تمرین های متناسب با اصول یادگیری و تکرار آن است . این امر اگر همراه با گسترش مفاهیم و بر مبنای اصول یادگیری باشد ، به یادگیری عمیق و پایدار خواهد انجامید . از طرفی چنانچه تمرین های مناسب به صورت ساده و پیچیده طراحی شود می تواند در کاربرد مفاهیم و اصول برای پیش بینی پدیده های دیگر کمک کند .

کتاب کار و تمرین هنرجوی درسی محاسبات فنی عمومی بر اساس برنامه درسی دوره ی متوسطه شاخه فنی و حرفه ای و به منظور امر یادگیری و کسب مهارت در حل مسائل و تمرین ها تالیف گردیده است . در این کتاب ابتدا بعضی از مفاهیم درسی با ذکر مصادیق تشریح شده است ، وبعد از توسعه آن مفاهیم ، مصادیق آن در قالب تمرین های طبقه بندی شده برای یادگیری بهتر آمده است.

هنرجویان باید همواره کتاب درسی را اصل قرار داده و برای آمادگی بیشتر انجام تکالیف ، از این کتاب استفاده نمایند. بدیهی است کتاب کار در کنار کتاب درسی می تواند مفید باشد . ویژگی های این کتاب به طور خلاصه به شرح زیر است.

- ۱- کمک به توسعه و درک بهتر مفاهیم کتاب محاسبات فنی عمومی و ایجاد مهارت برای حل مسائل مشابه.
 - ۲- شرح مفاهیم هر فصل از کتاب درسی بطور جدا از هم.
 - ۳- رعایت ترتیب در بیان مفاهیم.
 - ۴- بیان کامل مواردی که مفهوم آن ها در کتاب درسی به اجمال آمده و بیان اجمال مواردی که مفهوم آن ها در کتاب درسی به طور کامل آمده است (در محدوده کتاب درسی)
 - ۵- آوردن « سیمای فصل » در ابتدای هر فصل برای جمع بندی و برقراری ارتباط میان مفاهیم آمده است.
 - ۶- وجود شکل های مناسب جهت درک آسان تر مفاهیم .
 - ۷- آوردن مثال های حل شده برای درک بیشتر و آموزش روش حل مسائل .
 - ۸- تمرین های متناسب با مثال های حل شده .
 - ۹- طرح تمرین های متنوع و تنظیم آن ها از ساده به مشکل .
- در پایان از هنرجویان عزیز و هنرآموزان گرانقدر تقاضا می شود پیشنهاد های اصلاحی خود را همراه با ذکر دلایل و روش حل به دفتر برنامه ریزی و تالیف آموزش های فنی و حرفه ای و کاردانس ارسال نمایند تا در چاپ های بعدی مورد توجه و استفاده قرار گیرد و به تحقق ، بخشی از اهداف ذکر شده کمک نماید

هدف کلی

یادگیری و کسب مهارت در حل مسائل و تمرین های مربوط به
درس محاسبات فنی عمومی

سیمای فصل اول

۱- کاربرد محاسبات طولی در حل مسایل فنی

۱-۱- تعریف اندازه‌گیری

۱-۲- واحد اندازه‌گیری طول در سیستم SI

۱-۲-۱- تعریف متر

۱-۲-۲- اجزا و اضعاف متر

۱-۳- واحد اندازه‌گیری طول در سیستم F.P.S

۱-۴- مقیاس

۱-۵- تلرانس

۱-۶- محاسبات طول قطعات خمیده هندسی

۱-۷- محاسبه طول گسترده قطعات خمیده

۱-۷-۱- مرکز ثقل

۱-۷-۲- محاسبه طول گسترده

۱-۸- روابط مثلث قائم الزاویه

فصل اول: کاربرد محاسبات طولی در حل مسایل فنی

۱-۱- تعریف اندازه‌گیری: اندازه‌گیری در حقیقت مقایسه کمیتی با واحد مقرر قانونی است به عنوان مثال برای اندازه‌گیری طول آن را با متر، زاویه را با درجه، زمان را با ثانیه و شدت جریان برق را با آمپر مقایسه می‌کنند.

۱-۲- واحد اندازه‌گیری طول در سیستم SI:

واحد اندازه‌گیری طول در سیستم SI، متر (M) است.

۱-۲-۱- تعریف امتر: براساس تعریف جدید امتر مسافتی است که نور در عرض $\frac{1}{299792458}$ ثانیه در خلأ طی می‌کند.

۱-۲-۲- اجزا و اضعاف متر:

اجزای متر عبارتند از: دسی‌متر (dm)، سانتی‌متر (cm)، میلی‌متر (mm)، میکرومتر (μm)

- هر متر برابر ۱۰ دسی‌متر است. $1\text{ dm} = 10\text{ m}$ \Leftrightarrow هر دسی‌متر برابر یک دهم متر. $1\text{ dm} = \frac{1}{10}\text{ m}$

<p>تمرین: ۶ متر چند دسی‌متر است؟</p>	<p>مثال: ۴ متر چند دسی‌متر می‌شود؟</p> $4\text{ m} = ?\text{ dm}$ $1\text{ m} = 10\text{ dm}$ $4 \times (1\text{ m})$ $4 \times (10\text{ dm}) = 40\text{ dm}$
<p>تمرین: ۵۸ دسی‌متر چند متر است؟</p>	<p>مثال: ۴۲ دسی‌متر چند متر است؟</p> $42\text{ dm} = ?\text{ m}$ $1\text{ dm} = 0.1\text{ m}$ $42 \times (1\text{ dm})$ $42 \times 0.1\text{ m} = 4.2\text{ m}$
<p>- هر متر برابر صد سانتی‌متر است. $1\text{ m} = 100\text{ cm}$ \Leftrightarrow هر سانتی‌متر برابر یک صدم متر. $1\text{ cm} = \frac{1}{100}\text{ m}$</p>	

<p>تمرین: $۱۸/۵$ متر چند سانتی متر است؟</p>	<p>مثال: $۳/۵$ متر چند سانتی متر است؟</p> $۳/۵m = ?m$ $۱m = ۱۰۰cm$ $۳/۵ \times (۱۰۰cm) =$ $۳/۵ \times ۱۰۰ = ۳۵۰cm$
<p>تمرین: ۱۸۶ سانتی متر چند متر است؟</p>	<p>مثال: ۱۵۶ سانتی متر چند متر است؟</p> $۱۵۶cm = ?m$ $۱cm = \frac{1}{100}m$ $۱۵۶ \times \left(\frac{1}{100}m\right) =$ $۱۵۶ \times \frac{1}{100} = ۱/۵۶m$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب m به دست آورید.</p> $۳/۵m + ۱۴dm$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب m به دست آورید.</p> $۴/۵m + ۱۲dm = ?m$ $۴/۵m + ۱۲ \times \left(\frac{1}{10}m\right) =$ $۴/۵ + ۱/۲ = ۵/۷m$
<p>- هر متر برابر هزار میلی متر است. $۱m = ۱۰۰۰mm$ \Leftrightarrow هر میلی متر برابر یک هزار متر. $۱mm = \frac{1}{1000}m$</p>	
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب dm به دست آورید.</p> $۵/۵m + ۱۸dm$	<p>مثال: $۵/۵$ متر چند میلی متر است؟</p> $۵/۵m = ?mm$ $۱m = ۱۰۰۰mm$ $۵/۵ \times (۱m) =$ $۵/۵ \times (۱۰۰۰mm) = ۵۵۰mm$

<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب cm به دست آورید.</p> $75\text{cm} + 4\text{m}$	<p>مثال: ۱۵۷۵ میلی‌متر چند متر است؟</p> $1575\text{mm} = ?\text{m}$ $1\text{mm} = \frac{1}{1000}\text{m}$ $1575 \times (1\text{mm}) =$ $1575 \times \left(\frac{1}{1000}\text{m}\right) = 1/575\text{m}$
<p>تمرین: ۳/۷۵ متر چند میلی‌متر است؟</p>	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب dm به دست آورید.</p> $2/7\text{m} + 48\text{dm} = ?\text{dm}$ $2/7 \times (10\text{dm}) + 48\text{dm} =$ $24 + 48 = 72\text{dm}$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب متر به دست آورید.</p> $3\text{m} + 75\text{mm} + 125\text{cm}$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب متر به دست آورید.</p> $4\text{m} + 125\text{mm} + 1200\text{cm} = ?\text{m}$ $4\text{m} + 125 \times \left(\frac{1}{1000}\text{m}\right) + 1200 \times \left(\frac{1}{100}\text{m}\right) =$ $4\text{m} + 0/125\text{m} + 12\text{m}$ $4 + 0/125 + 12 = 16/125\text{m}$
<p>- هر متر برابر ۱۰۰۰۰۰۰ میکرومتر است. $1\text{m} = 1000000\mu\text{m}$ \Leftrightarrow هر میکرومتر برابر $\frac{1}{1000000}$ متر.</p> $1\text{mm} = \frac{1}{1000000}\text{m}$	
<p>تمرین: ۱۴۹۰۰۰ میکرومتر چند متر است؟</p>	<p>مثال: ۱۲۵۰۰۰۰ میکرومتر چند متر است؟</p> $1250000\mu\text{m} = ?\text{m}$ $1250000 \times \left(\frac{1}{1000000}\text{m}\right) = 12/5\text{m}$

<p>تمرین: ۱۲۹/۷ متر چند میکرومتر است؟</p>	<p>مثال: ۰/۱۳۲ متر چند میکرومتر است؟</p> $0/132m = ? \mu m$ $0/132 \times (10000 \mu m) = 13200 \mu m$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب سانتی متر به دست آورید.</p> $125cm + 0/75m - 22/5cm$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب سانتی متر به دست آورید.</p> $8m - 225cm + 1250cm = ? cm$ $8 \times (100cm) - 225cm + 1250cm =$ $800 - 225 + 1250 = 1825cm$
<p>تمرین: حاصل عبارت زیر را بر حسب متر به دست آورید.</p> $17500cm + 14900 \mu m + 16m$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب میکرومتر به دست آورید.</p> $0/16m + 1680 \mu m = ? \mu m$ $0/16 \times (10000 \mu m) + 1680 \mu m =$ $160000 + 16800 = 176800 \mu m$
<p>- هر دسی متر برابر ۱۰ سانتی متر است. $1dm = 10cm$ \Leftrightarrow هر سانتی متر $\frac{1}{10}$ دسی متر است. $1cm = \frac{1}{10}dm$</p>	
<p>تمرین: حاصل عبارت زیر را بر حسب متر به دست آورید.</p> $9m + 7600 \mu m + 1400mm$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب dm به دست آورید.</p> $114cm + 12dm + 2m = ? dm$ $114 \times (\frac{1}{10}dm) + 12m + 2 \times (10dm) =$ $11/4 + 12 + 20 = 43/4dm$

<p>تمرین: حاصل عبارت زیر را بر حسب متر به دست آورید.</p> $18800\text{cm} + 16900\text{mm} + 14\text{m}$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب متر به دست آورید.</p> $12\text{m} + 840000\mu\text{m} + 12000\text{mm} = ?\text{m}$ $12\text{m} + 840000 \times \left(\frac{1}{1000000}\text{m}\right) + 12000 \times \left(\frac{1}{1000}\text{m}\right)$ $12\text{m} + 0/84\text{m} + 12\text{m}$ $12 + 0/84 + 12 = 24/84\text{m}$
<p>تمرین: حاصل عبارت زیر را بر حسب متر به دست آورید.</p> $156\text{cm} + 118\text{mm} - 16\text{m} + 17\text{dm}$	<p>مثال: حاصل عبارت زیر را بر حسب cm به دست آورید.</p> $0/098\text{m} + 186\text{dm} + 164\text{cm} = ?\text{cm}$ $0/098 \times (100\text{cm}) + 186 \times (10\text{cm}) + 164\text{cm}$ $9/8 + 1860 + 164 = 2033/8\text{cm}$
<p>- هر دسی متر برابر ۱۰۰ میلی متر است. $1\text{dm} = 100\text{mm} \Leftrightarrow$ هر میلی متر برابر $\frac{1}{100}$ دسی متر $1\text{mm} = \frac{1}{100}$</p>	
<p>تمرین: ۱۷۸۰۰ میلی متر چند دسی متر است؟</p>	<p>مثال: ۱۲ دسی متر چند میلی متر است؟</p> $12\text{dm} = ?\text{mm}$ $12 \times (100\text{mm}) =$ $12 \times 100 = 1200\text{mm}$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب دسی متر به دست آورید.</p> $125\text{m} - 1460\text{cm} + 1618\text{dm}$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب دسی متر به دست آورید.</p> $116\text{mm} + 118\text{cm} + 179\text{dm} = ?\text{dm}$ $116 \times \left(\frac{1}{100}\text{dm}\right) + 118 \times \left(\frac{1}{10}\text{dm}\right) + 179\text{dm} =$ $1/16 + 11/8 + 179 = 192/4\text{dm}$

<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب متر به دست آورید.</p> $186\text{dm} + 1156\text{mm} + 12\text{m} - 98\text{dm}$	<p>مثال: ۱۶۸۰۰ میلی متر چند دسی متر است؟</p> $16800\text{mm} = ?\text{dm}$ $16800 \times \left(\frac{1}{100}\text{dm}\right) =$ $1600 \times \frac{1}{100} = 16\text{dm}$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب میلی متر به دست آورید.</p> $96\text{cm} + 170\text{mm} + 117\text{dm}$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب میلی متر به دست آورید.</p> $124\text{cm} + 178\text{mm} + 119\text{dm} = ?\text{mm}$ $124 \times (10\text{mm}) + 178\text{mm} + 119 \times (100\text{mm}) =$ $1240 + 178 + 11900 = 13318\text{mm}$
<p>- هر دسی متر برابر ۱۰۰۰۰۰ میکرومتر است. $1\text{dm} = 100000\mu\text{m}$ \Leftrightarrow هر میکرومتر برابر $\frac{1}{100000}$ دسی متر است.</p> $1\text{mm} = \frac{1}{100000}\text{dm}$	
<p>تمرین: ۱۸۶۰۰ میکرومتر چند دسی متر است؟</p>	<p>مثال: ۰/۰۰۵ دسی متر چند میکرومتر است؟</p> $0/005\text{dm} = ?\mu\text{m}$ $0/005 \times (100000\mu\text{m}) =$ $0/005 \times 100000 = 500\mu\text{m}$
<p>تمرین: ۰/۰۳۱۲ دسی متر چند میکرومتر است؟</p>	<p>مثال: ۱۵۶۰۰ میکرومتر چند دسی متر است؟</p> $15600\mu\text{m} = ?\text{dm}$ $15600 \times \left(\frac{1}{100000}\text{dm}\right) =$ $15600 \times \frac{1}{100000} = 0/156\text{dm}$

<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب دسی متر به دست آورید.</p> $136\text{mm} + 960\text{cm} + 86\text{dm}$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب میکرومتر به دست آورید.</p> $14\text{m} + 161\text{dm} + 525\mu\text{m}$ $14 \times (1000000\mu\text{m}) + 161 \times (100000\mu\text{m}) + 525\mu\text{m} =$ $14000000 + 16100000 + 525 = 15600525\mu\text{m}$
<p>- هر سانتی متر برابر ۱۰ میلی متر است $1\text{cm} = 10\text{mm}$ \Leftrightarrow هر میلی متر $\frac{1}{10}$ سانتی متر است. $1\text{mm} = \frac{1}{10}\text{cm}$</p>	
<p>تمرین: ۱۷۵ سانتی متر چند میلی متر است؟</p>	<p>مثال: ۱۴۵ سانتی متر چند میلی متر است؟</p> $145\text{cm} = ?\text{mm}$ $145 \times (10\text{mm}) = 1450\text{mm}$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب دسی متر به دست آورید.</p> $19360\mu\text{m} + 416\text{dm} + 10\text{m}$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب دسی متر به دست آورید.</p> $6250\mu\text{m} + 269\text{dm} + 12\text{m}$ $6250 \times \left(\frac{1}{100000}\text{dm}\right) + 269\text{dm} + 12 \times (10\text{dm})$ $0.06250 + 269 + 120 = 389.0625\text{dm}$
<p>تمرین: ۱۷۵۰ میلی متر چند سانتی متر است؟</p>	<p>مثال: ۱۴۵۶ میلی متر چند سانتی متر است؟</p> $1456\text{mm} = ?\text{cm}$ $1456 \times \left(\frac{1}{10}\text{cm}\right) = 145.6\text{cm}$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب میلی متر به دست آورید.</p> $756\text{cm} + 112\text{mm}$	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب سانتی متر به دست آورید.</p> $125\text{mm} + 175\text{cm} = ?\text{cm}$ $125 \times \left(\frac{1}{10}\text{cm}\right) + 175\text{cm} =$ $12.5 + 175 = 187.5\text{cm}$

- هر سانتی‌متر برابر ۱۰۰۰۰ میکرومتر است. $1\text{cm} = 10000\mu\text{m}$ \Leftrightarrow هر میکرومتر برابر $\frac{1}{10000}$ سانتی‌متر است. $1\text{mm} = \frac{1}{10000}\text{cm}$

تمرین: ۱۶۷ سانتی‌متر چند میکرومتر است؟

مثال: ۷۵ سانتی‌متر چند میکرومتر است؟

$$75\text{cm} = \mu\text{m}$$

$$75 \times (10000\mu\text{m}) = 750000\mu\text{m}$$

تمرین: حاصل عبارت را بر حسب سانتی‌متر به دست آورید.

$$186\text{mm} + 106\text{cm}$$

مثال: حاصل عبارت را بر حسب میلی‌متر به دست آورید.

$$415\text{cm} + 98\text{mm} = ?\text{mm}$$

$$415 \times (10\text{mm}) + 98\text{mm}$$

$$4150 + 98 = 4248\text{mm}$$

تمرین: ۵۷۸۰۰ میکرومتر چند سانتی‌متر است؟

مثال: ۶۸۰۰۰ میکرومتر چند سانتی‌متر است؟

$$68000\mu\text{m} = ?\text{cm}$$

$$68000 \times \left(\frac{1}{10000}\text{cm}\right) = 6.8\text{cm}$$

- هر میلی‌متر برابر ۱۰۰۰ میکرومتر است. $1\text{mm} = 1000\mu\text{m}$ \Leftrightarrow هر میکرومتر برابر $\frac{1}{1000}$ میلی‌متر است.

$$1\text{mm} = \frac{1}{1000}\text{mm}$$

تمرین: ۱۲۵ میلی‌متر چند میکرومتر است؟

مثال: ۶۵ میلی‌متر چند میکرومتر است؟

$$65\text{mm} = ?\mu\text{m}$$

$$65 \times (1000\mu\text{m}) = 65000\mu\text{m}$$

<p>تمرین: ۱۳۵۰۰ میکرومتر چند میلی‌متر است؟</p>	<p>مثال: ۸۵۰۰ میکرومتر چند میلی‌متر است؟</p> $۸۵۰۰\mu\text{m} = ?\text{mm}$ $۸۵۰۰ \times \left(\frac{1}{۱۰۰۰}\text{mm}\right) = ۸/۵\text{mm}$
<p style="text-align: center;"> $\text{km} \xleftrightarrow[\div ۱۰۰۰]{\times ۱۰۰۰} \text{m} \xleftrightarrow[\div ۱]{\times ۱۰} \text{dm} \xleftrightarrow[\div ۱]{\times ۱۰} \text{cm} \xleftrightarrow[\div ۱]{\times ۱۰} \text{mm} \xleftrightarrow[\div ۱۰۰۰]{\times ۱۰۰۰} \text{mm}$ </p> <p>- هر کیلومتر برابر ۱۰۰۰ متر است. $۱\text{km} = ۱۰۰۰\text{m}$ \Leftrightarrow هر متر برابر $\frac{1}{۱۰۰۰}$ کیلومتر است. $۱\text{km} = \frac{1}{۱۰۰۰}\text{m}$</p>	
<p>تمرین: ۷۵۸۰ متر چند کیلومتر است؟</p>	<p>مثال: ۵ کیلومتر چند متر است؟</p> $۵\text{km} = ?\text{m}$ $۵ \times (۱۰۰۰\text{m}) = ۵۰۰۰\text{m}$
<p>تمرین: ۸ کیلومتر چند متر است؟</p>	<p>مثال: ۵۶۵۰ متر چند کیلومتر است؟</p> $۵۶۵۰\text{m} = ?\text{km}$ $۵۶۵۰ \times \left(\frac{1}{۱۰۰۰}\text{km}\right) = ۵/۶۵\text{km}$
<p>تمرین: ۶ کیلومتر چند دسی‌متر است؟</p>	<p>مثال: ۲ کیلومتر چند دسی‌متر است؟</p> $۲\text{km} = ?\text{dm}$ $\begin{cases} ۱\text{km} = ۱۰۰۰\text{m} \\ ۱\text{m} = ۱۰\text{dm} \end{cases}$ $۲\text{km} = ۲ \times (۱\text{km}) = ۲ \times (۱۰۰۰\text{m})$ $۲\text{km} = ۲۰۰۰\text{m}$ $۲۰۰۰\text{m} = ۲۰۰۰ \times (۱\text{m})$ $۲۰۰۰\text{m} = ۲۰۰۰ \times (۱۰\text{dm}) =$ $= ۲۰۰۰۰\text{dm}$ <p>راه حل دیگر $\Rightarrow ۲\text{km} = ۲ \times (۱۰۰۰\text{m}) =$</p> $= ۲ \times ۱۰۰۰ \times (۱۰\text{dm}) =$ $= ۲۰۰۰۰\text{dm}$

۳-۱- واحد اندازه‌گیری طول در سیستم F.P.S :

F.P.S مخفف واحدهای فوت، پوند و ثانیه است که در کشورهای آمریکا و انگلیس استفاده می‌شود. در این سیستم فوت واحد اندازه‌گیری طول، پوند واحد اندازه‌گیری جرم و ثانیه واحد اندازه‌گیری زمان می‌باشد. اضعاف فوت یارد و اجزا آن اینچ می‌باشد.

$$\text{هر فوت برابر ۱۲ اینچ است (۱ ft = ۱۲")} \Leftrightarrow \text{هر اینچ } \frac{1}{12} \text{ فوت است (} \frac{1}{12} \text{ lin = ۱ ft)}$$

$$\text{هر یارد برابر ۳ فوت است (۳ ft = ۱ yard)} \Leftrightarrow \text{هر فوت } \frac{1}{3} \text{ یارد است (} \frac{1}{3} \text{ ft = ۱ yard)}$$

$$1 \text{ yard} \xleftrightarrow[\div 3]{\times 3} 1 \text{ ft} \xleftrightarrow[\div 12]{\times 12} \text{ inch}$$

هر اینچ برابر ۲۵ / ۴ میلی‌متر است $1" = ۲۵ / ۴ \text{ mm}$. با توجه به اینکه هر فوت ۱۲" است می‌توان نوشت:

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{ ft} = ۱۲" \\ 1" = ۲۵ / ۴ \text{ mm} \end{array} \right\} \Rightarrow 1 \text{ ft} = ۱۲ \times (1") = ۱۲ \times ۲۵ / ۴ \text{ mm} = ۳۰۴ / ۸ \text{ mm}$$

بنابراین هر فوت برابر ۳۰۴ / ۸ میلی‌متر است.

برای تبدیل یارد به میلی‌متر می‌توان نوشت:

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{ yard} = ۳ \text{ ft} \\ 1 \text{ ft} = ۳۰۴ / ۸ \text{ mm} \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{cases} 1 \text{ yard} = ۳ \times (1 \text{ ft}) \\ 1 \text{ yard} = ۳ \times (۳۰۴ / ۸ \text{ mm}) \\ 1 \text{ yard} = ۹۱۴ / ۴ \text{ mm} \end{cases}$$

بنابراین هر یارد برابر ۹۱۴ / ۴ mm است.

یک اینچ برابر ۲۵ / ۴ میلی‌متر است $1" = ۲۵ / ۴ \text{ cm}$ \Leftrightarrow هر سانتی‌متر برابر $\frac{1}{۲۵/۴}$ اینچ است $1 \text{ cm} = \frac{1}{۲/۵۴}"$:

در کارهای صنعتی مانند ریخته‌گری، مدل‌سازی و غیره ابعاد کوچک‌تر از یک اینچ مورد استفاده قرار می‌گیرد.

برای همین منظور یک اینچ را به ۱۶ قسمت تبدیل می‌کنند و به صورت کسر نشان می‌دهند که عبارتند از:

$$\frac{1''}{16}, \frac{2''}{16}, \frac{3''}{16}, \frac{4''}{16}, \frac{5''}{16}, \frac{6''}{16}, \frac{7''}{16}, \frac{8''}{16}, \frac{9''}{16}, \frac{10''}{16}, \frac{11''}{16}, \frac{12''}{16}, \frac{13''}{16}, \frac{14''}{16}, \frac{15''}{16}, \frac{16''}{16}$$

در صورت ساده کردن خواهیم داشت:

$$\frac{2''}{16} = \frac{1''}{8}, \frac{4''}{16} = \frac{1''}{4}, \frac{6''}{16} = \frac{3''}{8}, \frac{8''}{16} = \frac{1''}{2},$$

$$\frac{10''}{16} = \frac{5''}{8}, \frac{12''}{16} = \frac{3''}{4}, \frac{14''}{16} = \frac{7''}{8}, \frac{16''}{16} = 1''$$

$$\frac{2''}{16} = \frac{1''}{8}, \frac{4''}{16} = \frac{1''}{4}, \frac{6''}{16} = \frac{3''}{8}, \frac{8''}{16} = \frac{1''}{2}, \frac{10''}{16} = \frac{5''}{8}, \frac{12''}{16} = \frac{3''}{4}, \frac{14''}{16} = \frac{7''}{8}, \frac{16''}{16} = 1''$$

بنابراین خواهیم داشت:

$$\frac{1''}{16}, \frac{1''}{8}, \frac{3''}{16}, \frac{1''}{4}, \frac{5''}{16}, \frac{3''}{8}, \frac{7''}{16}, \frac{1''}{2},$$

$$\frac{9''}{16}, \frac{5''}{8}, \frac{11''}{16}, \frac{3''}{4}, \frac{13''}{16}, \frac{7''}{8}, \frac{15''}{16}, 1''$$

$$\frac{1''}{16}, \frac{1''}{8}, \frac{3''}{16}, \frac{1''}{4}, \frac{5''}{16}, \frac{3''}{8}, \frac{7''}{16}, \frac{1''}{2}, \frac{9''}{16}, \frac{5''}{8}, \frac{11''}{16}, \frac{3''}{4}, \frac{13''}{16}, \frac{7''}{8}, \frac{15''}{16}, 1''$$

تمرین : ۱۲۵ اینچ چند میلی‌متر است؟

مثال ۱۴ : اینچ چند میلی‌متر است؟

$$14 \text{ inch} = ? \text{ mm}$$

$$14 \times (1'')$$

$$14 \times (25/4 \text{ mm})$$

$$14 \times 25/4 = 355/4$$

تمرین : ۹۴۶ میلی‌متر چند اینچ است؟

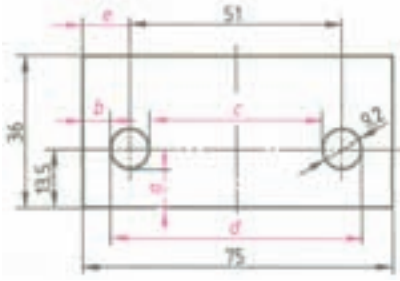
مثال : ۸۵۶ میلی‌متر چند اینچ است؟

$$856 \text{ mm} = ? \text{ in}$$

$$856 \times (1 \text{ mm}) =$$

$$856 \times \frac{1}{25/4} = 33/7''$$

<p>تمرین : ۳۷ اینچ چند سانتی متر است؟</p>	<p>مثال : ۲۵ اینچ چند سانتی متر است؟</p> $۲۵'' = ? \text{ cm}$ $۲۵ \times (۱'') =$ $۲۵ \times (۲ / ۵۴ \text{ cm}) =$ $۲۵ \times ۲ / ۵۴ = ۶۳ / ۵ \text{ cm}$
<p>تمرین : ۲۶۵۸ میلی متر چند اینچ است؟</p>	<p>مثال : ۱۹۶۸ سانتی متر چند اینچ است؟</p> $۱۹۶۸ \text{ cm} = ? \text{ inch}$ $۱۹۶۸ \times (۱ \text{ cm})$ $۱۹۶۸ \times \frac{۱}{۲ / ۵۴} = ۷۷۴ / ۸''$
<p>تمرین: از تسمه فولادی به طول ۸ متر قطعاتی با اندازه‌های ۰/۷۵ متر، ۱۸ میلی متر، ۲/۳۰ متر، ۱۵۴۰ میلی متر، ۶۲۵ میلی متر بریده خواهد شد. ضخامت تیغه اره ۱/۵ میلی متر می باشد، طول قطعه باقیمانده را بر حسب متر به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: از تسمه فولادی به طول ۶ متر قطعاتی با اندازه‌های ۰/۷۵ متر، ۸۷ میلی متر، ۱/۳۰ متر، ۱۵۴۰ میلی متر، ۶۲۵ میلی متر بریده خواهد شد. ضخامت تیغه اره ۱/۵ میلی متر می باشد. طول قطعه باقیمانده را بر حسب میلی متر به دست آورید.</p> $\text{طول} = ۰ / ۷۵ \text{ m} + ۸۷ \text{ mm} + ۱ / ۳۰ \text{ m} - ۱۵۴۰ \text{ mm} + ۶۲۵ \text{ mm}$ <p>قطعات بریده شده</p> <p>طول قطعات بریده شده بر حسب میلی متر</p> $= ۰ / ۷۵ \times (۱۰۰۰ \text{ mm}) + ۸۷ \text{ mm} + ۱ / ۳۰ \times (۱۰۰۰ \text{ mm}) + ۱۵۴۰ \text{ mm} + ۶۲۵ \text{ mm}$ $= ۷۵۰ \text{ mm} + ۸۷ \text{ mm} + ۱۳۰۰ \text{ mm} + ۱۵۴۰ \text{ mm} + ۶۲۵ \text{ mm}$ $= ۴۳۰۲ \text{ mm}$ <p>تیغه اره</p> $\text{تیغه اره} = ۵ \times ۱ / ۵ = ۷ / ۵ \text{ mm}$ <p>کل طول بریده شده بر حسب میلی متر</p> $\text{کل طول بریده شده} = ۴۳۰۲ + ۷ / ۵ = ۴۳۰۹ / ۵ \text{ mm}$ <p>طول بریده شده - طول کل قطعه = طول باقیمانده</p> <p>بر حسب mm</p>

	$= 6 \times (1000 \text{ mm}) - 4309 / 5 = 6000 - 4309 / 5 = 1690 / 5 \text{ mm}$ <p>طول باقیمانده</p>
<p>تمرین: از یک لوله مسی به طول $7/2$ متر قطعاتی با طول‌های مساوی 168 میلی‌متر بریده خواهد شد. عرض برش $2/5$ میلی‌متر می‌باشد حساب کنید.</p> <p>الف - تعداد قطعه حاصل</p> <p>ب - طول قطعه باقیمانده بر حسب متر</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: از یک لوله برنجی به طول $6/2$ متر قطعاتی با طول‌های مساوی 185 میلی‌متر بریده خواهد شد. عرض برش $1/2$ میلی‌متر می‌باشد. حساب کنید.</p> <p>الف - تعداد قطعه حاصل</p> <p>ب - طول قطعه باقیمانده بر حسب میلی‌متر</p> <p>حل: واحد متر را به میلی‌متر تبدیل می‌کنیم.</p> <p>الف:</p> $6 / 2 \text{ m} = 6 / 2 \times 1000 \text{ mm} = 6200 \text{ mm}$ $n = \frac{6200}{185} = 33 / 5 \Rightarrow n = 33 \quad \text{برش کامل}$ <p>ب:</p> $\text{طول قطعات بریده} = 33 \times 185 = 6105 \text{ mm}$ <p>شده</p> $\text{عرض برش} = 33 \times 1 / 2 = 39 / 6 \text{ mm}$ $\text{طول قطعه باقیمانده} = 6200 - (6105 + 39 / 6)$ <p>بر حسب میلی‌متر</p> $= 55 / 4 \text{ mm}$
<p>تمرین: از یک الوار به طول $6/20$ متر قطعات زیر بریده خواهد شد. ۳ قطعه هر کدام به طول 450 میلی‌متر، ۴ قطعه هر کدام به طول $5/02$ دسی‌متر، ۲ قطعه هر کدام به طول $28/4$ میلی‌متر، شیار برش $2/75$ میلی‌متر است، طول باقیمانده بر حسب سانتی‌متر را به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>تمرین: مقدار اندازه‌های a, b, c, d, e را در قطعه شکل ۱-۱ به دست آورید.</p>  <p>شکل (۱-۱)</p> <p>حل:</p>

ادامه حل

ادامه حل

۴-۱- مقیاس:

همواره قطعات را نمی‌توان با ابعاد حقیقی رسم نمود. در مواردی لازم است قطعات کوچک را، بزرگ‌تر ترسیم نمود، یعنی چند برابر اندازه واقعی که در این صورت به آن مقیاس افزایش یافته گفته می‌شود. به طور مثال خواهیم داشت:

مثال ۱- ۲:۱ یعنی اندازه‌های روی نقشه ۲ برابر اندازه واقعی است.

مثال ۲- ۵:۱ یعنی اندازه‌های روی نقشه ۵ برابر اندازه واقعی است.

در مواردی نیز که ابعاد قطعه بسیار بزرگ است باید آن را کوچک‌تر ترسیم نمود، یعنی چند برابر کوچک‌تر از اندازه واقعی که در این صورت به آن مقیاس کاهش یافته گفته می‌شود. به طور مثال خواهیم داشت:

مثال ۱- ۱:۲ یعنی اندازه‌های روی نقشه $\frac{1}{2}$ اندازه واقعی است.

مثال ۲- ۱:۵ یعنی اندازه‌های روی نقشه $\frac{1}{5}$ اندازه واقعی است.

در موردی نیز که قطعه را به ابعاد واقعی ترسیم می کنند، به آن مقیاس حقیقی گفته می شود که به صورت زیر نمایش داده می شود:

۱:۱ یعنی اندازه های روی نقشه برابر اندازه واقعی است.

با توجه به مطالب ذکر شده برای به دست آوردن طول ترسیمی در نقشه، کافی است که طول حقیقی را در مقیاس ضرب کنیم. یعنی مقیاس \times طول حقیقی = طول ترسیمی

یا

$$ZM = WM \times M$$

تمرین: طول ترسیمی قطعه ای به طول ۲۴۰ میلی متر با مقیاس ۱:۴ چند سانتی متر است؟
حل:

مثال: طول ترسیمی قطعه ای به طول ۱۸۰ میلی متر با مقیاس ۱:۵ چند میلی متر است؟
مرحله اول: داده ها و خواسته ها

داده ها	خواسته
$WM = 180 \text{ mm}$ $M = \frac{1}{5}$	$ZM = ?$

مرحله دوم: نوشتن رابطه و جایگذاری

$$ZM = WM \times M$$

$$ZM = 180 \text{ mm} \times \frac{1}{5}$$

$$ZM = 36 \text{ mm}$$

۵-۱- تلرانس:

معمولاً اندازه قطعات به طور دقیق برابر اندازه اسمی ذکر شده نمی باشد بلکه در یک بازه قرار می گیرد. مثلاً طول یک قطعه با توجه به طراحی می تواند بین ۹/۵ تا ۱۰/۵ میلی متر باشد که به طور اسمی ۱۰ میلی متر ذکر می شود. محدوده بین ۹/۵ mm و ۱۰/۵ mm که تفاضل بزرگترین اندازه از کوچکترین اندازه یعنی $10/5 - 9/5 = 1 \text{ mm}$ را تلرانس می گویند.

به عبارت دیگر اندازه این قطعه به شکل $10^{+0/5}$ نشان داده می شود که $+0/5$ انحراف بالایی و $-0/5$ انحراف پایینی از اندازه اسمی ۱۰ mm است. به طور کلی برای محاسبه تلرانس از روابط زیر استفاده می شود.

علایم اختصاری

N = اندازه اسمی

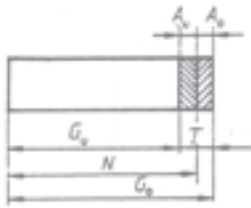
A_o = انحراف بالایی

A_u = انحراف پایینی

G_o = بزرگترین اندازه

G_u = کوچکترین اندازه

T = تolerانس



شکل ۱-۲

کوچکترین اندازه - بزرگترین اندازه = تolerانس

$$T = G_o - G_u$$

انحراف پایینی - اندازه اسمی = کوچکترین اندازه

$$G_u = N + A_u$$

انحراف بالایی + اندازه اسمی = بزرگترین اندازه

$$G_o = N + A_o$$

تمرین: روی نقشه اندازه $160_{-0.02}^{+0.02}$ نوشته شده است. بزرگترین، کوچکترین اندازه و تolerانس را به دست آورید.

حل:

مثال: روی نقشه‌ای اندازه $250_{-0.08}^{+0.08}$ نوشته شده است. بزرگترین اندازه، کوچکترین اندازه و تolerانس را به دست آورید.

حل:

۱- مرحله اول: نوشتن داده‌ها و خواسته‌ها

داده‌ها	خواسته‌ها
$A_o = +0.08$	$G_o = ?$
$A_u = -0.08$	$G_u = ?$
$N = 250$	$T = ?$

۲- مرحله دوم: نوشتن رابطه‌ها، جایگذاری و

محاسبه

$$G_o = N + A_o = 250 \text{ mm} + 0.08 \text{ mm} = 250.08 \text{ mm}$$

$$G_u = N + A_u = 250 \text{ mm} + (-0.08 \text{ mm}) = 249.92 \text{ mm}$$

$$T = G_o - G_u = ۲۵۱ / ۸mm - ۲۴۸ / ۲mm$$

$$= ۳ / ۶mm$$

۱-۶- محاسبه طول قطعات خمیده هندسی:

قطعات خمیده هندسی عبارتند از: دایره، طول قوسی از دایره و بیضی

۱- محیط یا طول دایره

محیط دایره از رابطه زیر به دست می‌آید.

قطره دایره \times عددی پی = محیط دایره (طول)

(دایره)

$$U = p \times d \Rightarrow d = \frac{U}{p}$$

$$\Rightarrow d = 2r$$

$$U = p \times 2r \Rightarrow \boxed{U = 2pr}$$



شکل (۱-۳)

۲- محیط یا طول قوسی از دایره

- طول قوسی از دایره به صورت زیر است.

$$\text{طول قوس} = \frac{\text{زاویه مرکزی قطاع} \times \text{قطر} \times \text{عددی پی}}{۳۶۰^\circ}$$

$$b = \frac{p \times d \times a}{۳۶۰}$$

$$a = \frac{b \times ۳۶۰}{d \times p} \quad \text{زاویه مرکزی قطاع}$$



شکل (۱-۴)

تذکر: زاویه α زاویه مرکزی مقابل به قوس دایره می‌باشد.

علایم اختصاری:

$$U = \text{محیط}$$

$$D = \text{قطر بزرگ}$$

$\alpha =$ زاویه مرکزی

$d =$ قطر یا قطر کوچک

$b =$ طول کمان

$r =$ شعاع

۳- محیط یا طول بیضی

- محیط بیضی نزدیک به دایره از رابطه زیر به دست می آید.

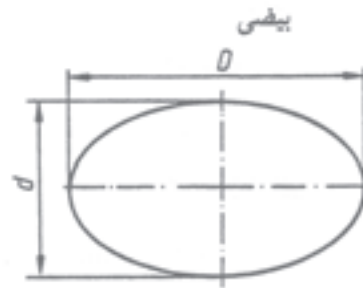
محیط بیضی (طول بیضی)

(نصف قطر بزرگ + نصف قطر کوچک) \times عدد پی \approx

$$U \approx p \times \frac{d+D}{2}$$

$$D \approx \frac{2U}{p} - d$$

$$d \approx \frac{2U}{p} - D$$



شکل (۵-۱)

تمرین: محیط دایره‌ای به شعاع 90 mm را به دست آورید.
حل:

مثال: محیط دایره‌ای به شعاع 50 mm را به دست آورید.

مرحله اول: نوشتن داده‌ها و خواسته‌ها

داده‌ها	خواسته
$r = 50 \text{ mm}$ $\pi = 3/14$	$U = ?$

مرحله دوم: نوشتن رابطه $U = 2\pi r$

مرحله سوم: جایگذاری مقادیر داده‌ها و محاسبه

بیضی

$$U = 2 \times 3/14 \times 50$$

$$U = 314 \text{ mm}$$

تمرین: محیط یک بیضی ۵۰۰ mm و قطر بزرگ آن ۲۰۰ mm است. قطر کوچک آن را محاسبه کنید.
حل:

مثال: محیط بیضی که به ترتیب قطرهای آن ۵۰۰ mm و ۱۰۰ mm را به دست آورید.
حل:

داده‌ها	خواسته
$d = 50 \text{ mm}$ $D = 100 \text{ mm}$ $\pi = 3/14$	$U = ?$

$$U = p \times \frac{d+D}{2}$$

$$U = 3/14 \times \frac{50+100}{2} = 3/14 \times 75 = 235/5 \text{ mm}$$

تمرین: محیط یک بیضی ۲۰۰ mm و قطر کوچک آن ۴۰ mm است. قطر بزرگ آن را محاسبه کنید.
حل:

مثال: محیط یک بیضی ۴۰۰ mm است و قطر کوچک آن ۱۰۰ mm است قطر دیگر آن را محاسبه کنید.
حل:

داده‌ها	خواسته‌ها
$d = 100 \text{ mm}$ $U = 400 \text{ mm}$ $\pi = 3/14$	$D = ?$

$$D \approx \frac{2U}{p} - d = \frac{2 \times 400}{3/14} - 100$$

$$D \approx 2541/77 - 100 = 154/77 \text{ mm}$$

تمرین: طول قوس قطاع دایره‌ای به قطر ۴۲۰ میلی‌متر را با زاویه مرکزی قطاع ۸۶ درجه به دست آورید.

حل:

مثال: طول قوس قطاع دایره‌ای به قطر ۳۶۸ میلی‌متر را با زاویه مرکزی قطاع ۶۸ درجه به دست آورید.

مرحله اول: نوشتن داده‌ها و خواسته‌ها

داده‌ها	خواسته
$d = 368 \text{ mm}$ $\alpha = 68^\circ$ $\pi = 3/14$	$b = ?$

مرحله دوم: نوشتن رابطه مربوطه

$$b = \frac{p \times d \times \alpha}{360}$$

مرحله سوم: جایگذاری مقادیر داده‌ها و محاسبه

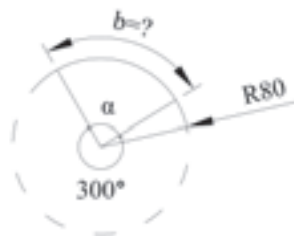
ریاضی

$$b = \frac{d \times \pi \times \alpha}{360} = \frac{368 \times 3/14 \times 68}{360}$$

$$b = \frac{368 \times 3/14 \times 68}{360}$$

$$b = 218/3 \text{ mm}$$

تمرین: طول قوس قطاع شکل زیر را بدست آورید.



شکل (۱-۷)

مثال: طول قوس قطاع شکل زیر را به دست آورید.



شکل (۱-۶)

مرحل اول:

داده‌ها	خواسته‌ها
$r = 50 \text{ mm}$ $\pi = 3/14$	$\alpha = ?$ $b = ?$

محاسبه زاویه α :

$$270 + \alpha = 360$$

$$\alpha = 360 - 270$$

زاویه روبه‌رو به طول قوس $\rightarrow \alpha = 90^\circ$

محاسبه قطر

$$d = 2r = 2 \times 50 = 100 \text{ mm}$$

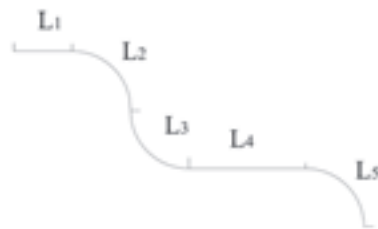
نوشتن رابطه طول قوس و جایگذاری داده‌ها

$$b = \frac{p \times d \times a}{360} \quad b = \frac{50 \times 3.14 \times 90}{360}$$

$$b = 39.25 \text{ mm}$$

اگر قطعه از قسمت‌های مختلف تشکیل شده باشد، برای محاسبه طول قطعه باید ابتدا طول قسمت‌های کوچک‌تر را به طور مجزا اندازه گرفت سپس آنها را با هم جمع نمود.

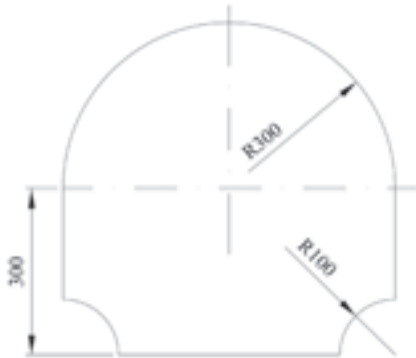
به عنوان مثال قطعه زیر از ۵ قسمت مختلف تشکیل شده است که ابتدا طول هر کدام از این قسمت‌ها را به دست می‌آوریم یعنی L_1 ، L_2 ، L_3 ، L_4 ، L_5 و سپس از حاصل جمع این قسمت‌ها طول کل قطعه به دست می‌آید.



شکل (۸-۱)

$$L = L_1 + L_2 + L_3 + L_4 + L_5$$

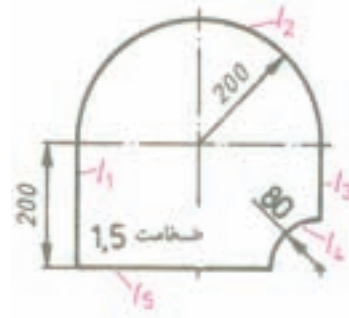
تمرین: قطعه‌ای مطابق شکل با روش با گاز، از ورق فولادی بریده خواهد شد، طول مسیر برشی بر حسب متر را به دست آورید.



شکل (۱-۱۰)

حل:

مثال: قطعه‌ای مطابق شکل با روش برش با گاز، از ورق فولادی بریده خواهد شد، طول مسیر برش را بر حسب mm به دست آورید.



شکل (۱-۹)

حل: منظور از طول مسیر برش همان محیط قطعه می‌باشد.

برای به دست آوردن محیط قطعه، ابتدا محیط آن را به طول‌های L_1 ، L_2 ، L_3 ، L_4 ، L_5 تفکیک نموده و پس از محاسبه طول هریک از آنها، با جمع طول پاره خط‌ها، محیط قطعه مرکب را به دست می‌آوریم.

$$U = L_1 + L_2 + L_3 + L_4 + L_5$$

$$L_1 = 200 \text{ mm}$$

$$L_2 = \frac{d_2 \times \pi}{2} = \frac{400 \text{ mm} \times \pi / 14}{2} = 628 \text{ mm}$$

$$L_3 = 200 \text{ mm} - 80 \text{ mm} = 120 \text{ mm}$$

$$L_4 = \frac{d_4 \times \pi}{4} = \frac{160 \text{ mm} \times \pi / 14}{4} = 125 / 6 \text{ mm}$$

$$L_5 = 400 \text{ mm} - 80 \text{ mm} = 320 \text{ mm}$$

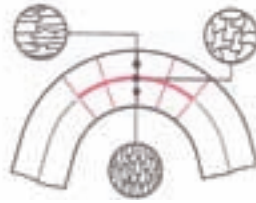
$$U = 200 + 628 + 120 + 125 / 6 + 320$$

$$U = 1413 / 6 \text{ mm}$$

محاسبه طول گسترده قطعات خمیده:

هنگام خم کاری قطعات، لایه‌های خارجی آن کشیده شده و لایه‌های داخلی آن فشرده می‌شوند بین لایه‌های خارجی و داخلی، لایه‌ای وجود دارد که در موقع خم کاری نه کشیده و نه فشرده می‌شود و طول آن بدون تغییر باقی می‌ماند این لایه را لایه خنثی و طول آن را طول گسترده قطعه خمیده می‌نامند.

طول لایه (فاز) خنثی = طول گسترده قطعات خمیده



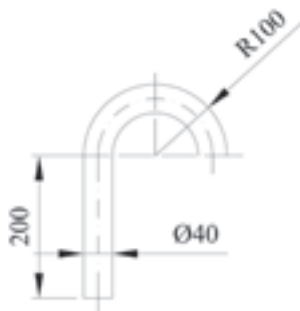
شکل (۱-۱۱)

در مورد محاسبه طول گسترده ابتدا باید فاز خنثی را مشخص کرد و طول آن را محاسبه نمود. مثلاً برای محاسبه طول میله‌ای به شکل کمان با مقطع دایره کافی است که مرکز دایره را به دست آورده و سپس فاز خنثی آن را رسم نمود. طول این خط برابر طول میله است.



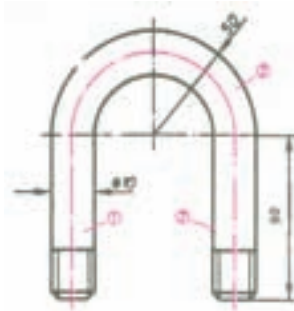
شکل (۱-۱۲)

تمرین: از میله گردی به قطر ۱۲ میلی‌متر، بستی مطابق شکل ساخته خواهد شد. طول گسترده آن را به دست آورید.



شکل (۱-۱۴)

مثال: از میله گردی به قطر ۱۰ میلی‌متر، بستی مطابق شکل ساخته خواهد شد. طول گسترده آن را به دست آورید.



شکل (۱-۱۳)

حل:

حل: با توجه به اینکه میله دارای قطر می باشد برای محاسبه طول قطعه باید طول خط مرکز ثقل قطعه را به دست آورد.

$$L = L_1 + L_p + L_s$$

$$L_1 = 90 \text{ mm}$$

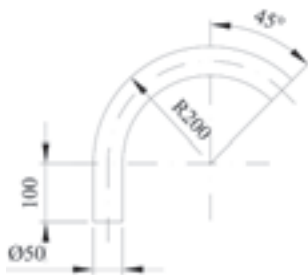
$$L_p = 90 \text{ mm}$$

$$L_s = \frac{d_m \times p}{p} = \frac{(100 \text{ mm} - 10 \text{ mm}) \times 3/14}{2}$$

$$L_s = 141/37 \text{ mm}$$

$$L = 90 + 90 + 141/37 \Rightarrow L = 321/37 \text{ mm}$$

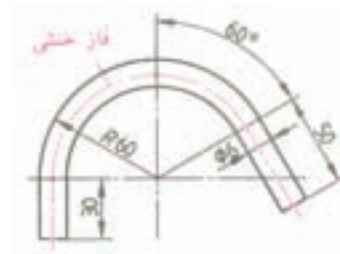
تمرین: طول گسترده قطعه مطابق شکل را به دست آورید.



شکل (۱-۱۶)

حل:

مثال: طول گسترده قطعه مطابق شکل را به دست آورید.



شکل (۱-۱۵)

حل:

$$L = L_1 + L_p + L_s$$

$$d_m = 120 - 6 = 114 \text{ mm}$$

$$L_1 = 30 \text{ mm}$$

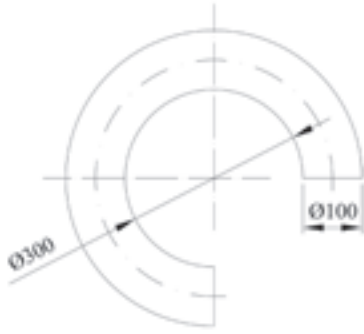
$$L_p = \frac{d_m \times p \times a}{360} = \frac{(120 \text{ mm} - 6 \text{ mm}) \times 3/14 \times 150}{360}$$

$$L_p = 149/23 \text{ mm}$$

$$L_s = 50 \text{ mm}$$

$$L = 30 + 149/23 + 50 \Rightarrow L = 229/23 \text{ mm}$$

تمرین: طول گسترده حلقه مطابق شکل را به دست آورید.



شکل (۱-۱۸)

حل:

مثال: طول گسترده حلقه مطابق شکل را به دست آورید.



شکل (۱-۱۷)

حل:

$$L = \pi \times dm$$

$$dm = 180 + 14$$

$$dm = 194 \text{ mm}$$

$$L = \pi \times 194$$

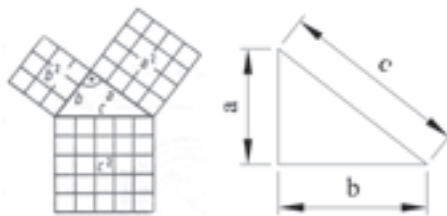
$$L = 3/14 \times 194$$

$$L = 609/16 \text{ mm}$$

۱-۸- روابط مثلث قائم الزاویه:

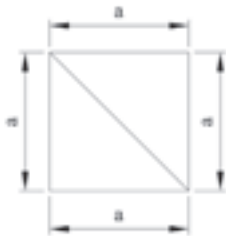
۱-۸-۱- قضیه فیثاغورث: براساس این قضیه در مثلث قائم الزاویه مربع وتر برابر است با مجموع مربع‌های

دو ضلع دیگر. $c^2 = a^2 + b^2$



شکل (۱-۱۹)

یکی از کاربردی این رابطه محاسبه قطر مربع و مستطیل می‌باشد.



شکل (۱-۲۰)

قطر مربع:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c^2 = 2a^2$$

$$c = \sqrt{2}a \Rightarrow \text{قطر مربع}$$

a : ضلع مربع

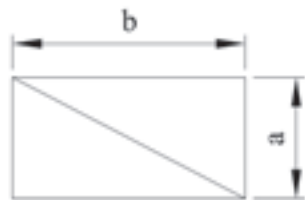
قطر مستطیل:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

c : قطر مستطیل

a , b : ضلع‌های مستطیل



شکل (۱-۲۱)

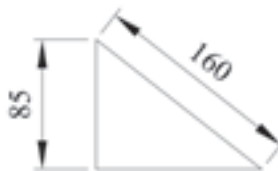
تمرین: در مثلث قائم الزاویه‌ای اندازه ضلع مجاور به زاویه قائمه ۹۵ میلی‌متر و اندازه وتر ۱۶۰ میلی‌متر است. اندازه ضلع دیگر چند میلی‌متر است؟

حل:

مثال: در مثلث قائم الزاویه‌ای اندازه ضلع مجاور به زاویه قائمه ۸۵ میلی‌متر و اندازه وتر ۱۶۰ میلی‌متر است. اندازه ضلع دیگر چند میلی‌متر است؟

حل:

مرحله اول: رسم شکل



$$a = 85 \text{ و } c = 160$$

مرحله دوم: نوشتن رابطه و حل مسئله

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$b^2 = c^2 - a^2$$

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{(160 \text{ mm})^2 - (85 \text{ mm})^2}$$

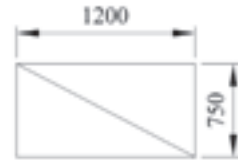
$$b = \sqrt{18375 \text{ mm}^2} \Rightarrow b = 135.6 \text{ mm}$$

تمرین: اندازه قطر مستطیل ۸۵۰×۱۱۰۰ میلی متر را به دست آورید.

حل:

مثال: اندازه قطر مستطیل ۷۵۰×۱۲۰۰ میلی متر را به دست آورید.

حل: مرحله اول: رسم شکل



مرحله دوم: نوشتن رابطه جایگذاری و محاسبه

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{(1200 \text{ mm})^2 + (750 \text{ mm})^2}$$

$$c = \sqrt{1440000 + 562500}$$

$$c = \sqrt{2002500 \text{ mm}^2} \Rightarrow c = 1415/097 \text{ mm}$$

تمرین: ارتفاع مخروط مطابق شکل چند سانتی متر است؟



شکل (۱-۲۳)

حل:

مثال: ارتفاع مخروط مطابق شکل چند میلی متر است؟



شکل (۱-۲۲)

حل:

$$a = \frac{120}{2} = 60 \text{ mm}$$

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c^2 = a^2 + h^2$$

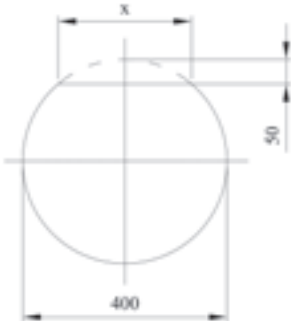
$$h^2 = c^2 - a^2$$

$$h = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{(170)^2 - (60)^2} =$$

$$h = \sqrt{28900 - 3600} = \sqrt{25300 \text{ mm}^2}$$

$$h = 159/059 \text{ mm}$$

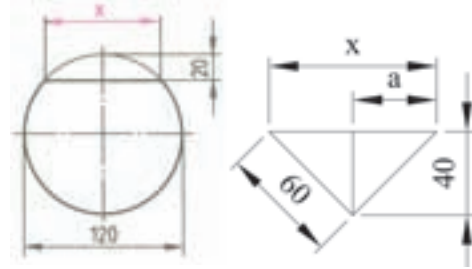
تمرین: میله گردی مطابق شکل سوهان کاری خواهد شد. اندازه پهنای X چند میلی متر است؟



شکل (۱-۲۵)

حل:

مثال: میله گردی مطابق شکل سوهان کاری خواهد شد. اندازه پهنای X چند میلی متر است؟



شکل (۱-۲۴)

حل:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$a^2 = c^2 - b^2$$

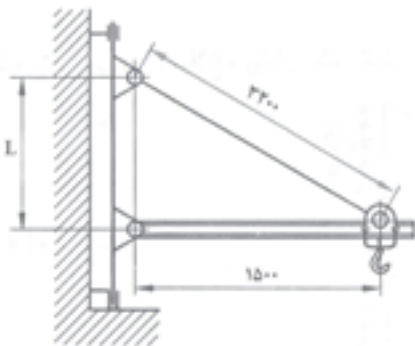
$$a = \sqrt{c^2 - b^2}$$

$$a = \sqrt{(60)^2 - (40)^2} = \sqrt{3600 - 1600} =$$

$$a = \sqrt{2000 \text{ mm}^2} \Rightarrow a = 44.72 \text{ mm}$$

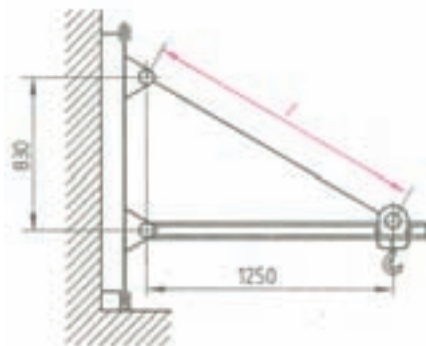
$$x = 2a \Rightarrow x = 2 \times 44.72 / 2 \Rightarrow x = 89.44 \text{ mm}$$

تمرین: در نگهدارنده مطابق شکل اندازه L را به دست آورید.



شکل (۱-۲۷)

مثال: در نگهدارنده مطابق شکل اندازه L را به دست آورید.



شکل (۱-۲۶)

حل:

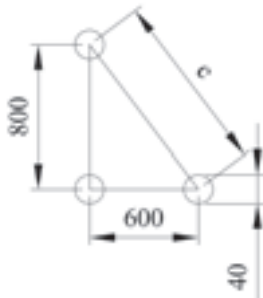
$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$L^2 = a^2 + b^2$$

$$L = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{(1250)^2 + (830)^2}$$

$$L = \sqrt{2251400 \text{ mm}^2} \Rightarrow L = 1500 / 46 \text{ mm}$$

تمرین: در صفحه راهنمای مطابق شکل اندازه (C) را به دست آورید.



شکل (۱-۲۹)

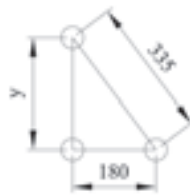
حل:

مثال: در صفحه راهنمای مطابق شکل اندازه کنترل را به دست آورید.



شکل (۱-۲۸)

حل:



با توجه به اینکه دو ضلع با ابعاد داده شده از مرکز به مرکز دایره‌ها می‌باشند بنابراین ضلع خواسته شده را از مرکز به مرکز دایره‌ها یعنی y به دست می‌آوریم.

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c = 335 \text{ mm}$$

$$b = 180 \text{ mm}$$

$$a = y$$

$$335^2 = y^2 + 180^2$$

$$335^2 - 180^2 = y^2$$

$$\Rightarrow y = \sqrt{335^2 - 180^2}$$

$$y = 282 / 533$$

رابطه فیثاغورث

سیمای فصل دوم

۲- زاویه زمان

۲-۱- زاویه

۲-۱-۱- تعریف زاویه

۲-۱-۲- واحد زاویه

۲-۱-۳- اجزای درجه

۲-۱-۴- انواع زاویه

۲-۱-۵- زوایای متمم

۲-۱-۶- زوایای مکمل

۲-۱-۷- زوایای چند ضلعی

۲-۱-۸- چهار عمل اصلی زوایا

۲-۲- زمان

۲-۲-۱- واحد زمان

۲-۲-۲- اجزا و اضعاف واحد زمان

۲-۲-۳- چهار عمل اصلی زمان

۲-۲-۴- تبدیل اضعاف واحد زمان

۲- زاویه و زمان

۲-۱- زاویه

۲-۱-۱- **تعریف زاویه:** زاویه از برخورد دو خط پدید می‌آید (شکل ۲-۱) که مقدار آن برابر است با نسبت طول قوس مقابل به آن زاویه بر شعاع (ضلع زاویه) است.



شکل ۲-۱- تشکیل زاویه

S : رأس زاویه

اضلاع زاویه = SB, SA

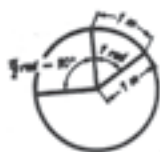
$\alpha = \angle$ زاویه

b = طول قوس مقابل به زاویه α

$$\alpha = \frac{AB}{SA} = \frac{b}{SA}$$

۲-۱-۲- **واحد زمان:** واحد زاویه رادیان است. یک رادیان برابر با زاویه‌ای است که در دایره‌ای به شعاع یک

متر، که طول قوس روبه‌روی آن برابر یک متر است.



شکل ۲-۲- تعریف رادیان

$$1 \text{ rad} = \frac{1 \text{ m}}{1 \text{ m}}$$

با توجه به این تعریف می‌توان زاویه، دایره کامل را بر حسب رادیان به دست آورد. در زاویه دایره کامل طول کمان روبه‌رو به زاویه برابر محیط دایره یا $2\pi r$ است و ضلع زاویه برابر شعاع دایره r است. بنا به تعریف:

$$\alpha = \frac{\text{طول قوس}}{\text{شعاع}} = \frac{2\pi r}{r} \Rightarrow \alpha = 2\pi \text{ rad}$$

در نتیجه زاویه کامل برابر 2π رادیان می‌باشد.

<p>تمرین: در دایره‌ای به شعاع 180 میلی‌متر حساب کنید:</p> <p>الف - مقدار زاویه مقابل به کمان $b = 240 \text{ mm}$ بر حسب رادیان</p>	<p>مثال: در دایره‌ای به شعاع 120 میلی‌متر مطلوب است:</p> <p>الف - مقدار زاویه مقابل به کمان $b = 180 \text{ mm}$ بر حسب رادیان</p>
---	--

ب - زاویه دایره کامل بر حسب رادیان

حل:

$$\text{الف) } a = \frac{b}{r} = \frac{180 \text{ mm}}{120 \text{ mm}} = \frac{1/8 \text{ m}}{1/2 \text{ m}} = 1/5 \text{ rad}$$

$$\text{ب) } a = \frac{U}{r} = \frac{r \times 2 \times p}{r} = 2p \text{ rad}$$

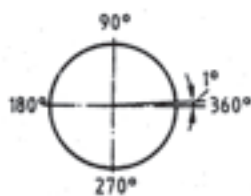
$$\Rightarrow \alpha = 2 \times 3/14 \Rightarrow \alpha = 6/7 \text{ rad}$$

ب - زاویه دایره کامل بر حسب رادیان

حل:

واحد دیگری برای اندازه گیری زاویه، درجه است.

یک درجه برابر است با زاویه ای که اندازه آن $\frac{1}{360}$ زاویه دایره کامل است. (شکل ۳-۲)



شکل ۳-۲- تعریف درجه

از طرف دیگر یک درجه برابر $\frac{1}{90}$ زاویه قائمه است.

دایره کامل برابر ۳۶۰ درجه است. از طرف دیگر دایره کامل برابر 2π رادیان است. بنابراین برای تبدیل رادیان به درجه خواهیم داشت.

$$2\pi \text{ rad} = 360^\circ$$

طرفین رابطه را بر 2π تقسیم می کنیم

$$\frac{2\pi \text{ rad}}{2\pi} = \frac{360^\circ}{2\pi}$$

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{ rad} = \frac{360^\circ}{2\pi} \\ p = 3/14 \end{array} \right\} \Rightarrow 1 \text{ rad} = \frac{360^\circ}{2 \times 3/14} \Rightarrow \boxed{1 \text{ rad} = 57/3^\circ}$$

در نتیجه یک رادیان برابر $57/3$ درجه است.

- برای تبدیل درجه به رادیان به صورت زیر عمل می‌شود:

$$360^\circ = 2\pi \text{rad}$$

طرفین رابطه را بر 360° تقسیم می‌کنیم:

$$\frac{360^\circ}{360^\circ} = \frac{2\pi \text{rad}}{360^\circ}$$

$$1^\circ = \frac{\cancel{360}^\circ}{\cancel{360}^\circ} \text{rad} = \boxed{1^\circ = \frac{\pi}{180} \text{rad}}$$

تمرین: زاویه 75° چند رادیان است؟

حل:

مثال: زاویه $\alpha = 45^\circ$ چند رادیان است؟

$$1^\circ = \frac{\rho}{180} \text{rad}$$

$$\alpha = 45^\circ = 45 \times 1^\circ$$

$$a = 45 \times \frac{\rho}{180} \text{rad}$$

$$a = \frac{\rho}{4} \text{rad}$$

$$\alpha = 0.785 \text{rad}$$

تمرین: زاویه $\beta = 0.576 \text{rad}$ چند درجه است؟

حل:

مثال: زاویه $\beta = 0.6373 \text{rad}$ چند درجه است؟

$$1 \text{rad} = 57.3^\circ$$

$$\beta = 0.6373 \text{rad}$$

$$\beta = 0.6373 \times 1 \text{rad}$$

$$\beta = 0.6373 \times 57.3^\circ$$

$$\beta = 36.5^\circ$$

۳-۱-۲- اجزای درجه: اجزای درجه عبارتند از: دقیقه و ثانیه.

یک درجه برابر ۶۰ دقیقه و یک دقیقه برابر ۶۰ ثانیه است به عبارت دیگر می‌توان نوشت:

$$\text{ثانیه (")} \xrightarrow{\times 60} \text{دقیقه (')} \xrightarrow{\times 60} \text{درجه (}^\circ\text{)}$$

- برای تبدیل درجه به دقیقه باید درجه در ۶۰ ضرب شود و برعکس.
 - برای تبدیل دقیقه به ثانیه باید دقیقه در ۶۰ ضرب شود و برعکس.
 لازم به ذکر است در صورتی که زاویه به صورت اعشاری باشد باید به واحدهای کوچکتر تبدیل شود به عنوان مثال زاویه $۵/۴^\circ$ برابر $۵^\circ + ۰/۴^\circ$ است. قسمت اعشاری $۰/۴^\circ$ باید به واحد کوچکترین یعنی دقیقه تبدیل شود. برای این منظور باید $۰/۴^\circ$ در ۶۰ ضرب شود تا دقیقه به دست آید یعنی $۲۴'$. بنابراین $۵/۴^\circ$ برابر خواهد بود با $۵^\circ + ۲۴'$

<p>تمرین: $۵۴/۸^\circ$ را بر حسب درجه و اجزای آن به دست آورید. حل:</p>	<p>مثال: $۳۵/۴^\circ$ را بر حسب درجه و اجزای آن به دست آورید. حل: $۳۵/۴^\circ = ۳۵^\circ + ۰/۴^\circ$ $= ۳۵^\circ + ۰/۴ \times ۱^\circ$ $= ۳۵^\circ + ۰/۴ \times ۶۰'$ $= ۳۵^\circ, ۲۴'$</p>
<p>تمرین: $۲۴/۴۸^\circ$ را بر حسب درجه و اجزای آن به دست آورید. حل:</p>	<p>مثال: $۴۲/۲۸^\circ$ را بر حسب درجه و اجزای آن به دست آورید. حل: $۴۲/۲۸^\circ = ۴۲^\circ + ۰/۲۸^\circ$ $= ۴۲^\circ + ۰/۲۸ \times ۱^\circ$ $= ۴۲^\circ + ۰/۲۸ \times ۶۰'$ $= ۴۲^\circ + ۱۶/۸'$ $= ۴۲^\circ + ۱۶' + ۰/۸'$ $= ۴۲^\circ + ۱۶' + ۰/۸ \times ۱'$ $= ۴۲^\circ + ۱۶' + ۰/۸ \times ۶۰''$ $= ۴۲^\circ + ۱۶' + ۱۴۸''$ <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">$۴۲/۲۸^\circ = ۴۲^\circ, ۱۶', ۱۴۸''$</div></p>

تمرین: زاویه مخروطی "۴°, ۵۶', ۴۰" می باشد. مقدار آن را بر حسب درجه حساب کنید.

حل:

مثال: زاویه مخروطی "۲°, ۵۱', ۴۰" می باشد. مقدار آن را بر حسب درجه حساب کنید.

حل:

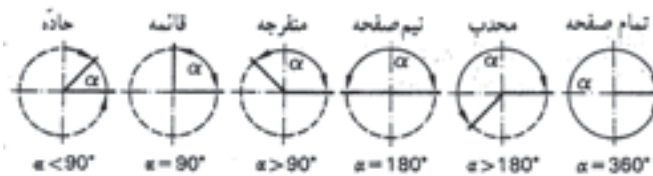
$$۲°, ۵۱', ۴۰" = ۲° + \frac{۵۱}{۶۰}° + \frac{۴۰}{۶۰ \times ۶۰}°$$

$$= ۲° + ۰/۸۵° + ۰/۰۱۱۱°$$

$$= ۲/۸۶۱°$$

۴-۱-۲- انواع زاویه: انواع زاویه در هندسه عبارتند از: زاویه حاده، قائمه، منفرجه، نیم صفحه، محدب و تمام

صفحه مطابق شکل (۲-۴)



شکل ۴-۲- انواع زاویه

- زاویه حاده کوچکتر از ۹۰° است: $\alpha < 90^\circ$

- زاویه قائمه برابر ۹۰° است: $\alpha = 90^\circ$

- زاویه منفرجه بزرگتر از ۹۰° و کوچکتر از ۱۸۰° است. $90^\circ < \alpha < 180^\circ$

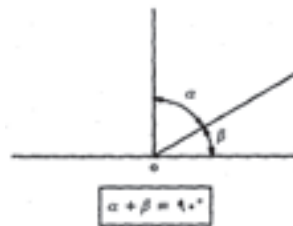
- زاویه نیم صفحه برابر ۱۸۰° است: $\alpha = 180^\circ$

- زاویه محدب بزرگتر از ۱۸۰° و کوچکتر از ۳۶۰° است: $180^\circ < \alpha < 360^\circ$

- زاویه تمام صفحه ۳۶۰° است: $\alpha = 360^\circ$

۵-۱-۲- زوایای متمم: در صورتی که مجموع دو زاویه ۹۰° باشد، آن دو زاویه را متمم می گویند.

مثلاً زوایای ۳۰° و ۶۰° متمم هستند زیرا مجموعه آنها ۹۰° است (شکل ۲-۵)



شکل ۵-۲- زوایای متمم

۶-۱-۲- زوایای مکمل: در صورتی که مجموع دو زاویه ۱۸۰° باشد، آن دو زاویه را مکمل می گویند.

مثلاً زوایای 100° و 80° مکمل هستند زیرا مجموع آنها 180° است. شکل (۲-۶)



شکل ۲-۶- زوایای مکمل

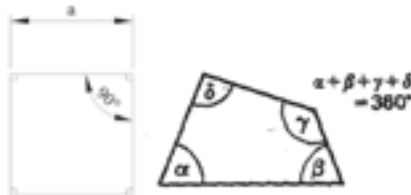
۲-۱-۷- زوایای چند ضلعی:

- مجموع زوایای داخلی هر مثلث 180° است مطابق شکل (۲-۷) به عنوان مثال زاویه مثلث متساوی الاضلاع هر کدام 60° است بنابراین مجموع آنها $60 + 60 + 60 = 180$ است.



شکل ۲-۷

- مجموع زوایای داخلی هر چهار ضلعی 360° است. شکل (۲-۸) به عنوان مثال مربع دارای چهار زاویه 90° است که مجموع آنها $90 + 90 + 90 + 90 = 360$ است.



شکل ۲-۸

در مورد چند ضلعی‌های منتظم اگر زاویه بین اضلاع آنها (β) و زاویه مرکزی روبه‌روی هم ضلع آنها (α) باشد خواهیم داشت. شکل (۲-۹)



شکل ۲-۹

تعداد اضلاع $n =$

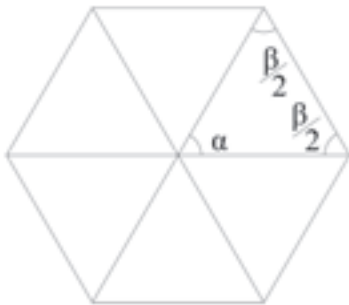
زاویه مرکزی مقابل به ضلع $\alpha =$

زاویه بین دو ضلع $\beta =$

با توجه به موارد فوق مجموع زوایای داخلی n ضلعی منتظم برابر 360° است و با توجه به این که اضلاع n

ضلعی منتظم با هم برابرند، زوایای مرکزی روبه‌روی هر ضلع با هم برابرند در نتیجه هر زاویه مرکزی (α) برابر است با: $\frac{360}{n}$

در صورتی که قطرهای چند ضلعی را رسم کنیم هر ضلع با دو قطر مجاورش یک مثلث متساوی الساقین می‌سازد که زاویه، رو به ضلع n ضلعی α و زاویه‌های دیگر مثلث که در مجاور ضلع n ضلعی هستند برابر است با نصف زاویه دو ضلع $\frac{b}{2}$. بنابراین خواهیم داشت:



شکل ۱۰-۲

$$a + \frac{b}{2} + \frac{b}{2} = 180^\circ$$

$$\alpha + \beta = 180^\circ$$

$$a + b - a = 180 - a$$

بنابراین زاویه بین دو ضلع برابر است با:

$$\beta = 180 - \alpha$$

تمرین: در یک مثلث زاویه $\hat{a} = \hat{b} = 30^\circ$ است. زاویه γ چقدر خواهد شد.
حل:

مثال: در یک مثلث زاویه $\alpha = 45^\circ$ و زاویه $\beta = 60^\circ$ می‌باشد. زاویه γ چقدر خواهد شد؟
حل: در مثلث مجموع زوایای داخلی 180° است.
بنابراین:

$$\hat{a} + \hat{b} + \hat{g} = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 45 + 60 + \hat{g} = 180$$

$$105 + \hat{g} = 180$$

$$\hat{g} = 180 - 105$$

$$\hat{g} = 75^\circ$$

تمرین: در یک لوزی زاویه $\alpha = 50^\circ$ می‌باشد زوایای $\hat{d}, \hat{g}, \hat{b}$ را به دست آورید.

مثال: در یک چهارضلعی زاویه $\alpha = 45^\circ$ ، $\beta = 80^\circ$ و $\gamma = 90^\circ$ است. زاویه γ چقدر است؟

<p>حل:</p>	<p>حل: چهارضلعی مجموع زوایای داخلی 360° است.</p> $\hat{a} + \hat{b} + \hat{g} + \hat{d} = 360^\circ$ $45 + 80 + 90 + \hat{\delta} = 360$ $215 + \hat{d} = 360$ $\Rightarrow \hat{\delta} = 360 - 215$ $\hat{d} = 145^\circ$
<p>تمرین: مطلوب است اندازه زاویه‌ی مرکزی مقابل به ضلع و زاویه بین دو ضلع یک ده ضلعی منتظم و مجموع زوایای داخلی آن.</p>	<p>مثال: مطلوب است اندازه زاویه مرکزی مقابل به ضلع و زاویه بین دو ضلع یک هشت ضلعی منتظم و مجموع زوایای داخلی آن.</p> $n = 8$ <p>زاویه مرکزی $a = \frac{360^\circ}{h}$</p> $a = \frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$ <p>زاویه بین دو ضلع $\beta = 180^\circ - \alpha$</p> $\beta = 180 - 45 = 135$ <p>تعداد زوایای داخلی هشت ضلعی ۸ عدد می‌باشد. بنابراین مجموع زوایای داخلی ۸ ضلعی منتظم ۸ برابر زاویه β می‌باشد.</p> $\text{مجموع زوایای داخلی} = 8 \times \beta$ $\text{مجموع زوایای داخلی} = 8 \times 135$ $\text{مجموع زوایای داخلی} = 1080^\circ$
<p>۸-۱-۲- چهار عمل اصلی زاویه: چهار عمل اصلی جمع، تفریق، ضرب و تقسیم برای زاویه امکان پذیر است.</p> <p>جمع: برای این منظور کافی است ثانیه‌ها را با هم، دقیقه‌ها را با هم و درجه‌ها را با هم جمع کنیم در صورتی که جمع ثانیه‌ها بیش از ۶۰ ثانیه شود کافی است که ۶۰ ثانیه از آن کم کنیم و ۱ دقیقه به دقیقه‌ها اضافه کنیم</p>	

و این کار را تا زمانی ادامه دهیم تا مقدار ثانیه کمتر از ۶۰ شود.
در مورد دقیقه نیز به همین گونه است. اگر بزرگتر از ۶۰ باشد، باید ۶۰ دقیقه از آن کم کنیم و ۱ درجه به درجه‌ها اضافه کنیم و این کار را آنقدر ادامه دهیم تا میزان دقیقه‌ها کمتر از ۶۰ دقیقه شود.

<p>تمرین: حاصل جمع زیر را به دست آورید.</p> $\begin{array}{r} 6^{\circ} \quad 10' \quad 50'' \\ + 20^{\circ} \quad 55' \quad 40'' \end{array}$	<p>مثال: حاصل جمع زیر را به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $\begin{array}{r} 5^{\circ} \quad 47' \quad 30'' \\ 8^{\circ} \quad 10' \quad 40'' \\ \hline 13^{\circ} \quad 57' \quad 70'' \\ 13^{\circ} \quad 57' \quad (60+10)'' \\ 13^{\circ} \quad (57+1)' \quad 10'' \\ 13^{\circ} \quad 58' \quad 30'' \\ 13^{\circ} \quad 57' \quad 70'' \\ \hline \begin{array}{r} +1 \quad \leftarrow -60 \\ 13^{\circ} \quad 58' \quad 10'' \end{array} \end{array}$ <p>راه دیگر</p>
--	--

تفریق: برای این منظور کافی است ثانیه‌ها از هم، دقیقه‌ها از هم و درجه‌ها را از هم کم کنیم. اگر مقدار ثانیه کمتر از مقداری بود که باید از آن کم شود، باید از دقیقه یک واحد کم کرد و ۶۰ ثانیه به مقدار ثانیه اضافه نمود. همچنین اگر مقدار دقیقه کمتر از مقداری بود که باید از آن کم شود باید از درجه یک واحد کم شود و ۶۰ دقیقه به مقدار دقیقه‌ها اضافه شود.

	<p>مثال: حاصل تفریق زیر را به دست آورید.</p> $\begin{array}{r} 10^{\circ} \quad 45' \quad 15'' \\ - 8^{\circ} \quad 20' \quad 45'' \end{array}$ <p>حل: با توجه به اینکه مقدار ثانیه در ردیف بالایی کمتر از پایینی است. بنابراین از دقیقه‌ها، ۱ دقیقه کم و ۶۰ ثانیه به ثانیه‌ها اضافه می‌شود.</p> $\left\{ \begin{array}{r} 10^{\circ} \quad (44+1)' \quad 15'' \\ - 8^{\circ} \quad 20' \quad 45'' \end{array} \right.$
--	---

<p>تمرین: حاصل تفریق زیر را به دست آورید.</p> $\begin{array}{r} 45^{\circ} \quad 20' \quad 35'' \\ -31^{\circ} \quad 40' \quad 52'' \end{array}$	$\begin{cases} 1^{\circ} & 44' & (60+15)'' \\ -8^{\circ} & 20' & 45'' \end{cases}$ $\begin{array}{r} 1^{\circ} \quad 44' \quad 75'' \\ -8^{\circ} \quad 20' \quad 45'' \\ \hline 2^{\circ} \quad 24' \quad 30'' \end{array}$ <p>راه دیگر</p> $\begin{array}{r} 1^{\circ} \quad 45' \quad 15'' \\ \quad \quad \quad -1 \rightarrow \quad \quad \quad +60 \\ -8^{\circ} \quad 20' \quad 45'' \rightarrow -8^{\circ} \quad 20' \quad 45'' \\ \hline 2^{\circ} \quad 24' \quad 30'' \end{array}$
--	--

<p>تمرین: حاصل تفریق زیر را به دست آورید.</p> $\begin{array}{r} 30^{\circ} \quad 25' \quad 12'' \\ -12^{\circ} \quad 40' \quad 20'' \end{array}$	<p>مثال: حاصل تفریق زیر را به دست آورید.</p> $\begin{array}{r} 25^{\circ} \quad 30' \quad 55'' \\ -10^{\circ} \quad 48' \quad 30'' \end{array}$ <p>حل: با توجه به اینکه مقدار دقیقه ردیف بالایی کمتر از مقدار دقیقه ردیف پایینی است. بنابراین از درجه‌ها، یک درجه کم کرده و ۶۰ دقیقه به مقدار دقیقه اضافه می‌کنیم</p> $\begin{cases} (24+1)^{\circ} & 30' & 55'' \\ -10^{\circ} & 48' & 30'' \end{cases}$ $\begin{cases} 24^{\circ} & (60+30)' & 55'' \\ -10^{\circ} & 48' & 30'' \end{cases}$ $\begin{array}{r} 24^{\circ} \quad 90' \quad 55'' \\ -10^{\circ} \quad 48' \quad 30'' \\ \hline 14^{\circ} \quad 42' \quad 25'' \end{array}$
--	---

ضرب: برای ضرب یک عدد در درجه کافی است آن عدد را به ترتیب در ثانیه، دقیقه و درجه ضرب کنیم. در صورتی که ثانیه و دقیقه بیش از ۶۰ باشد، باید ثانیه را به دقیقه و دقیقه را به درجه تبدیل کنیم تا مقدار ثانیه و دقیقه کمتر از ۶۰ شود.

<p>تمرین: حاصل ضرب زیر را به دست آورید.</p> $7^{\circ} 18' 40'' \times 6$	<p>مثال: حاصل ضرب زیر را به دست آورید.</p> $5^{\circ} 30' 20'' \times 4$ <hr/> $20^{\circ} 120' 80''$ $20^{\circ} 120' (60+20)''$ <p>یک واحد به دقیقه اضافه می شود</p> $20^{\circ} 120' + 1' 20''$ $20^{\circ} 121' 20''$ $20^{\circ} (2 \times 60 + 1)' 20''$ <p>۲ واحد به درجه ها اضافه می شود</p> $22^{\circ} 1' 20''$
---	---

تقسیم: برای تقسیم درجه بر یک عدد کافی است، ابتدا درجه را بر عدد تقسیم نمائیم باقیمانده را که بر حسب درجه است به دقیقه تبدیل می کنیم و به دقیقه ها اضافه می کنیم سپس مجموع دقیقه ها را بر عدد تقسیم می کنیم باقیمانده که بر حسب دقیقه است به ثانیه تبدیل می کنیم و به ثانیه ها اضافه می کنیم سپس مجموع ثانیه ها را بر عدد تقسیم می نمائیم. سپس خارج قسمت ها را به ترتیب درجه، دقیقه و ثانیه کنار هم قرار می دهیم.

<p>تمرین: حاصل تقسیم زیر را به دست آورید.</p> $(145^{\circ} 45' 15'') \div 5$	<p>مثال: حاصل تقسیم زیر را به دست آورید.</p> $(100^{\circ} 24' 32'') : 8$ <p>حل: ابتدا درجه را بر عدد تقسیم می نمائیم.</p> <p>خارج قسمت بر حسب درجه</p> $\begin{array}{r} 100 \overline{) 8} \\ \underline{8} \\ 20 \\ \underline{16} \\ 4 \end{array}$ <p>باقیمانده 4° است که به دقیقه تبدیل و سپس با $24'$ جمع می شود و بعد بر ۸ تقسیم می شود.</p>
---	--

	$4^{\circ} \times 60 = 240'$ $240' + 24' = 264'$ $\begin{array}{r} 264' \overline{) 8} \\ 24 \quad 33 \\ \underline{24} \\ 24 \\ \underline{00} \end{array}$ <p>خارج قسمت بر حسب دقیقه</p> <p>با توجه به اینکه تقسیم دقیقه باقیمانده‌ای نداشت بنابراین $32''$ را بر 8 تقسیم می‌کنیم.</p> $\begin{array}{r} 32'' \overline{) 8} \\ 32 \quad 4 \\ \underline{00} \end{array}$ <p>خارج قسمت بر حسب درجه</p> <p>خارج قسمت‌ها را به ترتیب درجه، دقیقه و ثانیه کنار هم قرار می‌دهیم جواب به دست می‌آید.</p> $12^{\circ} \quad 33' \quad 4''$
<p>تمرین: مقدار زاویه $36\frac{3}{4}$ درجه را بر حسب درجه و دقیقه به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: مقدار زاویه $27\frac{1}{2}$ را بر حسب درجه و دقیقه به دست آورید.</p> $27\frac{1}{2} = \frac{55}{2}$ <p>حل:</p> $= 27 / 5^{\circ}$ $= 27^{\circ} + 0 / 5^{\circ}$ $= 27^{\circ} + 0 / 5 \times 1^{\circ}$ $= 27^{\circ} + 0 / 5 \times 60'$ $= 27^{\circ} + 30'$ $= 27^{\circ}, 30'$
<p>تمرین: مقدار $582'$ را بر حسب درجه و دقیقه به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: مقدار $362'$ را بر حسب درجه و دقیقه به دست آورید.</p> <p>راه حل اول:</p>

	$362' = \frac{362'}{60}$ $= 6/0333^\circ$ $= 6^\circ + 0/0333^\circ$ $= 6^\circ + 0/0333 \times 60'$ $= 6^\circ + 2'$ <p style="text-align: right;">راه حل دوم:</p> $\begin{array}{r} 362' 60 \\ \underline{360} \quad 60 \\ 2' \end{array}$ $362' = 6^\circ, 2'$
<p>تمرین: ۸۴۶۰ ثانیه را بر حسب درجه و دقیقه و ثانیه بنویسید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۳۶۶۱ ثانیه را بر حسب درجه، دقیقه و ثانیه بنویسید.</p> $\begin{array}{r} 3661 60 \\ \underline{360} \quad 61 60 \\ 61 \quad 60 \quad 1 \text{ درجه} \\ \underline{60} \quad 1 \quad 1 \text{ دقیقه} \\ 1 \quad 1 \text{ ثانیه} \end{array}$ $1^\circ \quad 1' \quad 1''$
<p>تمرین: در یک مثلث $\alpha = 2\beta$ و 50°، $40'$، 30° β است مطلوب است . محاسبه زاویه γ ؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: در یک مثلث $\alpha = 50^\circ$ و $30'$ و $\beta = 60^\circ$ و $45'$ است. زاویه γ را به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ$ $\gamma = 180 - (\alpha + \beta)$ <p>حاصل جمع $\alpha + \beta$</p> $\begin{array}{r} 50^\circ \quad , \quad 30' \\ 60^\circ \quad , \quad 45' \\ \hline 110^\circ \quad , \quad 75' \end{array}$

$$110^\circ, (60+15)'$$

$$110^\circ + 1^\circ, 15'$$

$$\alpha + \beta = 111^\circ, 15'$$

حال برای به دست آوردن \hat{g} کافی است $\alpha + \beta$ را از 180° کم کنیم.

$$\begin{array}{r} 180^\circ, 0' \\ - 111^\circ, 15' \\ \hline \end{array}$$

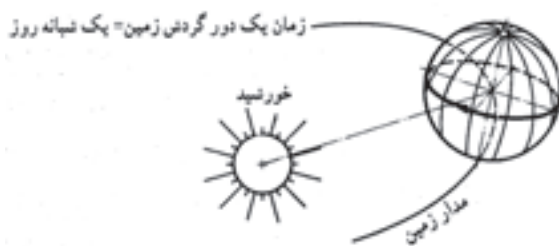
$$\begin{array}{r} (179+1)^\circ, 0' \\ - 111^\circ, 15' \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 179^\circ, 60' \\ - 111^\circ, 15' \\ \hline 68^\circ, 45' \end{array}$$

$$\Rightarrow \hat{g} = 68^\circ, 45'$$

۲-۲- زمان:

۲-۲-۱- واحد زمان: واحد زمان ثانیه است. ثانیه برابر است با $\frac{1}{86400}$ شبانه روز متوسط سال شمسی. یک شبانه روز برابر زمان گردش زمین به دور محور خودش است. یک سال شمسی برابر مدت زمان یک دور گردش زمین حول خورشید است که به طور متوسط برابر است با ۳۶۵ شبانه روز. شکل (۲-۱۱)



شکل ۲-۱۱- تعریف شبانه روز

دقیق ترین تعریف ثانیه عبارت است از: هر ثانیه زمانی است برابر 9192631770 برابر زمان دوره تناوب پرتو

۲-۲-۲- اجزا و اضعاف واحد زمان: اضعاف واحد زمان (ثانیه) عبارتند از: دقیقه و ساعت و روز.

- هر دقیقه برابر ۶۰ ثانیه است. $1 \text{ min} = 60 \text{ s}$

- هر ساعت برابر ۶۰ دقیقه و از طرف دیگر برابر ۳۶۰۰ ثانیه است $1 \text{ h} = 60 \text{ min} = 3600 \text{ s}$

- هر روز برابر ۲۴ ساعت، ۱۴۴۰ دقیقه و برابر ۸۶۴۰۰ ثانیه است.

$$1 \text{ day} = 24 \text{ h} = 1440 \text{ min} = 86400 \text{ s}$$

$$d \xleftarrow{\div 24} h \xleftarrow{\div 60} \text{min} \xleftarrow{\div 60} s$$

- اجزای ثانیه عبارت است از میلی ثانیه، هر میلی ثانیه برابر با $\frac{1}{1000}$ به عبارت دیگر:

$$\text{(میلی ثانیه)} \xleftarrow{\div 1000} s \text{ (ثانیه)}$$

- در مواردی که هدف نشان دادن مدت زمان باشد، علائم اختصاری را در سمت راست عدد مربوط می‌نویسند

مثلاً ساخت یک قطعه ۱۱ ساعت و ۲۵ دقیقه طول می‌کشد 11 h و 25 min

- در مواردی که هدف نشان دادن زمان باشد، علائم اختصاری بالای عدد مربوطه نوشته می‌شود. مثلاً ساخت

قطعه در ساعت ۱۱ و ۲۵ دقیقه تمام می‌شود. 11^{h} و 25^{min}

۲-۲-۳- چهار عمل اصلی زمان: چهار عمل اصلی جمع، تفریق، ضرب و تقسیم برای زمان امکان پذیر

است.

- جمع: برای این منظور کافی است ثانیه‌ها را با هم، دقیقه‌ها را با هم و ساعت‌ها را با هم جمع

کنیم. در صورتی که جمع ثانیه‌ها بیش از ۶۰ ثانیه شود کافی است که ۶۰ ثانیه از آن کم کنیم و

۱ دقیقه به زمان دقیقه آن اضافه کنیم و این کار را تا زمانی ادامه دهیم تا مقدار ثانیه کمتر از ۶۰ شود.

در مورد دقیقه نیز به همین گونه است. اگر بزرگ‌تر از ۶۰ باشد، باید ۶۰ دقیقه از آن کم کنیم و ۱ ساعت به

ساعت اضافه کنیم و این کار را آنقدر ادامه دهیم تا میزان دقیقه آن کمتر از ۶۰ دقیقه شود.

<p>تمرین: حاصل جمع‌های زیر را به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $\begin{array}{r} 5h \quad 45 \text{ min} \quad 10s \\ + 1h \quad 10 \text{ min} \quad 40s \\ \hline \end{array}$	<p>مثال: حاصل جمع‌های زیر را به دست آورید. حل:</p> $\begin{array}{r} 2h \quad 37 \text{ min} \quad 50s \\ + 3h \quad 10 \text{ min} \quad 45s \\ \hline 5h \quad 47 \text{ min} \quad 95s \end{array}$ <p>$5h \quad 47 \text{ min} \quad (60 + 35)s$</p> <p>$5h \quad (47 + 1) \quad 35s$</p> <p>$5h \quad 48 \text{ min} \quad 35s$</p>
--	---

تفریق: برای این منظور کافی است ثانیه‌ها از هم، دقیقه‌ها را از هم و ساعت‌ها را از هم کم کنیم. اگر مقدار ثانیه کمتر از مقداری بود که باید از آن کم شود، باید از دقیقه یک واحد کم کرد و ۶۰ ثانیه به مقدار ثانیه اضافه نمود. همچنین اگر مقدار دقیقه کمتر از مقداری بود که باید از آن کم شود باید از ساعت یک واحد کم شود و ۶۰ دقیقه به مقدار دقیقه اضافه نمود.

<p>تمرین: حاصل تفریق زیر را به دست آورید.</p> $\begin{array}{r} 9h \quad 45 \text{ min} \quad 15s \\ - 4h \quad 10 \text{ min} \quad 30s \\ \hline \end{array}$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل تفریق زیر را به دست آورید.</p> $\begin{array}{r} 8h \quad 35 \text{ min} \quad 20s \\ - 5h \quad 20 \text{ min} \quad 40s \\ \hline \end{array}$ <p>حل:</p> <p>چون سطر بالایی مقادیر کمتر از پایینی (ثانیه) دارد لذا از بالایی یک دقیقه کم کرده و ۶۰ ثانیه به مقدار ثانیه اضافه می‌شود.</p> $\left\{ \begin{array}{l} 8h \quad (34 + 1) \text{ min} \quad 20s \\ - 5h \quad 20 \text{ min} \quad 40s \end{array} \right.$ $\left\{ \begin{array}{l} 8h \quad 34 \text{ min} \quad (60 + 20)s \\ - 5h \quad 20 \text{ min} \quad 40s \\ \hline 3h \quad 14 \text{ min} \quad 40s \end{array} \right.$
--	--

<p>تمرین: حاصل تفریق زیر را به دست آورید.</p> $\begin{array}{r} 12\text{h } 40\text{min } 50\text{s} \\ - 9\text{h } 55\text{min } 40\text{s} \\ \hline \end{array}$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل تفریق زیر را به دست آورید.</p> $\begin{array}{r} 10\text{h } 20\text{min } 40\text{s} \\ - 6\text{h } 35\text{min } 30\text{s} \\ \hline \end{array}$ <p>حل: چون مقدار دقیقه سطر بالایی کمتر از مقدار دقیقه پایینی است لذا یک ساعت از اولی کم کرده و ۶۰ دقیقه به مقدار دقیقه اضافه می‌کنیم.</p> $\begin{array}{r} (9+1)\text{h } 20\text{min } 40\text{s} \\ - 6\text{h } 35\text{min } 30\text{s} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{r} 9\text{h } (60+20)\text{min } 40\text{s} \\ - 6\text{h } 35\text{min } 30\text{s} \\ \hline 3\text{h } 45\text{min } 10\text{s} \end{array}$
<p>ضرب: برای ضرب یک عدد در زمان کافی است آن عدد را به ترتیب در ثانیه، دقیقه و ساعت ضرب کنیم در صورتی که ثانیه و دقیقه بیشتر از ۶۰ باشد، باید ثانیه را به دقیقه و دقیقه را به ساعت تبدیل کنیم که مقدار ثانیه و دقیقه کمتر از ۶۰ شود.</p>	
<p>تمرین: حاصل عبارت زیر را به دست آورید.</p> $(4\text{h } 45\text{min } 35\text{s}) \times 4$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت زیر را به دست آورید.</p> $(3\text{h } 40\text{min } 30\text{s}) \times 3$ <p>حل:</p> <p>در عدد ۳ ضرب می‌کنیم</p> $= 9\text{h } 120\text{min } 90\text{s}$ $= 9\text{h } 120\text{min } (60+30)\text{s}$ <p>یک واحد به دقیقه اضافه می‌شود</p> $= 9\text{h } 121\text{min } 30\text{s}$ $= 9\text{h } (2 \times 60 + 1)\text{min } 30\text{s}$ <p>۲ واحد به ساعت اضافه می‌شود</p> $= 11\text{h } 1\text{min } 30\text{s}$

تقسیم: برای تقسیم زمان بر یک عدد کافی است ابتدا ساعت، دقیقه و ثانیه را با توجه به تبدیلات، آنها به مضربی از آن عدد تبدیل کنیم، به ترتیب ساعت، دقیقه و ثانیه را بر آن عدد تقسیم کنیم. در صورت کم بودن دقیقه و ثانیه کافی است که از ساعت کم کرده و به دقیقه اضافه نمود و همچنین از دقیقه کم کرده و به ثانیه اضافه نمود.

<p>تمرین: حاصل عبارت زیر را به دست آورید. $(27\text{h } 8\text{ min } 8\text{s}) \div 5$</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت زیر را به دست آورید. $(25\text{h } 6\text{ min } 8\text{s}) \div 4$</p> <p>حل:</p> <p>برای این منظور ابتدا ۲۵ ساعت که مضرب ۴ نیست ۱ واحد از آن کم کرده و ۶۰ دقیقه به مقدار دقیقه اضافه می‌کنیم تا مقدار ساعت ۲۴ شود که مضرب ۴ است.</p> <p>$(24+1)\text{h } 6\text{ min } 8\text{s}$ $24\text{h } 66\text{ min } 8\text{s}$</p> <p>در این صورت دقیقه ۶۶ خواهد شد، برای اینکه مضرب ۴ شود باید دو دقیقه از آن کم شود تا ۶۴ دقیقه شود.</p> <p>$24\text{h } (64+2)\text{ min } 8\text{s}$</p> <p>بنابراین ۱۲۰ ثانیه به مقدار ثانیه اضافه می‌شود. $24\text{h } 64\text{ min } 128\text{s}$</p> <p>حال مقادیر ساعت، دقیقه و ثانیه را بر آن عدد ۴ تقسیم می‌کنیم. $(24\text{h } 64\text{ min } 128\text{s}) \div 4$ $6\text{h } 16\text{ min } 32\text{s}$</p>
---	---

۳- کاربرد محاسبات سطوح در حل مسایل فنی

۳-۱- واحد اندازه‌گیری سطح

۳-۲- اجزا و اضعاف متر مربع

۳-۳- روابط سطوح هندسی قطعات گوشه دار

۳-۳-۱- محاسبه مساحت سطوح مرکب

۳-۴- روابط سطوح قطعات قوس دار

۳-۵- ریخت و ریز و درصد آن

۳- کاربرد محاسبات سطوح در حل مسایل فنی

۳-۱- واحد اندازه‌گیری سطح:

در سیستم SI واحد اندازه‌گیری سطح متر مربع است. هر متر مربع برابر است با سطح مربعی که طول و عرض آن یک متر است.

۳-۲- اجزا و اضعاف متر مربع: اضعاف متر عبارتند از: آر (a)، هکتار (ha)، کیلومتر مربع km^2

- هر آر (a) برابر صد متر مربع است یعنی: $1\text{a} = 100\text{m}^2 \Leftrightarrow 1\text{m}^2 = \frac{1}{100}\text{a}$

- هر هکتار برابر صد آر (a) است و همچنین برابر ۱۰۰۰۰ متر مربع:

$$1\text{ha} = 100\text{a} \Leftrightarrow 1\text{a} = \frac{1}{100}\text{ha}$$

$$1\text{ha} = 10000\text{m}^2 \Leftrightarrow 1\text{m}^2 = \frac{1}{10000}\text{ha}$$

- هر کیلومتر مربع برابر صد هکتار است. همچنین برابر ۱۰۰۰۰ آر و برابر ۱۰۰۰۰۰۰ متر مربع است.

$$1\text{km}^2 = 100\text{ha} \Leftrightarrow 1\text{ha} = \frac{1}{100}\text{km}^2$$

$$1\text{km}^2 = 10000\text{a} \Leftrightarrow 1\text{a} = \frac{1}{10000}\text{km}^2$$

$$1\text{km}^2 = 1000000\text{m}^2 \Leftrightarrow 1\text{m}^2 = \frac{1}{1000000}\text{km}^2$$

بنابراین خواهیم داشت:

$$\text{km}^2 \xrightleftharpoons[\div 100]{\times 100} \text{ha} \xrightleftharpoons[\div 100]{\times 100} \text{a} \xrightleftharpoons[\div 100]{\times 100} \text{m}^2$$

- اجزای متر عبارتند از: دسی متر مربع dm^2 ، سانتی متر مربع cm^2 ، میلی متر مربع mm^2

- هر متر مربع برابر صد دسی متر مربع است $1\text{m}^2 = 100\text{dm}^2 \Leftrightarrow 1\text{dm}^2 = \frac{1}{100}\text{m}^2$:

- هر متر مربع برابر ۱۰۰۰۰ سانتی متر مربع است $1\text{m}^2 = 10000\text{cm}^2 \Leftrightarrow 1\text{cm}^2 = \frac{1}{10000}\text{m}^2$:

- هر متر مربع برابر ۱۰۰۰۰۰۰ میلی‌متر مربع است: $1\text{m}^2 = 1000000\text{mm}^2 \Leftrightarrow 1\text{mm}^2 = \frac{1}{1000000}\text{m}^2$

- هر دسی‌متر مربع ۱۰۰ سانتی‌متر مربع است. همچنین هر دسی‌متر مربع ۱۰۰۰۰ میلی‌متر مربع است.

$$1\text{dm}^2 = 100\text{cm}^2 \Leftrightarrow 1\text{cm}^2 = \frac{1}{100}\text{dm}^2$$

$$1\text{dm}^2 = 10000\text{mm}^2 \Leftrightarrow 1\text{mm}^2 = \frac{1}{10000}\text{dm}^2$$

- هر سانتی‌متر مربع ۱۰۰ میلی‌متر مربع است $1\text{cm}^2 = 100\text{mm}^2 \Leftrightarrow 1\text{mm}^2 = \frac{1}{100}\text{cm}^2$

بنابراین خواهیم داشت:

$$\text{m}^2 \xrightleftharpoons[\div 100]{\times 100} \text{dm}^2 \xrightleftharpoons[\div 100]{\times 100} \text{cm}^2 \xrightleftharpoons[\div 100]{\times 100} \text{mm}^2$$

<p>تمرین : ۵۰ آر چند متر مربع است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۰ آر چند متر مربع است؟ حل: $1a = 100\text{m}^2$ $10a = 10 \times (1a) = 10 \times 100\text{m}^2 = 1000\text{m}^2$</p>
<p>تمرین 500m^2 چند آر است؟ حل:</p>	<p>مثال : 200m^2 چند آر است؟ حل: $1\text{m}^2 = \frac{1}{100}a$ $200\text{m}^2 = 200 \times (1\text{m}^2) = 200 \times \frac{1}{100}a = 2a$</p>
<p>تمرین : ۱۰۰ هکتار چند آر است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۰ هکتار چند آر است؟ حل: $1\text{ha} = 100a$ $10\text{ha} = 10(1\text{ha}) = 10 \times 100a = 1000a$</p>

<p>تمرین : ۵۰ هکتار چند متر مربع است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۲۰ هکتار چند متر مربع است؟ حل: $1\text{ha} = 10000\text{m}^2$ $20\text{ha} = 20 \times (1\text{ha}) = 20 \times 10000\text{m}^2 = 200000\text{m}^2$</p>
<p>تمرین : ۱۰۰ کیلومتر مربع چند هکتار است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۰ کیلومتر مربع چند هکتار است؟ حل: $1\text{km}^2 = 100\text{ha}$ $10\text{km}^2 = 10 \times (1\text{km}^2) = 10 \times 100\text{ha} = 1000\text{ha}$</p>
<p>تمرین : ۴۵ / ۵ کیلومتر مربع چند آر است؟ حل:</p>	<p>مثال : ۱۵ کیلومتر مربع چند آر است؟ حل: $1\text{km}^2 = 10000\text{a}$ $15\text{km}^2 = 15 \times 1\text{km}^2$ $= 15 \times 10000\text{a} = 150000\text{a}$</p>
<p>تمرین: ۵۰۰۰۰ آر چند کیلومتر مربع است؟ حل:</p>	<p>مثال : ۱۰۰۰ آر چند کیلومتر مربع است؟ حل: $1\text{a} = \frac{1}{10000}\text{km}^2$ $10000\text{a} = 10000 \times 1\text{a}$ $= 10000 \times \frac{1}{10000}\text{km}^2$ $= 1\text{km}^2$</p>
<p>تمرین : ۱۵ / ۸ کیلومتر مربع چند متر مربع است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۰ کیلومتر چند متر مربع است؟ حل: $1\text{km}^2 = 1000000\text{m}^2$ $10\text{km}^2 = 10 \times (1\text{km}^2)$ $= 10 \times 1000000\text{m}^2$ $= 10000000\text{m}^2$</p>

<p>تمرین: 55000000 m^2 چند کیلومتر مربع است؟ حل:</p>	<p>مثال: 1000000 m^2 چند کیلومتر مربع است؟ حل:</p> $1 \text{ m}^2 = \frac{1}{1000000} \text{ km}^2$ $1000000 \text{ m}^2 = 1000000 \times 1 \text{ m}^2$ $= 1000000 \times \frac{1}{1000000} \text{ km}^2$ $= 1 \text{ km}^2$
<p>تمرین ۸۵: متر مربع چند دسی متر مربع است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۵ متر مربع چند دسی متر مربع است؟ حل:</p> $1 \text{ m}^2 = 100 \text{ dm}^2$ $5 \text{ m}^2 = 5 \times 1 \text{ m}^2$ $= 5 \times 100 \text{ dm}^2$ $= 500 \text{ dm}^2$
<p>تمرین ۱۴۵۰: دسی متر مربع چند متر مربع است؟ حل:</p>	<p>مثال ۴۵۵: دسی متر مربع چند متر مربع است؟ حل:</p> $1 \text{ dm}^2 = \frac{1}{100} \text{ m}^2$ $455 \text{ dm}^2 = 455 \times 1 \text{ dm}^2$ $= 455 \times \frac{1}{100} \text{ m}^2$ $= 4.55 \text{ m}^2$
<p>تمرین: ۸۰ متر مربع چند سانتی متر مربع است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۳ متر مربع چند سانتی متر مربع است؟ حل:</p> $1 \text{ m}^2 = 10000 \text{ cm}^2$ $3 \text{ m}^2 = 3 \times 1 \text{ m}^2$ $= 3 \times 10000 \text{ cm}^2$ $= 30000 \text{ cm}^2$

<p>تمرین: ۵۵۰۰۰ سانتی متر مربع چند متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۴۰۰ سانتی متر مربع چند متر مربع است؟</p> <p>حل:</p> $1 \text{ cm}^2 = \frac{1}{10000} \text{ m}^2$ $4000 \text{ cm}^2 = 4000 \times 1 \text{ cm}^2$ $= 4000 \times \frac{1}{10000} \text{ cm}^2$ $= 0/04 \text{ cm}^2$
<p>تمرین: ۴ / ۰ متر مربع چند میلی متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال ۱۰: متر مربع چند میلی متر مربع است؟</p> <p>حل:</p> $1 \text{ m}^2 = 1000000 \text{ mm}^2$ $10 \text{ m}^2 = 10 \times 1 \text{ m}^2$ $= 10 \times 1000000 \text{ mm}^2$ $= 10000000 \text{ mm}^2$
<p>تمرین: ۴۵۰۰۰۰ mm^۲ چند متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۷۰۰۰ mm^۲ چند متر مربع است؟</p> <p>حل:</p> $1 \text{ mm}^2 = \frac{1}{1000000} \text{ m}^2$ $7000 \text{ mm}^2 = 7000 \times \frac{1}{1000000} \text{ m}^2$ $= 0/007 \text{ m}^2$
<p>تمرین: ۸۷ دسی متر مربع چند سانتی متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۲۵ دسی متر مربع چند سانتی متر مربع است؟</p> <p>حل:</p> $1 \text{ dm}^2 = 100 \text{ cm}^2$ $25 \text{ dm}^2 = 25 \times 1 \text{ dm}^2$

	$= ۲۵ \times ۱۰۰ \text{cm}^۲$ $= ۲۵۰۰ \text{cm}^۲$
<p>تمرین: ۸۳۰ سانتی‌متر مربع چند دسی‌متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: $۵۰ \text{cm}^۲$ چند دسی‌متر مربع است؟</p> <p>حل:</p> $۱ \text{cm}^۲ = \frac{۱}{۱۰۰} \text{dm}^۲$ $۵۰ \text{cm}^۲ = ۵۰ \times ۱ \text{cm}^۲$ $= ۵۰ \times \frac{۱}{۱۰۰} \text{dm}^۲$ $= ۰/۵ \text{dm}^۲$
<p>تمرین: ۶۴ دسی‌متر مربع چند میلی‌متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۵ دسی‌متر مربع چند میلی‌متر مربع است؟</p> $۱ \text{dm}^۲ = ۱۰۰۰۰ \text{mm}^۲$ $۵ \text{dm}^۲ = ۵ \times ۱ \text{dm}^۲$ $= ۵ \times ۱۰۰۰۰ \text{mm}^۲$ $= ۵۰۰۰۰ \text{mm}^۲$
<p>تمرین: ۸۵۰۰ میلی‌متر مربع چند دسی‌متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۷۰۰ میلی‌متر مربع چند دسی‌متر مربع است؟</p> <p>حل:</p> $۱ \text{mm}^۲ = \frac{۱}{۱۰۰۰۰} \text{dm}^۲$ $۷۰۰ \text{mm}^۲ = ۷۰۰ \times ۱ \text{mm}^۲$ $= ۷۰۰ \times \frac{۱}{۱۰۰۰۰} \text{dm}^۲$ $= ۰/۰۷ \text{dm}^۲$
<p>تمرین: ۱۰۰ سانتی‌متر مربع چند میلی‌متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۰ سانتی‌متر مربع چند میلی‌متر مربع است؟</p> <p>حل:</p> $۱ \text{cm}^۲ = ۱۰۰ \text{mm}^۲$ $۱۰ \text{cm}^۲ = ۱۰ \times ۱ \text{cm}^۲$

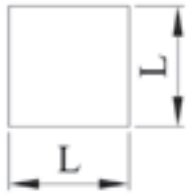
	$= 10 \times 100 \text{ mm}^2$ $= 1000 \text{ mm}^2$
<p>تمرین: ۵۴۰۰ میلی‌متر مربع چند سانتی‌متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۴۳۰ میلی‌متر مربع چند سانتی‌متر مربع است؟</p> <p>حل:</p> $1 \text{ mm}^2 = \frac{1}{100} \text{ cm}^2$ $430 \text{ mm}^2 = 430 \times 1 \text{ mm}^2$ $= 430 \times \frac{1}{100} \text{ cm}^2$ $= 4 \frac{3}{10} \text{ cm}^2$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب دسی‌متر مربع به دست آورید.</p> $18 \text{ mm}^2 + 17 \text{ m}^2 + 19 / \text{dm}^2$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت بر حسب دسی‌متر مربع به دست آورید.</p> $12 \text{ mm}^2 + 14 / 65 \text{ m}^2 + 18 \text{ dm}^2$ <p>حل:</p> $12 \times (1 \text{ mm}^2) + 14 / 65 (1 \text{ m}^2) + 18 \text{ dm}^2$ $12 \times \left(\frac{1}{10000} \text{ dm}^2 \right) + 14 / 65 \times (100 \text{ dm}^2) + 18 \text{ dm}^2$ $0 / 00012 \text{ dm}^2 + 1465 \text{ dm}^2 + 18 \text{ dm}^2$ $0 / 00012 + 1465 + 18 = 1483 \text{ dm}^2$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب سانتی‌متر مربع به دست آورید.</p> $149 \text{ dm}^2 + 348 \text{ mm}^2 + 0 / 89 \text{ cm}^2$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب سانتی‌متر مربع به دست آورید.</p> $0 / 07 \text{ dm}^2 + 127 \text{ mm}^2 + 800 \text{ cm}^2$ <p>حل:</p> $0 / 07 \times (1 \text{ dm}^2) + 127 \times (1 \text{ mm}^2) + 800 \text{ cm}^2$ $0 / 07 \times 100 \text{ cm}^2 + 127 \times \frac{1}{100} \text{ cm}^2 + 800 \text{ cm}^2$ $7 \text{ cm}^2 + 1 / 27 \text{ cm}^2 + 800 \text{ cm}^2$

	$7 + 1/27 + 800 = 808/27 \text{cm}^3$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب میلی‌متر مربع به دست آورید.</p> $0/6912 \text{m}^2 + 816 \text{mm}^2 + 0/202 \text{cm}^2$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب میلی‌متر مربع به دست آورید.</p> $17/5 \text{dm}^2 + 920 \text{mm}^2 + 0/120 \text{cm}^2$ <p>حل:</p> $17/5 \times (1 \text{dm}^2) + 920 \text{mm}^2 + 0/120 \times (1 \text{cm}^2)$ $17/5 \times 10000 \text{mm}^2 + 920 \text{mm}^2 + 0/120 \times 100 \text{mm}^2$ $175000 \text{mm}^2 + 920 \text{mm}^2 + 12 \text{mm}^2$ $175000 + 920 + 12 = 175932 \text{mm}^2$
<p>تمرین: $7/9$ کیلومتر مربع چند متر مربع است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: 5 کیلومتر مربع چند متر مربع است؟</p> <p>حل:</p> $1 \text{km}^2 = 1000000 \text{m}^2$ $5 \text{km}^2 = ? \text{m}^2$ $5 \times (1 \text{km}^2) = ? \text{m}^2$ $5 \times (1000000 \text{m}^2)$ $= 5000000 \text{m}^2$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب متر مربع به دست آورید.</p> $5 \text{m}^2 + 498 \text{cm}^2 + 756 \text{mm}^2 + 96 \text{dm}^2$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب متر مربع به دست آورید.</p> $6/009 \text{cm}^2 + 0/78 \text{mm}^2 + 78 \text{dm}^2 + 5 \text{m}^2$ <p>حل:</p> $6/009 \times (1 \text{cm}^2) + 0/78 \times (1 \text{mm}^2) + 78 \times (1 \text{dm}^2) + 5 \text{m}^2$ $6/009 \times \left(\frac{1}{10000} \text{m}^2\right) + 0/78 \times \left(\frac{1}{1000000} \text{m}^2\right) + 78 \times \left(\frac{1}{100} \text{m}^2\right) + 5 \text{m}^2$ $0/0006009 \text{m}^2 + 0/000078 \text{m}^2 + 0/78 \text{m}^2 + 5 \text{m}^2$ $0/0006009 + 0/000078 + 0/78 + 5$ $= 5/781 \text{m}^2$

۳-۳- روابط سطوح هندسی قطعات گوشه دار:

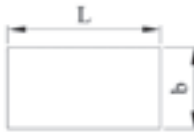
- مساحت مربع برابر است با مربع طول ضلع آن (L) یعنی:

$$A = L \times L \Rightarrow A = L^2$$



شکل ۳-۱

- مساحت مستطیل برابر است با حاصل ضرب طول (L) در عرض (b) آن یعنی:



شکل ۳-۲

$$A = L \times b$$

- مساحت متوازی الاضلاع برابر است با حاصل ضرب طول (L) در ارتفاع (b).



شکل ۳-۳

$$A = L \times b$$

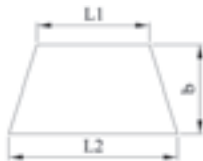
- مساحت انواع مثلث از جمله متساوی الاضلاع، قائم الزاویه و... برابر است با نصف حاصل ضرب یک ضلع (L) در ارتفاع آن (b).



شکل ۳-۴

$$A = \frac{L \times b}{2}$$

- مساحت ذوزنقه برابر است با حاصل ضرب نصف مجموع دو قاعده (L_1 و L_2) در ارتفاع آن (b)

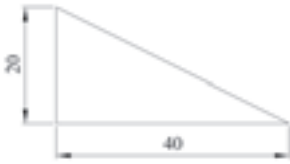


شکل ۳-۵

$$A = \frac{L_1 + L_2}{2} \times b = L_m \times b$$

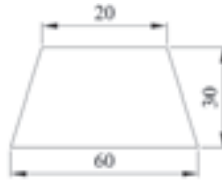
$$L_m = \frac{L_1 + L_2}{2}$$

تمرین: طول و عرض مقطع راهپار را به دست آورید.
اگر مساحت مقطع آن ۱۴۵۰ میلی‌متر مربع باشد.



حل:

مثال: مساحت شکل مقابل را بر حسب میلی‌متر مربع حساب کنید.



حل:

$$A = \frac{L_1 + L_2}{2} \times b$$

$$A = \frac{20 + 60}{2} \times 30$$

$$A = 40 \times 30$$

$$A = 1200 \text{ mm}^2$$

۱-۳-۳- محاسبه مساحت سطوح مرکب: برای به دست آوردن مساحت سطوح مرکب کافی است که آنها را به سطوح هندسی مختلف تفکیک کرده سپس مساحت هر یک را به دست آورده و آنها را با هم جمع جبری کرده.

به عنوان مثال اگر سطح مرکب زیر را در نظر بگیریم:

برای اینکه مساحت این سطح را به دست آوریم کافی است که آن را به ۳ مستطیل تقسیم کنیم:



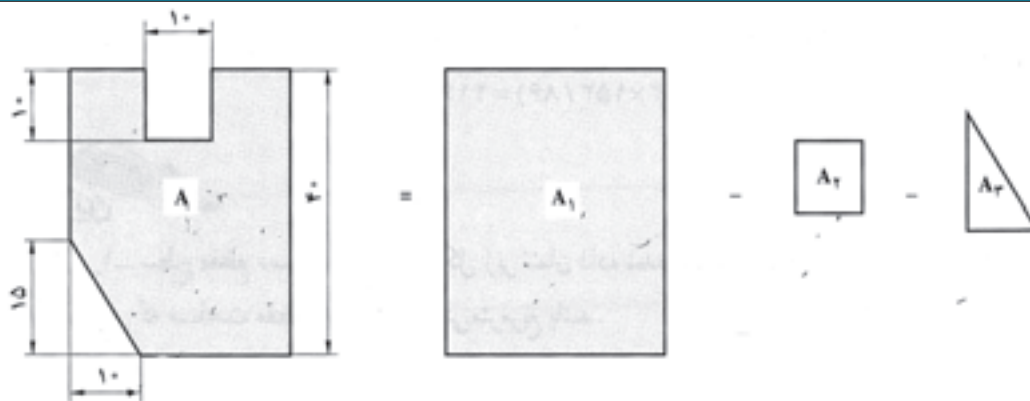
$$A = A_1 + A_2 + A_3$$

در مورد سطح مرکب زیر خواهیم داشت:



$$A = A_1 + A_2 - A_3$$

مثال: مساحت سطح قطعه مطابق شکل را بر حسب سانتی‌متر مربع به دست آورید.



حل:

$$A = A_1 - A_2 - A_3$$

$$A_1 = L \times b = 30 \times 40 = 1200 \text{ mm}^2$$

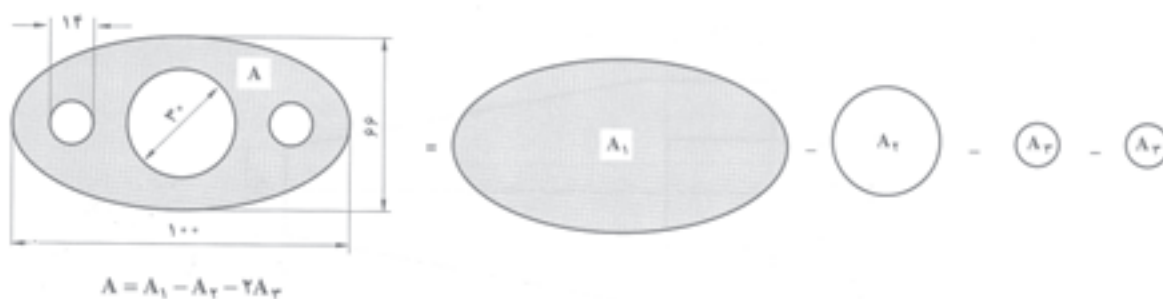
$$A_2 = L^2 = 10^2 = 100 \text{ mm}^2$$

$$A_3 = \frac{L \times b}{2} = \frac{10 \times 15}{2} = 75 \text{ mm}^2$$

$$A = 1200 - 100 - 75 = 1025 \text{ mm}^2$$

$$A = \frac{1025}{100} = 10.25 \text{ cm}^2$$

مثال: سطح واشر آب بندی مطابق شکل را بر حسب میلی متر مربع تعیین نمایید.



حل:

$$A = A_1 - A_2 - 2A_3$$

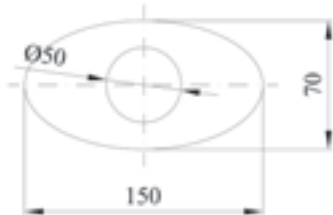
$$A_1 = 0.785 \times D \times d = 0.785 \times 100 \times 66 = 5181 \text{ mm}^2$$

$$A_2 = 0.785 \times d^2 = 0.785 \times 66^2 = 3415 \text{ mm}^2$$

$$A_3 = 0.785 \times d^2 = 0.785 \times 30^2 = 706.5 \text{ mm}^2$$

$$A = 5181 - 706 / 5 - 2(153 / 68) = 4166 / 78 \text{ mm}^2$$

تمرین: سطح واشر شکل زیر را به دست آورید.



حل:

تمرین: مساحت سطح قطعه مقابل را بر حسب

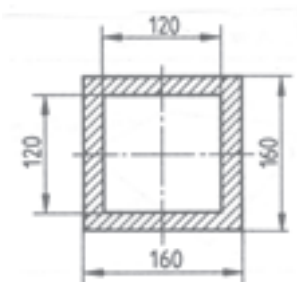
میلی متر مربع به دست آورید.



حل:

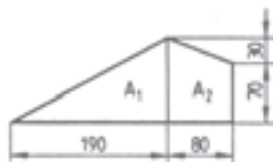
تمرین: مساحت مقطع مطابق شکل را محاسبه

کنید.

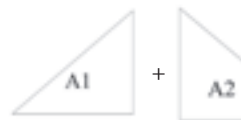


حل:

مثال: مساحت ورق مطابق شکل را به دست آورید.



حل:



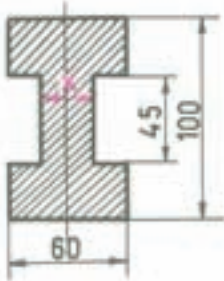
$$A = A_1 + A_2$$

$$A = \frac{190 \text{ mm} \times 100 \text{ mm}}{2} + \frac{100 \text{ mm} + 70 \text{ mm}}{2} \times 80 \text{ mm}$$

$$A = 9500 \text{ mm}^2 + 6800 \text{ mm}^2$$

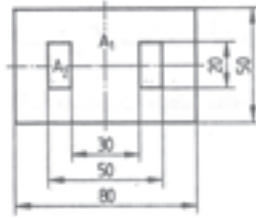
$$A = 16300 \text{ mm}^2$$

تمرین: در صورتی مساحت مقطع قطعه ۵۲/۸ سانتی‌متر مربع باشد، اندازه X در قطعه مطابق شکل چقدر است؟



حل:

مثال: مساحت ورق قطعه مطابق شکل را به دست آورید.



حل:

$$A = A_1 - 2A_2$$

$$A = 80 \text{ mm} \times 50 \text{ mm} - 2 \times (10 \text{ mm} \times 20 \text{ mm})$$

$$A = 4000 \text{ mm}^2 - 400 \text{ mm}^2$$

$$A = 3600 \text{ mm}^2$$

۳-۴- روابط سطوح قطعات قوس دار:

- مساحت دایره برابر است با حاصل ضرب عدد پی (π) در مربع شعاع (r)



دایره

$$A = r\pi^2$$

یا

$$A = p \times \frac{d^2}{4}$$

$$A = \frac{pd^2}{4}$$

- مساحت تاج دایره برابر است با مساحت دایره بزرگ (خارجی) منهای مساحت دایره کوچک (داخلی)



تاج دایره

$$A = \frac{p \times D^2}{4} - \frac{p \times d^2}{4}$$

یا

$$A = (D^2 - d^2) \times \frac{p}{4}$$

- مساحت قطاع دایره برابر است با مساحت دایره در زاویه روبه‌رو به قطاع بخش بر 360° یا برابر است با نصف حاصل ضرب طول قطاع دایره در شعاع.



قطاع دایره

$$A = \frac{d^r \times p}{4} \times \frac{a}{360^\circ}$$

یا

$$A = \frac{L_B \times r}{2}$$

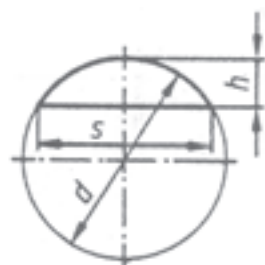
- مساحت قطاع تاج دایره برابر است با حاصل ضرب مساحت تاج دایره در زاویه روبه‌رو به قطاع بخش بر 360° .



قطاع تاج دایره

$$A = (D^r - d^r) \times \frac{p}{4} \times \frac{a}{360^\circ}$$

- مساحت قطعه دایره به صورت تقریبی برابر است با $\frac{2}{3}$ طول وتر قطعه در ارتفاع آن.



قطعه دایره

$$A \approx \frac{2}{3} S \times h$$

- مساحت بیضی برابر است با $\frac{1}{4}$ حاصل ضرب عدد پی (π) در قطر بزرگ بیضی در قطر کوچک بیضی.



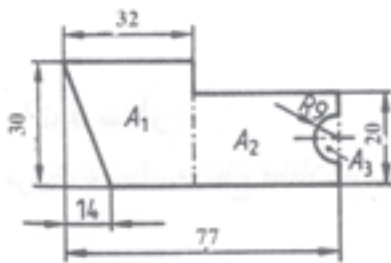
$$A = \frac{D \times d \times p}{4}$$

- برای محاسبه مساحت سطوح مرکب کافی است که آنها را به سطوح هندسی قوس دار و هندسی تقسیم کرده و سپس مساحت آنها را جمع جبری نمود.



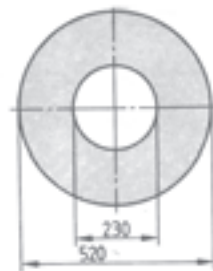
$$A = A_1 + A_2 - A_3$$

تمرین: مساحت قطعه مطابق شکل را به دست آورید.

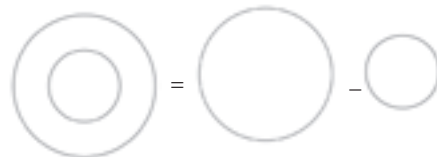


حل:

مثال: مساحت قطعه مطابق شکل را به دست آورید.



حل:



$$A = \frac{\pi}{4} \times (D^2 - d^2)$$

$$A = \frac{\pi}{4} \times ((500)^2 \text{ mm}^2 - (230)^2 \text{ mm}^2)$$

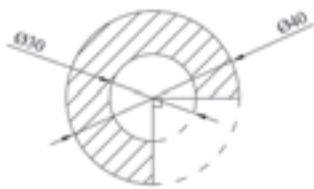
$$A = \frac{\pi}{4} \times (250000 \text{ mm}^2 - 52900 \text{ mm}^2)$$

$$A = \frac{\pi}{4} (217500 \text{ mm}^2)$$

$$A = \frac{3/14}{4} (217500 \text{ mm}^2)$$

$$A = 17073/5 \text{ mm}^2$$

تمرین: مساحت قطاع تاج دایره مطابق شکل زیر را به دست آورید.



حل:

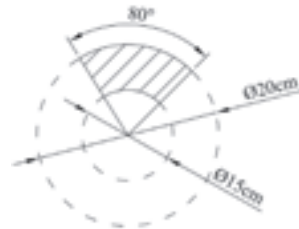
مثال: مساحت قطاع تاج دایره مطابق شکل زیر را به دست آورید.

به دست آورید.

$$\alpha = 80^\circ$$

$$D = 20 \text{ cm}$$

$$d = 15 \text{ cm}$$



حل:

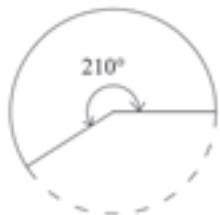
$$A = (D^2 - d^2) \times \frac{\alpha}{4} \times \frac{\pi}{360}$$

$$A = (20^2 - 15^2) \times \frac{3/14}{4} \times \frac{80}{360}$$

$$A = (400 - 225) \times \frac{3/14}{4} \times \frac{4}{9}$$

$$A = 61/5 \text{ cm}^2$$

تمرین: مساحت قطاع دایره به شعاع 8 cm شکل زیر را به دست آورید.



حل:

مثال: مساحت قطاع دایره به قطر 5 cm شکل زیر را به دست آورید.

به دست آورید.



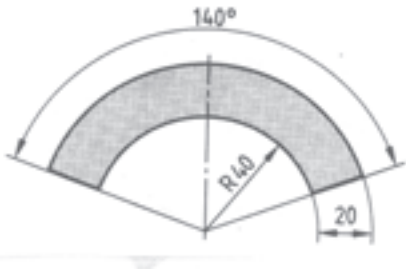
حل:

$$A = \frac{pd^2}{4} \times \frac{\alpha}{360}$$

$$A = \frac{3/14 \times 5^2}{4} \times \frac{100}{360}$$

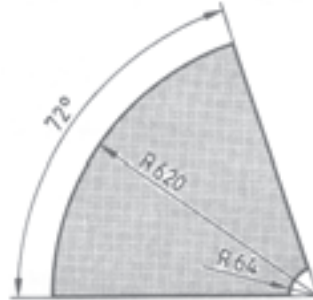
$$A = 5/45 \text{ cm}^2$$

تمرین: مساحت قطعه مطابق شکل را بر حسب میلی‌متر مربع به دست آورید.



حل:

مثال: مساحت ورق به کار رفته در قطعه مطابق شکل را به دست آورید.



حل:

$$A = A_1 - A_2$$

$$A = \frac{p \times R^2 \times \alpha}{360} - \frac{p \times r^2 \times \alpha}{360}$$

$$A = \frac{p \times (620)^2 \text{ mm}^2 \times 72}{360} - \frac{p \times (64)^2 \text{ mm}^2 \times 72}{360}$$

$$A = \frac{3/14 \times 384400 \text{ mm}^2 \times 72}{360} - \frac{3/14 \times 4096 \times 72}{360}$$

$$A = 241403/2 - 2572/288$$

$$A = 238830/9 \text{ mm}^2$$

۵-۳- ریخت و ریز و درصد آن:

برای ساخت یک قطعه از مواد اولیه استفاده می‌شود که از این مواد اولیه به طور کامل استفاده نمی‌شود. بنابراین مقداری از ماده اولیه در ساخت قطعه استفاده نمی‌شود که به آن دورریز گفته می‌شود. بنابراین تفاوت ماده خام از ماده به کار رفته در قطعه تولیدی را دورریز می‌نامند.

بنابراین می توان گفت:

مقدار دورریز + مقدار قطعه تولیدی = مقدار ماده خام

یا

$$M_R = M_F + M_V$$

یا

$$\Rightarrow M_F = M_R - M_V \quad \text{یا} \quad M_V = M_R - M_F$$

که در آن:

$$M_R = \text{ماده خام}$$

$$M_F = \text{مقدار قطعه تولیدی}$$

$$M_V = \text{دورریز}$$

دورریز به سه صورت: دورریز سطحی، دورریز طولی، دورریز حجمی

- دورریز سطحی: در برش صفحات چوبی، صفحات و ورق های فلزی به کار می رود.

- دورریز طولی: در برش الوارهای چوبی، پروفیل های آهنی، آلومینیومی، مفتول ها و سیم ها به کار می رود.

- دورریز حجمی: در ساخت مدل های ریخته گری، قطعات ریختگی به کار می رود.

* مقدار درصد دورریز از رابطه زیر حساب می شود:

$$\text{درصد دورریز} = \frac{\text{دورریز}}{\text{مقدار قطعه تولیدی}} \times 100$$

$$\% M_V = \frac{M_V \times 100}{M_F}$$

تمرین: از یک میله فولادی به طول ۱/۸ متر و قطر ۵ میلی متر قطعات ۸۵۰ mm و ۴۳ cm و ۲۵۰ mm خواد شد. پهنای اره ۳ میلی متر بوده و بقیه میله دورریز ریخته می شود. درصد دورریز را حساب کنید.

حل:

مثال: از یک میله فولادی به طول ۱/۵ متر و قطر ۵ میلی متر قطعات ۸۰ cm ، ۴۳۰ mm ، ۲۱۰ mm بریده خواهد شد. پهنای اره ۳ میلی متر بوده و بقیه میله دور ریخته می شود. درصد دورریز را حساب کنید.

حل:

توجه: تبدیل واحدها انجام می گیرد.

$$1/5m = 1/5 \times (1m)$$

$$= 1/5 \times (1000mm)$$

	$= 1500 \text{ mm}$ $80 \text{ cm} = 80 \times (1 \text{ cm})$ $80 \times (10 \text{ mm})$ $= 800 \text{ mm}$ $M_F = (800 + 430 + 210) \text{ mm}$ $M_F = 1440 \quad \text{مقدار قطعات مفید}$ $M_V = M_R - M_F = (1500 - 1440) \text{ mm}$ $M_V = 60 \text{ mm} \quad \text{مقدار دورریز}$ $\% M_V = \frac{M_V \times 100}{M_F} = \frac{60 \text{ mm} \times 100}{1440 \text{ mm}}$ $\mu_V = 0/69\%$
<p>تمرین: از یک صفحه به ابعاد $350 \text{ mm} \times 120 \text{ mm}$ تعداد ۱۰ قطعه با ابعاد $80 \text{ mm} \times 60 \text{ mm}$ بریده خواهد شد. دورریز را بر حسب سانتی متر مربع و درصد محاسبه کنید.</p> <p>حل</p>	<p>مثال: از یک صفحه به ابعاد $250 \text{ mm} \times 750 \text{ mm}$ ، تعداد ۱۲ قطعه با ابعاد $40 \text{ mm} \times 30 \text{ mm}$ بریده خواهد شد. دورریز را بر حسب متر مربع و درصد دورریز را محاسبه کنید.</p> <p>حل:</p> $M_R = 2/5 \text{ m} \times 0/75 \text{ m} = 1/875 \text{ m}^2$ $M_F = 12 \times (0/4 \times 0/3) = 1/44 \text{ m}^2$ $M_V = 1/875 - 1/44 =$ $M_V = 0/435$ $\% M_V = \frac{0/435 \times 100}{1/44} \Rightarrow M_V = 30\%$
<p>تمرین: از یک الوار $700 \text{ mm} \times 450 \text{ mm}$ تعداد ۱۱ قطعه مثلث متساوی الاضلاع با طول قاعده $L = 150 \text{ mm}$ و عرض $b = 85 \text{ mm}$ بریده خواهد شد. چند متر مربع از الوار دور ریخته می شود.</p>	<p>مثال: از یک الوار $500 \text{ mm} \times 400 \text{ mm}$ تعداد ۱۲ قطعه مثلث متساوی الاضلاع با طول قاعده $L = 120 \text{ mm}$ و عرض $b = 80 \text{ mm}$ بریده خواهد شد. چند میلی متر مربع از الوار دور ریخته می شود.</p>

<p>حل:</p>	<p>حل:</p> $M_R = 5000\text{mm} \times 4000\text{mm} = 20000000\text{mm}^2$ $M_F = \lambda \Delta$ $M_F = \lambda \times \left(\frac{L \times b}{2} \right)$ $M_F = \lambda \times \frac{120 \times 80}{2} = 3840000\text{mm}^2$ $M_V = M_R - M_F$ $M_V = 20000000 - 3840000 = 16160000\text{mm}^2$
<p>تمرین: هشت الوار چوبی هر کدام به طول ۳/۷۵ متر بریده خواهد شد. برای این منظور ۴ الوار ۴/۲۵ متری و ۲ الوار ۳/۲۵ متری و ۲ الوار ۵/۵ متری در دسترس است. درصد ریخت و ریز را به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: شش الوار چوبی هر کدام به طول ۴/۲۵ متر بریده خواهد شد. برای این منظور ۴ الوار ۴/۵ متری، یک الوار ۳/۷۵ متری و یک الوار ۴/۷۵ متری در دسترس است. درصد ریخت و ریز را به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $M_F = 6 \times 4 / 25\text{m} = 25 / 5\text{m}$ $M_R = (4 \times 4 / 5) + (1 \times 3 / 75) + (1 \times 4 / 75)$ $M_R = 18 + 3 / 75 + 4 / 75$ $M_R = 26 / 5\text{m}$ $M_V = M_R - M_F$ $M_V = 26 / 5 - 25 / 5 = 1\text{m}$ $\% M_V = \frac{M_V \times 100}{M_F}$ $\% M_V = \frac{1 \times 100}{25 / 5} \Rightarrow M_V = 3 / 9\%$

تمرین: از یک لوله آهنی به طول ۵/۸ متر، ۶ قطعه با طول‌های مساوی و با شیار برش ۸ میلی‌متر بریده خواهد شد. طول قطعه باقیمانده ۶/۸ سانتی‌متر است. مطلوب است محاسبه:

الف - طول دورریز

ب - طول قطعات تمام شده

ج - درصد دورریز

حل:

مثال: از یک لوله مسی به طول ۵ متر، ۷ قطعه با طول‌های مساوی و با شیار برش ۵ میلی‌متر بریده خواهد شد. طول قطعه باقیمانده ۴/۸ سانتی‌متر است. مطلوب است محاسبه:

الف - طول دورریز

ب - طول قطعات تمام شده

ج - درصد دورریز

حل:

الف:

$$M_V = 4 / 8(\text{cm}) + (7 \times 5)\text{mm}$$

$$M_V = 4 / 8(1\text{cm}) + 35\text{mm}$$

$$M_V = 4 / 8(10\text{mm}) + 35\text{mm}$$

$$M_V = 48 + 35$$

$$M_V = 83$$

ب:

$$M_F = M_R - M_V$$

$$M_F = 5\text{m} - 83\text{mm}$$

$$M_F = 5 \times (1000\text{mm}) - 83\text{mm}$$

$$M_F = 5 \times 1000\text{mm} - 83\text{mm}$$

$$M_F = 5000 - 83$$

$$M_F = 4917\text{mm}$$

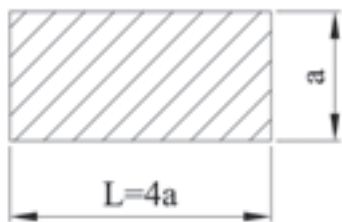
ج:

$$\% M_V = \frac{M_V \times 100}{M_F}$$

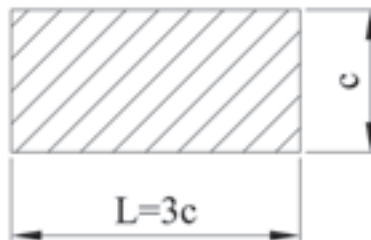
$$M_V = \frac{83\text{mm} \times 100}{4917}$$

	$M_v = 1/688\%$
<p>تمرین: از یک صفحه به ابعاد $285\text{mm} \times 125\text{mm}$ تعداد ۹ قطعه با ابعاد $25\text{mm} \times 185\text{mm}$ بریده خواهد شد. دورریز را بر حسب متر مربع و درصد محاسبه کنید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: از یک صفحه به ابعاد $350\text{mm} \times 135\text{mm}$ تعداد ۸ قطعه با ابعاد $80\text{mm} \times 60\text{mm}$ بریده خواهد شد. دورریز را بر حسب سانتی متر مربع و درصد دورریز را محاسبه کنید.</p> <p>حل:</p> $M_R = 350\text{mm} \times 135\text{mm}$ $M_R = 422500\text{mm}^2$ $M_R = 422500 \times (1\text{mm}^2)$ <p>تبدیل واحد به سانتی متر مربع</p> $M_R = 422500 \times \frac{1}{100}\text{cm}^2$ $M_R = 4225\text{cm}^2$ $M_F = 8 \times 80\text{mm} \times 60\text{mm}$ $M_F = 384000\text{mm}^2$ $M_F = 384000 \times (1\text{mm}^2)$ <p>تبدیل واحد به سانتی متر مربع</p> $M_F = 384000 \times \left(\frac{1}{100}\text{cm}^2\right)$ $M_F = 3840\text{cm}^2$ $M_v = M_R - M_F$ $M_v = 4225\text{cm} - 3840\text{cm}$ $M_v = 385\text{cm}$ $\%M_v = \frac{M_v \times 100}{M_F}$

	$M_v = \frac{3850 \times 100}{38400}$ $M_v = 10\%$
<p>تمرین: سطح مقطع لوله راهگاه در یک قالب $\frac{1}{3}$ سطح مقطع راهبار پیش‌بینی شده است. اگر سطح مقطع راهبار $\frac{2}{3}$ سطح مقطع راهبار 4569 میلی‌متر مربع باشد، قطر لوله راهگاه را به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: سطح مقطع لوله راهگاه در یک قالب $\frac{2}{3}$ سطح مقطع راهبار پیش‌بینی شده است. اگر سطح مقطع راهبار 4569 میلی‌متر مربع باشد، قطر لوله راهگاه را به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $A_R = 4569 \text{ mm}^2$ $A_S = \frac{2}{3} A_R$ $A_S = \frac{2}{3} \times 4569 \text{ mm}^2$ $A_S = 3046 \text{ mm}^2$ $D_s^2 = \frac{A_S \times 4}{\rho}$ $D_s^2 = \frac{3046 \times 4}{3/14}$ $D_s = \sqrt{\frac{3046 \times 4}{3/14}}$ $D_s = \sqrt{3880/25} \text{ mm}^2$ $D_s = 62/29 \text{ mm}$
<p>تمرین: طول و عرض مقطع راهبار در شکل زیر را به دست آورید. مساحت سطح مقطع آن 4250 میلی‌متر مربع است.</p>	<p>مثال: طول و عرض مقطع راهبار در شکل زیر را به دست آورید. مساحت مقطع آن 2250 میلی‌متر مربع باشد.</p>



حل:



حل:

$$L = 3c$$

$$s = 3c \times c = 2250$$

$$\Rightarrow 3c^2 = 2250$$

$$c^2 = \frac{2250}{3}$$

$$c^2 = 750$$

$$c = 27.4 \text{ mm}$$

$$L = 82.2 \text{ mm}$$

تمرین: اگر مساحت مقطع راهبار شکل زیر ۲۴۵۰ میلی‌متر مربع باشد، اندازه L را به دست آورید.



حل:



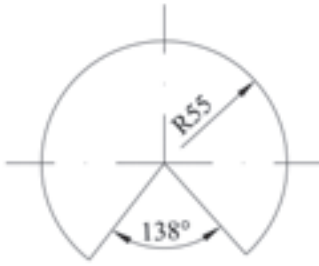
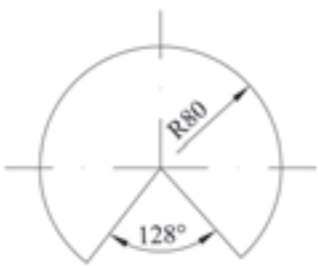
مثال: اگر مساحت مقطع راهبار شکل زیر ۱۲۵۰ میلی‌متر مربع باشد، اندازه L را به دست آورید.



حل:

$$A = \frac{L \times b}{2}$$

$$1250 = \frac{L \times 75}{2}$$

	$L \times 75 = 1250 \times 2$ $L \times 75 = 2500$ <p style="text-align: center;">طرفین تقسیم بر ضریب مجهول</p> $\frac{L \times \cancel{75}}{\cancel{75}} = \frac{2500}{75}$ $L = 33 \frac{1}{3} / 33 \text{ mm}$
<p>تمرین: مساحت کل کانال‌های راهپار شکل زیر را به دست آورید.</p>  <p style="text-align: center;">حل:</p>	<p>مثال: مساحت کل کانال‌های راهپار شکل زیر را به دست آورید.</p>  <p style="text-align: center;">حل:</p> $A = \frac{L_1 + L_2}{2} \times b$ $A = \frac{45 + 35}{2} \times 11$ $A = 440 \text{ mm}^2$ $\Rightarrow 4 \times 440 = 1760 \text{ mm}^2$
<p>تمرین: سطح گسترده یک مخروط به شکل زیر می‌باشد. مقدار آن را بر حسب متر مربع به دست آورید.</p>  <p style="text-align: center;">حل:</p>	<p>مثال: سطح گسترده یک مخروط به شکل زیر می‌باشد. مقدار آن را بر حسب سانتی‌متر مربع به دست آورید.</p>  <p style="text-align: center;">حل:</p> $\alpha = 36^\circ - 128^\circ = 232^\circ$ $D = 80 \times 2 = 160 \text{ mm} = 16 \text{ cm}$

$$A = \frac{pD^r}{4} \times \frac{a}{360}$$

$$A = \frac{3/14 \times 16^r}{4} \times \frac{232^\circ}{360}$$

$$A = \frac{3/14 \times 16 \times 16 \times 232}{4 \times 360}$$

$$A = 129/5 \text{ cm}^r$$

مثال: عوامل مجهول در جدول زیر را به دست آورید.

m^r	dm^r	cm^r	mm^r
1.45	4/5	450	4500
2/5	?	?	?
?	179	?	?
?	?	1950	?
?	?	?	2495
0.00054	?	?	?
?	0.79	?	?

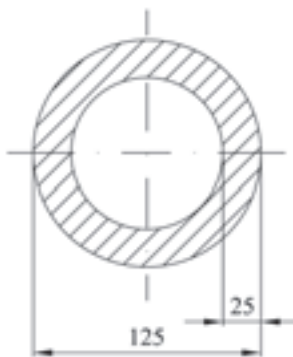
حل:

مثال: عوامل مجهول در جدول زیر را به دست آورید.

M_F	M_R	$\% M_V$
۳/۵۹m	۴/۱۵m	?
۲/۴m	?m	۸/۵%
۶۹cm	۲/۴m	?
m?	۲/۲۰	۸%
۵/۴m	?cm	?
۲/۸cm	?mm	۴/۶%

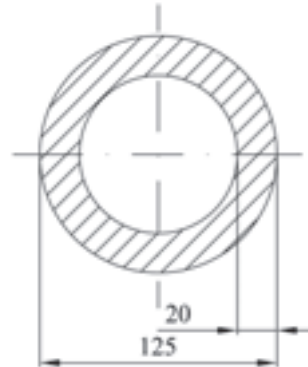
حل:

مثال: سطح مقطع شکل زیر چه نیرویی را می‌تواند تحمل کند. اگر یک متر مربع آن بتواند ۱۲۸۰۰ نیوتن نیرو را تحمل کند.



حل:

مثال: سطح مقطع شکل زیر چه نیرویی را می‌تواند تحمل کند. اگر یک سانتی‌متر مربع آن بتواند ۹۸۰۰ نیوتن نیرو را تحمل کند.



حل:

$$A = \frac{\rho}{4} (D^2 - d^2)$$

$$D = 125 \text{ mm} \Rightarrow D = 12.5 \text{ cm}$$

$$d = 85 \text{ mm} = 8.5 \text{ cm}$$

$$A = \frac{\rho/14}{4} (12.5^2 - 8.5^2)$$

$$A = \frac{\rho/14}{4} (156.25 - 72.25)$$

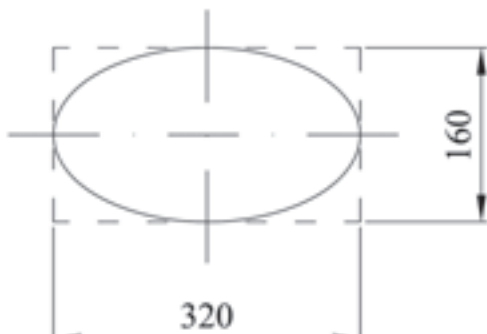
$$A = \frac{\rho/14}{4} (84)$$

$$A = \frac{\rho/14 \times 84}{4} = \frac{263.76}{4}$$

$$A = 65.94 \text{ cm}^2$$

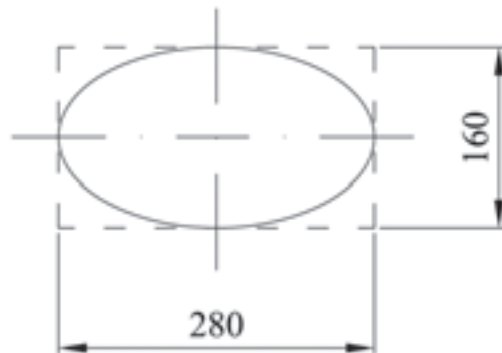
$$65.94 \times 9800 = 646212 \text{ N نیوتن}$$

تمرین: درصد ریخت و ریز قطعه نشان داده شده را در شکل زیر به دست آورید.



حل:

مثال: درصد ریخت و ریز قطعه نشان داده شده را در شکل زیر به دست آورید.



حل:

$$M_R = 280 \text{ mm} \times 160 \text{ mm} = 44800 \text{ mm}^2$$

$$A = M_F = \frac{D \times d \times \rho}{4}$$

$$M_F = \frac{280 \times 160 \times \rho/14}{4}$$

$$M_R = 35168 \text{ mm}^2$$

$$M_V = M_R - M_F$$

$$M_v = 44800 - 35168$$

$$M_v = 9632 \text{ mm}^2$$

$$\% M_v = \frac{M_v \times 100}{M_F}$$

$$M_v = \frac{9632 \times 100}{35168}$$

$$M_v = 27.4\%$$

سیمای فصل چهارم

۴- کاربرد محاسبات احجام هندسی در حل مسایل فنی

۴-۱- واحد اندازه‌گیری حجم در سیستم SI

۴-۱-۱- اجزا و اضعاف واحد حجم

۴-۲- محاسبه سطح جانبی و سطح کل احجام هندسی

۴-۲-۱- محاسبه سطح جانبی و سطح کل احجام مرکب

۴-۳- محاسبه حجم احجام هندسی

۴-۳-۱- منشور و استوانه

۴-۳-۲- مخروط و هرم

۴-۳-۳- مخروط و هرم ناقص

۴-۳-۴- کره و بوته ریخته‌گری

۴-۴- محاسبه حجم احجام مرکب

۴- کاربرد محاسبات احجام هندسی در حل مسایل فنی

۴-۱- واحد اندازه گیری حجم در سیستم SI:

در سیستم SI واحد اندازه گیری حجم برابر متر مکعب است. هر متر مکعب برابر است با حجم مکعبی که طول اضلاع آن ۱ متر باشد.

۴-۱-۱- اجزای واحد حجم: اجزای واحد حجم برای احجام توپر عبارتند از: دسی متر مکعب (لیتر)، سانتی متر

مکعب، میلی متر مکعب.

$$1\text{m}^3 = 1000\text{dm}^3 \Leftrightarrow 1\text{dm}^3 = \frac{1}{1000}\text{m}^3$$

- هر متر مکعب ۱۰۰۰ دسی متر مکعب است.

<p>تمرین: ۶/۵ متر مکعب چند دسی متر مکعب است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۵ متر مکعب چند دسی متر مکعب است؟ حل: $5\text{m}^3 = ?\text{dm}^3$ $5 \times (1\text{m}^3) =$ $5 \times 1000\text{dm}^3 = 5000\text{dm}^3$</p>
<p>تمرین: ۲۵۹۴۰ دسی متر مکعب چند متر مربع است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۵۳۶۰ دسی متر مکعب چند متر مربع است؟ حل: $15360\text{dm}^3 = ?\text{m}^2$ $15360 \times (1\text{dm}^3) =$ $15360 \times \frac{1}{1000}\text{m}^2 = 15/36\text{m}^2$</p>
<p>- هر متر مکعب برابر ۱۰۰۰۰۰۰ سانتی متر مکعب است. $1\text{m}^3 = 1000000\text{cm}^3 \Leftrightarrow 1\text{cm}^3 = \frac{1}{1000000}\text{m}^3$</p>	
<p>تمرین: ۷ متر مکعب چند سانتی متر مکعب است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۴/۵ متر مکعب چند سانتی متر مکعب است؟ حل: $4/5\text{m}^3 = ?\text{cm}^3$ $4/5 \times (1\text{m}^3) =$</p>

	$4/5 \times 1000000 \text{ cm}^3 = 4500000 \text{ cm}^3$
<p>تمرین: ۲۹۷۰۰۰ سانتی متر مکعب چند متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۴۹۵۷۰ سانتی متر مکعب چند متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $149570 \text{ cm}^3 = ? \text{ m}^3$ $149570 \times (1 \text{ cm}^3) =$ $149570 \times \left(\frac{1}{1000000} \text{ m}^3 \right)$ $= 0/14957 \text{ m}^3$
<p>- هر متر مکعب برابر ۱۰۰۰۰۰۰۰۰ میلی متر مکعب است.</p> $1 \text{ m}^3 = 1000000000 \text{ mm}^3 \Leftrightarrow 1 \text{ mm}^3 = \frac{1}{1000000000} \text{ m}^3$	
<p>تمرین: ۱۴ متر مکعب چند میلی متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۲ متر مکعب چند میلی متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $12 \text{ m}^3 = ? \text{ mm}^3$ $12 \times (1 \text{ m}^3) =$ $12 \times (1 \times 10^9 \text{ mm}^3) = 12 \times 10^9 \text{ mm}^3$
<p>تمرین: ۲۴۵۹۶۰ میلی متر مکعب چند متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۸۹۶۰۰۰۰ میلی متر مکعب چند متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $18960000 \text{ mm}^3 = ? \text{ m}^3$ $18960000 \times (1 \text{ mm}^3)$ $18960000 \times \left(\frac{1}{1000000000} \text{ m}^3 \right) = 0/01896 \text{ m}^3$

<p>- هر دسی متر مکعب برابر ۱۰۰۰ سانتی متر مکعب است. $1 \text{ dm}^3 = 1000 \text{ cm}^3 \Leftrightarrow 1 \text{ cm}^3 = \frac{1}{1000} \text{ dm}^3$</p>	
<p>مثال: ۱۲ دسی متر مکعب چند سانتی متر مکعب است؟ حل:</p> <p>$12 \text{ dm}^3 = ? \text{ cm}^3$</p> <p>$12 \times (1 \text{ dm}^3)$</p> <p>$12 \times 1000 \text{ cm}^3 = 12000 \text{ cm}^3$</p>	<p>تمرین: ۷/۵ دسی متر مکعب چند سانتی متر مکعب است؟ حل:</p>
<p>مثال: ۱۴۶۰۰ سانتی متر مکعب چند دسی متر مکعب است؟ حل:</p> <p>$14600 \text{ cm}^3 = ? \text{ dm}^3$</p> <p>$14600 \times (1 \text{ cm}^3)$</p> <p>$14600 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ dm}^3\right) = 14.6 \text{ dm}^3$</p>	<p>تمرین: ۱۶۸۰۰۰ سانتی متر مکعب چند دسی متر مکعب است؟ حل:</p>
<p>- هر دسی متر مکعب برابر ۱۰۰۰۰۰۰ میلی متر مکعب است</p> <p>$1 \text{ dm}^3 = 1000000 \text{ mm}^3 \Leftrightarrow 1 \text{ mm}^3 = \frac{1}{1000000} \text{ dm}^3$</p>	
<p>مثال: ۱۷ دسی متر مکعب چند میلی متر مکعب است؟ حل:</p> <p>$17 \text{ dm}^3 = ? \text{ mm}^3$</p> <p>$17 \times (1 \text{ dm}^3) =$</p> <p>$17 \times 1000000 \text{ mm}^3 = 17000000 \text{ mm}^3$</p>	<p>تمرین: ۰/۶۹۵ دسی متر مکعب چند میلی متر مکعب است؟ حل:</p>

<p>تمرین: ۱۶۴۷۰۰ میلی‌متر مکعب چند دسی‌متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۴۶۸۰۰ میلی‌متر مکعب چند دسی‌متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $146800 \text{ mm}^3 = ? \text{ dm}^3$ $146800 \times (1 \text{ mm}^3)$ $146800 \times \frac{1}{1000000} \text{ dm}^3 = 0.1468 \text{ dm}^3$
---	---

- هر سانتی‌متر مکعب برابر ۱۰۰۰ میلی‌متر مکعب است

$$1 \text{ cm}^3 = 1000 \text{ mm}^3 \Leftrightarrow 1 \text{ mm}^3 = \frac{1}{1000} \text{ cm}^3$$

<p>تمرین: ۲۸/۱۶۲ سانتی‌متر مکعب برابر چند میلی‌متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۶/۲۵ سانتی‌متر مکعب برابر چند میلی‌متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $16/25 \text{ cm}^3 = ? \text{ mm}^3$ $16/25 \times (1 \text{ cm}^3)$ $16/25 \times 1000 \text{ mm}^3 = 1625 \text{ mm}^3$
---	--

<p>تمرین: ۲۶۸۹ میلی‌متر مکعب چند سانتی‌متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۵۳۶ میلی‌متر مکعب چند سانتی‌متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $1536 \text{ mm}^3 = ? \text{ cm}^3$ $1536 \times (1 \text{ mm}^3)$ <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> $1536 \times \frac{1}{1000} \text{ cm}^3 = 1.536 \text{ cm}^3$ </div>
---	---

بنابراین می‌توان نوشت:

$$1 \text{ m}^3 \begin{matrix} \xrightarrow{\times 1000} \\ \xleftarrow{\div 1000} \end{matrix} \text{ dm}^3 \begin{matrix} \xrightarrow{\times 1000} \\ \xleftarrow{\div 1000} \end{matrix} \text{ cm}^3 \begin{matrix} \xrightarrow{\times 1000} \\ \xleftarrow{\div 1000} \end{matrix} \text{ mm}^3$$

<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب متر مکعب به دست آورید.</p> $۱۳/۵ \text{ dm}^3 + ۱۲۵۴۵۰ \text{ mm}^3$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب متر مکعب به دست آورید.</p> $۱۱۵ \text{ cm}^3 + ۶۳ \text{ mm}^3$ <p>حل:</p> $۱۱۵ \times (۱ \text{ cm}^3) + ۶۳ \times (۱ \text{ mm}^3)$ $۱۱۵ \times \left(\frac{1}{۱۰۰۰۰۰۰} \text{ m}^3\right) + ۶۳ \times \left(\frac{1}{۱۰۰۰۰۰۰۰۰} \text{ m}^3\right)$ $\frac{۱۱۵}{۱۰۰۰۰۰۰} + \frac{۶۳}{۱۰۰۰۰۰۰۰۰}$ $۰/۰۰۰۱۱۵ + ۰/۰۰۰۰۰۰۰۰۶۳ = ۱/۱۵۰۶۳ \times ۱۰^{-۴} \text{ m}^3$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب سانتی متر مکعب به دست آورید.</p> $۲۴۶ \text{ mm}^3 - ۱/۲ \text{ cm}^3 + ۳/۹۶۴ \text{ dm} - ۲۴۳ \text{ cm}^3$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب دسی متر مکعب به دست آورید.</p> $۳ \text{ mm}^3 + ۱۶۷۱۵ \text{ dm}^3 + ۱/۴ \text{ m}^3$ <p>حل:</p> $۳ \times (۱ \text{ mm}^3) + ۱۶۷۱۵ \text{ dm}^3 + ۱/۴ (\text{m}^3)$ $۳ \times \left(\frac{1}{۱۰۰۰۰۰۰} \text{ dm}^3\right) + ۱۶۷۱۵ \text{ dm}^3 + ۱/۴ \times (۱۰۰۰ \text{ dm}^3)$ $\frac{۳}{۱۰۰۰۰۰۰} \text{ dm}^3 + ۱۶۷۱۵ \text{ dm}^3 + ۱۴۰۰ \text{ dm}^3$ $۰/۰۰۰۰۰۰۳ + ۱۶۷۱۵ + ۱۴۰۰ = ۱۸۱۱۵ \text{ dm}^3$
<p>واحد اندازه گیری حجم برای مایعات لیتر می باشد.</p> <p>اجزا و اضعاف لیتر عبارتند از: کیلولیتر (متر مکعب)، هکتولیتر، لیتر (دسی متر مکعب)، سانتی لیتر، میلی لیتر (سانتی متر مکعب)، میکرو لیتر (میلی متر مکعب).</p> <p>- هر متر مکعب برابر ۱ کیلولیتر است.</p> $۱ \text{ m}^3 = ۱ \text{ kl}$ <p>- هر کیلولیتر برابر ۱۰ هکتولیتر است.</p> $۱ \text{ m}^3 = ۱ \text{ kl} = ۱۰ \text{ hl} \Leftrightarrow ۱ \text{ hl} = \frac{1}{۱۰} \text{ kl} = \frac{1}{۱۰} \text{ m}^3$	

<p>تمرین: ۱۲ کیلو لیتر چند هکتو لیتر است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۵ کیلولیتر چند هکتولیتراست؟ حل: $5kl = ?hl$ $5 \times (kl)$ $5 \times (1 \text{ hl}) = 5 \text{ hl}$</p>
<p>تمرین: ۱۵۴ هکتولیتراست چند کیلولیتراست؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۲۵ هکتولیتراست چند کیلولیتراست؟ حل: $125hl = ?kl$ $125 \times (1hl) =$ $125 \times (\frac{1}{10} kL) =$ $125 \times \frac{1}{10} = 12.5kL$</p>
<p>- هر کیلولیتراست برابر ۱۰۰۰ لیتر است. $1m^3 = 1kl = 1000lit \Leftrightarrow 1lit = \frac{1}{1000}kl = \frac{1}{1000}m^3$</p>	
<p>تمرین: ۸/۲۵ کیلولیتراست چند لیتر است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۶/۵ کیلولیتراست چند لیتر است؟ حل: $6/5kl = ?lit$ $6/5 \times (1kl) =$ $6/5 \times 1000lit = 650lit$</p>
<p>تمرین: ۱۸۷۰ لیتر چند کیلولیتراست؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۴۵۰۰ لیتر چند کیلولیتراست؟ $14500lit = ?kl$ $14500 \times (1lit)$ $14500 \times \frac{1}{1000}kl = 14.5kl$</p>

- هر هکتولیتتر برابر ۱۰۰ لیتر است. $1 \text{ hlit} = 100 \text{ lit} \Leftrightarrow 1 \text{ lit} = \frac{1}{100} \text{ hlit}$

<p>تمرین: ۱۸/۵ هکتولیتتر چند لیتر است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۳ هکتولیتتر چند لیتر است؟ حل:</p> $13 \text{ hlit} = ? \text{ lit}$ $13 \times (\text{hl})$ $13 \times 100 \text{ lit} = 1300 \text{ lit}$
<p>تمرین: ۱۸۵۰۰ لیتر چند هکتولیتتر است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۴۵۰۰ لیتر چند هکتولیتتر است؟ حل:</p> $14500 \text{ lit} = ? \text{ hlit}$ $14500 \times (\text{lit}) =$ $14500 \times \frac{1}{100} \text{ hlit} = 145 \text{ hlit}$
<p>- هر لیتر برابر ۱ دسی متر مکعب است. $1 \text{ m}^3 = 1000 \text{ lit}$, $1 \text{ lit} = 1 \text{ dm}^3 = \frac{1}{1000} \text{ m}^3$</p> <p>- هر لیتر برابر ۱۰۰ سانتی متر است</p> $\begin{cases} 1 \text{ lit} = 100 \text{ cl} \Leftrightarrow 1 \text{ cl} = \frac{1}{100} \text{ lit} \\ 1 \text{ m}^3 = 1000000 \text{ cl} \Leftrightarrow 1 \text{ cl} = \frac{1}{1000000} \text{ m}^3 \end{cases}$	
<p>تمرین: ۲۶۵۰۰ سانتی لیتر چند لیتر است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۲ لیتر چند سانتی لیتر است؟ حل:</p> $12 \text{ lit} = ? \text{ clit}$ $12 \times (\text{lit}) =$ $12 \times 100 \text{ cl} = 1200 \text{ cl}$

<p>تمرین: ۱۴/۵ لیتر چند سانتی لیتر است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۴۵۰ سانتی لیتر چند لیتر است؟ حل:</p> $۱۴۵۰ \text{cl} = ? \text{lit}$ $۱۴۵۰ \times (1 \text{cl}) =$ $۱۴۵۰ \times \frac{1}{100} \text{lit} = ۱۴ / ۵ \text{lit}$
$\left\{ \begin{array}{l} 1 \text{lit} = 1000 \text{ml} \Leftrightarrow 1 \text{ml} = \frac{1}{1000} \text{lit} \\ 1 \text{m}^3 = 1000000 \text{ml} \Leftrightarrow 1 \text{ml} = \frac{1}{1000000} \text{m}^3 \text{ - هر لیتر برابر ۱۰۰۰ میلی لیتر است.} \\ 1 \text{cl} = 10 \text{ml} \Leftrightarrow 1 \text{ml} = \frac{1}{10} \text{cl} \end{array} \right.$	
<p>تمرین: ۱۵/۷ لیتر چند میلی لیتر است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۲ لیتر چند میلی لیتر است؟ حل:</p> $۱۲ \text{lit} = ? \text{ml}$ $۱۲ \times (\text{lit})$ $۱۲ \times (1000 \text{ml}) = ۱۲۰۰۰ \text{ml}$
<p>تمرین: ۲۶۷۵۰ میلی لیتر چند لیتر است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۴۷۵۰ میلی لیتر چند لیتر است؟ حل:</p> $۱۴۷۵۰ \text{ml} = ? \text{lit}$ $۱۴۷۵۰ \times (1 \text{ml})$ $۱۴۷۵۰ \times \frac{1}{1000} \text{lit} = ۱۴ / ۷۵ \text{lit}$
<p>- هر میلی لیتر برابر ۱ سانتی متر مکعب است</p>	

$$\begin{cases} 1\text{ml} = 1\text{cm}^3 \\ 1\text{lit} = 1000\text{ml} = 1000\text{cm}^3 \Leftrightarrow 1\text{ml} = 1\text{cm}^3 = \frac{1}{1000}\text{lit} \end{cases}$$

$$1\text{ml} = 1000\mu\text{lit} \Leftrightarrow 1\mu\text{lit} = \frac{1}{1000}\text{ml}$$

$$1\text{lit} = 1000000\mu\text{lit} \Leftrightarrow 1\mu\text{lit} = \frac{1}{1000000}\text{lit}$$

هر میلی لیتر برابر ۱۰۰۰ میکرولیتر است

$$1\text{m}^3 = 1000000000\mu\text{lit} \Leftrightarrow 1\mu\text{lit} = \frac{1}{1000000000}\text{m}^3$$

تمرین: ۹۰/۵ میلی لیتر چند میکرولیتر است؟
حل:

مثال: ۸۵ میلی لیتر چند میکرولیتر است؟
حل:

$$85\text{ml} = ?\mu\text{lit}$$

$$85 \times (1\text{ml})$$

$$85 \times 1000\mu\text{lit} = 85000\mu\text{l}$$

تمرین: ۱۶۵۰۰۰ میکرولیتر چند میلی لیتر است؟
حل:

مثال: ۱۲۵۰۰ میکرولیتر چند میلی لیتر است؟
حل:

$$1250\mu\text{lit} = ?\text{ml}$$

$$12500 \times (1\mu\text{lit})$$

$$1250 \times \left(\frac{1}{1000}\text{mL}\right) = 1250/1000\text{mL}$$

- هر میکرولیتر برابر ۱ میلی متر مکعب است. $1\mu\text{lit} = 1\text{mm}^3$

بنابراین می توان نوشت:

$$\begin{array}{ccccccccccc} \text{kl} & \xleftrightarrow{\times 10} & \text{hl} & \xleftrightarrow{\times 100} & \text{L} & \xleftrightarrow{\times 100} & \text{cl} & \xleftrightarrow{\times 10} & \text{ml} & \xleftrightarrow{\times 1000} & \mu\text{l} \\ \downarrow & \div 10 & & \div 100 & \downarrow & \div 100 & & \div 10 & \downarrow & \div 1000 & \downarrow \\ 1\text{m}^3 & & & & 1\text{dm}^3 & & & & 1\text{cm}^3 & & 1\text{mm}^3 \end{array}$$

<p>تمرین: ۱۲/۵ متر مکعب چند سانتی متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۰ متر مکعب چند سانتی متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $1\text{m}^3 \xrightarrow{\times 1000} \text{dm}^3 \xrightarrow{\times 1000} \text{cm}^3$ $1\text{m}^3 = 1000\text{dm}^3 = 1000 \times (1000\text{cm}^3)$ $1\text{m}^3 = 1000000\text{cm}^3$ $10\text{m}^3 =$ $10 \times (1\text{m}^3) = 10 \times (1000000\text{cm}^3) = 10000000\text{cm}^3$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب لیتر به دست آورید.</p> $45/32\text{dm}^3 + 2560\text{cm}^3$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب لیتر به دست آورید.</p> $123/24\text{dm}^3 + 6632\text{cm}^3$ <p>حل:</p> $123/24(1\text{dm}^3) + 6632(1 \times \text{cm}^3)$ $123/24(\text{lit}) + 6632\left(\frac{1}{1000}\text{lit}\right)$ $123/24\text{lit} + 6/632\text{lit}$ $123/24 + 6/632 = 129/872\text{lit}$
<p>تمرین: حاصل عبارت را بر حسب دسی لیتر به دست آورید.</p> $459/2\text{dm}^3 + 759\text{cm}^3$ <p>حل:</p>	<p>مثال: حاصل عبارت را بر حسب دسی لیتر به دست آورید.</p> $123/24\text{dm}^3 + 66320\text{cm}^3$ <p>حل:</p> $1\text{dm}^3 = 1\text{lit}$ $123/24(1 \times \text{dm}^3) + 6632(1 \times \text{cm}^3)$ $123/24\text{lit} + 6632\left(\frac{1}{1000}\text{dm}^3\right)$ $123/24\text{lit} + 6/632\text{lit}$ $123/24 \times (1\text{lit}) + 6/632 \times (1\text{lit})$

$$123/24(1 \text{ odl}) + 6/632(1 \text{ odl})$$

$$1232/4dl + 66/32dl$$

$$1232/4 + 66/32 = 1298/72dl$$

۲-۴- محاسبه سطح جانبی و سطح کل احجام هندسی:

احجام منشوری شامل مکعب، مکعب مستطیل، استوانه، منشور مثلث القاعده و... می باشد.

- رابطه سطح جانبی و سطح کل عبارتند از:

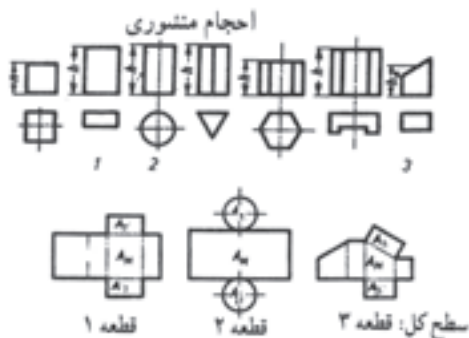
ارتفاع \times محیط قاعده = سطح جانبی

$$A_M = U_g \times h$$

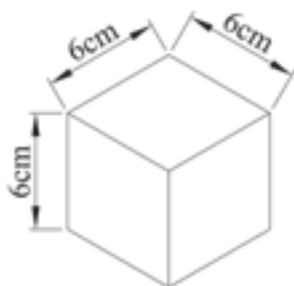
سطح جانبی + سطح قاعده پایین = سطح کل

سطح قاعده بالا +

$$A_o = A_1 + A_M + A_p$$

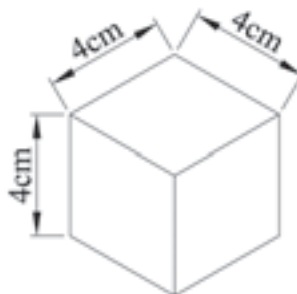


تمرین: سطح جانبی و سطح کل مکعبی به ضلع ۶ cm را حساب کنید.



حل:

مثال: سطح جانبی و سطح کل مکعبی به ضلع ۴ cm چقدر خواهد بود.



حل: سطح جانبی مکعب برابر است با حاصل ضرب محیط قاعده (مربع به ضلع ۴ cm) در ارتفاع (h = ۴cm)

$$A_M = U_g \times h$$

$$U_g = 4 \times 4 = 16 \text{ cm} \quad \text{محیط قاعده}$$

$$A_M = U_g \times h \quad \text{سطح جانبی}$$

$$A_M = 16 \times 4$$

$$A_M = 16 \times 4 = 64 \text{ cm}^2 \text{ سطح جانبی}$$

سطح کل مکعب برابر است با مجموع سطح قاعده

پایینی (مربع به ضلع ۴ cm) و سطح جانبی (A_M) و

سطح قاعده بالایی (مربع به ضلع ۴ cm)

$$A_1 = (\text{ضلع مربع})^2 = \text{سطح قاعده بالایی}$$

$$A_1 = 4 \times 4 = 16 \text{ cm}^2$$

$$A_p = (\text{ضلع مربع})^2$$

$$A_p = 4 \times 4 = 16 \text{ cm}^2$$

$$A_M = 16 \times 4 = 64 \text{ cm}^2$$

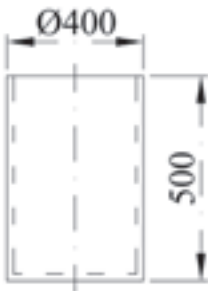
$$A_o = A_1 + A_p + A_M$$

$$A_o = 16 + 64 + 16$$

$$\text{سطح کل } A_o = 96 \text{ cm}^2$$

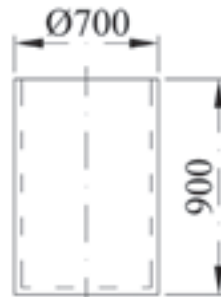
تمرین: منبعی مطابق شکل از ورق آهنی ساخته خواهد شد. مطلوب است:

سطح ورق مورد نیاز برای ساخت آن (M_R) در صورتی که مقدار دورریز ۹ درصد منظور شود.



مثال: منبعی مطابق شکل از ورق آهنی ساخته خواهد شد. مطلوب است محاسبه:

سطح ورق مورد نیاز برای ساخت آن (M_R) در صورتی که مقدار دورریز ۱۲ درصد منظور شود.



حل:

$$A_o = A_M + A$$

$$A_M = U_g \times h$$

$$A_M = 3/14 \times 700 \text{ mm} \times 900 \text{ mm}$$

$$A_M = 1978200 \text{ mm}^2$$

$$A = \frac{p \times d^2}{4}$$

$$A = \frac{3/14 \times (700 \text{ mm})^2}{4}$$

$$A = 384950 \text{ mm}^2$$

$$A_o = A_M + A$$

$$A_o = 1978200 + 384950$$

$$A_o = 2363150 \text{ mm}^2$$

mm² را به m² تبدیل می کنیم

$$A_o = 2363150 \times (1 \text{ mm}^2)$$

$$A_o = 2363150 \times \frac{1}{1000000} \text{ m}^2$$

$$A_o = 2/363150 \text{ m}^2$$

$$\% M_v = \frac{M_v \times 100}{M_F}$$

$$12 = \frac{M_v \times 100}{2/363150}$$

$$M_v = \frac{12 \times 2/363150 \text{ m}^2}{100}$$

$$M_v = 0/284 \text{ m}^2$$

$$M_R = M_F + M_v$$

$$M_R = 2/363150 + 0/284 = 4/646850 \text{ m}^2$$

محاسبه سطح جانبی و سطح کل: هرمهای مربع القاعده، مستطیل القاعده، و مخروط



نصف ارتفاع وجه \times محیط قاعده = سطح جانبی

$$A_M = U_g \times \frac{h_s}{2}$$

سطح جانبی + سطح قاعده = سطح کل

$$A_o = A + A_M$$

تمرین: سطح جانبی و سطح کل مخروط به قطر ۱۵ cm و ارتفاع وجه ۷ cm را بر حسب سانتی متر مکعب به دست آورید.



حل:

مثال: سطح جانبی و سطح کل مخروط به قطر ۱۰ cm و ارتفاع وجه ۵ cm را بر حسب سانتی متر مربع به دست آورید.



حل:

محیط قاعده

$$U_g = \pi d = \pi \times 10 = 3/14 \times 10 = 31/4 \text{ cm}$$

نصف ارتفاع وجه \times محیط قاعده = سطح جانبی

$$A_M = 31/4 \times \frac{5}{2} = 78/5 \text{ cm}^2$$

سطح جانبی + سطح قاعده = سطح کل

سطح قاعده

$$= A = p \times \frac{d^2}{4} = 3/14 \times \frac{10^2}{4} = 3/14 \times 25 = 78/5 \text{ cm}^2$$

سطح کل

$$A_o = A + A_M = 78/5 + 31/4 = 109/9 \text{ cm}^2$$

تمرین: سطح جانبی و سطح کل هرم مربع القاعده به ضلع ۱۵ cm و ارتفاع ۱۰ cm را به دست آورید.



حل:

مثال: سطح جانبی و سطح کل هرم مربع القاعده به ضلع ۱۰ cm و ارتفاع وجه ۸ cm را به دست آورید



حل:

نصف ارتفاع وجه \times محیط قاعده = سطح جانبی
 $U_g = \text{محیط قاعده} = 4 \times \text{ضلع مربع} = 4 \times 10 \text{ cm} = 40 \text{ cm}$

$$A_M = \text{سطح جانبی} = 40 \times \frac{8}{2} = 40 \times 4 = 160 \text{ cm}^2$$

سطح جانبی + سطح قاعده = سطح کل

$$A = \text{سطح قاعده} = (\text{ضلع})^2 = (10)^2 = 100 \text{ cm}^2$$

$$A_o = A + A_M = 100 + 160 = 260 \text{ cm}^2$$

تمرین: سطح جانبی و سطح کل هرم مستطیل القاعده زیر را به دست آورید.



حل:

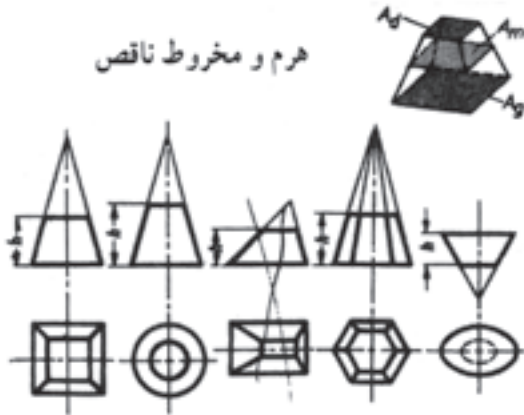
تمرین: سطح جانبی و سطح کل هرم مستطیل القاعده زیر را به دست آورید.



حل

محاسبه سطح جانبی و سطح کل هرم و مخروط ناقص

هرم و مخروط ناقص



ارتفاع وجه \times محیط قاعده متوسط = سطح جانبی

$$A_M = \frac{U_1 + U_2}{2} \times h_s$$

سطح سقف + سطح جانبی + سطح قاعده = سطح کل

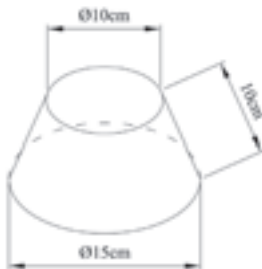
$$A_o = A_1 + A_M + A_p$$

(نصف مجموع محیط قاعده پایینی و قاعده بالایی) = محیط قاعده متوسط

A_1 = سطح قاعده پایینی

A_p = سطح سقف قاعده بالایی

تمرین: سطح جانبی و سطح کل مخروط ناقص زیر را به دست آورید.



حل:

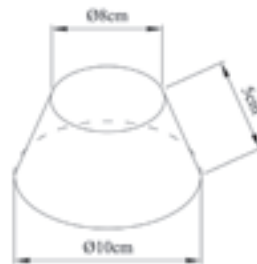
مثال: سطح جانبی و سطح کل مخروط ناقص زیر را

به دست آورید.

$$d_1 = 10 \text{ cm}$$

$$d_2 = 8 \text{ cm}$$

$$h_s = 5 \text{ cm}$$



حل:

$$A_M = \frac{U_1 + U_2}{2} \times h_s$$

$$V_1 = \pi d_1 = 3/14 \times 10 = 31/4 \text{ cm}$$

$$V_r = \pi d_r = 3/14 \times 8 = 25/12 \text{ cm}$$

$$A_M = \frac{31/4 + 25/12}{2} \times 5 = 141/3 \text{ cm}^2$$

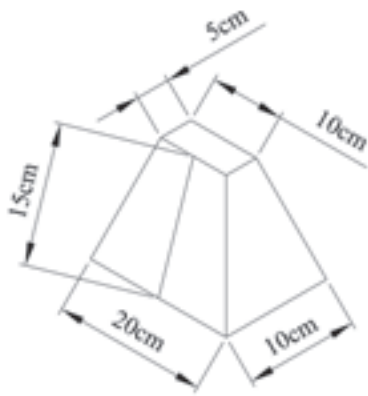
$$A_o = A_1 + A_M + A_r$$

$$A_1 = \frac{\pi d_1^2}{4} = \frac{3/14 \times 10^2}{4} = 78/5 \text{ cm}^2$$

$$A_r = \frac{\pi d_r^2}{4} = 3/14 \times \frac{8^2}{4} = 3/14 \times \frac{64}{4} = 50/24 \text{ cm}^2$$

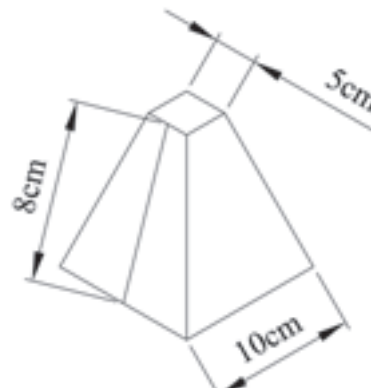
$$A_o = 78/5 + 141/3 + 50/24 = 270/54 \text{ cm}^2$$

تمرین: سطح جانبی و سطح کل هرم ناقص مستطیل القاعده زیر را به دست آورید.



حل:

مثال: سطح جانبی و سطح کل هرم ناقص مربع القاعده زیر را به دست آورید.



حل:

$$a_1 = 1 \text{ cm}$$

$$a_r = 8 \text{ cm}$$

$$h_s = 5 \text{ cm}$$

$$A_M = \frac{U_1 + U_r}{2} \times h_s$$

$$U_1 = 4 \times a_1 = 4 \times 1 = 4 \text{ cm}$$

$$U_r = 4 \times a_r = 4 \times 5 = 20 \text{ cm}$$

$$A_M = \frac{4 + 20}{2} \times 8 = 30 \times 8 = 240 \text{ cm}^2$$

$$A_o = A_1 + A_M + A_r$$

$$A_1 = a_1^2 = 1^2 = 1 \text{ cm}^2$$

$$A_p = a_p^2 = 5^2 = 25 \text{ cm}^2$$

$$A_o = 100 + 240 + 25 = 365 \text{ cm}^2$$

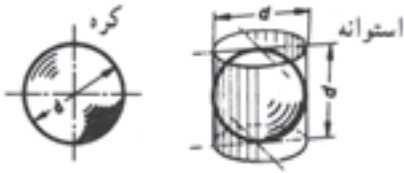
کره:

سطح جانبی استوانه محیطی = سطح کل

$$A_o = \pi \times d \times d = \pi d^2 = 4\pi r^2$$

ارتفاع \times محیط قاعده = سطح جانبی

$$A_M = 2\pi r \times h$$



$$A_o = \pi \times d \times d = \pi d^2 = \pi(2r)^2 = 4\pi r^2$$

تمرین: سطح کل کره به شعاع $7/5$ سانتی متر را به دست آورید.
حل:

مثال: مطلوب است محاسبه سطح کره به شعاع 5 cm ؟
حل:

$$r = 5 \text{ cm}$$

$$A = 4\pi r^2$$

$$A = 4 \times 3.14 \times (5)^2$$

$$A = 314 \text{ cm}^2$$

عرفچین کروی:



$$\text{سطح عرفچین} = A = \frac{p}{2} D(D - \sqrt{D^2 - d^2})$$

D قطر کره و d قطر عرفچین

تمرین: سطح عرفچین کروی با قطر 15 cm و قطر کره 25 cm چقدر خواهد شد؟
حل:

مثال: سطح عرفچین کروی با قطر عرفچین 6 cm و قطر کره 10 cm چقدر خواهد شد؟
حل:

$$A = \frac{p}{2} D(D - \sqrt{D^2 - d^2})$$

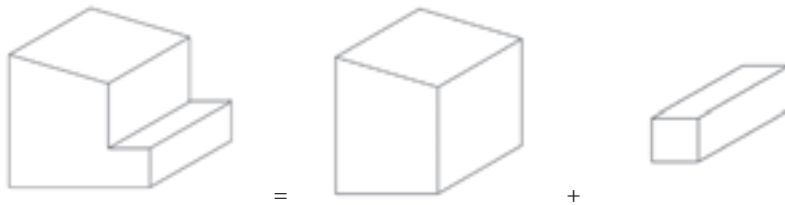
$$A = \frac{3/14}{2} \times 10(10 - \sqrt{100 - 36})$$

$$= 3/14 \times 5 \times (10 - \sqrt{64}) = 3/14 \times 5 \times (10 - 8)$$

$$= 3/14 \times 5 \times 2 = 3/14 \times 10 = 31/4 \text{ cm}^2$$

۴-۲-۱- محاسبه سطح جانبی و سطح کل احجام مرکب:

برای محاسبه سطح جانبی و سطح کل احجام مرکب کافی است آنها را به احجام هندسی تفکیک کرده و سطح هریک را جداگانه محاسبه کنیم. در این صورت سطح حجم مرکب از جمع بندی سطوح احجام هندسی به دست می آید.

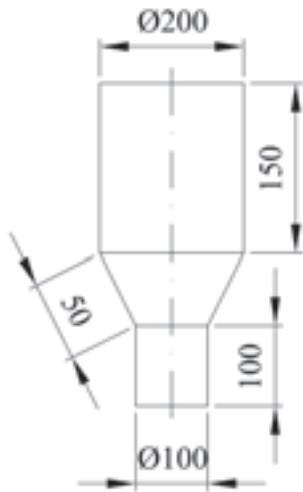


$$A_M = A_{M_1} + A_{M_2}$$

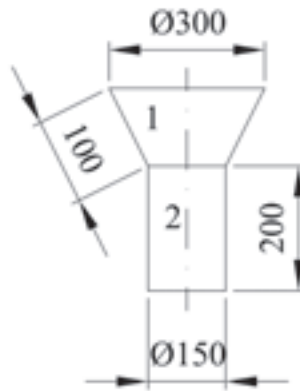


$$A = A_1 + A_2$$

تمرین: سطح جانبی قطعه زیر را به دست آورید.
حل:



مثال: سطح جانبی قطعه زیر را به دست آورید.



حل: این قطعه از دو قسمت تشکیل شده است: قطعه

۱ مخروط ناقص، قطعه ۲ استوانه

مساحت جانبی

$$A_{M_1} = \frac{\text{محیط قاعده پایینی} + \text{محیط قاعده بالایی}}{2} \times \text{ارتفاع}$$

$$A_{M_1} = \frac{U_1 + U_2}{2} \times h_s$$

$$A_{M_1} = \frac{\rho \times 300 + \rho \times 150}{2} \times 100$$

$$A_{M_1} = 3/14 \left(\frac{300 + 150}{2} \right) \times 100 = 70650 \text{ cm}^2$$

ارتفاع \times محیط قاعده A_{M_2} مساحت جانبی

استوانه

$$A_{M_2} = \pi \times 150 \times 200$$

$$A_{M_2} = 3/14 \times 150 \times 200 = 94200 \text{ cm}^2$$

$$\text{سطح} = A_M = A_{M_1} + A_{M_2} = 70650 + 94200$$

جانبی حجم مرکب

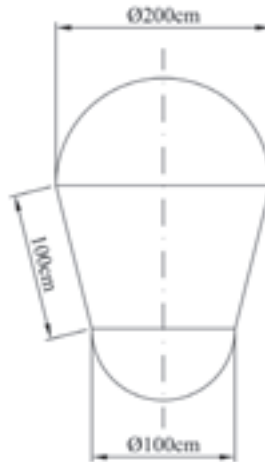
$$= 164850 \text{ cm}^2$$

تمرین: سطح کل مخزن به شکل زیر را به دست آورید.



حل:

مثال: سطح کل مخزن به شکل زیر را به دست آورید.



حل: این مخزن از سه قسمت تشکیل شده است:

قسمت ۱: نیمکره به قطر $d_1 = 200 \text{ cm}$

قسمت ۲: مخروط ناقص

قسمت ۳: نیمکره به قطر $d_p = 100 \text{ cm}$

سطح کل قطعه ۱ عبارت است از:

$$A_1 = \frac{1}{2} \pi d_1^2 = \frac{1}{2} \times 3.14 \times (200)^2$$

$$A_1 = 62800 \text{ cm}^2$$

مساحت جانبی مخروط ناقص

$$A_p = \frac{\text{ارتفاع وجه} \times (\text{محیط قاعده بالا} + \text{محیط قاعده پایین})}{2}$$

$$A_p = \frac{U_1 + U_p}{2} \times h_s$$

$$A_p = \frac{p d_1 + p d_p}{2} \times h$$

$$A_p = \frac{p \times 200 + p \times 100}{2} \times 100$$

$$= 3.14 \times 150 \times 100 = 47100 \text{ cm}^2$$

مساحت کل قطعه ۳ عبارت است از:

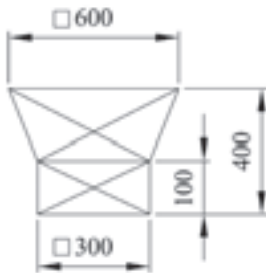
$$A_p = \frac{1}{2} p d_p^2 = \frac{1}{2} \times 3/14 \times (100)^2$$

$$A_p = 15700 \text{ cm}^2$$

سطح کل

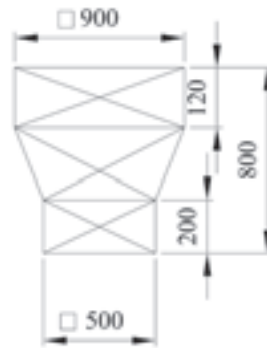
$$A = A_1 + A_p + A_p = 62800 + 47100 + 15700 = 125600 \text{ cm}^2$$

تمرین: مطلوب است محاسبه سطح جانبی و سطح کل قطعه مطابق شکل؟

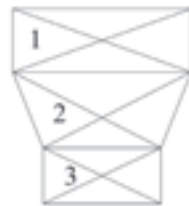


حل:

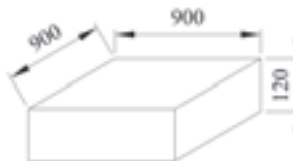
مثال: مطلوب است محاسبه سطح کل قطعه‌ای مطابق شکل؟



حل: این قطعه را به سه قسمت تقسیم می‌کنیم و مساحت جانبی این سه قطعه را به دست می‌آوریم.



قطعه ۱: مکعب مستطیل



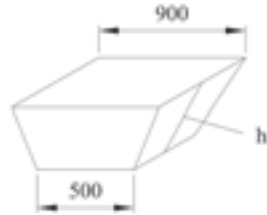
$$A_{M_1} = U_g \times h$$

$$U_g \text{ محیط} = 4 \times 900 = 3600$$

$$h = 120$$

$$A_{M_1} = 3600 \times 120 = 432000 \text{ mm}^2$$

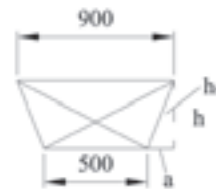
قطعه ۲: هرم ناقص



$$A_{M_2} = \frac{U_1 + U_2}{2} \times h_s$$

برای به دست آوردن h_s یا ارتفاع وجه به صورت زیر

عمل می‌کنیم:



$$h = 800 - 120 - 200 = 480 \text{ mm}$$

$$a = \frac{900 - 500}{2} = 200 \text{ mm}$$



$$h_s^2 = 480^2 + 200^2$$

$$h_s = \sqrt{480^2 + 200^2}$$

$$h_s = 520 \text{ mm}$$

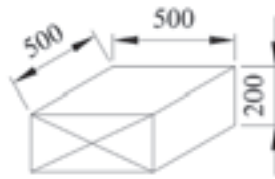
محاسبه محیط‌های قاعده هرم ناقص

$$U_1 = 4 \times 900 = 3600 \text{ mm}$$

$$U_2 = 4 \times 500 = 2000 \text{ mm}$$

$$A_{M_2} = \frac{3600 + 2000}{2} \times 520 = 1456000 \text{ mm}^2$$

قطعه ۳: مکعب مستطیل



$$A_{M_p} = U_{g_p} \times h$$

$$U_{g_p} = 4 \times 500 = 2000 \text{ mm}$$

$$A_{M_p} = 2000 \times 200$$

$$A_{M_p} = 400000 \text{ mm}^2$$

سطح جانبی کل $A_M = A_{M_1} + A_{M_2} + A_{M_3}$

$$A_M = 432000 + 1456000 + 400000$$

$$A_M = 2288000 \text{ mm}^2$$

برای محاسبه سطح کل کافی است مساحت قاعده بالا و پایین قطعه را نیز به مساحت جانبی کل قطعه حساب کنید.

$$A_1 = 900 \times 900 = 810000 \text{ mm}^2$$

بالایی

$$A_p = 500 \times 500 = 250000 \text{ mm}^2$$

قاعده پایینی

مساحت کل قطعه $A_o = A_1 + A_M + A_p$

$$A_o = 810000 + 2288000 + 250000$$

$$A_o = 3348000 \text{ mm}^2$$

۴-۳- محاسبه حجم اجسام هندسی:

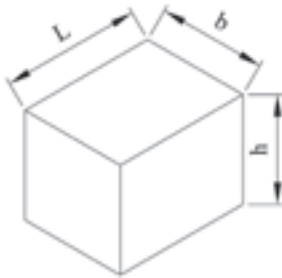
۴-۳-۱- منشور و استوانه: حجم منشور و استوانه برابر است با حاصل ضرب قاعده در ارتفاع

منشور مکعب مستطیل:

ارتفاع \times سطح قاعده مستطیل = حجم

$$V = A \times h$$

$$V = (L \times b) \times h$$

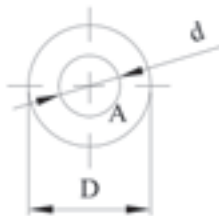
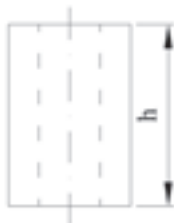


ارتفاع \times سطح قاعده دایره‌ای = حجم

$$V = A \times h$$

$$V = \frac{\pi d^2}{4} \times h$$

قطر دایره $d =$
ارتفاع استوانه $h =$



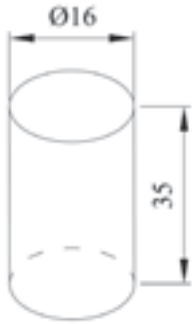
ارتفاع \times سطح قاعده = حجم

مساحت دایره کوچک - مساحت دایره بزرگ = سطح قاعده

$$\text{سطح قاعده} = \frac{\pi D^2}{4} - \frac{\pi d^2}{4}$$

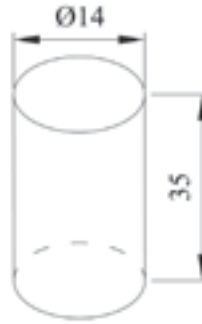
$$\text{حجم} = \left(\frac{\pi D^2}{4} - \frac{\pi d^2}{4} \right) \times h$$

تمرین: حجم قطعه داده شده را بر حسب دسی‌متر مکعب به دست آورید.



حل:

مثال: حجم قطعه داده شده را بر حسب سانتی‌متر مکعب به دست آورید.



حل:

$$V = A \times h$$

$$V = \frac{\pi \times d^2}{4} \times h$$

$$V = \frac{3.14 \times (14\text{mm})^2}{4} \times 35\text{mm}$$

$$V = \frac{21540}{4}$$

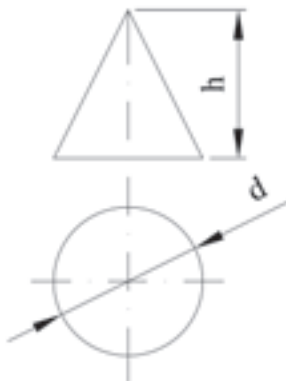
$$V = 5385 / \text{mm}^3$$

$$V = 5385 / 1 \times \left(\frac{1}{1000} \text{cm}^3\right)$$

$$V = 5.385 \text{cm}^3$$

۲-۳-۴- مخروط و هرم:

مخروط



$$\text{حجم} = \frac{\text{ارتفاع} \times \text{مساحت قاعده}}{3}$$

$$V = \frac{A \times h}{3}$$

$$\left. \begin{array}{l} h = \text{ارتفاع قطر} \\ d = \text{دایره} \end{array} \right\}$$

$$\text{مساحت قاعده دایره} = \frac{\pi d^2}{4}$$

$$\text{حجم مخروط} V = \frac{\pi d^2}{4} \times \frac{h}{3}$$

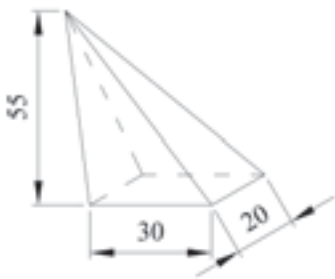


$$V = \frac{A \times h}{3} \text{ هرم}$$

$$A = \frac{1}{2} \times \text{ضلع} \times \text{ارتفاع} = \frac{1}{2} Lb$$

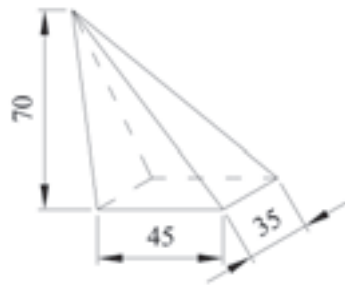
مساحت قاعده (مثلث)

تمرین: حجم قطعه‌ای به شکل زیر را بر حسب دسی‌متر مکعب به دست آورید.



حل:

مثال: حجم قطعه‌ای مطابق شکل زیر را بر حسب سانتی‌متر مکعب به دست آورید.



حل:

$$V = \frac{A \times h}{3}$$

$$V = \frac{L \times b \times h}{3}$$

$$V = \frac{45 \text{ mm} \times 35 \text{ mm} \times 70 \text{ mm}}{3}$$

$$V = \frac{110250 \text{ mm}^3}{3}$$

$$V = 36750 \text{ mm}^3$$

mm³ را به cm³ تبدیل می‌کنیم

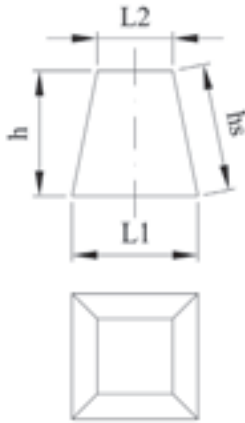
$$V = 36750 (\text{mm}^3)$$

$$V = 36750 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ cm}^3 \right)$$

$$V = 36.75 \text{ cm}^3$$

۳-۳-۴- مخروط و هرم ناقص:

رابطه تقریبی



L_1 = ضلع مربع قاعده پایینی

L_2 = ضلع مربع قاعده بالایی

h_s = طول یال هرم ناقص

h = ارتفاع بین دو قاعده

$$\text{حجم} \approx \frac{\text{مساحت قاعده پایینی} + \text{مساحت قاعده بالایی}}{۲} \times \text{ارتفاع}$$

$$V \approx \frac{A_1 + A_2}{2} \times h$$

$$V \approx \frac{L_1^2 + L_2^2}{2} \times h$$

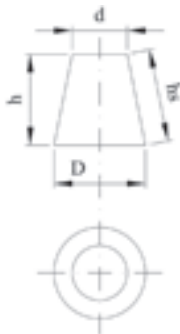
رابطه دقیق:

$$\text{حجم} = \frac{\text{ارتفاع}}{۳} \times (\text{مساحت قاعده بالایی} + \text{مساحت قاعده پایینی} + \sqrt{\text{مساحت قاعده پایینی} \times \text{مساحت قاعده بالایی}})$$

$$V = \frac{h}{3} (A_1 + A_2 + \sqrt{A_1 \times A_2})$$

$$\text{هرم ناقص مربع القاعده} \quad V = \frac{h}{3} (L_1^2 + L_2^2 + \sqrt{L_1^2 \times L_2^2})$$

$$\text{هرم ناقص مربع القاعده} \quad V = \frac{h}{3} (L_1^2 + L_2^2 + L_1 L_2)$$



d = قطر دایره قاعده بالایی

D = قطر دایره قاعده پایینی

h_s = طول یال مخروط ناقص

مخروط ناقص

رابطه تقریبی:

$$V \approx \frac{A_1 + A_2}{2} \times h$$

$$V \approx \frac{\frac{\pi d^2}{4} + \frac{\pi D^2}{4}}{2} \times h$$

$$V \approx \frac{\pi (d^2 + D^2)}{8} \times h$$

رابطه دقیق:

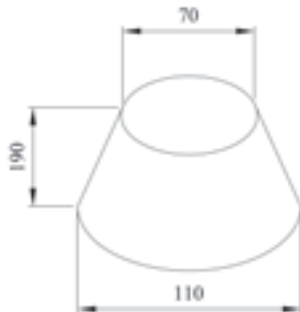
$$V = \frac{h}{3} (A_1 + A_2 + \sqrt{A_1 \times A_2})$$

$$V = \frac{h}{3} \left(\frac{\pi d^2}{4} + \frac{\pi D^2}{4} + \sqrt{\frac{\pi d^2}{4} \times \frac{\pi D^2}{4}} \right)$$

$$V = \frac{h}{3} \left(\frac{\pi d^2}{4} + \frac{\pi D^2}{4} + \frac{\pi dD}{4} \right)$$

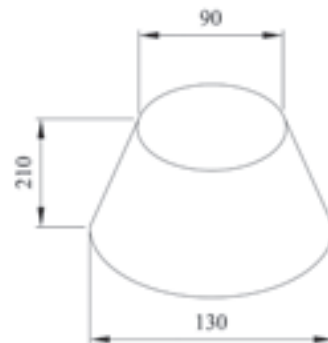
$$V = \frac{\pi h}{12} (d^2 + D^2 + dD)$$

تمرین: حجم قطعه داده شده را به دست آورید.



حل:

مثال: حجم قطعه داده شده را به دست آورید.



حل:

$$V = \frac{\pi \times h}{12} (D^2 + d^2 + D \times d)$$

$$V = \frac{\pi / 12 \times 210 \text{ mm}}{12} (130^2 \text{ mm}^2 + 90^2 \text{ mm}^2 + 130 \text{ mm} \times 90 \text{ mm})$$

$$V = \frac{\pi/14 \times 210}{12} (16900 \text{ mm}^2 + 81000 \text{ mm}^2 + 117000 \text{ mm}^2)$$

$$V = \frac{\pi/14 \times 210 \times 367000 \text{ mm}^3}{12}$$

$$V = \frac{2419998}{12}$$

$$V = 201666.5 \text{ mm}^3$$

mm³ را به cm³ تبدیل می‌کنیم

$$V = 201666.5 \times (\text{mm}^3)$$

$$V = 201666.5 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ cm}^3\right)$$

$$V = 201.66665 \text{ cm}^3$$

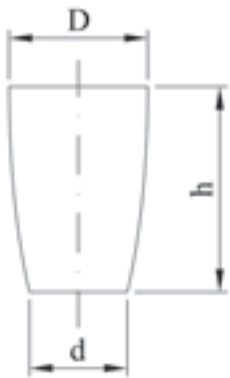
۴-۳-۴- کره و بوتله ریخته‌گری:

بوتله $D =$ قطر دایره قاعده بالایی

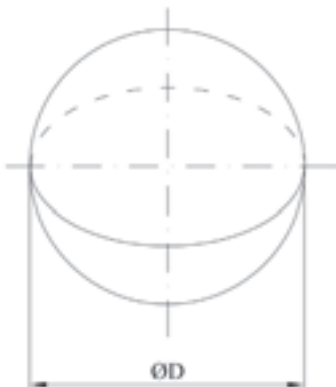
$d =$ قطر دایره قاعده پایینی

$h =$ ارتفاع بوتله

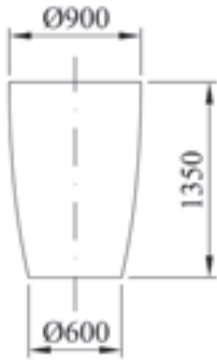
$$V \approx \frac{\pi \times h}{12} (\pi D^2 + d^2)$$



کره $V = \frac{d^3 \times \pi}{6}$

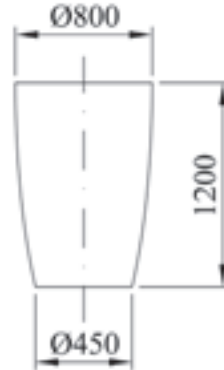


تمرین: بوته ریخته‌گری مطابق شکل زیر در دسترس است حجم آن را بر حسب متر مکعب و لیتر به دست آورید.



حل:

مثال: بوته ریخته‌گری مطابق شکل زیر در دسترس است مطلوب است محاسبه حجم آن بر حسب متر مکعب و لیتر؟



حل:

تبدیل واحد: mm را به m تبدیل می‌کنیم.

$$D = 800 \text{ mm} = 800 \times (1 \text{ mm})$$

$$D = 800 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ m}\right) \Rightarrow D = 0.8 \text{ m}$$

$$d = 450 \text{ mm} = 450 \times (1 \text{ mm})$$

$$d = 450 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ m}\right) \Rightarrow d = 0.45 \text{ m}$$

$$h = 1200 \text{ mm} = 1200 \times (1 \text{ mm})$$

$$h = 1200 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ m}\right) \Rightarrow h = 1.2 \text{ m}$$

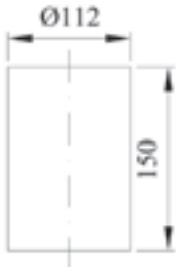
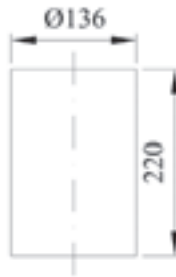
$$V \approx \frac{\pi \times h}{12} \times (\pi D^2 + d^2)$$

$$V \approx \frac{\pi/12 \times 1.2 \text{ m}}{12} \times (\pi(0.8)^2 + (0.45)^2)$$

$$V \approx \frac{\pi/454}{12} \times (1/28 + 0.2025)$$

$$V \approx \frac{\pi/454 \times 1/4825}{12}$$

$$V \approx \frac{5/24805}{12}$$

	$V \approx 0 / 437m^3$ <p>م^۳ را به لیتر تبدیل می کنیم.</p> $V \approx 0 / 4373375 \times 1000L$ $V \approx 437 / 3375lit$
<p>تمرین: سطح جانبی و حجم مکعبی با طول ضلع ۵۲ میلی متر را به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: سطح جانبی و حجم مکعبی با طول ضلع ۴۸ میلی متر را به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $A = 4L^2$ $A = 4 \times (48)^2$ $A = 9216mm^2$ $V = L^3$ $V = (48)^3 \Rightarrow V = 110592mm^3$
<p>تمرین: حجم ظرفی مطابق شکل زیر را بر حسب لیتر به دست آورید.</p>  <p>حل:</p>	<p>مثال: حجم ظرفی مطابق شکل زیر را بر حسب لیتر به دست آورید.</p>  <p>حل:</p> $V = A \times h$ $A = \frac{p \times d^2}{4}$ $V = \frac{p \times d^2 \times h}{4}$ $V = \frac{3/14 \times (136)^2 \times 220}{4}$

$$V = \frac{12777036/8}{4}$$

$$V = 3194259/2 \text{ mm}^3$$

mm³ را به dm³ تبدیل می‌کنیم.

$$V = 3194259/2 \times \frac{1}{1000000}$$

$$V = 3/1942 \text{ dm}^3$$

$$V = 3/1942 \text{ lit}$$

۴-۴- محاسبه حجم اجسام مرکب:

برای محاسبه حجم اجسام مرکب کافی است حجم هر مکعبی را به اجسام هندسی معین تفکیک کنیم و پس از محاسبه حجم تک تک اجسام هندسی آنها را با یکدیگر جمع جبری کنیم.



$$V = V_1 + V_2 + V_3 + V_4$$

تمرین: نسبت حجم دو مکعب $V_1 : V_2 = 2 : 5$ است.

اگر طول ضلع مکعب اولی $s_1 = 6 \text{ mm}$ باشد. حجم V_1 و V_2 را بر حسب سانتی‌متر مکعب به دست آورید.

حل:

مثال: نسبت حجم دو مکعب $V_1 : V_2 = 3 : 4$ است.

اگر طول ضلع مکعب اولی $a_1 = 65 \text{ mm}$ باشد. حجم V_1 و V_2 را بر حسب سانتی‌متر مکعب به دست آورید.

حل:

تبدیل واحد:

$$a_1 = 65 \text{ mm}$$

$$a_1 = 65 \times \frac{1}{10} \text{ cm}$$

$$a_1 = 6/5 \text{ cm}$$

$$V_1 = S_1^3 = (6/5)^3$$

$$V_1 = 274/625 \text{ cm}^3$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{274/625}{V_2} = \frac{3}{4}$$

طرفین وسطین انجام می دهیم

$$3 \times V_2 = 274/625 \times 4$$

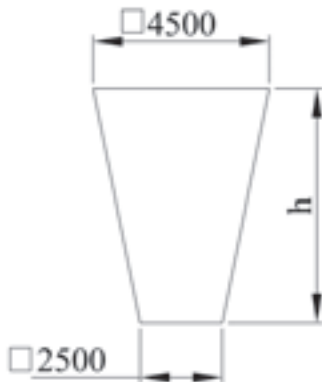
$$3V_2 = 1098/5$$

طرفین را بر ضریب مجهول تقسیم می کنیم

$$\frac{3V_2}{3} = \frac{1098/5}{3}$$

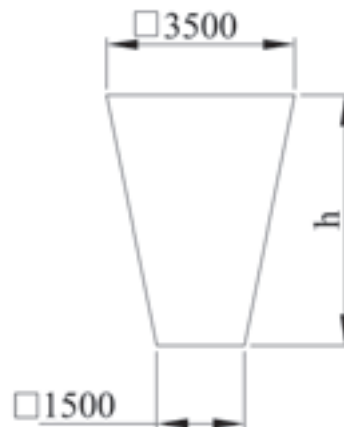
$$V_2 = 366/17 \text{ cm}^3$$

تمرین: بونکر ماسه (شکل زیر) باید ۴۵ تن ماسه را در خود جای دهد. اگر هر تن ماسه به یک متر مکعب فضا نیاز داشته باشد، ارتفاع بونکر را به دست آورید.



حل:

مثال: بونکر ماسه (شکل زیر) باید ۳۵ تن ماسه را در خود جای دهد. اگر هر تن ماسه به یک متر مکعب فضا نیاز داشته باشد، ارتفاع بونکر را به دست آورید.



حل:

$$35 \times \frac{35 \times 1}{1} = 35 \text{ m}^3$$

	$V = ۳۵m^۳$ $A_1 = ۱۵۰۰ \times ۱۵۰۰ = ۲۲۵۰۰۰۰ mm^۲$ $A_1 = ۲۲۵۰۰۰۰ \times \left(\frac{۱}{۱۰۰۰۰۰۰}\right) = ۲/۲۵ m^۲$ $A_r = ۳۵۰۰ \times ۳۵۰۰ = ۱۲۲۵۰۰۰۰ mm^۲$ $A_r = ۱۲۲۵۰۰۰۰ \times \left(\frac{۱}{۱۰۰۰۰۰۰}\right) = ۱۲/۲۵$ $A = \frac{A_1 + A_r}{۲} \times h$ $۳۵ = \frac{۲/۲۵ + ۱۲/۲۵}{۲} \times h$ $۳۵ \times ۲ = ۱۴/۵h$ $\frac{۲ \times ۳۵}{۱۴/۵} = \frac{۱۴/۵h}{۱۴/۵}$ <p style="text-align: right;">طرفین تقسیم بر ضریب مجهول</p> $h = \frac{۷۰}{۱۴/۵} \Rightarrow h = ۴/۸۳m$
<p>تمرین: حجم مخزن گاز کروی شکل ۳۰۰۰۰ متر مکعب می باشد. قطر و سطح کل آن را محاسبه کنید.</p> <p style="text-align: center;">حل</p>	<p>مثال: حجم مخزن گاز کروی شکل ۲۵۰۰۰ متر مکعب می باشد. قطر و سطح کل آن را محاسبه کنید.</p> <p style="text-align: right;">حل:</p> $V = ۲۵۰۰۰ m^۳, d = ?, A_0 = ?$ $V = \frac{p \times d^۳}{۶}$ $۲۵۰۰۰ = \frac{۳/۱۴ \times d^۳}{۶}$ <p style="text-align: right;">طرفین وسطین انجام می دهیم</p> $۶ \times ۲۵۰۰۰ = ۳/۱۴ d^۳$ <p style="text-align: right;">طرفین تقسیم بر ضریب مجهول</p> $\frac{۱۵۰۰۰۰}{۳/۱۴} = \frac{۳/۱۴ d^۳}{۳/۱۴}$

$$d^3 = 47770 / 7$$

$$d = 36 / 28 \text{ m}$$

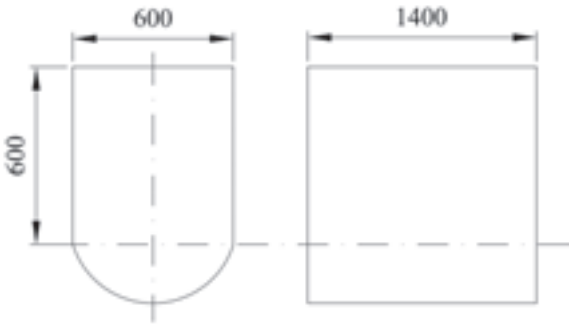
$$A_o = \pi \times d^2$$

$$A_o = 3 / 14 \times (36 / 28)^2$$

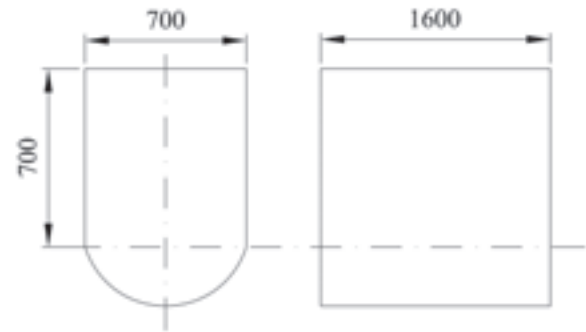
$$A_o = 3 / 14 \times 1316 / 24 \text{ m}^2$$

$$A_o = 4132 / 99 \text{ m}^2$$

تمرین: برای حمل زغال سنگ در معادن، از واگن‌هایی که ظرف آنها مطابق شکل می‌باشد استفاده می‌گردد. حجم آن را بر حسب متر مکعب حساب کنید.



مثال: برای حمل زغال سنگ در معادن، از واگن‌هایی که ظرف آنها مطابق شکل می‌باشد استفاده می‌گردد. حجم آن را بر حسب متر مکعب حساب کنید.



حل: مرحله اول: حجم استوانه

$$V_1 = a \times b \times h$$

$$V_1 = 700 \times 1600 \times 700$$

$$V_1 = 784000000 \text{ mm}^3$$

$$V_1 = 784000000 \times \left(\frac{1}{1000000000} \text{ m}^3 \right)$$

$$V_1 = 0.784 \text{ m}^3$$

$$V_2 = \frac{\pi \times d^2 \times h}{8}$$

مرحله دوم: حجم نیم کره

$$V_p = \frac{\mu / 14 \times (v_{oo})^p \times 1600}{\lambda}$$

$$V_p = \frac{2461760000}{\lambda}$$

$$V_p = 30772000 \text{ mm}^p$$

$$V_p = 30772000 \times \left(\frac{1}{100000000} \text{ m}^p \right)$$

$$V_p = 0.30772 \text{ m}^p$$

$$V = V_1 + V_p$$

$$V = 0.784 + 0.30772$$

$$V = 1.09172 \text{ m}^p$$

سیمای فصل پنجم

۵- جرم و چگالی

۱-۵- تعریف جرم

۲-۵- واحد جرم

۳-۵- اجزا و اضعاف واحد جرم

۴-۵- روابط اجزا و اضعاف واحد جرم

۵-۵- واحدهای جرم در سیستم‌های دیگر اندازه‌گیری

۶-۵- تعریف چگالی

۷-۵- واحد چگالی در سیستم SI

۸-۵- رابطه ریاضی بین جرم، حجم و چگالی

۵- جرم و چگالی

۵-۱- تعریف جرم:

مقدار ماده موجود در یک جسم را جرم جسم می‌گویند. به عبارت دیگر مجموعه اتم‌هایی که در جسم به حالت‌های فیزیکی جامد، مایع و گاز وجود دارد.

جرم جسم ثابت است و تغییر نمی‌کند. اما در سرعت‌های بسیار زیاد و نزدیک به سرعت نور جرم جسم به طور محسوسی افزایش می‌یابد. جرم جسم را با حرف m نشان می‌دهند.

ویژگی‌های جرم هر جسم: - مقاومت در مقابل تغییر حرکت

- جاذبه

- مقاومت در مقابل تغییر حرکت: هر چقدر جرم جسم بیشتر باشد برای به حرکت درآوردن آن نیروی زیادی لازم است. از طرف دیگر هرچقدر جرم جسم کوچک باشد برای تغییر سرعت آن احتیاج به نیروی کمتری است.

- جاذبه: اجسام متناسب با جرم‌های خود همدیگر را جذب می‌کنند. مثل زمین که همه اجسام را به خود جذب می‌کند.

تفاوت جرم و وزن: جرم عبارت است از ذرات متشکله جسم که با ترازو اندازه‌گیری می‌شود و برحسب کیلوگرم بیان می‌شود. اما وزن نیروی وارد از طرف زمین بر جسم بوده و با نیروسنج اندازه‌گیری می‌شود. واحد وزن نیوتن (N) است. جرم جسم در تمام نقاط زمین ثابت است اما وزن جسم در نقاط مختلف زمین نسبت به ارتفاع متغیر است.

۵-۲- واحد جرم:

واحد جرم در سیستم SI کیلوگرم است و با kg نشان داده می‌شود.

تعریف کیلوگرم: کیلوگرم استاندارد جرم استوانه‌ای از آلیاژ پلاتین - ایریدیم است که در اداره استاندارد بین المللی نگهداری می‌شود.

یک کیلوگرم برابر است با جرم $1000/018$ سانتی‌متر مکعب آب خالص $4^{\circ}C$ است که در محاسبات فنی یک کیلوگرم تقریباً معادل 1000 سانتی‌متر مکعب آب خالص است.

۵-۳- اجزا و اضعاف واحد جرم:

اجزای کیلوگرم عبارتند از: گرم (g) ، میلی‌گرم (mg)

اضعاف کیلوگرم عبارتند از: تُن (t) ، مگاتن (Mt)

۴-۵- روابط اجزا و اضعاف واحد جرم:

$$1\text{kg} = 1000\text{g} \Leftrightarrow 1\text{g} = \frac{1}{1000}\text{kg} = 10^{-3}\text{gr}$$

- هر کیلوگرم برابر ۱۰۰۰ گرم است و برعکس.

$$1\text{gr} = 1000\text{mg} \Leftrightarrow 1\text{mg} = \frac{1}{1000}\text{gr} = 10^{-3}\text{gr}$$

- هر گرم برابر ۱۰۰۰ میلی‌گرم است و برعکس.

- هر کیلوگرم برابر ۱۰۰۰۰۰۰ میلی‌گرم است و برعکس.

$$1\text{kg} = 1000000\text{mg} = 10^{+6}\text{mg} \Leftrightarrow 1\text{mg} = \frac{1}{1000000}\text{kg} = 10^{-6}\text{kg}$$

$$1\text{t} = 1000\text{kg} \Leftrightarrow 1\text{kg} = \frac{1}{1000}\text{t} = 10^{-3}\text{t}$$

- هر تن برابر ۱۰۰۰ کیلوگرم است و برعکس.

$$1\text{Mt} = 10^6\text{t} \Leftrightarrow 1\text{t} = \frac{1}{10^6}\text{Mt} = 10^{-6}\text{t}$$

- هر مگاتن برابر ۱۰^۶ تن است و برعکس.

$$1\text{Mt} = 10^9\text{kg} \Leftrightarrow 1\text{kg} = 10^{-9}\text{Mt}$$

- هر مگاتن برابر ۱۰^۹ کیلوگرم است و برعکس.

تمرین: جرم‌های ۱۲۰ kg و ۲۲۴۵ kg را بر حسب تن به دست آورید.

حل:

مثال: جرم‌های ۱۰۰ kg و ۳۵۳۰ kg را بر حسب تن به دست آورید.

حل:

$$100\text{kg} = ?\text{t}$$

$$100 \times \left(\frac{1}{1000}\text{t}\right) = 0/1\text{t}$$

$$3530\text{kg} = ?\text{t}$$

$$3530 \times \left(\frac{1}{1000}\text{t}\right)$$

$$3530 \times \frac{1}{1000}\text{t} = 3/530\text{t}$$

تمرین: جرم‌های ۳۶۴ kg و ۰/۰۰۶۷ kg را بر حسب گرم به دست آورید.

حل:

مثال: جرم‌های ۴۲۵ kg ، ۰/۰۷۲ kg را بر حسب گرم به دست آورید.

حل:

	$425 \text{ kg} = ? \text{ g}$ $425 \times (1 \text{ kg})$ $425 \times 1000 \text{ g} = 425000 \text{ g}$ $0.072 \text{ kg} = ? \text{ g}$ $0.072 \times (1 \text{ kg}) =$ $0.072 \times 1000 \text{ g} = 72 \text{ g}$
<p>تمرین: جرم‌های $\frac{2}{3} \text{ kg}$ و $\frac{2}{3} \text{ kg}$ را بر حسب گرم به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: جرم‌های $\frac{1}{2} \text{ kg}$ و $\frac{1}{4} \text{ kg}$ را بر حسب گرم به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $\frac{1}{2} \text{ kg} = ? \text{ g}$ $\frac{1}{2} (1 \text{ kg})$ $\frac{1}{2} (1000 \text{ g}) = 500 \text{ g}$ $2 \frac{1}{4} \text{ kg} = ? \text{ g}$ $\frac{9}{4} (1 \text{ kg})$ $\frac{9}{4} (1000 \text{ g}) = 2250 \text{ g}$
<p>تمرین: جرم یک قطعه کوچک فلزی توسط یک ترازوی دقیق برابر ۶۲۸ میلی‌گرم تعیین شده است. جرم این قطعه را بر حسب kg با نماد علمی مشخص کنید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: جرم یک قطعه کوچک فلزی توسط یک ترازوی دقیق برابر ۵۲۵ میلی‌گرم تعیین شده است. جرم این قطعه را بر حسب kg با نماد علمی مشخص کنید.</p> <p>حل:</p> $525 \text{ mg} = ? \text{ kg}$ $525 \times (\text{mg})$ $525 \times (10^{-6} \text{ kg})$

$$525 \times 10^{-6} \text{ kg} = 5/25 \times 10^{-6} \text{ kg}$$

۵-۵- واحدهای جرم در سیستم‌های دیگر اندازه‌گیری:

- واحد جرم اتمی: برابر است با $\frac{1}{12}$ جرم اتم کربن (C^{12}) رابطه بین واحد جرم اتمی و کیلوگرم چنین است.

$$1U = 1/6605 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

- واحد جرم در سیستم انگلیسی:

$$1 \text{ اسلاگ (slug)} = 14/59 \text{ kg} \Leftrightarrow 1 \text{ kg} = \frac{1}{14/59} \text{ اسلاگ}$$

$$1 \text{ اُنس (oz)} = 28/35 \text{ g} \Leftrightarrow 1 \text{ g} = \frac{1}{28/35} \text{ اُنس}$$

$$1 \text{ پوند (Lb)} = 0/454 \text{ kg} \Leftrightarrow 1 \text{ kg} = \frac{1}{0/454} \text{ پوند}$$

$$1 \text{ پوند (Lb)} = 454 \text{ g} \Leftrightarrow 1 \text{ g} = \frac{1}{454} \text{ پوند}$$

$$1 \text{ قیراط (carat)} = 2 \times 10^{-4} \text{ kg} \Leftrightarrow 1 \text{ kg} = \frac{1}{2 \times 10^{-4}} = 2 \times 10^4 \text{ قیراط}$$

$$1 \text{ قیراط (carat)} = 0/2 \text{ g} \Leftrightarrow 1 \text{ gr} = \frac{1}{0/2} = 5 \text{ قیراط}$$

$$1 \text{ (cwt)} = 50/80 \text{ kg} \Leftrightarrow 1 \text{ kg} = \frac{1}{50/80} \text{ (cwt)}$$

$$1 \text{ تن کوچک t} = 2000 \text{ Lb} \Leftrightarrow 1 \text{ Lb} = \frac{1}{2000} \text{ تن کوچک t}$$

$$1 \text{ تن کوچک t} = 907/184 \text{ kg} \Leftrightarrow 1 \text{ kg} = \frac{1}{907/184} \text{ تن کوچک t}$$

$$1 \text{ t بزرگ} = 1016/05 \text{ kg} \Leftrightarrow 1 \text{ kg} = \frac{1}{1016/5} \text{ t بزرگ}$$

تذکره: واحدهای انس (oz) ، پوند (Lb) ، قیراط (carat) ، cwt ، تَن کوچک و تَن بزرگ برای وزن به کار می‌روند و واحد جرم نیستند. مثلاً وقتی نوشته می‌شود $1 \text{ Lb} = 0/454 \text{ kg}$ است یعنی در شرایط متعارف جاذبه زمین $0/454$ کیلوگرم، یک پوند وزن دارد یا زمانی که نوشته می‌شود $2 \times 10^{-4} \text{ kg} = 1 \text{ قیراط}$ یعنی در شرایط متعارف جاذبه زمین 2×10^{-4} کیلوگرم، یک قیراط وزن دارد.

نکته: برای تبدیل واحدهای جرم در سیستم انگلیسی به یکدیگر باید ابتدا معادل آنها را بر حسب کیلوگرم یا گرم به دست آوریم و سپس تبدیل آنها را انجام دهیم. مثلاً برای تبدیل پوند به انس، ابتدا مقدار هر کدام را بر حسب گرم به دست می‌آوریم.

$$1 \text{ Lb} = 454 \text{ g}$$

$$1 \text{ oz} = 28/35 \text{ g}$$

بنابراین برای به دست آوردن رابطه تبدیل انس به پوند کافی است مقدار معادل پوند بر حسب گرم را به مقدار معادل انس بر حسب گرم تبدیل کنیم. یعنی:

$$\frac{1 \text{ Lb}}{1 \text{ oz}} = \frac{454}{28/35} \Rightarrow \frac{1 \text{ Lb}}{1 \text{ oz}} = \frac{16}{1}$$

$$\text{طرفین وسطین انجام می‌دهیم} \longrightarrow 1 \text{ Lb} \times 1 = 1 \text{ oz} \times 16 \Rightarrow \boxed{1 \text{ Lb} = 16 \text{ oz}}$$

به همین ترتیب برای تبدیل انس به پوند داریم:

$$\frac{1 \text{ oz}}{1 \text{ Lb}} = \frac{28/35}{454} \Rightarrow \frac{1 \text{ oz}}{1 \text{ Lb}} = \frac{1}{16}$$

$$\text{طرفین و وسطین انجام می‌دهیم.} \longrightarrow 1 \text{ oz} \times 16 = 1 \times 1 \text{ Lb} \Rightarrow \boxed{1 \text{ oz} = \frac{1}{16} \text{ Lb}}$$

برای تبدیل cwt به قیراط داریم:

$$\left. \begin{aligned} 1 \text{ cwt} &= 50/80 \text{ kg} \\ 1 &= 2 \times 10^{-4} \text{ kg} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{1 \text{ cwt}}{1} = \frac{50/80}{2 \times 10^{-4}} = 101/6 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow 1 \text{ cwt} = 101/6 \times 10^{-4} \text{ قیراط}$$

<p>تمرین: ۴/۷۵ اسلاگ چند کیلوگرم است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۵/۵ اسلاگ چند کیلوگرم است؟ حل: $۵/۵ \text{ اسلاگ} = ? \text{ kg}$ $۵/۵ (۱ \times ۱۴ / ۵۹ \text{ kg}) = ۸۰ / ۲۴۵ \text{ kg}$</p>
<p>تمرین: ۹۸/۵ کیلوگرم چند اسلاگ است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۹۶ کیلوگرم چند اسلاگ است؟ حل: اسلاگ $۹۶ \text{ kg} = ?$ $۹۶ \times \left(\frac{۱}{۱۴ / ۵۹} \text{ اسلاگ} \right)$ اسلاگ $۹۶ \times \frac{۱}{۱۴ / ۵۹} = ۶ / ۵۸$</p>
<p>تمرین: ۶۵ انس چند گرم است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۵۰ انس چند گرم است؟ $۵۰ \text{ oz} = ? \text{ g}$ $۵۰ \times (۲۸ / ۳۵ \text{ g})$ $۵۰ \times ۲۸ / ۳۵ = ۱۴۱۷ / ۵ \text{ g}$</p>
<p>تمرین: ۱۴۵۶ گرم چند انس است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۴۵۶ گرم چند انس است؟ $۴۵۶ \text{ g} = ? \text{ oz}$ $۴۵۶ \times \left(\frac{۱}{۲۸ / ۳۵} \text{ oz} \right)$ انس $۴۵۶ \times \frac{۱}{۲۸ / ۳۵} = ۱۶ / ۰۸$</p>
<p>تمرین: ۱۴/۵ پوند چند کیلوگرم است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۲/۵ پوند چند کیلوگرم است؟ حل: $۱۲ / ۵ \text{ Lb} = ? \text{ kg}$ $۱۲ / ۵ \times (۱ \text{ Lb})$ $۱۲ / ۵ \times ۰ / ۴۵۴ \text{ kg}$ $۱۲ / ۵ \times ۰ / ۴۵۴ = ۵ / ۶۷۵ \text{ kg}$</p>

<p>تمرین: ۱۸/۲۵ کیلوگرم چند پوند است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۰/۷۵ کیلوگرم چند پوند است؟ حل:</p> $10/75 \text{ kg} = ? \text{ Lb}$ $10/75 \times \frac{1}{0/454} \text{ Lb}$ $10/75 \times \frac{1}{0/454} = 23/68 \text{ Lb}$
<p>تمرین: ۱۴۸ پوند چند گرم است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۲۶ پوند چند گرم است؟ حل:</p> $126 \text{ Lb} = ? \text{ g}$ $126 \times (454 \text{ g}) =$ $126 \times 454 = 27204 \text{ g}$
<p>تمرین: ۲۶۵۰ گرم چند پوند است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۷۵۶ گرم چند پوند است؟ حل:</p> $1756 \text{ g} = ? \text{ Lb}$ $1756 \times (1 \text{ g})$ $1756 \times \frac{1}{454} \text{ Lb}$ $1756 \times \frac{1}{454} = 3/88 \text{ Lb}$
<p>تمرین: ۱۳/۵ قیراط چند کیلوگرم است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۲ قیراط چند کیلوگرم است؟ حل:</p> $12 \text{ قیراط} = ? \text{ kg}$ $12 \times 2 \times 10^{-7} \text{ kg}$ $12 \times 2 \times 10^{-7} = 24 \times 10^{-7} \text{ kg}$

<p>تمرین: ۰/۰۰۰۰۰۶ کیلوگرم چند قیراط است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۶۰۰۰۰ کیلوگرم چند قیراط است؟ حل:</p> <p>قیراط = ? kg = ۶۰۰۰۰</p> <p>$۶۰۰۰۰ \times (1\text{kg})$</p> <p>$۶۰۰۰۰ \times \frac{1}{۲ \times ۱۰^{-۴}}$</p> <p>قیراط $۶۰۰۰۰ \times ۲ \times ۱۰^{+۴} = ۱۲ \times ۱۰^{\wedge}$</p>
<p>تمرین: ۵۰۰ گرم چند قیراط است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۲۰ قیراط چند گرم است؟ حل:</p> <p>g = ? قیراط = ۲۰</p> <p>$۲۰ \times ۵ / ۲\text{g}$</p> <p>$۲۰ \times ۵ / ۲ = ۴\text{g}$</p>
<p>تمرین: ۲۲/۵ قیراط چند گرم است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۶۰۰ گرم چند قیراط است؟ حل:</p> <p>قیراط = ? g = ۶۰۰</p> <p>قیراط ۶۰۰×۵</p> <p>قیراط $۶۰۰ \times ۵ = ۳۰۰۰$</p>
<p>تمرین: ۱۵۰۰ کیلوگرم چند cwt است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۲ cwt چند کیلوگرم است؟ حل:</p> <p>kg = ? cwt = ۱۲</p> <p>$۱۲ \times (۵۰ / ۸۰\text{kg})$</p> <p>$۱۲ \times ۵۰ / ۸۰ = ۶۰۹ / ۶\text{kg}$</p>

<p>تمرین: ۲۷/۵ cwt چند کیلوگرم است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۲۲۰۰ کیلوگرم چند cwt است؟ حل:</p> $۲۲۰۰ \text{ kg} = ? \text{ cwt}$ $۲۲۰۰ \times \left(\frac{1}{۵۰/۸۰} \text{ cwt} \right)$ $۲۲۰۰ \times \frac{1}{۵۰/۸۰} = ۴۳/۳ \text{ cwt}$
<p>تمرین: ۹/۲۵ تن کوچک چند پوند است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۵ تن کوچک چند پوند است؟ حل:</p> $۵ \text{ t} = ? \text{ Lb}$ $۵ \times (1\text{t})$ $۵ \times (۲۰۰۰ \text{ Lb})$ $۵ \times ۲۰۰۰ = ۱۰۰۰۰ \text{ Lb}$
<p>تمرین: ۳۵۰۰ پوند چند تن کوچک است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۲۵۰۰ پوند چند تن کوچک است؟ حل:</p> $۲۵۰۰ \text{ Lb} = ? \text{ t}$ $۲۵۰۰ (1 \times \text{Lb})$ $۲۵۰۰ \times \frac{1}{۲۰۰۰} \text{ t}$ $۲۵۰۰ \times \frac{1}{۲۰۰۰} = 1/۲۵ \text{ t}$
<p>تمرین: ۱۱/۵ تن کوچک چند کیلوگرم است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۶/۵ تن کوچک چند کیلوگرم است؟ حل:</p> $16/5 \text{ t} = ? \text{ kg}$ $16/5 (907/184 \text{ kg})$ $16/5 \times 907/184 = 14968/536 \text{ kg}$

<p>تمرین: ۴۵۶۶۰ کیلوگرم چند تن کوچک است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۱۴۵۶۱ کیلوگرم چند تن کوچک است؟ حل:</p> $۱۴۵۶۱ \text{ kg} = ? \text{ t}$ $۱۴۵۶۱ \times \left(\frac{۱}{۹۰۷/۱۸۴} \text{ t} \right)$ $۱۴۵۶۱ \times \frac{۱}{۹۰۷/۱۸۴} = ۱۶ \text{ t}$
<p>تمرین: ۲۹۵۰ کیلوگرم چند تن بزرگ است؟ حل</p>	<p>مثال: ۷/۵ تن بزرگ چند کیلوگرم است؟ حل:</p> $۷/۵ \text{ t} = ? \text{ kg}$ $۷/۵ \times (۱۰۱۶/۰۵ \text{ kg}) =$ $۷/۵ \times ۱۰۱۶/۰۵ = ۷۶۲۰/۳۷۵ \text{ t}$
<p>تمرین: ۳/۲۷۵ تن بزرگ چند کیلوگرم است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۶۵۵۰۰ کیلوگرم چند تن بزرگ است؟ حل:</p> $۶۵۵۰۰ \text{ kg} = ? \text{ t}$ $۶۵۵۰۰ \times \left(\frac{۱}{۱۰۱۶/۰۵} \text{ t} \right)$ $۶۵۵۰۰ \times \frac{۱}{۱۰۱۶/۰۵} = ۶۴/۴۷ \text{ t}$
<p>تمرین: ۶۹۵۰۰ کیلوگرم چند تن بزرگ است؟ حل:</p>	<p>مثال: ۷/۵ پوند چند انس (oz) است؟ حل</p> $۷/۵ \text{ Lb} = ? \text{ oz}$ $۷/۵ (۱۶ \text{ oz})$ $۷/۵ \times ۱۶ = ۱۲ \text{ oz}$

تمرین: ۱۲۰۰ انس (OZ) چند پوند است؟
حل:

مثال: ۱۸۰ انس (OZ) چند پوند است؟
حل:

$$180 \text{ OZ} = ? \text{ Lb}$$

$$180 \times \left(\frac{1}{16} \text{ Lb}\right)$$

$$180 \times \frac{1}{16} = 11 \frac{1}{4} \text{ Lb}$$

۶-۵- تعریف چگالی (جرم حجمی یا جرم مخصوص):

جرم واحد حجم یک جسم را چگالی، جرم حجمی یا جرم مخصوص می‌نامند. چگالی را معمولاً با حرف یونانی ρ نشان می‌دهند.

رابطه چگالی با جرم و حجم یک جسم به صورت زیر است:

$$\text{چگالی} = \frac{\text{جرم جسم}}{\text{حجم جسم}} \Rightarrow \text{جرم} = \text{چگالی} \times \text{حجم}$$

$$r = \frac{m}{V} \quad \begin{cases} r = & \text{چگالی} \\ m = & \text{جرم} \\ V = & \text{حجم} \end{cases}$$

۷-۵- واحد چگالی در سیستم SI:

با توجه به اینکه در سیستم SI واحد جرم، کیلوگرم (kg) و واحد حجم متر مکعب (m^3) است و چگالی از تقسیم جرم بر حجم جسم به دست می‌آید. بنابراین واحد چگالی برابر است با حاصل تقسیم کیلوگرم بر متر مکعب. بنابراین خواهیم داشت:

$$\text{واحد چگالی} = \frac{\text{واحد جرم}}{\text{واحد حجم}} \Rightarrow$$

$$\text{واحد چگالی} = \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$\text{واحد چگالی} = \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

به عنوان مثال چگالی آلومینیم جامد $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ ۲۷۰۰ است. یعنی جرم یک متر مکعب آلومینیم جامد برابر ۲۷۰۰ کیلوگرم است.

واحد دیگر چگالی در سیستم SI، $\frac{\text{گرم}}{\text{سانتی‌متر مکعب}}$ یا $\frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ است. مثلاً جرم حجمی آلومینیم جامد ۲/۷ گرم بر سانتی‌متر مکعب است. یعنی هر سانتی‌متر مکعب آلومینیم ۲/۷ گرم جرم دارد.

- برای تبدیل واحد $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ به $\frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ خواهیم داشت:

$$1\text{kg} = 1000\text{gr}$$

$$1\text{m}^3 = 1000000\text{cm}^3$$

$$1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{1\text{kg}}{1\text{m}^3} = \frac{1000\text{gr}}{1000000\text{cm}^3} = \frac{1\text{gr}}{1000\text{cm}^3} = \frac{1}{1000} \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$$

$$1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{1}{1000} \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$$

$$\text{بنابراین: } 1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = 1000 \times \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \text{ او برعکس.}$$

- واحد دیگر جرم حجمی $\frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ است که برای تبدیل آن به $\frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ خواهیم داشت:

$$1\text{kg} = 1000\text{gr}$$

$$1\text{dm}^3 = 1000\text{cm}^3$$

$$1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} = \frac{1000\text{gr}}{1000\text{cm}^3} = 1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$$

$$1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} = 1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$$

به عنوان مثال چگالی آهن جامد $۷۸ \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ است که بر حسب $\frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ به صورت زیر خواهد بود.

$$1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} = 1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$$

$$۷۸ \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = ۷۸ \left(1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} \right) = ۷۸ \left(1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \right) = ۷۸ \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$$

از طرف دیگر برای تبدیل واحد $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ به $\frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ خواهیم داشت:

$$1 \text{m}^3 = 1000 \text{dm}^3$$

$$1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{1 \text{kg}}{1000 \text{dm}^3}$$

$$\frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{1}{1000} \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$$

$$1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{1}{1000} \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \Leftrightarrow 1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

به عنوان مثال چگالی آهن جامد $۷۸۰۰ \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ است که بر حسب کیلوگرم بر حسب $\frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ (به صورت زیر) خواهد بود.

$$۷۸۰۰ \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = ۷۸۰۰ \times \left(1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right)$$

$$= ۷۸۰۰ \times \left(\frac{1}{1000} \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \right)$$

$$\frac{۷۸۰۰ \text{kg}}{1000} \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$$

$$7800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 7.8 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$$

در مورد مایعات حجم بر حسب لیتر (lit) بیان می شود. در این صورت واحد چگالی $\frac{\text{kg}}{\text{lit}}$ می باشد. مثلاً چگالی نفت $0.8 \frac{\text{kg}}{\text{lit}}$ و چگالی آب خالص $1 \frac{\text{kg}}{\text{lit}}$ است.

با توجه به اینکه هر متر مکعب هزار لیتر است. خواهیم داشت:

$$1 \text{ m}^3 = 1000 \text{ lit}$$

$$1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 1 \frac{\text{kg}}{1000 \text{ lit}}$$

$$1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{1}{1000} \frac{\text{kg}}{\text{lit}} \Leftrightarrow 1 \frac{\text{kg}}{\text{lit}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

تمرین: چگالی جسمی $5 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ است. در صورتی که جرم آن ۲۰ گرم باشد. حجم آن چقدر است؟
حل:

مثال: جرم جسمی ۱۰۰ گرم و حجم آن ۲۵ سانتی متر مکعب است. چگالی آن چقدر است؟

حل:

$$r = \frac{m}{V}$$

$$r = \frac{100 \text{ gr}}{25 \text{ cm}^3} = \frac{100}{25} \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = 4 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$$

تمرین: چگالی جسمی $4/5 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ است. در صورتی که حجم آن 8 m^3 باشد. جرم آن چقدر است؟
حل:

مثال: جرم جسمی ۱۰۰ کیلوگرم و حجم آن ۴۰ متر مکعب است. چگالی آن چقدر است؟

حل:

$$V = 40 \text{ m}^3$$

$$m = 100 \text{ kg}$$

	$r = \frac{m}{V}$ $r = \frac{100 \text{ kg}}{40 \text{ m}^3} = \frac{100}{4} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 25 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
<p>تمرین : $85 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ چند $\frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال $15 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ چند $\frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ است؟</p> <p>حل:</p> $1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{1}{1000} \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ $15 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 15 \times \left(1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right)$ $= 15 \times \left(\frac{1}{1000} \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}\right)$ $= \frac{15}{1000} \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = 0.015 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$
<p>تمرین : $25/8 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال $20 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ $20 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = 20 \times \left(1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}\right)$ $= 20 \times \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right)$ $= 20000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
<p>تمرین : $47/8$ گرم بر دسی متر مکعب چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال : $15 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ چند گرم بر دسی متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = 1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$

	$15 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 15 \times (1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})$ $= 15 \times (1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3})$ $= 15 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$
<p>تمرین ۵ / ۵۷ کیلوگرم بر دسی متر مکعب چند گرم بر سانتی متر مکعب است؟ حل:</p>	<p>مثال: $38 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ چند کیلوگرم بر دسی متر مکعب است؟ حل:</p> $1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = 1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ $38 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} = 38 \times (1 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3})$ $= 38 \times (1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3})$ $= 38 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$
<p>تمرین ۸ / ۱۰ کیلوگرم بر متر مکعب چند کیلوگرم بر دسی متر مکعب است؟ حل:</p>	<p>مثال ۲۵: کیلوگرم بر متر مکعب چند کیلوگرم بر دسی متر مکعب است؟ حل:</p> $1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{1}{1000} \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ $25 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 25 \times 1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ $= 25 \times \frac{1}{1000} \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ $= 0.025 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$

<p>تمرین: ۱/۲ کیلوگرم بر دسی متر مکعب چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۰/۱۳ کیلوگرم بر دسی متر مکعب چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ $0/13 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} = 0/13 \times 1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ $= 0/13 \times (1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})$ $= 130 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
<p>تمرین: چگالی مایعی ۲۳۰ کیلوگرم بر متر مکعب است. چگالی آن بر حسب کیلوگرم چقدر است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: چگالی مایعی ۵ کیلوگرم بر لیتر است. مقدار آن بر حسب کیلوگرم بر متر مکعب چقدر است؟</p> <p>حل:</p> $1 \frac{\text{kg}}{\text{lit}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ $5 \frac{\text{kg}}{\text{lit}} = 5 \times 1 \frac{\text{kg}}{\text{lit}}$ $= 5 \times 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ $= 5000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$
<p>تمرین: ۱۸ کیلوگرم بر دسی متر مکعب چند تن بر متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۵ تن بر متر مکعب چند کیلوگرم بر دسی متر مکعب است؟</p> <p>حل:</p> $1 \frac{\text{t}}{\text{m}^3} = 1 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ $5 \frac{\text{t}}{\text{m}^3} = 5 \times 1 \frac{\text{t}}{\text{m}^3}$ $= 5 \times 1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 5 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

تمرین : ۸ / ۷ گرم بر سانتی متر مکعب چند تن بر متر مکعب است؟

حل:

مثال: ۱۲ تن بر متر مکعب چند گرم بر سانتی متر مکعب است؟

حل:

$$1 \frac{t}{m^3} = 1 \frac{gr}{cm^3}$$

$$12 \frac{t}{m^3} = 12 \times \frac{t}{m^3}$$

$$= 12 \times 1 \frac{gr}{cm^3} = 12 \frac{gr}{cm^3}$$

مثال: چگالی آب $\frac{kg}{lit}$ است. چگالی آب بر حسب $\frac{kg}{m^3}$ چقدر است؟

حل:

$$1 \frac{kg}{lit} = 1 \left(\frac{kg}{lit} \right) = 1 \times \left(1000 \frac{kg}{m^3} \right) = 1000 \frac{kg}{m^3}$$

واحد دیگر جرم حجمی یا چگالی تن بر متر مکعب $\left(\frac{t}{m^3} \right)$ است که روابط تبدیل آن به $\frac{kg}{dm^3}$ و $\frac{gr}{cm^3}$

به صورت زیر است:

$$\left. \begin{array}{l} 1t = 1000kg \\ 1kg = 1000g \end{array} \right\} \Rightarrow 1t = 1000000g$$

$$1m^3 = 1000dm^3$$

$$1m^3 = 1000000cm^3$$

$$1 \frac{t}{m^3} = 1 \frac{1000kg}{1000dm^3} = 1 \frac{kg}{dm^3}$$

$$\boxed{1 \frac{t}{m^3} = 1 \frac{kg}{dm^3}}$$

$$1 \frac{t}{m^3} = 1 \frac{1000000gr}{1000000cm^3} = 1 \frac{gr}{cm^3}$$

$$\frac{t}{m^3} = \frac{gr}{cm^3}$$

۸-۵- رابطه ریاضی بین جرم، حجم و چگالی:

با توجه به اینکه چگالی، جرم موجود در واحد حجم جسم می‌باشد. در صورتی که جرم جسم برابر m بر حسب گرم و حجم آن برابر V بر حسب cm^3 باشد می‌توان نوشت:

$$\frac{جرم}{حجم} = \frac{m(g)}{V(cm^3)} = r \Rightarrow r \times V = m$$

$$\Rightarrow m = r \cdot V$$

$$r = \frac{m}{V}$$

- چگالی نسبی:

نسبت چگالی یک جسم به چگالی جسم دیگر را چگالی نسبی می‌گویند. به عنوان مثال چگالی جامدات و مایعات را با آب خالص ۴ درجه سانتی‌گراد مقایسه می‌کنند.

به عنوان مثال چگالی فولاد نسبت به آب $7/8$ است. یعنی جرم یک سانتی‌متر مکعب فولاد $7/8$ برابر جرم یک سانتی‌متر مکعب آب است. به عبارت دیگر فولاد $7/8$ برابر نسبت به آب چگال‌تر است. بنابراین خواهیم داشت:

$$\text{چگالی نسبی فولاد} = \frac{\text{چگالی فولاد}}{\text{چگالی آب}} = \frac{7/8 \frac{gr}{cm^3}}{1 \frac{gr}{cm^3}} = 7/8 \text{ بدون واحد}$$

بنابراین چگالی یک جسم نسبت به آب عددی است که با چگالی آن برابر است. در صورتی که حجم جسم و آب یکسان باشد خواهیم داشت:

$$r = \frac{m}{V} \text{ (چگالی جسم)}$$

$$r' = \frac{m'}{V} \text{ (چگالی آب)}$$

$$d = \frac{\rho \text{ (چگالی جسم)}}{\rho' \text{ (چگالی آب)}} = \frac{\frac{m}{V}}{\frac{m'}{V}} = \frac{mV}{m'V} = \frac{m}{m'} \frac{\text{جرم جسم}}{\text{جرم آب هم حجم جسم}}$$

$$d = \frac{r}{r'} = \frac{m}{m'}$$

$$\text{آب } r' = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

$$d = \frac{r}{1} = \frac{m}{m'}$$

$$d = r = \frac{m}{m'} \text{ بدون واحد.}$$

تمرین: در صورتی که چگالی نسبی آلومینیم به آب ۲/۷ و جرم آلومینیم ۲۰۰ گرم باشد. جرم آب چقدر است؟

حل:

مثال: در صورتی که چگالی نسبی فولاد به آب ۷/۸ و جرم آب ۵۰ گرم باشد. جرم فولاد چقدر است؟

$$m' = 50 \text{ gr آب}$$

$$\frac{r}{r'} = \frac{7}{8} \text{ فولاد}$$

آب

$$m = ? \text{ فولاد}$$

حل:

$$\frac{r}{r'} = \frac{m}{m'} \Rightarrow \frac{7}{8} = \frac{m}{50} \Rightarrow 1 \times m = 7/8 \times 50$$

$$m = 375 \text{ gr}$$

تمرین: جرم شمش آلومینیم با مقطع مربعی به ضلع ۳۵ میلی‌متر و طول ۱۱۵ میلی‌متر را به دست آورید.

$$(r = 2/7 \text{ kg/dm}^3)$$

حل:

مثال: جرم شمش فولادی با مقطع مربعی به ضلع ۴۵ میلی‌متر و طول ۱۲۵ میلی‌متر را به دست آورید.

$$(r = 7/85 \text{ kg/dm}^3)$$

حل:

$$V = A \times h$$

$$V = (45 \text{ mm})^2 \times 125 \text{ mm}$$

$$V = 45 \times 45 \times 125$$

$$V = ۲۵۳۱۲۵ \text{ mm}^3$$

$$V = ۲۵۳۱۲۵ \times \left(\frac{1}{1000000} \text{ dm}^3 \right)$$

$$V = ۰/۲۵۳۱۲۵ \text{ dm}^3$$

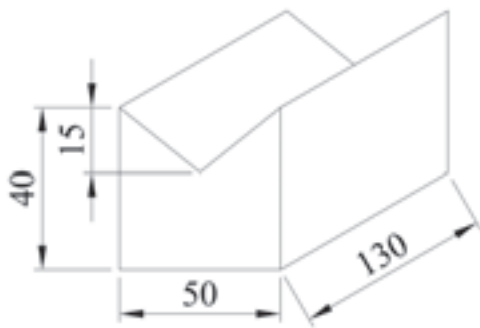
$$m = r \times V$$

$$m = ۷/۸۵ \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times ۰/۲۵۳۱۲۵ \text{ dm}^3$$

$$m = ۷/۸۵ \times ۰/۲۵۳۱۲۵$$

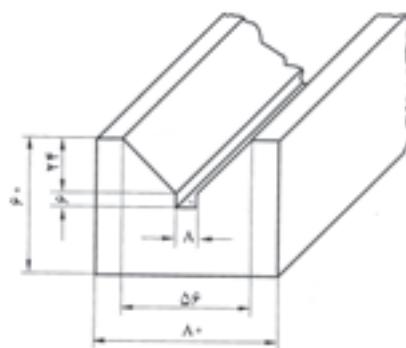
$$m = ۱/۹۸۷ \text{ kg}$$

تمرین: جرم منشوری از مس به طول ۱۴۰ میلی‌متر با سطح مقطعی مطابق شکل بر حسب کیلوگرم حساب کنید ($r = ۸/۹ \text{ kg/dm}^3$)



حل:

مثال: جرم منشوری از فولاد به طول ۱۳۰ میلی‌متر با سطح مقطعی مطابق شکل بر حسب کیلوگرم حساب کنید. ($r = ۷/۸۵ \text{ kg/dm}^3$)



$$m = r \times V$$

$$V = A \times h$$

$$A = A_1 - A_2 - A_3$$

$$A_1 = L \times b$$

$$A_1 = ۸۰ \times ۶۰ \Rightarrow A_1 = ۴۸۰۰ \text{ mm}^2$$

$$A_p = L_1 \times b_1$$

$$A_p = 8 \times 6 \Rightarrow A_p = 48 \text{ mm}^2$$

$$A_p = \frac{L_r + L_p}{2} \times b_p$$

$$A_p = \frac{56 + 8}{2} \times 24$$

$$A_p = 32 \times 24 \Rightarrow A_p = 768 \text{ mm}^2$$

$$A = A_1 - A_p - A_p$$

$$A = 4800 - 48 - 768$$

$$A = 3984 \text{ mm}^2$$

$$V = A \times h$$

$$V = 3984 \times 130$$

$$V = 517920 \text{ mm}^3$$

با توجه به واحد چگالی باید حجم بر حسب dm^3 محاسبه شود.

$$V = 517920 \times \left(\frac{1}{1000000}\right) \text{ dm}^3$$

$$V = 0.51792 \text{ dm}^3$$

$$m = r \times V$$

$$m = 7.85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 0.51792 \text{ dm}^3$$

$$m = 7.85 \times 0.51792$$

$$m = 4.07 \text{ kg}$$

تمرین: جرم ورق آلومینیمی به ابعاد $1800 \times 3500 \times 4 \text{ mm}$

$$\text{کنید. (} r = 2.7 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \text{)}$$

حل:

مثال: جرم ورق آلومینیمی به ابعاد $1500 \times 3000 \times 2 \text{ mm}$

$$\text{کنید. (} r = 2.7 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \text{)}$$

حل:

	$m = r \times V$ $V = A \times h$ $V = 1500 \times 3000 \times 2mm$ $V = 9000000mm^3$ <p>با توجه به واحد چگالی لازم است که حجم بر حسب dm^3 محاسبه شود.</p> $V = 9000000mm^3$ $V = 9000000 \times \left(\frac{1}{1000000} dm^3\right)$ $V = 9dm^3$ $m = r \times V$ $m = 2 / 7 \frac{kg}{dm^3} \times 9dm^3 \text{ ضلع}$ $m = 2 / 7 \times 9$ $m = 24 / 7 kg$
<p>تمرین: جرم ورق به ابعاد $1900 \times 800 \times 0.54$ میلی‌متر را به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: جرم ورق مسی به ابعاد $1400 \times 1200 \times 0.9$ میلی‌متر را بر حسب کیلوگرم حساب کنید.</p> <p>$(r = 8.9 \frac{kg}{dm^3})$</p> <p>حل:</p> $m = r \times V$ $V = A \times h$ $V = 0.9mm \times 1400mm \times 1200mm$ $V = 0.9 \times 1400 \times 1200$ $V = 1512000mm^3$ <p>چون جرم بر حسب kg خواسته شده است. بنابراین لازم است که حجم بر حسب dm^3 محاسبه شود.</p> $V = 1512000 \times \left(\frac{1}{1000000} dm^3\right)$

$$V = 1512000 \times \frac{1}{1000000}$$

$$V = 1/512 \text{ dm}^3$$

$$m = r \times V$$

$$m = 8/9 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 1/512 \text{ dm}^3$$

$$m = 8/9 \times 1/512$$

$$m = 13/4568 \text{ kg}$$

تمرین: جرم هرمی از جنس آلومینیم با سطح قاعده مربع و به ضلع ۷۵ میلی‌متر و ارتفاع ۹۰ میلی‌متر را بر حسب kg را به دست آورید. ($r = ۲/۷ \text{ kg/dm}^3$)

حل:



مثال: جرم هرمی از جنس آلومینیم با سطح قاعده مربع و به ضلع ۶۰ میلی‌متر و ارتفاع ۸۵ میلی‌متر را بر حسب kg به دست آورید. ($r = ۲/۷ \text{ kg/dm}^3$)

حل:



$$m = r \cdot V$$

$$V = \frac{A \times h}{3}$$

$$A = L^2$$

$$V = \frac{L^2 \times h}{3}$$

$$V = \frac{(60)^2 \times 85}{3}$$

$$V = 102000 \text{ mm}^3$$

با توجه به واحد چگالی لازم است که حجم بر حسب

dm^3 محاسبه شود.

$$V = 102000 \text{ mm}^3$$

$$V = 102000 \times \left(\frac{1}{1000000} \text{ dm}^3 \right)$$

$$V = 0.102 \text{ dm}^3$$

$$m = r \cdot V$$

$$m = 2.7 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 0.102 \text{ dm}^3$$

$$m = 2.7 \times 0.102$$

$$m = 0.2754 \text{ kg}$$

تمرین: جرم مخروط ناقص مطابق شکل را به دست

$$\text{آورید. } h=150. \left(r = 2.7 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \right)$$



حل:

مثال: جرم مخروط ناقص مطابق شکل را به دست

$$\text{آورید. } h=130. \left(r = 7.85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \right)$$



حل:

$$m = r \cdot V$$

$$V = \frac{\pi \times h}{12} (D^2 + d^2 + D \times d)$$

$$V = \frac{3.14 \times 130}{12} \left((125)^2 + (65)^2 + 125 \times 65 \right)$$

$$V = \frac{3.14 \times 130}{12} \times (15625 + 4225 + 8125)$$

$$V = \frac{3.14 \times 130 \times 27975}{12}$$

$$V = \frac{11419395}{12}$$

$$V = \frac{11419395}{12}$$

$$V = 951616 / 25 \text{ mm}^3$$

واحد mm^3 را به dm^3 تبدیل می کنیم.

$$V = 951616 / 25 \times \left(\frac{1}{1000000} \text{ dm}^3 \right)$$

$$V = 951616 / 25 \times \frac{1}{1000000}$$

$$V = 0 / 95161625 \text{ dm}^3$$

$$m = r \cdot V$$

$$m = 7 / 85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 0 / 95161625 \text{ dm}^3$$

$$m = 7 / 85 \times 0 / 95161625 \text{ kg}$$

$$m = 7 / 47 \text{ kg}$$

تمرین: جرم ۳۵۰۰ عدد ساچمه فولادی با قطر ۴ میلی متر را بر حسب kg به دست آورید.

$$(r = 7 / 85 \text{ kg} / \text{dm}^3)$$

حل:

مثال: جرم ۲۰۰۰ عدد ساچمه فولادی با قطر ۳ میلی متر را بر حسب kg به دست آورید.

$$(r = 7 / 85 \text{ kg} / \text{dm}^3)$$

حل:

$$m = r \cdot V$$

$$V = \frac{\rho \times d^3}{6}$$

$$V = \frac{3 / 14 \times (3)^3}{6}$$

$$V = \frac{84 / 78}{6} \Rightarrow V = 14 / 13 \text{ mm}^3$$

واحد mm^3 را به dm^3 تبدیل می کنیم.

$$V = 14 / 13 \text{ mm}^3$$

$$V = 14 / 13 \times \left(\frac{1}{1000000} \text{ dm}^3 \right)$$

	$V = 0.00001413 \text{ dm}^3$ $m = r \cdot V$ $m = 7 / 85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 0.00001413 \text{ dm}^3$ $m = 7 / 85 \times 0.00001413$ $m = 1 / 109205 \times 10^{-4} \text{ kg} \quad \text{جرم یک ساچمه}$ $m = 2000 \times 1 / 109205 \times 10^{-4} \text{ kg}$ $m = 0.221841 \text{ kg} \quad \text{جرم 2000 ساچمه}$
<p>تمرین: جرم قطعه کروی با چگالی $0.24 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ برابر ۱۲۰ کیلوگرم است قطر کره چقدر است؟ ($p = 3$) حل:</p>	<p>مثال: جرم قطعه کره‌ای با قطر $4/5$ متر از جنس پلی استیرول با جرم مخصوص حساب کنید. $r = 0.24 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ حل:</p> $m = r \cdot V$ $V = \frac{p \times d^3}{6}$ $V = \frac{3 / 14 \times (4 / 5)^3}{6}$ $V = \frac{286 / 1325}{6}$ $V = 47 / 68875 \text{ m}^3$ <p>واحد m^3 را به dm^3 تبدیل می‌کنیم.</p> $V = 47 / 68875 \text{ m}^3$ $V = 47 / 68875 \times (1000 \text{ dm}^3)$ $V = 47688 / 75 \text{ dm}^3$ $m = r \cdot V$ $m = 0.24 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 47688 / 75 \text{ dm}^3$

	$m = 0.24 \times 47688 / 75$ $m = 11445 / 3 \text{ kg}$
<p>تمرین: از تسمه فولادی 8×55 میلی‌متر با طول 1200 میلی‌متر قطعاتی با طول‌های 75 میلی‌متر بریده خواهد شد. حساب کنید.</p> <p>الف - جرم هر قطعه را $(r = 7 / 85 \text{ kg/dm}^3)$</p> <p>ب - چند قطعه به دست خواهد آمد، اگر شکاف 3 میلی‌متر منظور شود.</p> <p>ج - چند قطعه به دست خواهد آمد، اگر شکاف 4 میلی‌متر منظور شود.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: از تسمه فولادی 15×65 میلی‌متر با طول 1500 میلی‌متر قطعاتی با طول‌های 95 میلی‌متر بریده خواهد شد حساب کنید. $(r = 7 / 85 \text{ kg/dm}^3)$</p> <p>الف - جرم هر قطعه را</p> <p>ب - چند قطعه به دست خواهد آمد، اگر شکاف 3 میلی‌متر منظور شود.</p> <p>ج - چند قطعه به دست خواهد آمد، اگر شکاف 4 میلی‌متر منظور شود.</p> <p>حل:</p> $m = r \cdot V$ $V = L \times b \times h$ $V = 65 \times 15 \times 95 \text{ mm}$ $V = 92625 \text{ mm}^3$ <p>واحد mm^3 را به dm^3 تبدیل می‌کنیم.</p> $V = 92625 \times \left(\frac{1}{1000000} \text{ dm}^3 \right)$ $V = 0.092625 \text{ dm}^3$ $m = r \cdot V$ $m = 7 / 85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 0.092625 \text{ dm}^3$ $m = 7 / 85 \times 0.092625$ $m = 0.72710625 \text{ kg}$ $n = \frac{1500}{95 + 3} = \frac{1500}{98}$ <p>تعداد قطعه $n = 15 / 31 \approx 15$</p>

تمرین: قطر سیم مسی ۷/۵ میلی متر است. جرم ۱۸۰ متر از این سیم را بر حسب g و kg حساب کنید.

$$(r = 8/9 \text{ g/cm}^3)$$

حل:

مثال: قطر سیم مسی ۶ میلی متر است. جرم ۱۵۰ متر از این سیم را بر حسب g و kg حساب کنید.

$$(r = 8/9 \text{ g/cm}^3)$$

حل:

واحدها میلی متر و ۱۵۰ متر را به cm تبدیل

می کنیم.

$$\begin{cases} d = 6 \text{ mm} \\ d = 6 \times \left(\frac{1}{10} \text{ cm}\right) \\ d = 0.6 \text{ cm} \end{cases}$$

$$\begin{cases} L = 150 \text{ m} \\ L = 150 \times 100 \text{ cm} \\ L = 15000 \text{ cm} \end{cases} \quad \begin{cases} d = 6 \text{ mm} \\ d = 6 \div 10 \\ d = 0.6 \text{ cm} \end{cases}$$

$$m = r \cdot V$$

$$V = \frac{\pi d^2}{4} \times L$$

$$V = \frac{3.14 \times (0.6)^2}{4} \times 15000$$

$$V = \frac{3.14 \times 0.6 \times 0.6 \times 15000}{4}$$

$$V = \frac{1695.6}{4}$$

$$V = 423.9 \text{ cm}^3$$

حجم سیم مسی

$$m = r \cdot V$$

$$m = 8/9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \times 423.9 \cancel{\text{cm}^3}$$

$$m = 8/9 \times 423.9$$

$$m = 377.2 / 9 \text{ g}$$

گرم را به کیلوگرم تبدیل می کنیم.

$$m = ۳۷۷۲ / ۷۱ \times \left(\frac{1}{1000} \text{ kg} \right)$$

$$m = ۳ / ۷۷۲۷ \text{ kg}$$

سیمای فصل ششم

۶- وزن

۶-۱- تعریف وزن

۶-۱-۱- شدت میدان جاذبه زمین

۶-۲- شتاب ثقل زمین در نقاط مختلف

۶-۳- واحدهای وزن و شتاب ثقل

۶-۳-۱- واحدهای وزن

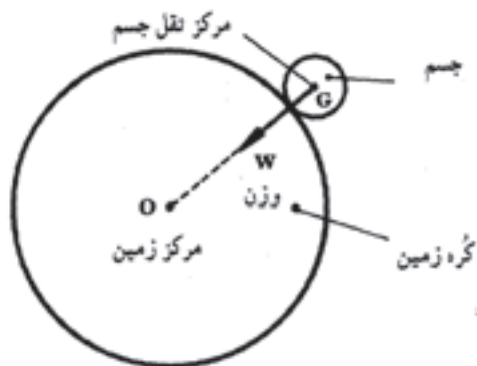
۶-۳-۲- واحدهای شتاب ثقل

۶-۴- رابطه وزن، جرم و شتاب ثقل

۶-۵- رابطه وزن مخصوص و جرم مخصوص

۱-۶- تعریف وزن:

نیرویی که از طرف زمین بر اجسام وارد می‌شود را وزن می‌گویند، نقطه اثر آن مرکز ثقل جسم است و جهت آن به طرف مرکز زمین است (شکل ۱-۶)



شکل ۱-۶- اثر میدان جاذبه زمین بر یک جسم (وزن)

وزن مانند نیرو کمیتی برداری است یعنی علاوه بر اندازه دارای جهت نیز می‌باشد که جهت آن به سمت مرکز زمین می‌باشد. کمیت وزن را با W نمایش می‌دهند.

وزن هر جسم به جرم و شتاب جاذبه در آن نقطه بستگی دارد. بنابراین عوامل موثر در وزن، جرم و شتاب می‌باشند. طبق رابطه زیر:

$$w = mg$$

۱-۳-۶- واحدهای وزن: واحد وزن در سیستم SI، نیوتن نام دارد.

یک نیوتن نیرویی است که اگر به جرم یک کیلوگرم وارد شود سبب می‌شود جسم با شتاب $1 \frac{m}{s^2}$ حرکت کند و نیوتن با N نمایش داده می‌شود. بنابراین خواهیم داشت:

$$1N = 1kg \times 1 \frac{m}{s^2} \Rightarrow 1N = 1kg \cdot \frac{m}{s^2}$$

واحدهای فرعی و بزرگ‌تر از نیوتن عبارتند از: دکانیوتن (daN)، کیلونیوتن (kN) و مگانیوتن (MN) که رابطه آنها با نیوتن به صورت زیر است:

$$1daN = 10N \Leftrightarrow 1N = \frac{1}{10} daN$$

$$1kN = 1000N \Leftrightarrow 1N = \frac{1}{1000} kN = 10^{-3} kN$$

$$1 \text{ MN} = 1000000 \text{ N} \Leftrightarrow 1 \text{ N} = \frac{1}{1000000} \text{ MN} = 10^{-6} \text{ MN}$$

برای تبدیل واحدهای فرعی بزرگ‌تر از نیوتن به یکدیگر کافی است که مقادیر آنها را بر حسب نیوتن بر یکدیگر تقسیم کنیم مثلاً برای تبدیل کیلونیوتن به دکانیوتن داریم:

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{ kN} = 1000 \text{ N} \\ 1 \text{ daN} = 10 \text{ N} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{1 \text{ kN}}{1 \text{ daN}} = \frac{1000 \text{ N}}{10} = 100$$

$$\frac{1 \text{ kN}}{1 \text{ daN}} = \frac{100}{1} \text{ می‌دهیم}$$

$$1 \text{ kN} = 100 \text{ daN} \Leftrightarrow 1 \text{ daN} = \frac{1}{100} \text{ kN}$$

به همین ترتیب خواهیم داشت:

$$1 \text{ MN} = 10^5 \text{ daN} \Leftrightarrow 1 \text{ daN} = 10^{-5} \text{ MN}$$

$$1 \text{ MN} = 10^3 \text{ kN} \Leftrightarrow 1 \text{ kN} = 10^{-3} \text{ MN}$$

واحد کوچک‌تر از نیوتن که برای وزن اجسام سبک به کار می‌رود دین (dyn) نام دارد. یک دین (dyn) نیرویی است که اگر به جسمی با جرم ۱ گرم وارد شود باعث می‌شود که آن با شتابی برابر یک سانتی‌متر بر مجذور ثانیه (cm/s^2) حرکت کند. به عبارت دیگر:

$$1 \text{ dyn} = 1 \text{ gr} \times 1 \frac{\text{cm}}{\text{s}^2}$$

$$1 \text{ dyn} = 1 \frac{\text{gr.cm}}{\text{s}^2}$$

برای تبدیل نیوتن به دین خواهیم داشت:

$$\left. \begin{aligned} 1\text{N} &= 1\text{kg} \times 1\frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ 1\text{kg} &= 1000\text{gr} \\ 1\frac{\text{m}}{\text{s}^2} &= 100\frac{\text{cm}}{\text{s}^2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \begin{cases} 1\text{N} = 1000\text{g} \times 100\frac{\text{cm}}{\text{s}^2} \\ 1\text{N} = 100000\text{gr} \times \frac{\text{cm}}{\text{s}^2} \\ 1\text{N} = 100000\text{dyn} \end{cases}$$

بنابراین خواهیم داشت:

$$1\text{N} = 10^5 \text{ dan} \Leftrightarrow 1\text{dyn} = 10^{-5} \text{ N}$$

- واحد فرعی دیگر وزن که کاربرد کمتری دارد کیلوگرم نیرو (kgf) است که مقدار آن برابر است با:

$$1\text{kgf} = 9/80665\text{N} = 9/8\text{N}$$

$$1\text{kgf} = 9/8\text{N} \Leftrightarrow 1\text{N} = \frac{1}{9/8} \text{kgf}$$

بنابراین یک گرم نیرو برابر یک هزارم کیلوگرم نیرو خواهد بود.

$$1\text{kgf} = 1000\text{gf} \Leftrightarrow 1\text{gf} = \frac{1}{1000} \text{kgf} = 10^{-3} \text{kgf}$$

نکته: کیلو پوند (kp) یکی از واحدهای وزن است که برابر همان کیلوگرم نیرو (kgf) می باشد. بنابراین خواهیم

داشت:

$$1\text{kp} = 1\text{kgf} \Leftrightarrow 1\text{p} = 1\text{gf}$$

به عبارت دیگر در صورتی که شتاب ثقل $10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ فرض شود.

$$1\text{kp} = 9/8\text{N} \approx 10\text{N} = 1\text{dan}$$

$$1\text{kp} = 1\text{dan} \quad , \quad 1\text{N} = \frac{1}{10} \text{kp}$$

واحد وزن در سیستم انگلیسی پوند نیرو (Lbf) است که رابطه آن با نیوتن به صورت زیر است:

$$1\text{Lbf} = 0/4536 \times 9/80665 = 4/448\text{N}$$

$$1\text{Lbf} = 4/448\text{N} \Leftrightarrow 1\text{N} = \frac{1}{4/448} \text{Lbf}$$

<p>تمرین: ۱۵۵۵۰۰ نیوتن را بر حسب کیلونیوتن و مگانیوتن به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۳۷۵ نیوتن را بر حسب کیلونیوتن و مگانیوتن به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $۳۷۵N = ?kN$ $۳۷۵ \times (1N) =$ $۳۷۵ \times \left(\frac{1}{1000}kN\right)$ $۳۷۵ \times \frac{1}{1000} = 0/۳۷۵kN$ $۳۷۵N = ?MN$ $۳۷۵ \times (1N)$ $۳۷۵ \times \left(\frac{1}{1000000}MN\right)$ $۳۷۵ \times \frac{1}{1000000} = 0/000۳۷۵MN$
<p>تمرین: ۰/۰۰۰۶۸ نیوتن را بر حسب کیلونیوتن و مگانیوتن به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۲۷۵ مگانیوتن را بر حسب کیلونیوتن و نیوتن به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $۲۷۵MN = ?kN$ $۲۷۵ \times (1MN)$ $۲۷۵ \times (1000kN)$ $۲۷۵ \times 1000 = ۲۷۵000kN$ $۲۷۵MN = ?N$ $۲۷۵ \times (1MN)$ $۲۷۵ \times (1000000N) = ۲۷۵000000N$

<p>تمرین: ۰/۴۹۵۶ مگانیوتن را بر حسب کیلونیوتن و نیوتن به دست آورید.</p> <p>حل:</p> <p>:</p>	<p>مثال: ۷/۵ کیلونیوتن را بر حسب دین به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $۷/۵ \text{ kN} = ? \text{ dyn}$ $۷/۵ \times (1 \text{ kN})$ $۷/۵ \times (1000 \text{ N})$ $۷/۵ \times 1000$ $1 \text{ N} = 10^5 \text{ dyn}$ $۷۵۰۰ \text{ N} = ? \text{ dyn}$ $۷۵۰۰ \times (1 \text{ N})$ $۷۵۰۰ \times (10^5 \text{ dyn}) =$ $۷۵۰۰ \times 10^5 = ۷/۵ \times 10^8 \text{ dyn}$
<p>تمرین: ۱۲۴۶۵۷ دین را بر حسب نیوتن به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۹۸۷۶۵ دین را بر حسب نیوتن به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $1 \text{ dyn} = 10^{-5} \text{ N}$ $۹۸۷۶۵ \text{ dyn} = ? \text{ N}$ $۹۸۷۶۵ \times (1 \text{ dyn})$ $۹۸۷۶۵ \times (10^{-5} \text{ N})$ $۹۸۷۶۵ \times 10^{-5} = ۰/۹۸۷۶۵ \times \text{N}$
<p>تمرین: ۰/۰۰۰۴۹۶ نیوتن را بر حسب دین به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۰/۰۰۳۹۵ نیوتن را بر حسب دین به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $۰/۰۰۳۹۵ \text{ N} = ? \text{ dyn}$ $۰/۰۰۳۹۵ \times (1 \text{ N})$ $۰/۰۰۳۹۵ \times (10^5 \text{ dyn})$

$$0/00395 \times 10^5 = 395 \text{ dyn}$$

۲-۳-۶- واحدهای شتاب ثقل:

واحد شتاب ثقل (g) در سیستم SI برابر متر بر مجذور ثانیه است. البته از واحد فرعی cm/s^2 نیز استفاده می‌شود.

$$1 \text{ m/s}^2 = 100 \text{ cm/s}^2 \Leftrightarrow 1 \text{ cm/s}^2 = \frac{1}{100} \text{ m/s}^2$$

بنابراین در مورد شتاب ثقل داریم:

$$9/8 \text{ m/s}^2 = 9/8 (100 \text{ cm/s}^2) = 980 \text{ cm/s}^2$$

$$9/8 \text{ m/s}^2 = 980 \text{ cm/s}^2$$

۴-۶- رابطه وزن، جرم و شتاب ثقل:

هرگاه جسمی تحت نیروی ثابت F از لحاظ مقدار و جهت قرار گیرد، آن جسم با شتابی ثابت حرکت خواهد

کرد، که این شتاب برابر است با نسبت نیرو به جرم جسم یا: $a = \frac{F}{m}$

حال اگر نیروی ثابت وزن جسم (W) باشد و جسم فقط تحت تأثیر نیروی وزن قرار گیرد، جسم با شتاب ثقل

(g) سقوط خواهد کرد. بنابراین شتاب ثقل برابر خواهد بود با نسبت وزن به جرم جسم:

$$g = \frac{W}{m} \Rightarrow \boxed{W = m \times g}$$

وزن برابر خواهد بود با حاصل ضرب جرم در شتاب ثقل.

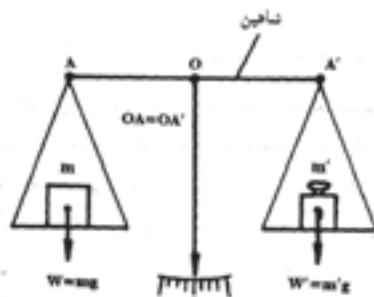
با توجه به رابطه وزن و جرم و ثابت در نظر گرفته شدن شتاب ثقل می‌توان گفت که نسبت وزن دو جسم برابر

است با نسبت جرم دو جسم:

$$\left. \begin{array}{l} w = m \times g \\ w' = m' \times g \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{w}{w'} = \frac{m \times g}{m' \times g} \Rightarrow \boxed{\frac{w}{w'} = \frac{m}{m'}}$$

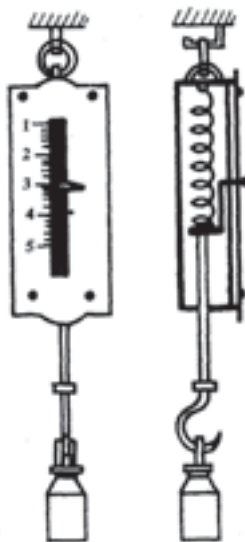
بنابراین جرم جسم را می‌توان از مقایسه وزن جسم با وزن یک وزنه مشخص با استفاده از یک ترازوی شاهین

دار تعیین نمود. (شکل ۲-۶)



شکل ۲-۶- تعیین جرم اجسام توسط ترازوی شاهین دار

برای تعیین وزن جسم از نیروسنج فنری استفاده می‌شود که بر حسب وزن جسم طول فنر آن بر حسب نیروی کششی تغییر می‌کند. (شکل ۳-۶)



شکل ۳-۶- نیروسنج و اندازه‌گیری وزن اجسام (سمت چپ در نما و سمت راست در برش)

۵-۶- رابطه وزن مخصوص و جرم مخصوص:

وزن مخصوص: وزن واحد حجم یک جسم را وزن مخصوص یا وزن حجمی می‌نامند و با حرف D نشان

می‌دهند. بنابراین خواهیم داشت:

$$D = \frac{W \text{ (وزن)}}{V \text{ (حجم)}} \text{ (وزن مخصوص)}$$

از طرفی داریم:

$$W = m \times g \quad (\text{وزن جسم})$$

$$r = \frac{m}{V} \quad (\text{چگالی جسم})$$

$$m = r \times V$$

در نتیجه خواهیم داشت:

$$D = \frac{W}{V}$$

$$D = \frac{m \times g}{V}$$

$$D = \frac{\rho \times V \times g}{V}$$

$$D = r g$$

یعنی: وزن حجمی برابر است با حاصل ضرب چگالی (جرم حجمی) در شتاب ثقل.

با توجه به اینکه واحد چگالی (جرم حجمی) برابر $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ و واحد شتاب ثقل (g) برابر $\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ است. واحد D برابر

خواهد شد با:

$$D = r \times g \quad \text{واحد}$$

$$D = \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \times \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \quad \text{واحد}$$

$$D = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{m}^3 \cdot \text{s}^2} \quad \text{واحد}$$

$$D = \frac{\text{N}}{\text{m}^3} \quad \text{واحد}$$

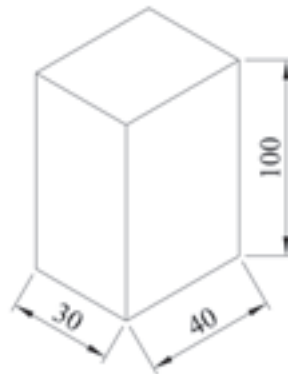
$$1\text{N} = 1\text{kg} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

بنابراین واحد وزن حجمی برابر است با: $\frac{\text{N}}{\text{m}^3}$

تمرین: شکل زیر ابعاد و چگالی قطعه‌ای از یک نوع برنز را نشان می‌دهد. مطلوب است محاسبه:
 الف - جرم جسم بر حسب گرم و کیلوگرم
 ب - وزن جسم بر حسب واحدهای N ، dyn و kgf
 $(r = 11/35 \text{ g/cm}^3)$



مثال: شکل زیر ابعاد و چگالی قطعه‌ای از یک نوع برنز را نشان می‌دهد. مطلوب است محاسبه:
 الف - جرم جسم بر حسب کیلوگرم
 $(r = 8/85 \text{ kg/dm}^3)$
 ب - وزن جسم بر حسب واحدهای N ، dyn و kgf



الف:

$$m = r \cdot V$$

$$V = a \times b \times h$$

$$V = 40 \text{ mm} \times 30 \text{ mm} \times 100 \text{ mm}$$

$$V = 40 \times 30 \times 100$$

$$V = 120000 \text{ mm}^3$$

واحد mm^3 را به dm^3 تبدیل می‌کنیم.

$$V = 120000 \times (1 \text{ mm}^3)$$

$$V = 120000 \times \left(\frac{1}{1000000} \text{ dm}^3 \right)$$

$$V = 120000 \times \frac{1}{1000000}$$

$$V = 0.12 \text{ dm}^3$$

$$m = r \times V$$

$$m = 8/85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 0.12 \text{ dm}^3$$

	$m = 8 / 85 \times 0 / 12$ $m = 1 / 062 \text{ kg}$ <p style="text-align: right;">ب:</p> $w = m \times g$ $w = 1 / 062 \text{ kg} \times 9 / 8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ $w = 1 / 062 \times 9 / 8 \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> $w = 10 / 4076 \text{ N}$ </div> $w = 10 / 4076 (1 \times \text{N})$ $1 \text{ N} = 10^5 \text{ dyn}$ $w = 10 / 4076 (10000 \text{ dyn})$ $w = 104076 = 1 / 04076 \times 10^5 \text{ dyn}$ $w = 10 / 4076 \text{ N}$ $w = 10 / 4076 \times (1 \text{ N})$ $1 \text{ N} = \frac{1}{9 / 8} \text{ kgf}$ $w = 10 / 4076 \times \left(\frac{1}{9 / 8} \text{ kgf} \right)$ $w = 1 / 062 \text{ kgf}$
<p>تمرین: جرم و نیروی وزن شمش فولادی با مقطع مربع به ضلع ۵۵ میلی‌متر و طول ۱۲۵ میلی‌متر را به دست آورید.</p> <p style="text-align: right;">حل:</p>	<p>مثال: جرم و نیروی وزن شمش فولادی با مقطع مربع به ضلع ۶۵ میلی‌متر و طول ۱۴۵ میلی‌متر را به دست آورید. ($r = 7 / 85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$)</p> <p style="text-align: right;">حل:</p> $m = r \cdot V$ $V = A \times h$ $V = (65 \text{ mm})^2 \times 145 \text{ mm}$ $V = 65 \times 65 \times 145$ $V = 612625 \text{ mm}^3$

$$V = 612625 \times (\text{mm}^3)$$

$$V = 612625 \times \left(\frac{1}{1000000} \text{dm}^3\right)$$

$$V = 612625 \times \frac{1}{1000000}$$

$$V = 0.612625 \text{dm}^3$$

$$m = r \times V$$

$$m = 7/85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 0.612625 \text{dm}^3$$

$$m = 7/85 \times 0.612625 \text{kg}$$

$$m = 4/80910625 \text{kg}$$

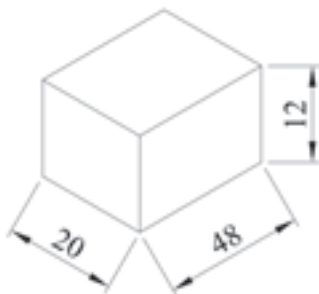
$$w = m \times g$$

$$w = 4/80910625 \text{kg} \times 9/8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$w = 4/80910625 \times 9/8 \text{kg} \times \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

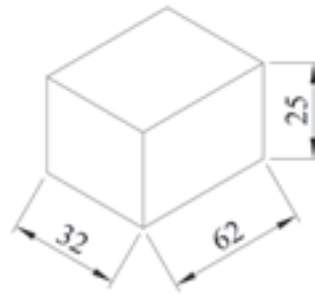
$$w = 47/12924125 \text{N}$$

تمرین: جرم و نیروی وزن قطعه مطابق شکل را در صورتی که جنس آن از چدن باشد ($r = 7/25 \text{kg}/\text{dm}^3$) را به دست آورید.



حل:

مثال: جرم و نیروی وزن قطعه مطابق شکل را در صورتی که جنس آن از برنج باشد ($r = 8/5 \text{kg}/\text{dm}^3$) را به دست آورید.



حل:

$$m = r \times V$$

$$V = L \times b \times h$$

$$V = 62\text{mm} \times 32\text{mm} \times 25\text{mm}$$

$$V = 62 \times 32 \times 25\text{mm}^3$$

$$V = 49600\text{mm}^3$$

واحد mm^3 را به dm^3 تبدیل می‌کنیم

$$V = 49600 \times (1\text{mm}^3)$$

$$V = 49600 \times \left(\frac{1}{1000000}\text{dm}^3\right)$$

$$V = 49600 \times \frac{1}{1000000}$$

$$V = 0.0496\text{dm}^3$$

$$m = r \times V$$

$$m = 8/5 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 0.0496\text{dm}^3$$

$$m = 8/5 \times 0.0496\text{kg}$$

$$m = 0.4216\text{kg}$$

$$w = m \times g$$

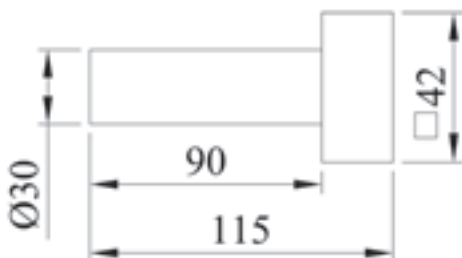
$$w = 0.4216\text{kg} \times 9.8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$w = 0.4216 \times 9.8 \frac{\text{kg m}}{\text{s}^2}$$

$$w = 4.13168\text{N}$$

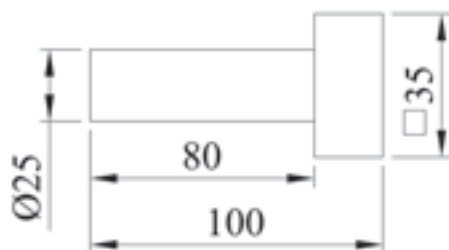
تمرین: نیروی وزن قطعه برنجی را مطابق شکل

حساب کنید ($r = 8/5 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$)



مثال: نیروی وزن قطعه فولادی را مطابق شکل

حساب کنید ($r = 7/85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$)



حل:

$$w = m \times g$$

$$m = r \times V$$

$$V = V_1 + V_p$$

$$V_1 = \frac{\pi d^2}{4} \times h$$

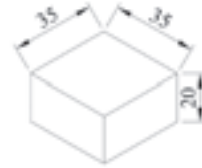


$$V_1 = \frac{3.14 \times (25\text{mm})^2}{4} \times 80\text{mm}$$

$$V_1 = \frac{3.14 \times 25 \times 25 \times 80}{4}$$

$$V_1 = \frac{157000}{4}$$

$$V_1 = 39250\text{mm}^3$$



$$V_p = L^2 \times h$$

$$V_p = (35\text{mm})^2 \times 20\text{mm}$$

$$V_p = 35 \times 35 \times 20$$

$$V_p = 24500\text{mm}^3$$

$$V = V_1 + V_p$$

$$V = 39250 + 245000$$

$$V = 63750\text{mm}^3$$

واحد mm^3 را به dm^3 تبدیل می کنیم.

$$V = 63750 \times \left(\frac{1}{1000000} \text{dm}^3 \right)$$

$$V = 0.06375\text{dm}^3$$



$$m = r \times V$$

$$m = 7.85 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 0.06375\text{dm}^3$$

$$m = 7.85 \times 0.06375\text{kg}$$

$$m = 0.5004375\text{kg}$$

حل:

	$w = m \times g$ $w = 0.5004375 \text{ kg} \times 9.8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ $w = 0.5004375 \times 9.8 \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ $w = 4.9042875 \text{ N}$
<p>تمرین: نیروی وارد از طرف روغن به کف مخزن استوانه‌ای شکل را در صورتی که قطر آن ۱۱/۵ متر، ارتفاع ۸/۹ متر و جرم مخصوص روغن محتوی آن $r = 0.88 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ باشد را حساب کنید. ($g = 9.8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)</p>  <p style="text-align: right;">حل:</p>	<p>مثال: نیروی وارد از طرف روغن به کف مخزن استوانه‌ای شکل را در صورتی که قطر آن ۱۴/۵ متر، ارتفاع ۱۰/۸ متر و جرم مخصوص روغن محتوی آن $r = 0.88 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$) باشد را حساب کنید</p>  <p style="text-align: right;">حل:</p> $w = m \times g$ $m = r \times V$ $V = A \times h$ $A = \frac{\pi \times d^2}{4}$ $V = \frac{\pi \times d^2}{4} \times h$ $V = \frac{3.14 \times (14.5 \text{ m})^2}{4} \times 10.8 \text{ m}$ $V = \frac{3.14 \times 14.5 \times 14.5 \times 10.8}{4} \text{ m}^3$ $V = \frac{7129.998}{4}$

	$V = 1782 / 4995 \text{ m}^3$ <p>چون r بر حسب $\frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ می باشد لذا m^3 را به dm^3 تبدیل می کنیم.</p> $V = 1782 / 4995 \times 1000$ $V = 1782499 / 5 \text{ dm}^3$ $m = r \times V$ $m = 0.88 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 1782499 / 5 \text{ dm}^3$ $m = 0.88 \times 1782499 / 5 \text{ kg}$ $m = 1568599 / 56 \text{ kg}$ $w = m \times g$ $w = 1568599 / 56 \text{ kg} \times 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ $w = 1568599 / 56 \times 10 \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ $w = 1 / 56859956 \times 10^7 \text{ N}$
<p>تمرین: جرم و وزن هوای یک کارگاه ریخته‌گری که کف آن $65\text{mm} \times 35\text{mm}$ و ارتفاع آن $4 / 8$ متر می باشد را حساب کنید ($r = 1 / 293 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$).</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: جرم و وزن هوای یک کارگاه ریخته‌گری که کف آن $40\text{m} \times 30\text{m}$ و ارتفاع آن $5 / 3$ متر می باشد را حساب کنید ($r = 1 / 293 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$).</p> <p>حل:</p> $w = m \times g$ $m = r \times V$ $V = A \times h$ $V = 40\text{m} \times 30\text{m} \times 5 / 3 \text{ m}$ $V = 6360 \text{ m}^3$ $m = r \times V$ $m = 1 / 293 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \times 6360 \text{ m}^3$

	$m = 1/293 \times 6360 \text{ kg}$ $m = 8223/48 \text{ kg}$ $w = m \times g$ $w = 8223/48 \text{ kg} \times 9/8 \text{ m/s}^2$ $w = 8223/48 \times 9/8 \text{ kg m/s}^2$ $w = 80590/104 \text{ N}$
<p>تمرین: وزن یک جسم بر روی سطح کره زمین N ۱۸۵ است:</p> <p>الف - جرم آن را تعیین کنید.</p> <p>ب - وزن جسم را بر روی سطح کره ماه بر حسب نیوتن به دست آورید $g = 1/67 \text{ m/s}^2$ و $g = 9/8 \text{ m/s}^2$ زمین.</p> <p>حل.</p>	<p>مثال: وزن یک جسم بر روی سطح کره زمین N ۱۶۵ است:</p> <p>الف - جرم آن را تعیین کنید.</p> <p>ب - وزن جسم را بر روی سطح کره ماه بر حسب نیوتن به دست آورید. $g = 1/67 \text{ m/s}^2$ و $g = 9/8 \text{ m/s}^2$ زمین.</p> <p>حل</p> <p>واحد وزن که N می باشد، لازم است به kg تبدیل شود.</p> $\left\{ \begin{array}{l} w = m \times g \\ m = \frac{w}{g} \\ m = \frac{165 \text{ N}}{9/8 \text{ m/s}^2} \\ m = \frac{165 \text{ N m/s}^2}{9/8 \text{ m/s}^2} \\ m = 16/84 \text{ kg} \end{array} \right.$ <p>جرم جسم بر روی سطح کره زمین</p>

$$\begin{cases} w = m \times g \\ w = 16 / 84 \text{ kg} \times 1 / 67 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ w = 16 / 84 \times 1 / 67 \text{ kg} \times \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ w = 28 / 1228 \text{ N} \end{cases}$$

وزن در کره ماه

تمرین: قطر و ارتفاع داخلی یک منبع به شکل استوانه به ترتیب ۷۵ و ۸۲ سانتی‌متر است. چنانچه ۸۹ درصد این منبع با سوخت مایعی به چگالی ۰/۹۳ پر شود، حجم آن را بر حسب لیتر و وزن آن را بر حسب کیلوگرم نیرو به دست آورید

حل:

مثال: قطر و ارتفاع داخلی یک منبع به شکل استوانه به ترتیب ۶۵ و ۸۵ سانتی‌متر است. چنانچه ۹۱ درصد این منبع با سوخت مایعی به چگالی ۰/۸۵ پر شود، حجم آن را بر حسب لیتر و وزن آن را بر حسب نیوتن به دست آورید.

حل:

$$V = \frac{\pi d^2}{4} \times h$$

$$V = \frac{\pi / 14 \times (65 \text{ cm})^2}{4} \times 85 \text{ cm}$$

$$V = \frac{\pi / 14 \times 65 \times 65 \times 85}{4}$$

$$V = 281913 / 125 \text{ cm}^3 \text{ حجم استوانه}$$

$$V' = 281913 / 125 \times \frac{91}{100} =$$

$$V' = 256540 / 9438 \text{ cm}^3 \text{ حجم سوخت}$$

چون حجم را بر حسب لیتر خواسته لذا واحد آن را تبدیل به لیتر می‌کنیم.

$$V' = 256540 / 9438 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ lit} \right)$$

$$V' = 256 / 5409438 \text{ lit}$$

$$m = r \times V'$$

$$m = 0 / 85 \times 256 / 5409438$$

جرم سوخت $m = ۲۱۸/۰۵۹۸۰۲۲ \text{kg}$

$$w = m \times g$$

$$w = ۲۱۸/۰۵۹۸۰۲۲ \times ۹/۸$$

وزن سوخت $w = ۲۱۳۶/۹۸۶۰۶۲ \text{(N)}$

سیمای فصل هفتم

۷- کار و توان

۷-۱- کار

۷-۱-۱- واحد کار در سیستم SI

۷-۲- توان

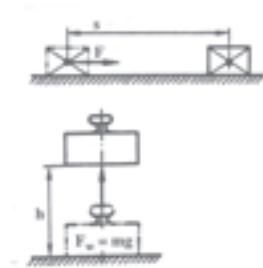
۷-۲-۱- واحد توان

۷-۳- ضریب بهره

۷- کار و توان

۷-۱- کار:

برای انجام کار باید نیرویی مانند وزن و... سبب ایجاد جابجایی در جهت نیرو شود مثلاً نیرویی که سبب بلند کردن بوته ریخته‌گری یا کشیدن یک چهار چرخه و یا رندیدن تخته چوب می‌شود، کار انجام می‌دهد. شکل (۷-۱)



شکل ۷-۱

مقدار کار برابر است با حاصل ضرب نیرو در جابجایی ایجاد شده در راستای نیرو
ارتفاع \times نیروی وزن = کار در راستای قائم

$$W = F_w \times h$$

که در آن:

$$F_w = \text{نیروی وزن}$$

$$W = \text{کار در راستای قائم}$$

$$h = \text{ارتفاع}$$

با توجه به اینکه نیروی وزن برابر با حاصل ضرب جرم در شتاب ثقل است داریم:

$$F_w = m \times g$$

بنابراین خواهیم داشت:

$$W = F_w \times h$$

$$w = mg \times h$$

۱-۱-۷- واحد کار در سیستم SI :

واحد کار در سیستم SI ژول است و با J نشان داده می‌شود. هر ژول برابر است با کاری که نیروی یک نیوتن جسم را به اندازه یک متر در راستای نیرو جابجا می‌کند.

واحد کار الکتریکی برابر است با وات ثانیه که وات ثانیه برابر با ژول است. اضعاف ژول عبارت است از kJ که رابطه تبدیل آن به ژول به صورت زیر است:

$$1kJ = 1000J \Leftrightarrow 1J = \frac{1}{1000} kJ$$

اجزاء ژول عبارت است از mJ که رابطه تبدیل آن به ژول به صورت زیر است:

$$1J = 1000mJ \Leftrightarrow 1mJ = \frac{1}{1000} J$$

از طرف دیگر هر ژول برابر یک وات ثانیه و یک نیوتن متر است.

$$1J = 1Ws$$

$$1J = 1Nm$$

به طور کلی رابطه بین اجزا و اضعاف ژول به صورت زیر است:

$kJ \xrightleftharpoons[\div 1000]{\times 1000} J \xrightleftharpoons[\div 1000]{\times 1000} mJ$
$Nm \quad Ws$

تمرین: $18/5$ کیلوژول را بر حسب ژول به دست آورید.
حل:

مثال: $14/5$ کیلو ژول را بر حسب ژول به دست آورید.
حل:

$$14/5 kJ = ? J$$

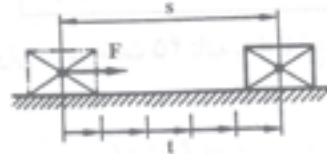
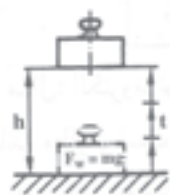
$$14/5 \times (1kJ)$$

$$14/5 \times 1000 J = 14500 J$$

<p>تمرین: ۱۹۸۰۰ ژول را بر حسب کیلوژول به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۸۷۰۰ ژول را بر حسب کیلوژول به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $18700 \text{ J} = ? \text{ kJ}$ $18700 \times (1 \text{ J})$ $18700 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ kJ}\right)$ $= 18700 \times \frac{1}{1000} = 18.7 \text{ kJ}$
<p>تمرین: ۰/۷۸۹۶ ژول را بر حسب میلی ژول به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۵۹۶۷۰ میلی ژول را بر حسب ژول به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $59670 \text{ mJ} = ? \text{ J}$ $59670 \times (1 \text{ mJ})$ $59670 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ J}\right)$ $= 59670 \times \frac{1}{1000} = 59.67 \text{ J}$

۲-۷- توان:

توان عبارت است از مقدار کار انجام شده در واحد زمان. به طوری که هر چقدر کار در زمان کوتاه‌تری انجام شده باشد توان بیشتر است و برعکس.



شکل ۲-۷- توان

رابطه توان با کار و زمان به صورت زیر است:

$$\left. \begin{array}{l} \text{توان} = \frac{\text{کار}}{\text{زمان}} \\ \text{تغییر مکان} \times \text{نیرو} = \text{کار} \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} \text{توان} = \frac{\text{تغییر مکان} \times \text{نیرو}}{\text{زمان}} \\ \text{سرعت} = \frac{\text{تغییر مکان}}{\text{زمان}} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{سرعت} \times \text{نیرو} = \text{توان}$$

توان را با p نشان می‌دهند. بنابراین توان در راستای افق عبارت است از:

$$\left. \begin{array}{l} P = \frac{W}{t} \\ W = F \times s \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} P = \frac{F \cdot s}{t} = F \times \frac{s}{t} \\ V = \frac{s}{t} \end{array} \right\} \Rightarrow \boxed{P = F \times V}$$

توان در راستای عمودی:

$$\left. \begin{array}{l} P = \frac{W}{t} \\ W = F_w \times h \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} P = \frac{F_w \times h}{t} \\ F_w = m \cdot g \end{array} \right\} \Rightarrow \boxed{P = \frac{m \cdot g \cdot h}{t}}$$

۱-۲-۷- واحد توان:

واحد توان در سیستم SI وات است که با w نشان داده می‌شود.

یک وات عبارت است از یک ژول کار انجام شده در یک ثانیه به عبارت دیگر:

$$1w = \frac{1j}{1s}$$

- اضعاف وات عبارت است از kw .

رابطه تبدیل w و kw عبارت است از:

$$1kw = 1000w \Leftrightarrow 1w = \frac{1}{1000}kw$$

اجزاء وات عبارت از mw (میلی وات).

$$1\text{W} = 1000\text{mW} \Leftrightarrow 1\text{mW} = \frac{1}{1000}\text{W}$$

از طرفی هر وات برابر $1\frac{\text{J}}{\text{s}}$ و $1\frac{\text{Nm}}{\text{s}}$ است.

به طور کلی می‌توان نوشت:

kw	$\xleftrightarrow{\times 1000}$	W	$\xleftrightarrow{\times 1000}$	mw
	$\xleftarrow{\div 1000}$	$\frac{\text{J}}{\text{s}}$	$\xleftarrow{\div 1000}$	
		$\frac{\text{Nm}}{\text{s}}$		

<p>تمرین: 0.759 کیلووات را بر حسب وات به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: 0.65 کیلووات را بر حسب وات به دست آورید.</p> <p>حل:</p> <p>$0.65\text{kw} = ?\text{W}$</p> <p>$0.65(1\text{kw}) =$</p> <p>$0.65(1000\text{W})$</p> <p>$0.65 \times 1000 = 650\text{W}$</p>
<p>تمرین: 14600 وات چند کیلووات است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: 125000 وات چند کیلووات است؟</p> <p>حل:</p> <p>$125000\text{W} = ?\text{kw}$</p> <p>$125000(1\text{W}) =$</p> <p>$125000 \times \left(\frac{1}{1000}\text{kw}\right)$</p> <p>$125000 \times \frac{1}{1000} = 125\text{kN}$</p>
<p>تمرین: $65/6$ وات چند میلی وات است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: 56 وات چند میلی وات است؟</p> <p>حل:</p> <p>$56\text{W} = ?\text{mV}$</p> <p>$56 \times (1\text{W})$</p>

$$56 \times (1000 \text{ mV})$$

$$56 \times 1000 = 56000 \text{ mV}$$

۳-۷- ضریب بهره:

ضریب بهره برابر است با نسبت توان مفید یا توان گرفته شده از ماشین‌ها نسبت به توان داده شده. لذا هر چقدر توان مفید بیشتر باشد ضریب بهره بیشتر است. بنابراین مقداری از توان که صرف برطرف کردن اصطکاک و مقاومت الکتریکی می‌شود، کمتر خواهد بود. بنابراین رابطه ضریب بهره به صورت زیر است:

$$\text{ضریب بهره} = \frac{\text{توان گرفته شده (مفید)}}{\text{توان داده شده}}$$

ضریب بهره را با h نشان می‌دهند بنابراین:

$$h = \frac{P_{ab}}{P_{zu}} \text{ یا } h = \frac{P_e}{P_i}$$

که در آن:

P_i : توان اولیه

P_{ab} : توان گرفته شده

P_e : توان مفید

P_{zu} : توان داده شده

تمرین: الکتروموتوری باری به وزن $28/6$ کیلونیوتن را در مدت 48 ثانیه به ارتفاع 9 متری می‌رساند:
 الف - کار انجام شده بر حسب کیلوژول
 ب - توان گرفته شده موتور
 ج - توان داده شده به موتور اگر ضریب بهره $0/7$ باشد.

مثال: الکتروموتوری باری به وزن $25/4$ کیلونیوتن را در مدت 54 ثانیه به ارتفاع 6 متری می‌رساند:
 الف - کار انجام شده بر حسب کیلوژول
 ب - توان گرفته شده موتور
 ج - توان داده شده به موتور اگر ضریب بهره $0/9$ باشد.

حل:

داده‌ها	خواسته‌ها
$F_w = 25/4 \text{ kN}$	$W = ? \text{ kJ}$
$t = 54$	$P_{ab} = ?$
$h = 6$	$P_{zu} = ?$
$h = 0/9$	

حل:

الف:

$$W = F_w \times h$$

$$W = 25 / 4 \text{ kN} \times 6 \text{ m}$$

$$W = 25 / 4 \times (1 \text{ kN}) \times 6 \text{ m}$$

$$W = 25 / 4 \times (1000 \text{ N}) \times 6 \text{ m}$$

$$W = 25400 \text{ N} \times 6 \text{ m}$$

$$W = 152400 \text{ Nm} = \text{j}$$

$$W = 152400 \times (1 \text{ j})$$

$$1 \text{ j} = \frac{1}{1000} \text{ kJ}$$

$$W = 152400 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ kJ} \right)$$

$$W = 152 / 4 \text{ kJ}$$

ب:

$$P_{ab} = \frac{W}{t}$$

$$P_{ab} = \frac{152 / 4 \text{ kJ}}{54 \text{ s}}$$

$$P_{ab} = 2 / 8 \frac{\text{kJ}}{\text{s}} (\text{kW})$$

ج:

$$h = \frac{P_{ab}}{P_{zu}}$$

$$P_{zu} = \frac{P_{ab}}{h}$$

$$P_{zu} = \frac{2 / 8 \text{ kJ} / \text{s}}{0 / 9}$$

$$P_{zu} = 3 / 1 \frac{\text{kJ}}{\text{s}} (\text{kW})$$

تمرین: نیروی ۱۰۰ نیوتن با سرعت ثابت ۴ m/s اعمال می‌گردد. توان مورد نیاز را به دست آورید.

حل:

مثال: نیروی ۲۰۰ نیوتن با سرعت ثابت ۶ m/s اعمال می‌گردد. توان مورد نیاز را به دست آورید.

داده‌ها	خواسته
$F = ۲۰۰ \text{ N}$ $V = ۶ \text{ m/s}$	$P = ?$

حل:

$$P = F \times V$$

$$P = ۲۰۰ \text{ N} \times ۶ \text{ m/s}$$

$$P = ۱۲۰۰ \text{ N m/s}$$

$$P = ۱۲۰۰ \text{ W}$$

تمرین: سیستم هیدرولیک لیفت تراکی جسمی را به جرم ۳۸۰۰ کیلوگرم را در مدت ۸ ثانیه به ارتفاع ۸۰ متر بالا می‌برد. توان گرفته شده (مفید) را برحسب کیلووات حساب کنید.

حل:

مثال: سیستم هیدرولیک لیفت تراکی جسمی را به جرم ۲۴۰۰ کیلوگرم را در مدت ۳ ثانیه به ارتفاع ۶۰ سانتی‌متر بالا می‌برد. توان گرفته شده (مفید) را برحسب کیلووات حساب کنید.

داده‌ها	خواسته‌ها
$m = ۲۴۰۰ \text{ kg}$ $t = ۳ \text{ s}$ $h = ۶۰ \text{ cm}$ $g = ۹/۸ \text{ m/s}^۲$	$W = ?$ $P = ?$

حل:

$$m = ۲۴۰۰ \text{ kg}$$

$$F_w = mg$$

$$F_w = ۲۴۰۰ \times ۹/۸$$

$$F_w = ۲۳۵۲ \text{ N}$$

$$W = F_w \times h$$

$$W = 23520 \text{ N} \times 0.6 \text{ m}$$

$$W = 23520 \times 0.6 \text{ Nm}$$

$$W = 14112 \text{ J}$$

$$P = \frac{W}{t}$$

$$P = \frac{14112 \text{ J}}{3 \text{ s}}$$

$$P = 4704 \text{ W}$$

$$P = 4704 \times (1 \text{ W})$$

$$P = 4704 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ kW}\right)$$

$$P = 4.704 \text{ kW}$$

تمرین: یک کویل از جنس فولاد ریختگی دارای طول ۴۲۰ میلی‌متر، پهنای ۳۶۰ میلی‌متر و ارتفاع ۱۱۸۰ میلی‌متر است. برای بلند کردن آن تا ارتفاع ۲/۲۵ متری چه مقدار کار مکانیکی بر حسب ژول مورد نیاز است.

حل:

مثال: یک کویل از جنس فولاد ریختگی دارای طول ۶۲۰ میلی‌متر، پهنای ۵۶۰ میلی‌متر و ارتفاع ۱۲۸۰ میلی‌متر است. برای بلند کردن آن تا ارتفاع ۴/۲۵ متری چه مقدار کار مکانیکی بر حسب ژول مورد نیاز است. $g = 9.8 \text{ m/s}^2$ $r = 7.8 \text{ kg/dm}^3$

داده‌ها	خواسته‌ها
$a = 620 \text{ mm}$ $b = 560 \text{ mm}$ $L = 1280 \text{ mm}$ $h = 4.25 \text{ m}$ $r = 7.8 \text{ kg/dm}^3$ $g = 9.8$	$W = ?$

حل:

واحدهای mm را به dm تبدیل می‌کنیم.

$$\begin{cases} a = 620 \text{ mm} \\ a = 620 \times (1 \text{ mm}) \\ a = 620 \times \left(\frac{1}{100} \text{ dm}\right) \\ a = 6.2 \text{ dm} \end{cases} \quad \begin{cases} b = 560 \text{ mm} \\ b = 560 \times (1 \text{ mm}) \\ b = 560 \times \left(\frac{1}{100} \text{ dm}\right) \\ b = 5.6 \text{ dm} \end{cases}$$

$$h = 4.25 \text{ m} =$$

$$h = 4.25 (10 \text{ dm})$$

$$h = 42.5 \text{ dm}$$

$$V = 6.2 \text{ dm} \times 5.6 \text{ dm} \times 42.5 \text{ dm}$$

$$V = 6.2 \times 5.6 \times 42.5$$

$$V = 1475.6 \text{ dm}^3$$

$$m = \rho \times V$$

$$m = 7.8 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \times 1475.6 \text{ dm}^3$$

$$m = 7.8 \times 1475.6 \text{ kg}$$

$$m = 11509.68 \text{ kg}$$

$$W = m \cdot g \cdot h$$

$$W = 11509.68 \text{ kg} \times 9.8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \times 4.25 \text{ m}$$

$$W = 11509.68 \times 9.8 \times 4.25 \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$W = 474926.25 \text{ Nm (J)}$$

تمرین: برای خرد کردن قراضه‌های ریخته‌گری، وزنه
کروی شکل به جرم $3/5$ تن را 8 مرتبه از ارتفاع $3/5$
متری رها می‌کنیم. کار انجام شده بر حسب کیلوژول را
به دست آورید. ($g = 10 \text{ m/s}^2$)
حل:

مثال: برای خرد کردن قراضه‌های ریخته‌گری، وزنه
کروی شکل به جرم $4/5$ تن را 6 مرتبه از ارتفاع 5
متری رها می‌کنیم. کار انجام شده بر حسب کیلوژول را
به دست آورید. ($g = 9.8 \text{ m/s}^2$)
حل:

داده‌ها	خواسته
$m = ۴ / ۵t$ $h = ۵m$ $g = ۹ / ۸ \frac{m}{s^۲}$	$W = ?kj$
$m = ۴ / ۵ ton$ $1ton = ۱۰۰۰kg$ $m = ۴ / ۵ \times (1t)$ $m = ۴ / ۵ (۱۰۰۰kg)$ $m = ۴۵۰۰kg$ $w = mgh \Rightarrow ۴۵۰۰kg \times ۹ / ۸ \frac{m}{s^۲} \times ۵^m = ۲۲۰۵۰۰j$ <p style="text-align: right;">کار یک مرتبه</p> $W = ۲۲۰۵۰۰ \times ۶ =$ $W = ۱۳۲۳۰۰۰ Nm(j)$ کار ۶ مرتبه $w = ۱۳۲۳۰۰۰ \times (\frac{1}{۱۰۰۰} kj) \Rightarrow w = ۱۳۲۳kj$	

سیمای فصل هشتم

۸- انتقال حرکت

- تعریف حرکت

۸-۱- سرعت در حرکت یکنواخت مستقیم الخط

۸-۱-۱- واحد سرعت

۸-۲- سرعت در حرکت یکنواخت دورانی

۸-۳- انتقال حرکت به وسیله تسمه و چرخ تسمه

۸- انتقال حرکت

برای انتقال حرکت و نیرو در ماشین‌هایی مانند اره، رنده، فرز و... همچنین انتقال مواد، پاتیل مذاب و... توسط جرثقیل‌ها و نوارهای نقاله از وسایلی مانند چرخ تسمه‌ها، چرخ لنگ‌ها، چرخ دنده‌ها، حلزون و چرخ حلزون برای انتقال حرکت استفاده می‌شود.

حرکت:

اگر محل قرار گرفتن جسم تغییر کند آن گاه جسم حرکت کرده است. حرکت به صورت‌های مختلف دیده می‌شود:

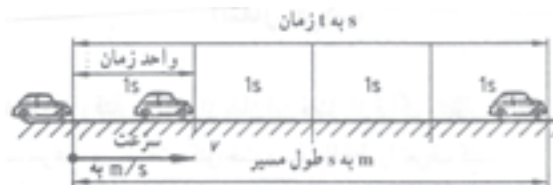
۱- حرکت مستقیم (خطی): که تغییر مکان جسم در مسیر مستقیم انجام می‌شود.

۲- حرکت دایره‌ای (محیطی): که تغییر مکان جسم در مسیر دایره‌ای انجام می‌شود.

حرکت یکنواخت و غیریکنواخت: اگر وسیله نقلیه یا ابزار در زمان‌های مساوی، مسافت‌های برابر طی کند مثلاً دهر دقیقه ۶۰ متر را طی کند. حرکت یکنواخت است. در غیر این صورت حرکت غیریکنواخت است.

۸-۱- سرعت در حرکت یکنواخت مستقیم الخط

مسافت پیموده شده بر زمان را سرعت متحرک می‌گویند. شکل (۸-۱)



شکل ۸-۱

در صورتی که سرعت وسیله نقلیه یا ابزار در مسیر مستقیم در زمان‌های مساوی ثابت بماند، سرعت در حرکت یکنواخت مستقیم الخط مطرح می‌شود.
رابطه سرعت به صورت زیر است:

$$\boxed{\text{سرعت} = \frac{\text{طول مسیر}}{\text{زمان}}} \Rightarrow \boxed{v = \frac{s}{t}}$$

۸-۱-۱- واحد سرعت: واحد سرعت در سیستم SI متر بر ثانیه است.

هر متر بر ثانیه برابر است با سرعت متحرکی که در هر ثانیه مسافتی برابر یک متر را طی کند.
واحدهای دیگر سرعت عبارتند از:

برابر است با سرعت متحرکی که در هر ثانیه مسافتی برابر ۱ mm را طی کند. $\frac{\text{mm}}{\text{s}}$

برابر است با سرعت متحرکی که در هر دقیقه مسافتی برابر ۱ m را طی کند. $\frac{\text{m}}{\text{min}}$

برابر است با سرعت متحرکی که در هر ساعت مسافتی برابر ۱ km را طی کند. $\frac{\text{km}}{\text{h}}$

تمرین: یک جرثقیل سقفی حمل کننده مذاب با سرعت ۰/۸۲ متر بر ثانیه حرکت کرده و به طور همزمان یک پاتیل ریخته‌گری را با سرعت ۸ متر بر دقیقه بلند می‌کند. اگر زمان حرکت ۵۸ ثانیه باشد. مطلوب است محاسبه:

الف - مسافت پیموده شده افقی
ب - مسافت پیموده شده عمودی
حل:

مثال: یک جرثقیل سقفی حمل کننده مذاب با سرعت ۰/۶۲ متر بر ثانیه حرکت کرده و به طور همزمان یک پاتیل ریخته‌گری را با سرعت ۶ متر بر دقیقه بلند می‌کند. اگر زمان حرکت ۴۸ ثانیه باشد. مطلوب است محاسبه:

الف - مسافت پیموده شده افقی
ب - مسافت پیموده شده عمودی
حل:

داده‌ها	خواسته‌ها
$V_1 = 0.62 \text{ m/s}$ $V_r = 6 \text{ m/min}$ $t = 36 \text{ s}$	$S_1 = ?$ $S_r = ?$

الف:

$$V = \frac{s}{t}$$

$$S_1 = V_1 \times t$$

$$S_1 = 0.62 \frac{\text{m}}{\text{s}} \times 48 \text{ s}$$

$$S_1 = 0.62 \times 48 \text{ m}$$

$$S_1 = 29.76 \text{ m}$$

ب:

$$S_r = V_r \times t$$

در اینجا واحد زمان را از ثانیه به دقیقه تبدیل می‌کنیم.

$$t = ۴۸s$$

$$t = ۴۸ \times (1s)$$

$$t = ۴۸ \times \left(\frac{1}{60} \text{ min}\right)$$

$$t = 0.8 \text{ min}$$

$$S_p = V_p \times t$$

$$s_p = 6 \frac{\text{m}}{\text{min}} \times 0.8 \text{ min}$$

$$S_p = 6 \times 0.8$$

$$S_p = 4.8 \text{ m}$$

تمرین: جرثقیل سقفی کارگاهی دارای سرعت ۱۸/۶ متر بر دقیقه می‌باشد. برای طی مسافت ۵/۸ متر چه زمانی مورد نیاز می‌باشد.
حل:

مثال: جرثقیل سقفی کارگاهی دارای سرعت ۱۲/۴ متر بر دقیقه می‌باشد. برای طی مسافت ۴/۶ متر چه زمانی مورد نیاز می‌باشد.
حل:

داده‌ها	خواسته
$V = 12/4 \frac{\text{m}}{\text{min}}$ $S = 4/6 \text{ m}$	$t = ?$

$$V = \frac{S}{t}$$

$$t = \frac{S}{V}$$

$$t = \frac{4/6 \text{ m}}{12/4 \text{ m/min}}$$

$$t = 0.37 \text{ min}$$

تمرین: قطاری در طول مسافت ۵۴ دقیقه‌ای با سرعت متوسط ۳۴ کیلومتر بر ساعت حرکت می‌کند. مسافت طی شده در این مدت را به دست آورید.

حل:

مثال: قطاری در طول مسافت ۴۸ دقیقه‌ای با سرعت متوسط ۲۸ کیلومتر بر ساعت حرکت می‌کند. مسافت طی شده در این مدت را به دست آورید.

حل:

داده‌ها	خواسته
$V = 28 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ $t = 48 \text{ min}$	$S = ?$

$$V = \frac{S}{t}$$

$$S = V \times t$$

$$V = 28 \frac{\text{km}}{\text{h}} \times 48 \text{ min}$$

دقیقه را به ساعت تبدیل می‌کنیم.

$$S = 28 \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \frac{48}{60} \text{ h}$$

$$S = 28 \times \frac{48}{60} \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \text{h}$$

$$S = 224 \text{ km}$$

تمرین: جک هیدرولیک تعمیرگاهی در زمان ۲۸ ثانیه اتومبیلی را به ارتفاع ۲/۴ متر می‌رساند، سرعت پیستون آن را بر حسب متر بر دقیقه حساب کنید.

حل:

مثال: جک هیدرولیک تعمیرگاهی در زمان ۱۵ ثانیه اتومبیلی را به ارتفاع ۱/۶۵ متر می‌رساند، سرعت پیستون آن را بر حسب متر بر دقیقه حساب کنید.

حل:

داده‌ها	خواسته
$t = 15 \text{ s}$ $S = 1/65 \text{ m}$	$V = ? \text{ m/min}$

$$V = \frac{S}{t}$$

$$V = \frac{1/65 \text{ m}}{15 \text{ s}}$$

$$V = 0/11 \frac{m}{s}$$

را به $\frac{m}{min}$ تبدیل می کنیم.

$$V = 0/11 \frac{m}{\frac{1}{60} min}$$

$$V = 0/11 \times 60 \frac{m}{min}$$

$$V = 6/6 \frac{m}{min}$$

تمرین: سرعت آسانسور ساختمانی ۳۴۶ متر بر دقیقه می باشد در زمان ۱۶/۴ ثانیه چه ارتفاعی بالا می رود.
حل:

مثال: سرعت آسانسور ساختمانی ۲۵۶ متر بر دقیقه می باشد در زمان ۱۸/۶ ثانیه چه ارتفاعی بالا می رود.
حل:
مرحله اول:

خواسته	داده ها
S = ?	V = ۲۵۶ m/min t = ۱۸/۶ s

مرحله دوم: ثانیه به دقیقه تبدیل می شود.

$$t = \frac{18/6}{60} = 0/31 \text{ دقیقه}$$

مرحله سوم: نوشتن رابطه و جایگذاری و محاسبه

$$V = \frac{s}{t}$$

$$S = Vt$$

$$s = 256 \frac{m}{min} \times 0/31 min$$

$$S = 79/36 m$$

تمرین: اتومبیلی برای طی مسافت ۳۹۲/۵ کیلومتر در اتوبانی ۵ ساعت و ۲۵ دقیقه وقت صرف می کند.

مثال: اتومبیلی برای طی مسافت ۴۸۲/۵ کیلومتر در اتوبانی ۶ ساعت و ۱۵ دقیقه وقت صرف می کند.

سرعت متوسط آن چند کیلومتر بر ساعت و چند متر بر ثانیه است؟

حل:

سرعت متوسط آن چند کیلومتر بر ساعت و چند متر بر ثانیه است؟

حل:

داده‌ها	خواسته‌ها
$S = ۴۸۲/۵ \text{ km}$ $t = ۶ \text{ h}$ و ۱۵ min	$V = ? \frac{\text{km}}{\text{h}}$ $V = ? \frac{\text{m}}{\text{s}}$

۱۵ min را به ساعت تبدیل می‌کنیم.

$$V = \frac{S}{t}$$

$$t = ۶ \text{ h} + \frac{۱۵}{۶۰} \text{ h}$$

$$t = ۶ + \frac{۱}{۴} \text{ h} \Rightarrow t = \frac{۲۵}{۴} \text{ h} = ۶/۲۵ \text{ h}$$

$$V = \frac{S}{t}$$

$$V = \frac{۴۸۲/۵ \text{ km}}{۶/۲۵ \text{ h}}$$

$$V = ۷۷/۲ \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

کیلومتر را به متر و ساعت را به ثانیه تبدیل

می‌کنیم.

$$V = ۷۷/۲ \times \frac{۱۰۰ \text{ m}}{۳۶۰۰ \text{ s}}$$

$$V = ۲۱/۴۴ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

تمرین: در یک ماشین رنده یک صفحه فرم به طول ۳/۸ متر رنده کاری خواهد شد. زمان کورس رفت ۱۲/۴ ثانیه و زمان کورس برگشت ۶ ثانیه می‌باشد. مطلوب است محاسبه:

الف - سرعت کاری V_1

مثال: در یک ماشین رنده یک صفحه فرم به طول ۲/۴ متر رنده کاری خواهد شد. زمان کورس رفت ۸ ثانیه و زمان کورس برگشت ۳/۸ ثانیه می‌باشد. مطلوب است محاسبه:

الف - سرعت کاری V_1

ب - سرعت برگشت V_p

حل:

خواسته‌ها	داده‌ها
$V_1 = ?$	$S_1 = ۲ / ۴m$
$V_p = ?$	$t_1 = ۸s$
	$t_p = ۳ / ۸s$

الف:

$$V_1 = \frac{s}{t_1}$$

$$V_1 = \frac{۲ / ۴m}{۸s}$$

$$V_1 = ۰ / ۳ \frac{m}{s}$$

ب:

$$V_p = \frac{s}{t_p}$$

$$V_p = \frac{۲ / ۴m}{۳ / ۸s}$$

$$V_p = ۰ / ۶۳ \frac{m}{s}$$

ب - سرعت برگشت V_p

حل:

تمرین: جرثقیل سقفی یک بوته ریخته‌گری را با سرعت $۶/۹$ متر بر ثانیه به ارتفاع $۱۳/۸$ متر حمل می‌کند. مطلوب است محاسبه:

الف - زمان لازم برای انجام کار

ب - سرعت افقی جرثقیل را بر حسب متر بر ثانیه اگر $S_p = ۹۶m$ باشد.

حل:

مثال: جرثقیل سقفی یک بوته ریخته‌گری را با سرعت $۴/۸$ متر بر ثانیه به ارتفاع $۹/۶$ متر حمل می‌کند. مطلوب است محاسبه:

الف - زمان لازم برای انجام کار

ب - سرعت افقی جرثقیل را بر حسب متر بر ثانیه اگر $S_p = ۶۴m$ باشد.

حل:

خواسته‌ها	داده‌ها
$t = ?$ $V_p = ?$	$V_1 = 4 / 8 \frac{m}{s}$ $S_1 = 9 / 6m$ $S_p = 64m$

الف :

$$V_1 = \frac{S_1}{t}$$

$$t = \frac{S_1}{V_1}$$

$$t = \frac{9 / 6m}{4 / 8 \frac{m}{s}}$$

$$t = 2s$$

ب :

$$V_p = \frac{S_p}{t}$$

$$V_p = \frac{64m}{2s}$$

$$V_p = 32 \frac{m}{s}$$

۲-۸- سرعت در حرکت یکنواخت دورانی:

در حرکت یکنواخت دورانی هر نقطه با سرعت یکنواخت روی مسیر دایره‌ای حرکت می‌کند مانند لبه برنده ابزار برش دورانی، در حرکت یکنواخت دورانی سرعت از حاصل ضرب طول مسیری که در حرکت دایره‌ای طی شد، در تعداد دوران (n) به دست می‌آید. به عبارت دیگر:

$$\left. \begin{aligned} V = s.n \Rightarrow \text{تعداد دوران} \times \text{محیط دایره} = \text{سرعت برش یا سرعت محیطی} \\ \times p \Rightarrow s = pd \end{aligned} \right\} \Rightarrow V = pdn$$

= عدد قطر دایره محیط دایره

که در آن:

V : سرعت برش یا سرعت محیطی

d : قطر دایره

n : تعداد دوران

واحدهای سرعت دورانی عبارتند از: $\frac{m}{min}$ ، $\frac{m}{s}$

مثال: یک اره مجموعه‌ای به قطر ۴۸۰ میلی‌متر با تعداد دوران ۲۶۰۰ دور در دقیقه کار می‌کند. سرعت برش آن را بر حسب متر بر ثانیه به دست آورید.
حل:

مثال: یک اره مجموعه‌ای به قطر ۳۶۰ میلی‌متر با تعداد دوران ۳۸۰۰ دور در دقیقه کار می‌کند. سرعت برش آن را بر حسب متر بر ثانیه به دست آورید.
حل:

خواسته	داده‌ها
$V = ? \frac{m}{s}$	$d = 360 \text{ mm}$ $n = 3800 \frac{1}{\text{min}}$

$$V = p d n$$

$$V = 3/14 \times 360 \text{ mm} \times 3800 \frac{1}{\text{min}}$$

میلی‌متر را به متر و دقیقه را به ثانیه تبدیل می‌کنیم.

$$V = 3/14 \times 360 \times \left(\frac{1}{1000}\right) \times 3800 \left(\frac{1}{60}\right)$$

$$V = 71/592$$

$$V = 71/592 \frac{m}{s}$$

تمرین: میله‌ای به قطر ۶۵ میلی‌متر روی ماشین تراش با چه سرعت برشی (بر حسب متر بر دقیقه) تراشیده می‌شود؟ اگر تعداد دوران آن ۲۵۰ دور بر دقیقه باشد.
حل:

مثال: میله‌ای به قطر ۵۰ میلی‌متر روی ماشین تراش با چه سرعت برشی (بر حسب متر بر دقیقه) تراشیده می‌شود؟ اگر تعداد دوران آن ۳۸۰ دور بر دقیقه باشد.
حل:

خواسته	داده‌ها
$V = ?$	$d = 50 \text{ mm}$ $n = 380 \frac{1}{\text{min}}$
$V = p.d.n$ $V = 3/14 \times 50 \text{ mm} \times 380 \frac{1}{\text{min}}$ واحد mm را به m تبدیل می کنیم $V = 50 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ m}\right) \times 3/14 \times 380$ $V = 0/05 \times 3/14 \times 380 \frac{\text{m}}{\text{min}}$ $V = 59/66 \frac{\text{m}}{\text{min}}$	

مثال: کارخانه سازنده سنگ سنباده‌ای سرعت ۱۶/۵ متر بر ثانیه را برای سنگ سنباده توصیه کرده است. اگر تعداد دوران محور ۲۴۰۰ دور بر دقیقه باشد. قطر سنگ سنباده چند میلی‌متر باید انتخاب شود.

تمرین: کارخانه سازنده سنگ سنباده‌ای سرعت ۱۸/۵ متر بر ثانیه را برای سنگ سنباده توصیه کرده است. اگر تعداد دوران محور ۲۸۰۰ دور بر دقیقه باشد. قطر سنگ سنباده چند میلی‌متر باید انتخاب شود.

خواسته	داده‌ها
$d = ? \text{ mm}$	$V = 16/5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ $n = 2400 \frac{1}{\text{min}}$
$V = p.d.n$ واحد سرعت را به $\frac{\text{mm}}{\text{min}}$ تبدیل می کنیم. واحد m را به mm تبدیل می کنیم.	

$$V = 16/5 \times \frac{1000 \text{ mm}}{\frac{1}{60} \text{ min}} =$$

$$V = 16/5 \times 1000 \times 60 \frac{\text{mm}}{\text{min}}$$

$$V = 990000 \frac{\text{mm}}{\text{min}}$$

$$d = \frac{V}{p \times n}$$

$$d = \frac{990000}{3/14 \times 2400}$$

$$d = 131/37 \text{ mm}$$

تمرین: قطر میز یک دستگاه تمیز کننده قطعات ریخته‌گری ۲/۸ متر است. تعداد دوران آن چند دور بر دقیقه انتخاب شود تا سرعت محیطی آن ۱/۲ متر بر ثانیه باشد.

حل:

مثال: قطر میز یک دستگاه تمیز کننده قطعات ریخته‌گری ۴/۸ متر است. تعداد دوران آن چند دور بر دقیقه انتخاب شود تا سرعت محیطی آن ۱/۸ متر بر ثانیه باشد.

حل:

داده‌ها	خواسته
$d = 4/8 \text{ m}$ $V = 1/8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$	$n = ? \frac{1}{\text{min}}$

واحد ثانیه را به دقیقه تبدیل می‌کنیم.

$$V = 1/8 \frac{\text{m}}{\frac{1}{60} \text{ min}}$$

$$V = 1/8 \times 60 \frac{\text{m}}{\text{min}}$$

$$V = 108 \frac{\text{m}}{\text{min}}$$

$$V = p d n$$

$$n = \frac{V}{pd}$$

$$n = \frac{108 \frac{m}{min}}{3/14 \times 4/8m}$$

$$n = 7/16 \frac{1}{min}$$

تمرین: چرخ تسمه‌ای به قطر ۸۴۰ میلی‌متر در هر دقیقه ۵۸۰ دور می‌زند. سرعت محیطی آن را که معادل سرعت تسمه می‌باشد به دست آورید.

حل:

مثال: چرخ تسمه‌ای به قطر ۵۲۰ میلی‌متر در هر دقیقه ۶۴۰ دور می‌زند. سرعت محیطی آن را که معادل سرعت تسمه می‌باشد به دست آورید.

حل:

خواسته	داده‌ها
$V = ?$	$d = 520 \text{ mm}$ $n = 640 \frac{1}{min}$

$$V = pdn$$

$$V = 520 \text{ mm} \times 3/14 \times 640 \frac{1}{min}$$

min را به s و mm را به m تبدیل می‌کنیم.

$$V = 520 \times \left(\frac{1}{1000} m\right) \times 3/14 \times 640 \times \frac{1}{60 s}$$

$$V = 0/52m \times 3/14 \times 10/67 \frac{1}{s}$$

$$V = 17/42 \frac{m}{s}$$

تمرین: چرخ محرک نوار نقاله‌ای در هر دقیقه ۴۲۵ دور می‌زند. اگر لازم باشد نوار با سرعت ۶۵ متر بر دقیقه حرکت کند، قطر آن بایستی چند میلی‌متر انتخاب شود.

حل:

تمرین: سوراخی به قطر ۲۵ میلی‌متر با تعداد دوران ۵۶۴ دور بر دقیقه با مته ایجاد می‌شود. سرعت برش سوراخکاری را بر حسب $(\frac{m}{s})$ به دست آورید.

حل:

تمرین: ماشین مته رومیزی در حداقل دوران ۳۲۰ دور بر دقیقه تنظیم شده است. حداکثر قطر مته‌ای را که در این حالت می‌توان با سرعت برش ۶۷ متر بر دقیقه به کار برد، به دست آورید.
حل:

مثال: ماشین مته رومیزی در حداقل دوران ۳۵۰ دور بر دقیقه تنظیم شده است. حداکثر قطر مته‌ای را که در این حالت می‌توان با سرعت برش ۵۶ متر بر دقیقه به کار برد، به دست آورید.
حل:

خواسته	داده‌ها
$d = ?$	$n = 350 \frac{1}{\text{min}}$ $V = 56 \frac{\text{m}}{\text{min}}$

$$V = p d n$$

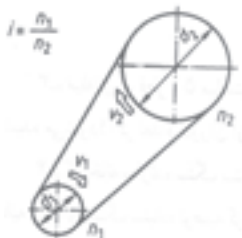
$$d = \frac{V}{p \times n}$$

$$d = \frac{56 \frac{\text{m}}{\text{min}}}{3/14 \times 350 \frac{1}{\text{min}}}$$

$$d = 0/05 \text{ m}$$

۳-۸- انتقال حرکت به وسیله تسمه و چرخ تسمه:

نسبت ساده: در دستگاه تسمه و چرخ تسمه در صورتی که از لغزش بین تسمه و چرخ تسمه صرف نظر شود، سرعت محیطی دو چرخ با قطرهای مختلف با هم برابرند.



تعداد دور چرخ محرک × قطر چرخ محرک × عدد پپی = سرعت محیطی چرخ محرک

$$V_1 = p d_1 n_1$$

تعداد دور چرخ متحرک × قطر چرخ متحرک × عدد پپی = سرعت محیطی چرخ متحرک

$$V_2 = p d_2 n_2$$

سرعت چرخ متحرک = سرعت چرخ محرک

$$V_1 = V_2$$

$$p \times d_1 \times n_1 = p \times d_2 \times n_2$$

$$\boxed{d_1 \times n_1 = d_2 \times n_2}$$

$$\frac{\text{تعداد دور چرخ محرک}}{\text{تعداد دور چرخ متحرک}} = \frac{\text{قطر چرخ متحرک}}{\text{قطر چرخ محرک}}$$

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{d_2}{d_1}$$

نسبت انتقال حرکت: نسبت دورها و یا نسبت قطرها را نسبت انتقال حرکت می‌نامند و با حرف i نمایش

می‌دهند.

$$\text{نسبت انتقال حرکت} = \frac{\text{تعداد دور چرخ محرک}}{\text{تعداد دور چرخ متحرک}} \Rightarrow \boxed{i = \frac{n_1}{n_2}}$$

$$\text{نسبت انتقال حرکت} = \frac{\text{قطر چرخ متحرک}}{\text{قطر چرخ محرک}} \Rightarrow \boxed{i = \frac{d_2}{d_1}}$$

تمرین: نسبت انتقال حرکت در دستگاه چرخ تسمه‌ای را به دست آورید که قطر چرخ محرک آن ۸۰ میلی‌متر و قطر چرخ متحرک آن ۳۸۰ میلی‌متر باشد.

حل:

مثال: نسبت انتقال حرکت در دستگاه چرخ تسمه‌ای را به دست آورید که قطر چرخ محرک آن ۸۰ میلی‌متر و قطر چرخ متحرک آن ۲۴۰ میلی‌متر باشد.

حل:

خواسته	داده‌ها
$i = ?$	$d_p = 240 \text{ mm}$ $d_1 = 80 \text{ mm}$

$$i = \frac{d_p}{d_1}$$

$$i = \frac{240 \text{ mm}}{80 \text{ mm}}$$

$$i = 3$$

تمرین: در یک دستگاه چرخ تسمه دوزنقه‌ای نسبت انتقال حرکت ۴/۵:۱ و قطر موثر چرخ محرک ۲۴۰ میلی‌متر است. قطر چرخ متحرک را به دست آورید.

حل:

مثال: در یک دستگاه چرخ تسمه دوزنقه‌ای نسبت انتقال حرکت ۳/۵:۱ و قطر موثر چرخ محرک ۱۸۰ میلی‌متر است. قطر موثر چرخ متحرک را به دست آورید.

حل:

خواسته	داده‌ها
$d_p = ?$	$i = 3/5$ $d_1 = 180$

$$i = \frac{d_p}{d_1}$$

$$\frac{3/5}{1} = \frac{d_p}{180}$$

$$d_p = \frac{180 \times 3/5}{1}$$

$$d_p = 630 \text{ mm}$$

تمرین: تعداد دوران چرخ تسمه محرک دستگاه انتقال حرکتی ۵۳۰ دور بر دقیقه و قطر چرخ متحرک آن ۱۴۰ میلی متر می باشد. اگر برای چرخ متحرک تعداد دوران ۳۶۰۰ دور بر دقیقه مورد نیاز باشد. حساب کنید:

- الف - قطر چرخ محرک را
ب - نسبت انتقال حرکت را
حل:

مثال: تعداد دوران چرخ تسمه محرک دستگاه انتقال حرکتی ۴۲۰ دور بر دقیقه و قطر چرخ متحرک آن ۱۲۰ میلی متر می باشد. اگر برای چرخ متحرک تعداد دوران ۲۴۰۰ دور بر دقیقه مورد نیاز باشد. حساب کنید:

- الف - قطر چرخ محرک را
ب - نسبت انتقال حرکت را
حل:

خواسته‌ها	داده‌ها
$d_1 = ?$ $i = ?$	$n_1 = 420 \frac{1}{\text{min}}$ $d_p = 120 \text{ mm}$ $n_p = 2400 \frac{1}{\text{min}}$

الف :

$$n_1 \times d_1 = n_p \times d_p$$

$$d_1 = \frac{n_p \times d_p}{n_1}$$

$$d_1 = \frac{2400 \frac{1}{\text{min}} \times 120 \text{ mm}}{420 \frac{1}{\text{min}}}$$

$$d_1 = \frac{2400 \times 120}{420}$$

$$d_1 = 685.7 \text{ mm}$$

ب:

$$\text{راه اول} \left\{ \begin{array}{l} i = \frac{n_1}{n_p} \\ i = \frac{420 \frac{1}{\text{min}}}{2400 \frac{1}{\text{min}}} \\ \boxed{i = 0.175} \end{array} \right.$$

$$\text{راه دوم} \left\{ \begin{array}{l} i = \frac{d_p}{d_1} \\ i = \frac{1200 \text{mm}}{685/7 \text{mm}} \\ \boxed{i = 0/175} \end{array} \right.$$

تمرین: قطر موثر چرخ تسمه محرک (از نوع معمولی) ۱۴۵ میلی‌متر و تعداد دوران آن ۱۴۵۰ دور بر دقیقه می‌باشد قطر موثر چرخ متحرک و نسبت انتقال حرکت را اگر تعداد دوران آن ۷۲۰ دور بر دقیقه باشد حساب کنید.

حل:

مثال: قطر موثر چرخ تسمه محرک (از نوع معمولی) ۱۲۵ میلی‌متر و تعداد دوران آن ۱۲۰۰ دور بر دقیقه می‌باشد قطر موثر چرخ متحرک و نسبت انتقال حرکت را اگر تعداد دوران آن ۶۴۰ دور بر دقیقه باشد حساب کنید.

حل:

داده‌ها	خواسته‌ها
$n_1 = 1200 \frac{1}{\text{min}}$ $d_1 = 125 \text{mm}$ $n_p = 640 \frac{1}{\text{min}}$	$d_p = ?$ $i = ?$

$$n_1 \times d_1 = n_p \times d_p$$

$$d_p = \frac{n_1 \times d_1}{n_p}$$

$$d_p = \frac{1200 \frac{1}{\text{min}} \times 125 \text{mm}}{640 \frac{1}{\text{min}}}$$

$$d_p = \frac{1200 \times 125}{640}$$

$$\boxed{d_p = 234/375 \text{mm}}$$

$$\text{راه اول} \left\{ \begin{array}{l} i = \frac{n_1}{n_p} \\ i = \frac{1200 \frac{1}{\text{min}}}{640 \frac{1}{\text{min}}} \\ i = 1/875 \end{array} \right.$$

$$\text{راه دوم} \left\{ \begin{array}{l} i = \frac{d_p}{d_1} \\ i = \frac{234/375 \text{mm}}{125 \text{mm}} \\ i = 1/875 \end{array} \right.$$

تمرین: الکتروموتوری با تعداد دوران ۱۹۷۵ دور بر دقیقه مفروض است. اگر چرخ تسمه‌ای به قطر ۱۴۵ میلی‌متر روی محور الکتروموتور آن سوار شده باشد و قطر چرخ تسمه متحرک ۴۸۰ میلی‌متر باشد حساب کنید.

الف - تعداد دوران چرخ متحرک را
ب - نسبت انتقال حرکت را
حل:

مثال: الکتروموتوری با تعداد دوران ۱۶۸۵ دور بر دقیقه مفروض است. اگر چرخ تسمه‌ای به قطر ۲۳۰ میلی‌متر روی محور الکتروموتور آن سوار شده باشد و قطر چرخ تسمه متحرک ۶۴۰ میلی‌متر باشد حساب کنید.

الف - تعداد دوران چرخ متحرک را
ب - نسبت انتقال حرکت را
حل:

خواسته‌ها	داده‌ها
$n_p = ?$	$n_1 = 1685 \frac{1}{\text{min}}$
$i = ?$	$d_1 = 230 \text{mm}$
	$d_p = 640 \text{mm}$

$$n_1 \times d_1 = n_p \times d_p$$

$$n_p = \frac{n_1 \times d_1}{d_p}$$

$$n_p = \frac{1685 \frac{1}{\text{min}} \times 230 \text{mm}}{640 \text{mm}}$$

$$n_p = 605 / 55 \frac{1}{\text{min}}$$

$$i = \frac{n_1}{n_p}$$

$$i = \frac{1685}{605 / 5}$$

$$i = 2 / 78$$

تمرین: سنگ سنباده‌ای به قطر ۵۵۰ میلی‌متر توسط دستگاه چرخ تسمه‌ای به گردش در می‌آید. این سنگ لازم است دارای سرعت محیطی ۳۲ متر بر ثانیه باشد. قطر چرخ تسمه الکتروموتور ۷۶ میلی‌متر و تعداد دوران آن ۲۴۰۰ دور بر دقیقه می‌باشد. حساب کنید:

الف - قطر چرخ تسمه سوار شده روی محور سنگ سنباده را

ب - نسبت انتقال حرکت را

حل:

مثال: سنگ سنباده‌ای به قطر ۶۵۰ میلی‌متر توسط دستگاه چرخ تسمه‌ای به گردش در می‌آید. این سنگ لازم است دارای سرعت محیطی ۴۵ متر بر ثانیه باشد. قطر چرخ تسمه الکتروموتور ۸۴ میلی‌متر و تعداد دوران آن ۳۲۰۰ دور بر دقیقه می‌باشد. حساب کنید:

الف - قطر چرخ تسمه سوار شده روی محور سنگ سنباده را

ب - نسبت انتقال حرکت را

حل:

داده‌ها	خواسته‌ها
$D = 650$ $V = 45 \text{ m/s}$ $d_1 = 84$ $n_1 = 3200 \frac{1}{\text{min}}$	$d_p = ?$ $i = ?$

$$V = \rho D n_p$$

$$n_p = \frac{V}{\rho D}$$

$$n_p = \frac{45 \text{ m/s}}{31/4 \times 650 \text{mm}}$$

$$n_p = \frac{45 \times 60 \left(\frac{\text{m}}{\text{min}}\right)}{31.4 \times 60 \left(\frac{1}{1000}\right) \text{m}}$$

$$n_p = 1322 / 88 \frac{1}{\text{min}}$$

$$\frac{n_1}{n_p} = \frac{d_p}{d_1}$$

$$d_p = \frac{n_1 d_1}{n_p}$$

$$d_p = \frac{3200 \times 88}{1322 / 88} =$$

$$d_p = 203.19 \text{ mm}$$

$$i = \frac{n_1}{n_p} = \frac{3200}{1322 / 88} = 212$$

سیمای فصل نهم

۹- حرارت

۹-۱- ماهیت حرارت

۹-۲- درجه حرارت

۹-۳- اساس و نحوه اندازه‌گیری درجه حرارت

۹-۴- واحدهای درجه حرارت

- ۹-۴-۱- درجه‌بندی سلسیوس
- ۹-۴-۲- درجه‌بندی فارنهایت
- ۹-۴-۳- درجه‌بندی کلوین

۹-۵- رابطه تبدیل واحدهای درجه حرارت

۹-۶- تعریف مقدار حرارت

۹-۷- واحدهای مقدار حرارت

- ۹-۷-۱- تعریف مقدار کالری
- ۹-۷-۲- کیلوکالری
- ۹-۷-۳- بی‌تی‌یو

۹-۸- رابطه کالری و واحد مکانیکی کار و انرژی

۹-۹- تعریف ظرفیت حرارتی

۹-۱۰- تعریف گرمای ویژه

- ۹-۱۰-۱- واحد گرمای ویژه

۹-۱۱- تعریف نقطه ذوب

۹-۱۲- تعریف گرمای نهان گداز

- ۹-۱۲-۱- واحد گرمای نهان گداز

۹-۱۳- تعریف گرمای نهان تبخیر

- ۹-۱۳-۱- واحد گرمای نهان تبخیر

۹-۱۴- رابطه مقدار گرما

۹-۱۵- قدرت حرارتی (ارزش گرمایی)

۹-۱۶- راندمان حرارتی کوره

۹- حرارت

۹-۱- ماهیت حرارت:

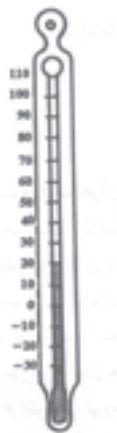
حرارت یا گرما شکل خاصی از انرژی است که بر اثر حرکت و جنبش نامنظم مولکول‌های جسم به دست می‌آید. در صورتی که در اثر عوامل خارجی دامنه نوسان‌ها و ارتعاشات درونی بین اتمی افزایش یابد در آن صورت جسم ذوب می‌شود. در صورت تأثیر بیشتر عوامل خارجی و افزایش انرژی جنبشی و ارتعاشی ذرات، جسم به حالت گاز در می‌آید.

۹-۲- درجه حرارت:

دما یا درجه حرارت کمیتی است که میزان گرمی و سردی جسم را نشان می‌دهد. هرچقدر تحرک و شدت ارتعاش اتم‌ها یا مولکول‌های یک جسم زیاد شود در آن صورت جسم گرم‌تر شده است. بنابراین دمای آن بالا می‌رود. دمای جسم مربوط به انرژی متوسط حرکت گرمایی مولکول‌های آن است. برای اندازه‌گیری دما باید میزان حرارت درونی یا بیرونی جسم را به وسیله مقایسه آن با حرارت یک جسم معین و مشخص نمود.

۹-۳- اساس و نحوه اندازه‌گیری درجه حرارت:

برای اندازه‌گیری درجه حرارت از تأثیر حرارت بر اجسام استفاده می‌شود. حرارت سبب انبساط حجمی مایعات به خصوص جیوه و الکل و انبساط طولی فلزات و آلیاژها و تغییر اجسام مانند نقطه ذوب، جوش و... می‌شود. با توجه به میزان انبساط جیوه و الکل دماسنج یا ترومتر طراحی و ساخته شده است. درجه‌بندی دماسنج‌ها بر مبنای دو نقطه اصلی و ثابت مانند نقطه ذوب یخ و نقطه جوش آن در فشار ۱ اتمسفر در سطح دریای آزاد است. البته درجه‌بندی‌های دماسنج یکسان نیست. در شکل (۹-۱) تأثیر حرارت بر انبساط جیوه در طول لوله باریک دماسنج نشان داده شده است.



شکل ۹-۱- اندازه‌گیری درجه حرارت در یک دماسنج جیوه‌ای

۹-۴- واحدهای درجه حرارت:

واحدهای مهم درجه حرارت عبارتند از:

۹-۴-۱- درجه بندی سلسیوس: در این درجه بندی در فشار ۱ اتمسفر نقطه ذوب یخ صفر و نقطه جوش

آن ۱۰۰ در نظر گرفته می شود، در این صورت فاصله بین نقطه ذوب یخ و نقطه جوش ۱۰۰ قسمت خواهد بود و با علامت °C نشان داده می شود.

۹-۴-۲- درجه بندی فارنهایت: در این درجه بندی نقطه ذوب یخ ۳۲ و نقطه جوش آب ۲۱۲ در نظر گرفته

می شود. در این صورت فاصله بین ذوب یخ و نقطه جوش، ۱۸۰ قسمت خواهد بود و با علامت °F نشان داده می شود.

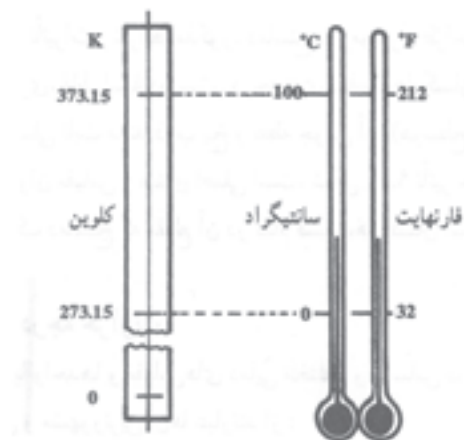
فاصله بین نقطه جوش آب و نقطه ذوب یخ $212 - 32 = 180$ می باشد .

۹-۴-۳- درجه بندی کلوین: در این درجه بندی صفر معادل $273/15$ - درجه سلسیوس است و فاصله

بین درجه های کلوین مانند درجه سلسیوس است. درجه بندی کلوین با k نشان داده می شود. در صفر مطلق

($273/15^{\circ}\text{C}$ -) انرژی داخلی ماده به حداقل ممکن می رسد. شکل (۲-۹) مقایسه درجه بندی های سانتی گراد،

فارنهایت و کلوین را نشان می دهد. به طوری که 180°F برابر 100°C و برابر 1000 کلوین است.



شکل ۲-۹- مقایسه درجه بندی های کلوین، سانتی گراد و فارنهایت

۹-۵- رابطه تبدیل واحدهای درجه حرارت:

رابطه تبدیل واحدهای سلسیوس و فارنهایت عبارتند از:

درجه حرارت ذوب یخ بر حسب سلسیوس درجه حرارت یخ بر حسب فارنهایت

$$\frac{\theta_F - 32}{180} = \frac{\theta_c - 0}{100} \Rightarrow \boxed{\frac{\theta_F - 32}{180} = \frac{\theta_c}{100}}$$

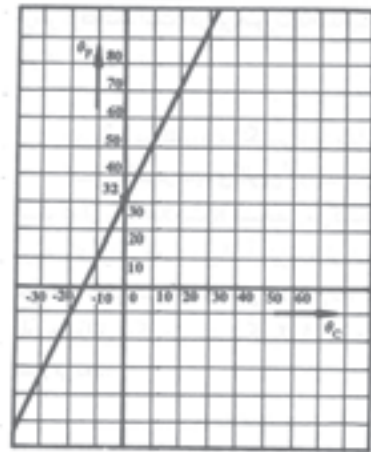
قسمت قسمت

رابطه تبدیل واحدهای سلسیوس و کلون عبارتند از:

$$T_k = \theta_c + 273/15 \Rightarrow \boxed{T_k = \theta_c + 273/15}$$

درجه حرارت سلسیوس درجه حرارت کلون

در صورتی که نمودار θ_F (درجه حرارت فارنهایت) بر حسب θ_c (درجه حرارت سلسیوس) رسم شود. نمودار آن مطابق شکل (۳-۹) خواهد بود.



شکل ۳-۹

تمرین: نقطه ذوب آلومینیم 659°C است، نقطه ذوب آن را بر حسب درجه فارنهایت و درجه کلون به دست آورید.

حل:

مثال: نقطه ذوب سرب 327°C است. نقطه ذوب آن را بر حسب درجه فارنهایت و درجه کلون به دست آورید.

حل:

داده	خواسته‌ها
$\theta_{pb} = 327^\circ$	$\theta_F = ?$ $T_k = ?$

$$\frac{\theta_F - 32}{180} = \frac{\theta_c}{100}$$

$$\frac{\theta_F - 32}{180} = \frac{327}{100}$$

$$\theta_F - 32 = \frac{327 \times 180}{100}$$

$$\theta_F - 32 = 588.6$$

$$\theta_F = 588.6 + 32$$

$$\theta_F = 620.6^\circ F$$

$$T_k = \theta_F + 273/15$$

$$T_k = 327 + 273/15$$

$$T_k = 600/15k$$

تمرین: نقطه ذوب آهن 1803 k است. نقطه ذوب آن را بر حسب درجه سانتی‌گراد و درجه فارنهایت حساب کنید.

حل:

مثال: نقطه ذوب طلا 1337 k است. نقطه ذوب آن را بر حسب درجه سانتی‌گراد و درجه فارنهایت حساب کنید.

حل:

داده	خواسته‌ها
$T_k = 1337k$	$\theta_c = ?$ $\theta_F = ?$

$$T_k = \theta_c + 273/15$$

$$1337 = \theta_c + 273/15$$

$$\theta_c = 1337 - 273/15$$

$$\theta_c = 1063/15^\circ C$$

$$\frac{\theta_F - 32}{180} = \frac{\theta_c}{100}$$

$$\frac{\theta_F - 32}{180} = \frac{1063/15}{100}$$

$$\theta_F - 32 = \frac{1063/15 \times 180}{100}$$

$$\theta_F - 32 = 1914/93$$

	$\theta_F = 1914/93 + 32$ $\theta_F = 1946/93^\circ F$
<p>تمرین: ۱۲۰ درجه فارنهایت را بر حسب درجه سانتی‌گراد و درجه کلوین حساب کنید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۰۰ درجه فارنهایت را بر حسب درجه سانتی‌گراد و درجه کلوین حساب کنید.</p> <p>حل:</p> $\frac{\theta_F - 32}{180} = \frac{\theta_c}{100}$ $\frac{100 - 32}{180} = \frac{\theta_c}{100}$ $\frac{68}{180} = \frac{\theta_c}{100}$ $\theta_c = \frac{68 \times 100}{180}$ $\theta_c = 37.77^\circ C$ $T_k = \theta_c + 273.15$ $T_k = 37.77 + 273.15$ $T_k = 310.92 K$
<p>تمرین: نقطه ذوب فلز A، ۷۶۹/۴ درجه کلوین و نقطه ذوب فلز B، ۶۵۲/۵ درجه فارنهایت است. کدام یک از آنها دیر ذوب‌تر هستند.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: نقطه ذوب فلز A، ۸۵۰/۵ درجه کلوین و نقطه ذوب فلز B، ۵۵۹/۳ درجه فارنهایت است. کدام یک از آنها دیر ذوب‌تر هستند.</p> <p>حل:</p> $T_k = \theta_c + 273.15$ <p>نقطه ذوب فلز A:</p> $850/5 = \theta_c + 273.15$ $\theta_c = 850/5 - 273.15$ $\theta_c = 577/35^\circ C$

$$\frac{\theta_F - 32}{180} = \frac{\theta_c}{100}$$

نقطه ذوب فلز B :

$$\frac{559/3 - 32}{180} = \frac{\theta_c}{100}$$

$$\frac{527/3}{180} = \frac{\theta_c}{100}$$

$$\theta_c = \frac{527/3 \times 100}{180}$$

$$\theta_c = 292/9 \text{ } ^\circ\text{C}$$

نقطه ذوب فلز A بیشتر است

$$\theta_A > \theta_B$$

تمرین: 25°F چند درجه کلوین است؟

حل:

مثال: 100°F چند درجه کلوین است؟

حل: ابتدا 100°F را به درجه سلسیوس تبدیل

می کنیم.

$$\frac{\theta_c}{100} = \frac{\theta_F - 32}{180}$$

$$\frac{\theta_c}{\cancel{100}_5} = \frac{\theta_F - 32}{\cancel{180}_9}$$

$$\frac{\theta_c}{5} = \frac{68}{9}$$

$$9 \times c = 5 \times 68$$

$$\theta_c = \frac{5 \times 68}{9} = 37/8 \text{ } ^\circ\text{C}$$

حالا درجه سانتی گراد را به کلوین تبدیل می کنیم.

$$T_k = \theta_c + 273$$

$$T_k = 37/8 + 273$$

$$T_k = 310/8$$

تمرین: اگر اختلاف دمای دو جسم بر حسب کلونین ۸۰ k باشد. این اختلاف دما را بر حسب فارنهایت به دست آورید.

حل:

مثال: اگر $\theta_{F_1} = 14^\circ F$ و $\theta_{F_2} = 50^\circ F$ باشد. اختلاف دمای θ_{F_1} و θ_{F_2} را بر حسب سلسیوس و کلونین به دست آورید.

حل:

ابتدا θ_{F_1} و θ_{F_2} را بر حسب سلسیوس به دست می آوریم.

$$\frac{\theta_c}{180} = \frac{\theta_F - 32}{9}$$

$$\frac{\theta_c}{9} = \frac{\theta_F - 32}{5}$$

$$9\theta_c = 5(\theta_F - 32)$$

$$\frac{9}{5}\theta_c = \theta_F - 32$$

$$\frac{9}{5}\theta_c + 32 = \theta_F \Rightarrow \theta_F = 1/8\theta_c + 32$$

$$\theta_{F_1} = 1/8\theta_{c_1} + 32$$

$$\theta_{F_2} = 1/8\theta_{c_2} + 32$$

$$\Delta\theta_F = \theta_{F_2} - \theta_{F_1}$$

$$\Delta\theta_F = 1/8\theta_{c_2} + 32 - (1/8\theta_{c_1} + 32)$$

$$\Delta\theta_F = 1/8\theta_{c_2} + \cancel{32} - 1/8\theta_{c_1} - \cancel{32}$$

$$\Delta\theta_F = 1/8\theta_{c_2} - 1/8\theta_{c_1}$$

$$\left. \begin{aligned} \Delta\theta_F &= 1/8(\theta_{c_2} - \theta_{c_1}) \\ \theta_{c_2} - \theta_{c_1} &= \Delta\theta_c \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta\theta_F = 1/8\Delta\theta_c$$

$$\Rightarrow \Delta\theta_c = 8/5\Delta\theta_F$$

$$\Delta\theta_F = \theta_{F_2} - \theta_{F_1} = 140 - 50 = 90^\circ C$$

$$\Rightarrow \Delta\theta_c = 50 / 56 \Delta\theta_F$$

$$\Delta\theta_c = 50 / 56 \times 90$$

$$\Delta\theta_c = 50 / 4^\circ\text{C}$$

برای تبدیل $\Delta\theta_c$ به ΔT_k داریم:

$$\Delta T_k = \Delta\theta_c$$

$$\Rightarrow \Delta T_k = 50 / 4\text{k}$$

۹-۶- تعریف مقدار حرارت:

با گرم شدن جسم (جامد، مایع و گاز) سرعت و شدت حرکت مولکول‌های آن زیاد شده و در نتیجه باعث تغییر در جسم می‌شود. بنابراین مقدار حرارت اندازه‌ای است از انرژی مکانیکی که می‌تواند باعث تغییرات دمایی یا حالت‌های فیزیکی مختلف در اجسام شده و انرژی داخلی آنها را تغییر دهد.

۹-۷- واحدهای مقدار حرارت:

در سیستم SI واحد حرارت ژول است. ۱ ژول برابر مقدار کاری است که نیروی ۱ نیوتن سبب جابجایی جسم به اندازه ۱ متر می‌شود.

واحدهایی که قبلاً برای اندازه‌گیری حرارت متداول بوده و هنوز نیز رایج است عبارتند از:

کالری (cal)، کیلوکالری (kcal)، و بی‌تی‌یو (B.T.U)

۹-۷-۱- تعریف مقدار کالری: یک کالری مقدار حرارتی است که دمای یک گرم آب خالص را از $14/5^\circ\text{C}$

به $15/5^\circ\text{C}$ افزایش دهد.

۹-۷-۲- کیلوکالری: کیلوکالری مقدار حرارتی است که دمای یک کیلوگرم آب خالص را از $14/5^\circ\text{C}$ به

$15/5^\circ\text{C}$ افزایش دهد.

۹-۷-۳- بی‌تی‌یو (B.T.U): مقدار حرارتی است که دمای یک پوند (۴۵۳/۵۹ گرم) آب خالص را از 63°F

به 64°F برساند. به عبارت دیگر هر بی‌تی‌یو ۲۵۲ کالری است. بنابراین خواهیم داشت:

$$1\text{kcal} = 1000\text{cal} \Leftrightarrow 1\text{cal} = \frac{1}{1000}\text{kcal}$$

$$1\text{BTU} = 252\text{cal} \Leftrightarrow 1\text{cal} = \frac{1}{252}\text{BTU}$$

$$1 \text{ kcal} = 1000 \text{ cal}$$

$$= 1000 \times (1 \text{ cal})$$

$$= 1000 \times \left(\frac{1}{252} \text{ BTU}\right)$$

$$= \frac{1000}{252} \text{ BTU}$$

$$= 3/97 \text{ B.T.U}$$

$$1 \text{ kcal} = 3/97 \text{ B.T.U} \Leftrightarrow 1 \text{ B.T.U} = \frac{1}{3/97} \text{ kcal}$$

$$\text{B.T.U} \approx \frac{1}{4} \text{ kcal}$$

تمرین: ۹/۲۵ بی تی یو برابر چند کالری است؟
حل:

مثال: ۷/۵ بی تی یو برابر چند کالری می باشد؟
حل:

$$7/5 \text{ B.T.U} = ? \text{ cal}$$

$$7/5 \times (1 \text{ B.T.U}) =$$

$$7/5 \times 252 (\text{cal}) = 1890 \text{ cal}$$

تمرین: ۸۲۵/۲۵ کالری چند B.T.U می باشد؟
حل:

مثال: ۴۱۶/۲۵ کالری چند B.T.U است؟

$$416/25 (\text{cal}) = ? \text{ BTU}$$

$$416/25 \times (1 \text{ cal}) =$$

$$416/25 \times \left(\frac{1}{252} \text{ BTU}\right) = 1/65 \text{ BTU}$$

تمرین: ۸۴۶۵۰ کالری چند کیلوکالری می شود؟
حل

مثال: ۳۶۵۰۰ کالری چند کیلوکالری است؟
حل:

$$36500 \text{ cal} = ? \text{ kcal}$$

$$36500 \times (1 \text{ cal})$$

$$36500 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ kcal}\right) = 36/5 \text{ kcal}$$

<p>تمرین: ۱۲۲۵۰ کیلوکالری را بر حسب کالری حساب کنید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۶/۷۵۰ کیلوکالری را بر حسب کالری حساب کنید.</p> <p>حل:</p> $۶۷۵۰ \text{ kcal} = ? \text{ cal}$ $۶۷۵۰ \times (1 \text{ kcal})$ $۶۷۵۰ \times \left(\frac{1}{1000} \text{ cal}\right) = ۶۷۵۰ \text{ cal}$
<p>تمرین: ۱۱۲/۲۵ کیلوکالری را بر حسب بی‌تی‌یو حساب کنید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۳۵/۲۵ کیلوکالری را بر حسب بی‌تی‌یو حساب کنید.</p> <p>حل:</p> $۳۵/۲۵ \text{ kcal} = ? \text{ BTU}$ $۳۵/۲۵ \times (1 \text{ kcal}) =$ $۳۵/۲۵ \times (۳/۹۷ \text{ B.T.U}) = ۱۲/۹۰۲۵ \text{ BTU}$
<p>تمرین: ۸۹۶/۲۵ بی‌تی‌یو را بر حسب کیلوکالری حساب کنید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۴۶۹/۲۵ بی‌تی‌یو را بر حسب کیلوکالری حساب کنید.</p> <p>حل:</p> $۴۶۹/۲۵ \text{ BTU} = ? \text{ kcal}$ $۴۶۹/۲۵ \times (1 \text{ BTU})$ $۴۶۹/۲۵ \left(\frac{1}{۳/۹۷} \text{ kcal}\right)$ $\frac{۴۶۹/۲}{۳/۹۷} \text{ kcal} = ۱۱۸/۱۸۶ \text{ kcal}$
<p>۸-۹- رابطه کالری و واحد مکانیکی کار و انرژی:</p> <p>واحد مکانیکی کار و انرژی ژول است. که برابر کاری است که نیروی ۱ نیوتنی جسم را به اندازه ۱ متر جابجا کند. آزمایشات نشان داده که اگر انرژی یک کالری به کار تبدیل شود، این کار می‌تواند وزنه ۴/۱۸۶۸ نیوتنی را به اندازه یک متر به طور قائم بالا ببرد. بنابراین خواهیم داشت:</p>	

$$1 \text{ cal} = 4/1868 \text{ J} \Rightarrow \boxed{1 \text{ cal} \approx 4/19 \text{ J}} \Leftrightarrow \boxed{1 \text{ J} = \frac{1}{4/19} \text{ cal}}$$

از طرفی برای تبدیل kcal به J خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} 1 \text{ kcal} &= 1000 \text{ cal} \\ &= 1000 \times (1 \text{ cal}) \\ &= 1000 \times 4/1868 \text{ J} \end{aligned}$$

$$\boxed{1 \text{ kcal} = 4186/8 \text{ J}}$$

$$\begin{aligned} 1 \text{ kcal} &= 4186/8 \text{ J} \\ &= 4186/8 \times \left(\frac{1}{1000} \text{ kJ}\right) \\ &= 4/1868 \text{ kJ} \end{aligned}$$

$$1 \text{ kcal} = 4/1868 \text{ kJ} \Rightarrow 1 \text{ kcal} = 4/19 \text{ kJ} \Leftrightarrow 1 \text{ kJ} = \frac{1}{4/19} \text{ kcal}$$

$$1 \text{ B.T.U} \approx \frac{1}{4} \text{ kcal}$$

$$\approx \frac{1}{4} \times (4/19 \text{ kJ})$$

$$\approx \frac{4/19}{4} \text{ kJ}$$

$$\approx 1/05 \text{ kJ}$$

$$\boxed{1 \text{ B.T.U} \approx 1/05 \text{ kJ} \Leftrightarrow 1 \text{ kJ} \approx \frac{1}{1/05} \text{ B.T.U}}$$

تمرین: ۱۱۲۵/۲۵ کالری را بر حسب ژول به دست

آورید.

حل:

مثال: ۷/۳۵ کالری را بر حسب ژول به دست آورید.

حل:

$$7/35 \text{ cal} = ? \text{ J}$$

$$7/35 \times (1 \text{ cal}) =$$

$$7/35 \times 4/19 \text{ J} = 30/7965 \text{ J}$$

<p>تمرین: ۶۵۹/۳ ژول را بر حسب کالری به دست آورید.</p> <p>حل:</p> <p>:</p>	<p>مثال: ۵۶۹/۷ ژول را بر حسب کالری به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $۵۶۹/۷j = ? \text{ cal}$ $۵۶۹/۷ \times (1j)$ $۵۶۹/۷ \times \left(\frac{1}{۴/۱۹} \text{ cal}\right)$ $\frac{۵۶۹/۷}{۴/۱۹} = ۱۳۵/۹۷ \text{ cal}$
<p>تمرین: ۰/۰۰۰۸۵ کیلوکالری را بر حسب ژول به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۰/۰۰۹۷ کیلوکالری را بر حسب ژول به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $۰/۰۰۹۷ \text{ kcal} = ? j$ $۰/۰۰۹۷ \times (1 \text{ kcal})$ $۰/۰۰۹۷ \times (۴۱۸۶/۸j) = ۴/۰۶j$
<p>تمرین: ۲۵۶/۹ بی تی یو را بر حسب کیلوکالری به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۲۵/۸ بی تی یو را بر حسب کیلوکالری به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $۱۲۵/۸ \text{ B.T.U} = ? \text{ kcal}$ $۱۲۵/۸ \times (1 \text{ B.T.U})$ $۱۲۵/۸ \times \left(\frac{1}{۴} \text{ kcal}\right)$ $۱۲۵/۸ \times \frac{1}{۴} = ۳۱/۴۵ \text{ kcal}$
<p>تمرین: ۱۵۳۶ کیلوژول را بر حسب کیلوکالری به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۷۹۸ کیلوژول را بر حسب کیلوکالری به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $۷۹۸ \text{ kJ} = ? \text{ kcal}$

	$798 \times (\text{kJ}) =$ $798 \times \left(\frac{1}{4/19} \text{kcal}\right)$ $\frac{798}{4/19} = 190/45 \text{kcal}$
<p>تمرین: ۲۱۵/۳ بی تی یو را بر حسب کیلوژول حساب کنید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۱۲/۹ بی تی یو را بر حسب کیلوژول به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $112/9 \text{B.T.U} = ? \text{kJ}$ $112/9 \times (1 \text{B.T.U}) =$ $112/9 \times (1/0.5 \text{kJ})$ $112/9 \times 1/0.5 = 118/545 \text{kJ}$
<p>تمرین: ۲۵۲/۱۲۵ کیلوژول را بر حسب بی تی یو به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۷۶/۲۵ کیلوژول را بر حسب بی تی یو به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $76/25 \text{kJ} = ? \text{B.T.U}$ $76/25 \times (1 \text{kJ}) =$ $76/25 \times \left(\frac{1}{1/0.5} \text{B.T.U}\right)$ $\frac{76/25}{1/0.5} = 76/62 \text{B.T.U}$
<p style="text-align: center;">۹-۹- تعریف ظرفیت حرارتی:</p> <p>مقدار گرمای لازم برای افزایش دمای یک جسم به اندازه یک درجه سلسیوس را ظرفیت حرارتی جسم می نامند و با A نشان می دهند. در این صورت اگر Q مقدار گرمایی باشد که دمای جسم را از θ_1 به θ_2 برساند، در آن صورت ظرفیت حرارتی برابر خواهد بود با:</p> $A = \frac{Q}{\theta_2 - \theta_1} \left. \vphantom{A = \frac{Q}{\theta_2 - \theta_1}} \right\} \Rightarrow A = \frac{Q}{\Delta\theta} \Rightarrow Q = A \cdot \Delta\theta$ $\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1$	

تمرین: گرمای لازم برای بالا بردن درجه حرارت یک قطعه مسی از 25°C به 51°C ، $22/4$ کیلوکالری است. ظرفیت حرارتی آن را بر حسب کالری بر درجه سانتی‌گراد و همچنین ژول بر درجه کلون حساب کنید.

حل:

مثال: گرمای لازم برای بالا بردن درجه حرارت یک قطعه مسی از 25°C به 51°C ، $18/6$ کیلوکالری است. ظرفیت حرارتی آن را بر حسب کالری بر درجه سانتی‌گراد و همچنین ژول بر درجه کلون حساب کنید.

حل:

داده‌ها	خواسته‌ها
$Q = 18/6 \text{ kcal}$ $\theta_1 = 25^{\circ}\text{C}$ $\theta_2 = 51^{\circ}\text{C}$	$A = ? \frac{\text{cal}}{^{\circ}\text{C}}$ $A = ? \frac{\text{J}}{^{\circ}\text{kg}}$

- کیلوکالری را به کالری تبدیل می‌کنیم.

$$Q = 18/6 \text{ kcal}$$

$$Q = 18/6 (1000 \text{ cal})$$

$$Q = 18600 \text{ cal}$$

$$A = \frac{Q}{\Delta\theta}$$

$$A = \frac{Q}{\theta_2 - \theta_1}$$

$$A = \frac{18600}{510 - 25}$$

$$A = \frac{18600}{485}$$

$$A = 38/35 \frac{\text{cal}}{^{\circ}\text{C}}$$

چون اختلاف درجه حرارت کلون و سانتی‌گراد با

هم برابر است ($\Delta T = \Delta\theta$) لذا خواهیم داشت:

$$(1 \text{ cal} = 4/19 \text{ J})$$

$$A = \frac{18600 \times 4/19}{510 - 25}$$

$$A = \frac{77934 \text{ j}}{485 \text{ k}}$$

$$A = 160/69 \frac{\text{j}}{\text{k}}$$

تمرین: گرمای لازم برای بالا بردن درجه حرارت یک قطعه فولادی از 53°C به 585°C ، در صورتی که ظرفیت حرارتی آن برابر $105/25$ کالری بر درجه سانتی‌گراد باشد، حساب کنید.

حل:

مثال: گرمای لازم برای بالا بردن درجه حرارت یک قطعه فولادی از 75°C به 865°C ، در صورتی که ظرفیت حرارتی آن برابر $125/65$ کالری بر درجه سانتی‌گراد باشد، حساب کنید.

حل:

داده‌ها	خواسته
$\theta_1 = 75^{\circ}\text{C}$ $\theta_p = 865^{\circ}\text{C}$ $A = 125/65 \frac{\text{cal}}{^{\circ}\text{C}}$	$Q = ?$

$$A = \frac{Q}{\Delta\theta}$$

$$Q = A \times (\theta_p - \theta_1)$$

$$Q = 125/65 \frac{\text{cal}}{^{\circ}\text{C}} \times (865 - 75)^{\circ}\text{C}$$

$$Q = 125/65 \times 790$$

$$Q = 99263/5 \text{ cal}$$

تمرین: جسمی به میزان 1200 کالری حرارت داده می‌شود تا به دمای 100°C برسد. در صورتی که ظرفیت گرمایی جسم $20 \frac{\text{cal}}{^{\circ}\text{C}}$ باشد. دمای اولیه جسم را حساب کنید.

حل:

مثال: جسمی به میزان 500 کالری حرارت داده می‌شود. در صورتی که دمای اولیه جسم 25°C باشد. دمای نهایی آن چقدر خواهد شد؟ ظرفیت حرارتی

$$\text{جسم } 10 \frac{\text{cal}}{^{\circ}\text{C}}$$

حل:

داده‌ها	خواسته								
$Q = 500 \text{ cal}$ $\theta_1 = 25^\circ \text{C}$ $A = 10 \frac{\text{cal}}{^\circ \text{C}}$ $A = \frac{Q}{\Delta\theta}$	$Q = ?$								
<p style="text-align: right;">نوشتن رابطه: جای گذاری در رابطه</p> $Q = A \times \Delta\theta$ $500 = 10 \Delta\theta$ $\Delta\theta = \frac{500}{10} = 50$ $\Delta\theta = \theta_p - \theta_1$ $50 = \theta_p - 25$ $50 + 25 = \theta_p$ $\theta_p = 75^\circ \text{C}$									
<p>تمرین: گرمای لازم برای افزایش درجه حرارت یک قطعه فلزی از 10°C به 85°C ، 150000 J است. ظرفیت حرارتی را بر حسب کالری بر درجه سانتی‌گراد را به دست آورید.</p> <p style="text-align: center;">حل:</p>	<p>مثال: گرمای لازم برای افزایش درجه حرارت یک قطعه فلزی از 20°C به 1000°C برابر 40000 cal است. ظرفیت حرارتی را بر حسب کیلوکالری بر درجه سانتی‌گراد و همچنین ژول بر درجه کلوین تعیین کنید.</p> <p style="text-align: center;">حل:</p> <table border="1" data-bbox="782 1455 1378 1712"> <thead> <tr> <th data-bbox="782 1455 1074 1516">داده‌ها</th> <th data-bbox="1074 1455 1378 1516">خواسته‌ها</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td data-bbox="782 1516 1074 1577">$\theta_1 = 20^\circ \text{C}$</td> <td data-bbox="1074 1516 1378 1577">$A = ? \frac{\text{kcal}}{^\circ \text{C}}$</td> </tr> <tr> <td data-bbox="782 1577 1074 1639">$\theta_p = 1000^\circ \text{C}$</td> <td data-bbox="1074 1577 1378 1639"></td> </tr> <tr> <td data-bbox="782 1639 1074 1700">$Q = 40000 \text{ cal}$</td> <td data-bbox="1074 1639 1378 1700">$A = ? \frac{\text{J}}{^\circ \text{K}}$</td> </tr> </tbody> </table> <p style="text-align: right;">نوشتن رابطه:</p> $A = \frac{Q}{\Delta\theta}$	داده‌ها	خواسته‌ها	$\theta_1 = 20^\circ \text{C}$	$A = ? \frac{\text{kcal}}{^\circ \text{C}}$	$\theta_p = 1000^\circ \text{C}$		$Q = 40000 \text{ cal}$	$A = ? \frac{\text{J}}{^\circ \text{K}}$
داده‌ها	خواسته‌ها								
$\theta_1 = 20^\circ \text{C}$	$A = ? \frac{\text{kcal}}{^\circ \text{C}}$								
$\theta_p = 1000^\circ \text{C}$									
$Q = 40000 \text{ cal}$	$A = ? \frac{\text{J}}{^\circ \text{K}}$								

$$A = \frac{Q}{\theta_p - \theta_1}$$

جایگذاری در رابطه

$$A = \frac{40000}{1000 - 20} = \frac{40000}{980} = 4/08 \frac{\text{cal}}{^\circ\text{C}}$$

$$1 \text{ kcal} = 1000 \text{ cal} \Rightarrow 1 \text{ cal} = \frac{1}{1000} \text{ kcal}$$

$$4/08 \frac{\text{cal}}{^\circ\text{C}} = 4/08 \frac{1 \text{ kcal}}{1000} = 4/08 \frac{1}{1000} \text{ kcal}$$

$$\frac{4/08 \text{ kcal}}{1000} = 0/00408 \frac{\text{kcal}}{^\circ\text{C}}$$

$$1 \text{ cal} = 4/19 \text{ J}$$

$$\Delta\theta^{^\circ\text{C}} = \Delta\theta^{\text{K}}$$

$$4/08 \frac{\text{kcal}}{^\circ\text{C}} = 4/08 \frac{1 \text{ cal}}{1^\circ\text{C}} \text{ تبدیل به ژول بر درجه}$$

$$= 4/08 \frac{4/19 \text{ J}}{1^\circ\text{K}}$$

$$= 4/08 \times 4/19 \frac{\text{J}}{^\circ\text{K}}$$

$$= 17/09 \frac{\text{J}}{^\circ\text{K}}$$

۹-۱۰- تعریف گرمای ویژه:

مقدار گرمای لازم برای افزایش دمای واحد جرم جسم (گرم یا کیلوگرم) به اندازه یک درجه سلسیوس را گرمای ویژه می‌نامند و آن را با C نمایش می‌دهند. گرمای ویژه در درجه حرارت‌های مختلف برابر نیست. بنابراین برای محاسبات متوسط یا میانگین آنها را در نظر می‌گیرند.

۹-۱۰-۱- واحد گرمای ویژه: در صورتی که Q مقدار گرمایی باشد که دمای جسم به جرم m را از θ_1 به

θ_p برساند. در آن صورت گرمای ویژه آن برابر خواهد بود با:

$$c = \frac{Q}{m(\theta_p - \theta_1)} \quad \Delta\theta = \theta_p - \theta_1 \quad \left. \vphantom{c} \right\} \Rightarrow \boxed{c = \frac{Q}{m\Delta\theta}} \Rightarrow Q = mc\Delta\theta$$

با استفاده از رابطه گرمای ویژه اگر Q بر حسب cal ، m بر حسب gr و $(9-484)$ بر حسب $^{\circ}C$ باشد بنابراین واحد گرمای ویژه برابر خواهد بود با :

$$\text{واحد گرمای ویژه} = \frac{\text{واحد گرما}}{\text{واحد درجه حرارت} \times \text{واحد جرم}} = \frac{\text{cal}}{\text{gr} \cdot ^{\circ}C}$$

بنابراین واحد گرمای ویژه عبارت خواهد بود با:

$$\boxed{\frac{\text{cal}}{\text{gr} \cdot ^{\circ}C}}$$

- در صورتی که واحد گرما kcal ، واحد جرم kg و واحد دما $^{\circ}C$ باشد. واحد گرمای ویژه عبارت است از:

$$\frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}C}$$

- در صورتی که واحد گرما J ، واحد جرم kg و واحد دما k باشد. واحد گرمای ویژه عبارت است از:

$$\frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{k}}$$

- در صورتی که واحد گرما J ، واحد جرم kg و واحد دما $^{\circ}C$ باشد. واحد گرمای ویژه عبارت است از:

$$\frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}C}$$

- تبدیل واحدهای گرمای ویژه:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} \\ 1 \text{ kcal} = 1000 \text{ cal} \\ 1 \text{ kg} = 1000 \text{ g} \end{array} \right\} \Rightarrow 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} = 1 \frac{\cancel{1000} \text{ cal}}{\cancel{1000} \text{ g} \cdot ^\circ\text{C}} = 1 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}}$$

$$\Rightarrow \boxed{1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} = 1 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}}}$$

$$1^\circ\text{C} = 1^{\text{K}} = \text{N} \boxed{1 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}} = 1 \frac{\text{J}}{\text{K} \cdot ^\circ\text{C}}}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}} \\ 1 \text{ cal} = 41868 \text{ J} \\ 1 \text{ g} = \frac{1}{1000} \text{ kg} \\ 1^\circ\text{C} = 1 \text{ K} \end{array} \right\} \Rightarrow 1 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}} = \frac{41868 \text{ J}}{\frac{1}{1000} \text{ kg} \cdot \text{K}} = 1000 \times 41868 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$$

$$\Rightarrow \boxed{1 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}} = 41868 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}}$$

واحد گرمای ویژه در سیستم انگلیسی بر حسب بی تی یو بر پوند درجه فارنهایت است:

$$\frac{\text{B.T.U}}{\text{Lb} \cdot ^\circ\text{F}}$$

جدول ۱-۹- گرمای ویژه پاره‌ای از مواد

گرمای ویژه kJ / K.kg	گرمای ویژه cal/g.°c	آلیاژ ^۱	گرمای ویژه kJ / K.kg	گرمای ویژه cal/g.°c	فلز
۰/۴۸۵	۰/۱۱۶	چدن	۰/۹۰۸	۰/۲۱۷	آلومینیم
۰/۴۸۱	۰/۱۱۵	فولاد	۰/۴۷۳	۰/۱۱۳	آهن
۰/۳۹۳	۰/۰۹۴	برنج	۰/۳۹۰	۰/۰۹۳	مس
۰/۳۴۳	۰/۰۸۲	برنز	۰/۹۸۰	۰/۲۳۴	منیزیم
۰/۱۴۶	۰/۰۳۵	سرب خشک	۰/۱۳۰	۰/۰۳۱	سرب
۰/۸۸۳	۰/۲۱۱	دور آلومین	۰/۳۸۱	۰/۰۹۱	روی
۴/۱۸۶	۱	آب	۰/۲۲۶	۰/۰۵۴	قلع

۱- در مورد آلیاژها ترکیب آنها حائز اهمیت است و در هر مورد با نسبت‌های ترکیبی، گرمای ویژه تغییر می‌کند.

تمرین: قطعه‌ای آلومینیمی به جرم ۵۰۰ گرم به میزان ۲۰۰۰ کالری حرارت داده می‌شود تا دمای آن به ۴۰۰°C برسد. مطلوبست دمای اولیه قطعه در صورتی که گرمای ویژه آلومینیم ۰/۲۲ کالری بر گرم درجه سلسیوس باشد؟

حل:

مثال: مطلوب است میزان حرارت لازم جهت افزایش درجه حرارت قطعه آهنی به جرم ۱۰۰ گرم از ۲۰°C تا ۴۰۰°C در صورتی که گرمای ویژه آهن ۰/۱۲ کالری بر گرم درجه سلسیوس است.

حل:

داده‌ها	خواسته
$\theta_1 = 20^\circ\text{C}$ $\theta_p = 400^\circ\text{C}$ $c = 0.12 \frac{\text{cal}}{\text{gr.}^\circ\text{C}}$ $m = 100 \text{gr}$	$Q = ?$

نوشتن رابطه

$$Q = mc(\theta_p - \theta_1)$$

$$Q = mc\Delta\theta$$

	<p>جایگذاری در رابطه</p> $Q = 100 \times 0 / 12(400 - 20)$ $Q = 12 \times 380 = \boxed{4560 \text{ cal}}$
<p>تمرین: ۱۱/۲ کالری بر گرم سانتی‌گراد را بر حسب ژول بر کیلوگرم به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۷/۵ کالری بر گرم درجه سانتی‌گراد را بر حسب ژول بر کیلوگرم کلون به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $7/5 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot \text{C}} = ? \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ $7/5 \times (1 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot \text{C}})$ $7/5 \times 4186/8 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}} = 3140.1 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$
<p>تمرین: ۱۵۷۹۴۶/۴ ژول بر کیلوگرم کلون را بر حسب کالری بر گرم سانتی‌گراد به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۵۶۴۹۸۰/۵ ژول بر کیلوگرم کلون را بر حسب کالری بر گرم سانتی‌گراد به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $564980/5 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}} = ? \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot \text{C}}$ $564980/5 \times (1 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}})$ $564980/5 \times 1 \frac{\text{J}}{4186/8 \text{ g} \cdot \text{C}}$ $\frac{564980/5}{4186/8} = 134/9 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot \text{C}}$
<p>تمرین: در صورتی که گرمای ویژه قطعه‌ای فلزی ۰/۰۳ کیلوکالری بر کیلوگرم درجه سلسیوس باشد. میزای گرمای ویژه بر حسب کالری بر گرم درجه سلسیوس چقدر خواهد بود؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: در صورتی که گرمای ویژه قطعه‌ای فلزی ۰/۲۳۴ کالری بر گرم درجه سلسیوس باشد. میزان گرمای ویژه بر حسب کیلوکالری بر کیلوگرم درجه سلسیوس چقدر خواهد بود؟</p> <p>حل:</p>

	$1 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}} = 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$ $0 / 234 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}} = 0 / 234 \times \left(1 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}}\right)$ $= 0 / 234 \times \left(1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}\right)$ $= 0 / 234 \times \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$
<p>تمرین: در صورتی که گرمای ویژه قطعه‌ای ۴۵۰ ژول بر کیلوگرم درجه کلون باشد. میزان آن بر حسب ژول بر کیلوگرم درجه سانتی‌گراد چقدر خواهد بود؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: در صورتی که گرمای ویژه قطعه‌ای فلزی ۹۰۰ ژول بر کیلوگرم درجه سانتی‌گراد باشد. میزان آن بر حسب ژول بر کیلوگرم درجه کلون چقدر خواهد بود؟</p> <p>حل:</p> $1 \frac{\text{j}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} = 1 \frac{\text{j}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ $900 \frac{\text{j}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} = 900 \times \left(1 \frac{\text{j}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}\right)$ $= 900 \times \left(1 \frac{\text{j}}{\text{kg} \cdot \text{K}}\right)$ $= 900 \frac{\text{j}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$
<p>تمرین: گرمای ویژه فلزی ۰/۰۹ کالری بر گرم درجه سلسیوس است. میزان آن بر حسب ژول بر کیلوگرم درجه کلون چقدر است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: گرمای ویژه فلزی ۰/۳۳ کالری بر گرم درجه سلسیوس است. میزان آن بر حسب ژول بر کیلوگرم درجه کلون چقدر است؟</p> <p>حل:</p> $1 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}} = 4186 / 8 \frac{\text{j}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ $0 / 33 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}} = 0 / 33 \left(1 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ\text{C}}\right)$

	$= 0/33(4186/8 \frac{j}{kg.k})$ $= 1381/64 \frac{j}{kg.k}$
<p>تمرین: گرمای ویژه فلزی ۳۸۰ ژول بر کیلوگرم درجه کلون است. میزان آن بر حسب کالری بر گرم درجه سلسیوس چقدر است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: گرمای ویژه فلزی ۱۳۰ ژول بر کیلوگرم درجه کلون است. میزان آن بر حسب کالری بر گرم درجه سلسیوس چقدر است؟ حل:</p> $1 \frac{j}{kg.k} = \frac{1}{4186/8} \frac{cal}{g.^{\circ}c}$ $130 \frac{j}{kg.k} = 130 \times (1 \frac{j}{kg.k})$ $= 130 \times (\frac{1}{4186/8} \frac{cal}{g.^{\circ}c})$ $= \frac{130}{4186/8} \frac{cal}{g.^{\circ}c}$ $= 0/031 \frac{cal}{g.^{\circ}c}$
<p>تمرین: گرمای ویژه فلزی ۱ کیلوژول بر کیلوگرم درجه کلون است. میزان آن بر حسب ژول بر کیلوگرم درجه کلون چقدر است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: گرمای ویژه فلزی ۲۰۰ ژول بر کیلوگرم درجه کلون است. میزان آن بر حسب کیلوژول بر کیلوگرم درجه کلون چقدر است؟ حل:</p> $1 \frac{j}{kg.k} = \frac{1}{1000} \frac{kJ}{kg.k}$ $200 \frac{j}{kg.k} = 200 \times (1 \frac{j}{kg.k})$ $= 200 \times (\frac{1}{1000} \frac{kJ}{kg.k})$ $= \frac{200}{1000} \frac{kJ}{kg.k}$ $= 0/2 \frac{kJ}{kg.k}$

تمرین: قطعه‌ای به جرم ۹۰۰ گرم به میزان ۵۰۰۰ کالری حرارت داده می‌شود تا دمای آن از ۱۰°C به ۲۵°C برسد. میزان گرمای ویژه آن را بر حسب ژول بر کیلوگرم درجه کلونین به دست آورید.

حل:

مثال: قطعه‌ای به جرم ۵۰۰ گرم به میزان ۱۰۰۰۰ ژول حرارت داده می‌شود تا دمای آن از ۲۵°C به ۲۰۰°C برسد. میزان گرمای ویژه آن را بر حسب کالری بر گرم درجه سانتی‌گراد به دست آورید.

حل:

خواسته	داده‌ها
$c = ?$	$m = 500 \text{ gr}$ $Q = 10000 \text{ J}$ $\theta_1 = 25^\circ \text{C}$ $\theta_p = 200^\circ \text{C}$

تبدیل واحد:

$$1 \text{ J} \approx \frac{1}{4/19} \text{ cal}$$

$$10000 \text{ J} = 10000 \times (1 \text{ J})$$

$$= 10000 \times \left(\frac{1}{4/19} \text{ cal} \right)$$

$$= \frac{10000}{4/19} \text{ cal}$$

$$= 2386/63 \text{ cal}$$

نوشتن رابطه

$$Q = mc(\theta_p - \theta_1)$$

جایگذاری در رابطه

$$2386/63 = 500 \times c(200 - 25)$$

$$2386/63 = 500 \times 175 \times c$$

$$2386/63 = 87500 \times c$$

$$\frac{2386/63}{87500} = \frac{\cancel{87500} \times c}{\cancel{87500}}$$

$$c = 0.027 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ \text{C}}$$

۹-۱۱- تعریف نقطه ذوب:

نقطه ذوب دمایی است که در فشار یک اتمسفر جسم از حالت جامد به مایع تبدیل می‌شود. نقطه ذوب و انجماد با یکدیگر برابرند. نقطه انجماد دمایی است که در فشار یک اتمسفر جسم از حالت مایع به جامد تبدیل می‌شود. دمای اجسام خالص در حین انجماد یا ذوب ثابت می‌ماند.

۹-۱۲- تعریف گرمای نهان گداز:

مقدار گرمایی است که در نقطه ذوب و در فشار یک اتمسفر به واحد جرم جسم داده می‌شود تا از حالت جامد به مایع تبدیل شود. گرمای نهان گداز را با λ نشان می‌دهند.

۹-۱۲-۱- واحدهای گرمای نهان گداز: در صورتی که جرم جسم برابر m و گرمای نهان گداز آن برابر λ باشد. گرمای مورد نیاز جهت ذوب جسم (Q_λ) در نقطه ذوب برابر خواهد بود با:

$$Q_\lambda = m\lambda$$

بنابراین گرمای نهان ذوب برابر خواهد بود با:

$$\lambda = \frac{Q_\lambda}{m}$$

$$\lambda \text{ واحد} = \frac{Q_\lambda \text{ واحد}}{m \text{ واحد}}$$

در صورتی که واحد Q_λ ، cal و واحد جرم گرم باشد. واحد گرمای نهان گداز به این صورت می‌باشد:

$$\text{واحد گرمای نهان گداز } (\lambda) = \frac{\text{cal}}{\text{g}}$$

واحدهای دیگر گرمای نهان گداز عبارتند از:

$$\frac{\text{B.T.U}}{\text{Lb}}, \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, \frac{\text{j}}{\text{kg}}, \frac{\text{kcal}}{\text{kg}}, \frac{\text{cal}}{\text{g}}$$

- تبدیل واحد $\frac{\text{cal}}{\text{g}}$ به واحد $\frac{\text{j}}{\text{kg}}$ در سیستم SI :

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{ cal} = 4/1868 \text{ j} \\ 1 \text{ g} = \frac{1}{1000} \text{ kg} \end{array} \right\} 1 \frac{\text{cal}}{\text{g}} = \frac{4/1868 \text{ j}}{\frac{1}{1000} \text{ kg}}$$

$$= 4/1868 \times 1000 \frac{j}{kg}$$

$$\boxed{1 \frac{cal}{g} = 4/1868 \times 10^3 \frac{j}{kg}}$$

$$\boxed{1 \frac{cal}{g} = 4/1868 \times 10^3 \frac{j}{kg} \Leftrightarrow 1 \frac{j}{kg} = \frac{1}{4/1868 \times 10^3} \frac{cal}{g}}$$

$$1kj = 1000j = 10^3 j \Rightarrow 1 \frac{cal}{g} = 4/1868 \times 10^3 \frac{j}{kg}$$

$$1 \frac{cal}{g} = 4/1868 \frac{j}{kg}$$

$$\boxed{1 \frac{cal}{g} = 4/186 \frac{kJ}{kg} \Leftrightarrow 1 \frac{kJ}{kg} = \frac{1}{4/186} \frac{cal}{g}}$$

جدول ۲-۹- گرمای نهان گداز و نقطه ذوب پاره‌ای از مواد

گرمای نهان گداز $\lambda [J/kg]$	نقطه ذوب $T_m [K]$	جسم	گرمای نهان گداز $\lambda [J/kg]$	نقطه ذوب $T_m [K]$	جسم
$8/8 \times 10^4$	۱۲۳۳	نقره	$3/8 \times 10^5$	۹۳۲	آلومینیم
$2/1 \times 10^5$	۱۶۷۳	فولاد	$1/8 \times 10^5$	۱۳۵۶	مس
$5/5 \times 10^4$	۳۵۸/۸	گوگرد	$6/6 \times 10^4$	۱۳۳۷	طلا
$5/8 \times 10^4$	۵۰۵	قلع	$2/7 \times 10^5$	۱۸۰۳	آهن
$2/6 \times 10^4$	۳۶۸۳	تنگستن	$1/3 \times 10^5$	۱۴۷۳	چدن سفید
$3/35 \times 10^5$	۲۷۳	یخ	$9/7 \times 10^4$	۱۴۲۳	چدن خاکستری
$1/18 \times 10^5$	۶۹۲	روی	$2/5 \times 10^4$	۶۰۰	سرب
			$1/25 \times 10^4$	۲۳۴	جیوه

<p>تمرین: حرارتی معادل 3000 kJ چند کیلوگرم مس را در نقطه ذوب ، ذوب خواهد کرد. در صورتی که گرمای نهان ذوب مس برابر $5 \times 10^5 \text{ J/kg}$ ژول بر کیلوگرم باشد.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: مطلوبست میزان حرارت لازم برای ذوب شدن ۵ کیلوگرم آلومینیم در نقطه ذوب خود در صورتی که گرمای نهان ذوب آن $5 \times 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ باشد.</p> <p>حل:</p> <table border="1" data-bbox="782 414 1378 635"> <thead> <tr> <th>خواسته</th> <th>داده‌ها</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$Q_\lambda = ?$</td> <td>$m = 5 \text{ kg}$ $\lambda = 5 \times 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$</td> </tr> </tbody> </table> <p>نوشتن رابطه</p> $Q_\lambda = m\lambda$ $Q_\lambda = 5 \times 5 \times 10^5$ $= 19 \times 10^5 \text{ J}$	خواسته	داده‌ها	$Q_\lambda = ?$	$m = 5 \text{ kg}$ $\lambda = 5 \times 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$
خواسته	داده‌ها				
$Q_\lambda = ?$	$m = 5 \text{ kg}$ $\lambda = 5 \times 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$				
<p>تمرین: $3/497$ کالری بر گرم را بر حسب ژول بر کیلوگرم به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: $0/0012$ کیلوکالری بر g را بر حسب ژول بر کیلوگرم به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $0/0012 \frac{\text{cal}}{\text{g}} = ? \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ $0/0012 \times \left(\frac{\text{cal}}{\text{g}}\right)$ $0/0012 \times 4/1868 \times 10^3 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ $0/0012 \times 4186/8 \frac{\text{J}}{\text{kg}} = 5/02416 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$				
<p>تمرین: 17456 ژول بر کیلوگرم را بر حسب کالری بر گرم به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: $456/8$ ژول بر کیلوگرم را بر حسب کالری بر گرم به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $456/8 \frac{\text{J}}{\text{kg}} = ? \frac{\text{cal}}{\text{g}}$				

	$456/8 \times (1 \frac{j}{kg})$ $456/8 \times \frac{1}{4/1868 \times 10^3} \frac{cal}{g}$ $\frac{456/8}{4186/8} \frac{cal}{g} = 0/109 \frac{cal}{g}$
<p>تمرین: ۴۵۶/۷ کالری بر گرم را بر حسب کیلوژول بر کیلوگرم به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۱۶۸۵۰ کالری بر گرم را بر حسب کیلوژول بر کیلوگرم به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $16850 \frac{cal}{g} = ? \frac{kJ}{kg}$ $16850 \times (1 \frac{cal}{g}) =$ $16850 \times 4/1868 \frac{kJ}{kg}$ $16850 \times 4/1868 = 70547/58 \frac{kJ}{kg}$
<p>تمرین: در صورتی که گرمای نهان ذوب جسمی ۲۰۰ $\frac{kJ}{kg}$ باشد. میزان آن بر حسب کالری بر گرم چقدر است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: در صورتی که گرمای نهان ذوب جسمی ۸۰ $\frac{cal}{g}$ باشد. میزان آن بر حسب کیلوژول بر کیلوگرم چقدر است؟</p> <p>حل:</p> $1 \frac{cal}{g} = 4/19 \frac{kJ}{kg}$ $80 \frac{cal}{g} = 80 (1 \frac{cal}{g})$ $= 80 \times (4/19 \frac{kJ}{kg})$ $= 335/2 \frac{kJ}{kg}$

۹-۱۳- تعریف گرمای نهان تبخیر:

مقدار گرمایی است که در نقطه جوش جسم و در فشار یک اتمسفر به واحد جرم جسم داده می‌شود تا از حالت مایع به حالت بخار تبدیل شود. گرمای نهان تبخیر را با حرف L نشان می‌دهند.

۹-۱۳-۱- واحدهای گرمای نهان تبخیر: در صورتی که جرم جسم برابر m و گرمای نهان تبخیر آن L باشد،

گرمای مورد نیاز جهت تبخیر آن برابر خواهد بود با:

$$Q_L = m.L$$

در این صورت گرمای نهان تبخیر آن به صورت زیر است:

$$L = \frac{Q_L}{m}$$

که واحدهای گرمای نهان تبخیر با واحدهای گرمای نهان گداز برابرند.

تمرین: در صورتی که برای تبخیر مایعی به جرم ۸۰۰ گرم، 4000 ج گرمای نهان تبخیر آن چقدر خواهد بود؟

حل:

مثال: در صورتی که برای تبخیر مایعی به جرم 500 گرم 537 cal در نقطه تبخیر حرارت مورد نیاز باشد. گرمای نهان تبخیر آن چقدر خواهد بود؟

حل:

داده‌ها	خواسته
$m = 500 \text{ g}$ $Q_L = 537$	$L = ?$

نوشتن رابطه:

$$L = \frac{Q_L}{m}$$

$$L = \frac{537}{500} = 1.074 \frac{\text{cal}}{\text{g}}$$

۹-۱۴- رابطه مقدار گرما:

هنگامی که فلز حرارت داده می‌شود برای ذوب شدن ابتدا گرما سبب بالا رفتن دما تا نقطه ذوب می‌شود سپس در نقطه ذوب سبب ذوب شدن آن و پس از ذوب شدن سبب بالا رفتن دمای آن تا دمای فوق ذوب می‌شود.

بنابراین مقدار حرارت لازم برای حرارت دادن فلز تا دمای فوق ذوب برابر Q است.

$$Q = Q_1 + Q_2 + Q_3$$

که در آن:

Q_1 گرمای لازم برای بالا رفتن دمای جسم تا نقطه ذوب

Q_2 گرمای لازم برای ذوب شدن قطعه در نقطه ذوب (گرمای نهان گداز)

Q_3 گرمای لازم برای بالا رفتن دمای جسم از نقطه ذوب تا دمای فوق ذوب

در صورتی که جرم جسم m باشد، مقدار گرمای لازم از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\left. \begin{aligned} Q_1 &= m\bar{c}(\theta_m - \theta_i) \\ Q_2 &= m\lambda \\ Q_3 &= m\bar{c}'(\theta_p - \theta_m) \end{aligned} \right\} Q = Q_1 + Q_2 + Q_3$$

$$\Rightarrow \boxed{Q = m\bar{c}(\theta_m - \theta_i) + m\lambda + m\bar{c}'(\theta_p - \theta_m)}$$

که در آن:

\bar{c} : گرمای ویژه متوسط جسم جامد

\bar{c}' : گرمای ویژه متوسط جسم مذاب

λ : گرمای نهان گداز

θ_m : نقطه ذوب

θ_i : دمای محیط (معمول 25°C انتخاب می‌شود)

θ_p : دمای فوق گداز (دمای مناسب ریختن)

تمرین: برای ذوب ۸۵ کیلوگرم مس و رسانیدن درجه حرارت مذاب به 145°C فوق ذوب، چند ژول و کیلوژول و کیلوکالری حرارت مورد نیاز است.

مثال: برای ذوب ۹۵ کیلوگرم مس و رسانیدن درجه حرارت مذاب به 150°C فوق ذوب، چند ژول و کیلوژول و کیلوکالری حرارت مورد نیاز است. دمای

دمای محیط ۲۵°C ، گرمای ویژه متوسط مس جامد $۴۰۰ \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}}$ گرمای ویژه $۴۶۰ \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}}$ و گرمای نهان $۱/۸ \times ۱۰^۵ \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ گداز مس ۱۰۸۳°C و نقطه ذوب مس ۱۰۸۳°C است.

حل:

محیط ۳۰°C ، گرمای ویژه متوسط مس جامد $۴۰۰ \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}}$ گرمای ویژه متوسط مذاب $۴۶۰ \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}}$ و گرمای نهان گداز مس $۱/۸ \times ۱۰^۵ \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ و نقطه ذوب مس ۱۰۸۳°C است.

حل:

داده‌ها	خواسته‌ها
$m = ۹۵\text{kg}$	$Q = ?\text{J}$
$(\theta_p - \theta_m) = ۱۵^{\circ}\text{C}$	$Q = ?\text{kJ}$
$\theta_i = ۳۰^{\circ}\text{C}$	$Q = ?\text{kcal}$
$\theta_m = ۱۰۸۳^{\circ}\text{C}$	
$\bar{c}' = ۴۶۰ \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}}$	
$\bar{c} = ۴۰۰ \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot\text{K}}$	
$\lambda = ۱/۸ \times ۱۰^۵ \frac{\text{J}}{\text{kg}}$	

$$Q = Q_1 + Q_p + Q_m$$

$$Q = m\bar{c}(\theta_m + \theta_i) + m\lambda + m\bar{c}'(\theta_p - \theta_m)$$

$$Q = ۹۵ \times ۴۰۰ \times (۱۰۸۳ - ۳۰) + ۹۵ \times ۱/۸ \times ۱۰^۵ + ۹۵ \times ۴۶۰ \times ۱۵$$

$$Q = ۹۵ \times ۴۰۰ \times ۱۰۵۳ + ۹۵ \times ۱/۸ \times ۱۰^۵ + ۹۵ \times ۴۶۰ \times ۱۵$$

$$Q = ۴۰۰۱۴۰۰۰۰ + ۱۷۱۰۰۰۰۰ + ۶۵۵۵۰۰۰$$

$$Q = ۶۳۶۶۹۰۰۰\text{J}$$

ژول را به کیلوژول تبدیل می‌کنیم

$$Q = ۶۳۶۶۹۰۰۰ \times \left(\frac{1}{۱۰۰۰}\text{kJ}\right)$$

$$Q = ۶۳۶۶۹\text{kJ}$$

کیلوژول را به کیلوکالری تبدیل می‌کنیم

$$Q = ۶۳۶۶۹ \times \left(\frac{1}{۴/۱۸۶۸}\text{kcal}\right)$$

$$Q = \frac{63669}{4/1868} \text{ kcal}$$

$$Q = 15207/0.79 \text{ kcal}$$

تمرین: می‌خواهیم ۸۲ کیلوگرم چدن را در کوره ذوب به نقطه فوق ذوب 1380°C برسانیم، حساب کنید: مقدار حرارت لازم را بر حسب کیلوژول و کیلوکالری ، در صورتی که گرمای ویژه چدن جامد $0.72 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.k}}$ ، گرمای ویژه چدن مذاب $0.93 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.k}}$ ، گرمای نهان ذوب $145 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.k}} = \lambda$ و نقطه ذوب آن 1180°C باشد.
حل:

مثال: می‌خواهیم ۷۵ کیلوگرم چدن را در کوره ذوب به نقطه فوق ذوب 1450°C برسانیم، حساب کنید: مقدار حرارت لازم را بر حسب کیلوژول و کیلوکالری ، در صورتی که گرمای ویژه چدن جامد $0.68 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.k}}$ ، گرمای ویژه چدن مذاب $0.82 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.k}}$ ، گرمای نهان ذوب $135 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.k}} = \lambda$ و نقطه ذوب آن 1250°C باشد.
حل:

داده‌ها	خواسته‌ها
$m = 75 \text{ kg}$	$Q = ? \text{ kJ}$
$\theta_i = 30^{\circ}\text{C}$	$Q = ? \text{ kcal}$
$(\theta_p - \theta_m) = 200^{\circ}\text{C}$	
$c = 0.68 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.k}}$	
$c' = 0.82 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.k}}$	
$\lambda = 135 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.k}}$	
$\theta_m = 1250^{\circ}\text{C}$	

$$Q = Q_1 + Q_p + Q_m$$

$$Q = m\bar{c}(\theta_m - \theta_i) + m\lambda + mc'(\theta_p - \theta_m)$$

$$Q = 75 \times 0.68(1250 - 30) + 75 \times 135 + 75 \times 0.82(1450 - 1250)$$

$$Q = 75 \times 0.68 \times 1220 + 75 \times 135 + 75 \times 0.82 \times 200$$

$$Q = 62475 + 10125 + 12300$$

$$Q = 84900 \text{ kJ}$$

کیلوژول را به کیلوکالری تبدیل می‌کنیم

$$Q = 84900 \times (1 \text{ kJ})$$

$$Q = 84900 \times \left(\frac{1}{4/1868} \text{ kcal} \right)$$

$$Q = \frac{84900}{4/1868} \text{ kcal}$$

$$Q = 20278/02 \text{ kcal}$$

تمرین: برای ذوب ۱۰ کیلوگرم آهن از درجه حرارت 20°C تا نقطه ذوب آن چقدر حرارت بر حسب کالری لازم است. در صورتی که گرمای ویژه و گرمای نهان ذوب آهن به ترتیب $0/113 \frac{\text{cal}}{\text{g}\cdot^\circ\text{C}}$ و $2/7 \times 10^5 \frac{\text{cal}}{\text{kg}}$ باشد. $T_{M(AL)} = 660^\circ\text{C}$
حل:

مثال: برای ذوب ۵۰ کیلوگرم آلومینیم از درجه حرارت 25°C تا پایان ذوب آن چقدر حرارت بر حسب ژول لازم است. در صورتی که گرمای نهان ذوب آلومینیم و گرمای ویژه آن به ترتیب $3/8 \times 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ و $908 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$ باشد. $T_{M(AL)} = 660^\circ\text{C}$
حل:

داده‌ها	خواسته
$m = 50 \text{ kg}$ $\theta_1 = 25^\circ\text{C}$ $\theta_p = 660^\circ\text{C}$ $c = 908 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$ $\lambda = 3/8 \times 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$	$Q = ?$

در این حالت که مقداری از حرارت صرف افزایش دمای آلومینیم از 25°C تا 660°C می‌شود که از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$Q_1 = mc(\theta_p - \theta_1)$$

مقدار دیگر حرارت صرف ذوب کردن آلومینیم در نقطه ذوب آلومینیم می‌شود که از رابطه زیر به دست می‌آید:

	$Q_p = m\lambda$ <p style="text-align: right;">محاسبه Q_1</p> $Q_1 = mc(\theta_p - \theta_1)$ $Q_1 = 50 \times 908(660 - 25)$ $Q_1 = 28829000$ <p style="text-align: right;">محاسبه Q_p</p> $Q_p = m\lambda$ $Q_p = 80 \times 3 / 8 \times 10^5$ $= 3 / 04 \times 10^6 \text{ j}$ <p style="text-align: right;">حرارت مورد نیاز:</p> $Q = Q_1 + Q_p$ $Q = 2 / 8829 \times 10^6 + 3 / 04 \times 10^6$ $Q = 5 / 9229 \times 10^6 \text{ j}$
<p>تمرین: مطلوب است محاسبه حرارت مورد نیاز بر حسب کیلوژول جهت ذوب ۸۰ کیلوگرم فولاد از دمای ۳۰°C و رساندن آن به ۲۰۰ k فوق ذوب در صورتی که نقطه ذوب فولاد ۱۶۷۳ k ، گرمای ویژه فولاد جامد $\frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot \text{C}}$ ۰/۱۱۵ ، گرمای ویژه فولاد مذاب $\frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot \text{C}}$ ۰/۱۵ و گرمای نهان ذوب فولاد $\frac{\text{j}}{\text{kg}}$ ۲/۱×۱۰^۵ باشد.</p> <p style="text-align: right;">حل:</p>	<p>تمرین: مطلوب است محاسبه حرارت مورد نیاز بر حسب کالری جهت ذوب ۱۰۰ کیلوگرم چدن خاکستری در دمای ۲۵°C و رساندن آن تا دمای ۱۳۰۰°C در صورتی که نقطه ذوب چدن ۱۱۵۰°C ، گرمای ویژه چدن جامد به طور متوسط $\frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{C}}$ ۰/۴۸۵ ، گرمای ویژه چدن مذاب به طور متوسط $\frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot \text{C}}$ ۰/۱۶ و گرمای نهان ذوب چدن $\frac{\text{cal}}{\text{g}}$ ۲۳ باشد.</p> <p style="text-align: right;">حل:</p>

<p>تمرین: برای ذوب ۸۰ کیلوگرم چدن از درجه حرارت آن به ۱۵۰°C تا پایان ذوب آن چقدر حرارت لازم است؟ منحنی تغییرات درجه حرارت نسبت به گرمای داده شده را نیز رسم کنید.</p> <p>گرمای ویژه چدن جامد و مذاب به طور متوسط $\frac{cal}{g \cdot ^\circ C}$ ۰/۱۳۲ و $\frac{cal}{g \cdot ^\circ C}$ ۰/۱۷، گرمای نهان گداز چدن $\frac{cal}{g}$ ۲۳ و نقطه انجماد چدن ۱۱۵۰°C است.</p>	<p>مثال: برای ذوب ۱۰۰ کیلوگرم آلومینیم و رسانیدن درجه حرارت آن به ۷۰۰°C چند کیلوکالری گرما لازم است؟ منحنی تغییرات درجه حرارت نسبت به گرمای داده شده را نیز رسم کنید.</p> <p>گرمای ویژه آلومینیم جامد و مذاب به طور متوسط $\frac{cal}{g \cdot ^\circ C}$ ۰/۲۴ و $\frac{cal}{g \cdot ^\circ C}$ ۰/۲۶، گرمای نهان گداز آلومینیم $\frac{cal}{g}$ ۹۱ و نقطه ذوب آلومینیم ۶۶۰°C است. دمای</p>

محیط ۲۰°C

حل:

حل:

خواسته‌ها	داده‌ها
$Q = ?$	$m = ۱۰۰\text{kg}$
منحنی تغییرات درجه حرارت نسبت به گرما	$\theta_1 = ۲۰^{\circ}\text{C}$
	$\theta_m = ۶۶۰^{\circ}\text{C}$
	$\theta_p = ۷۰۰^{\circ}\text{C}$
	$c = ۰/۲۴ \frac{\text{cal}}{\text{g}}$
	$c' = ۰/۲۶ \frac{\text{cal}}{\text{g}}$ مذاب
	$\lambda = ۹۱ \frac{\text{cal}}{\text{g}}$

در این حالت که مقداری از گرما صرف افزایش درجه حرارت آلومینیم از ۲۰°C به ۶۶۰°C می‌شود که از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$Q_1 = mc(\theta_m - \theta_1)$$

مقدار دیگر حرارت صرف ذوب کردن آلومینیم در

نقطه ذوب می‌شود بدون افزایش درجه حرارت

$$Q_p = m\lambda$$

مقدار دیگر حرارت صرف افزایش درجه حرارت مذاب

آلومینیم از ۶۶۰°C به ۷۰۰°C می‌شود.

$$Q_p = mc'(\theta_p - \theta_m)$$

تبدیل: جرم از کیلوگرم به گرم تبدیل می‌شود.

$$m = ۱۰۰\text{kg} = ۱۰۰ \times (\text{kg})$$

$$= ۱۰۰ \times ۱۰۰۰\text{g}$$

$$= ۱۰۰۰۰۰\text{g}$$

محاسبه Q_1

$$Q_1 = mc(\theta_m - \theta_1)$$

$$Q_1 = 1000000 \times 0.24(660 - 20)$$

$$Q_1 = 15360000 \text{ cal}$$

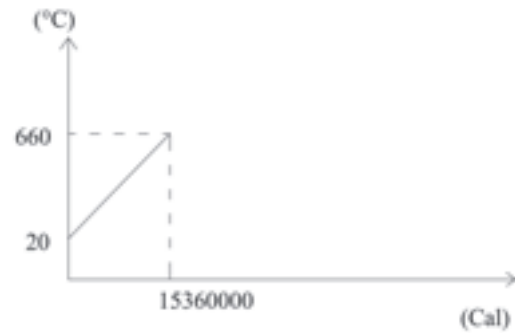
رسم نمودار

$$\text{اول نقطه } \theta_1 = 20^\circ \text{C} \Rightarrow Q = 0$$

$$\text{دوم نقطه } \theta_m = 660^\circ \text{C} \Rightarrow Q_1 = 15360000 \text{ cal}$$

این نقاط را به نمودار منتقل می‌کنیم و به هم وصل

می‌کنیم. دما °C



محاسبه Q_p

$$Q_p = m\lambda$$

$$Q_p = 1000000 \times 91$$

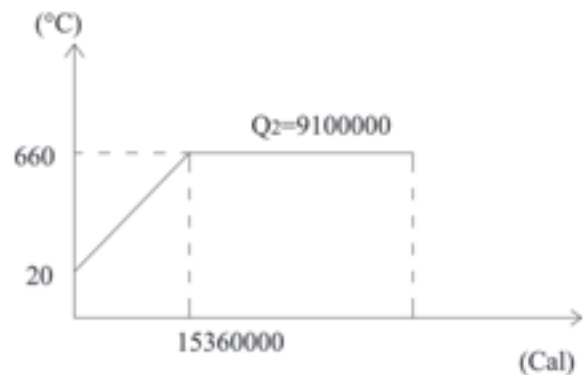
$$Q_p = 91000000 \text{ cal}$$

ادامه رسم نمودار

با توجه به اینکه در هنگام ذوب، نقطه ذوب ثابت

است از نقطه دوم به میزان $Q_p = 91000000 \text{ cal}$ موازی

محور حرارت رسم می‌شود تا نقطه سوم به دست آید.



محاسبه Q_3

$$Q_3 = mc'(\theta_p - \theta_m)$$

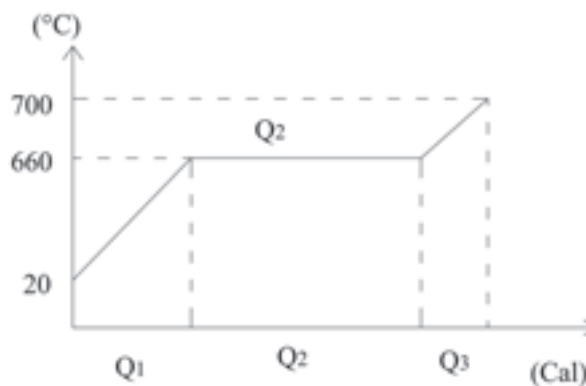
$$Q_3 = 1000000 \times 0.26(700 - 660)$$

$$Q_3 = 1000000 \times 0.26 \times 40$$

$$Q_3 = 10400000 \text{ cal}$$

ادامه رسم منحنی

از نقطه سوم به اندازه 1040000 cal موازی محور حرارت جلو می‌رویم و از آن نقطه موازی محور دما رسم می‌کنیم تا به دمای 700°C برسیم تا نقطه چهارم به دست آید. نقطه سوم را به چهارم وصل می‌کنیم.



حرارت کل

$$Q = Q_1 + Q_2 + Q_3$$

$$Q = 15360000 + 9100000 + 10400000$$

$$Q = 25550000 \text{ cal}$$

۹-۱۵- قدرت حرارتی (ارزش گرمایی)

قدرت حرارتی یا ارزش گرمایی یک سوخت عبارت است از مقدار حرارتی که واحد جرم یا واحد حجم یک سوخت هنگام احتراق کامل ایجاد می‌کند.

واحد ارزش گرمایی برای سوخت‌های جامد و مایع بر حسب واحد جرم عبارتند از: $\frac{\text{cal}}{\text{g}}$ یا $\frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$

واحد ارزش گرمایی برای سوخت گاز بر حسب واحد حجم عبارتند از: $\frac{\text{cal}}{\text{lit}}$ یا $\frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}$
 - برای تبدیل واحد $\frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$ به واحد $\frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ به صورت زیر عمل می‌کنیم:

$$\left. \begin{array}{l} 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}} \\ 1 \text{kcal} = 41868 \text{kJ} \end{array} \right\} \Rightarrow 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}} = 41868 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}} = 41868 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \Leftrightarrow 1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} = \frac{1}{41868} \frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$$

$$1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \approx 0.24 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$$

در صورتی که جرم سوخت جامد یا مایع بر حسب کیلوگرم M باشد و مقدار Q' کیلوکالری گرما آزاد و ارزش گرمایی برابر q_m باشد. در این صورت خواهیم داشت:

$$Q' = Mq_m$$

در صورتی که حجم سوخت گاز بر حسب m^3 ، V باشد و مقدار Q' کیلوکالری گرما آزاد کند و ارزش گرمایی برابر q_v باشد در این صورت داریم:

$$Q' = V \cdot q_v$$

واحد q_v در سیستم SI برابر $\frac{\text{J}}{\text{m}^3}$ است که برای تبدیل آن به $\frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}$ به صورت زیر عمل می‌کنیم:

$$\left. \begin{array}{l} 1 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3} \\ 1 \text{kcal} = 41868 \text{kJ} \end{array} \right\} \Rightarrow 1 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3} = 41868 \frac{\text{kJ}}{\text{m}^3}$$

$$1 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3} = 4/1868 \frac{\text{kJ}}{\text{m}^3} \Leftrightarrow 1 \frac{\text{kJ}}{\text{m}^3} = \frac{1}{4/1868} \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}$$

$$1 \frac{\text{kJ}}{\text{m}^3} \approx 0.24 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}$$

تمرین: ۶۸/۹ کیلوکالری بر کیلوگرم را بر حسب کیلوژول بر کیلوگرم حساب کنید.

حل:

مثال: ۷۵/۸ کیلوکالری بر کیلوگرم را بر حسب کیلوژول بر کیلوگرم حساب کنید.

حل:

$$75/8 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}} = ? \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$75/8 \times (1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}})$$

$$75/8 \times 4/1868 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$75/8 \times 4/1868 = 317/34 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

تمرین: ۳۱۲۰/۸ کیلوژول بر کیلوگرم را بر حسب کیلوکالری بر کیلوگرم حساب کنید.

حل:

مثال: ۴۱۵/۹ کیلوژول بر کیلوگرم را بر حسب کیلوکالری بر کیلوگرم حساب کنید.

حل:

$$415/9 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} = ? \frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$$

$$415/9 \times (1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}})$$

$$415/9 \times \frac{1}{4/1868} \frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$$

$$\frac{415/9}{4/1868} = 99/34 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$$

<p>تمرین: ۹۵/۵ کیلوکالری بر مترمکعب را بر حسب کیلوگرم بر مترمکعب حساب کنید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۸۴ کیلوکالری بر مترمکعب را بر حسب کیلوژول بر مترمکعب حساب کنید.</p> <p>حل:</p> $84 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3} = ? \frac{\text{kJ}}{\text{m}^3}$ $84 \times \left(1 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}\right)$ $84 \times \left(4 / 1868 \frac{\text{kJ}}{\text{m}^3}\right)$ $84 \times 4 / 1868 = 351 / 69 \frac{\text{kJ}}{\text{m}^3}$
<p>تمرین: ۳۶۵ کیلوژول بر مترمکعب را بر حسب کیلوکالری بر مترمکعب به دست آورید.</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ۲۴۵ کیلوژول بر مترمکعب را بر حسب کیلوکالری بر مترمکعب به دست آورید.</p> <p>حل:</p> $245 \frac{\text{kJ}}{\text{m}^3} = ? \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}$ $245 \times \left(1 \frac{\text{kJ}}{\text{m}^3}\right)$ $245 \times \left(\frac{1}{4 / 1868} \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}\right)$ $\frac{245}{4 / 1868} = 58 / 52 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}$
<p>تمرین: گرمای حاصل از سوختن ۱۰۰ مترمکعب سوخت گازی kcal ۲۶۰۰۰۰ است. ارزش گرمایی سوخت چقدر است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: گرمای حاصل از سوختن ۵ کیلوگرم سوخت جامد kcal ۷۰۰۰ است ارزش گرمایی سوخت چقدر است؟</p> <p>حل:</p> <p>نوشتن رابطه:</p> $Q' = m \cdot q_m$ <p>جاگذاری در رابطه:</p>

	$700 = 5 \cdot q_m$ $\frac{7000}{5} = \frac{50 \cdot q_m}{5}$ $q_m = 1400 \text{ kcal}$
<p>تمرین: ارزش حرارتی سوخت گازی $16800 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}$ است مقدار آن بر حسب $\frac{\text{kJ}}{\text{m}^3}$ چقدر است؟</p> <p>حل:</p>	<p>مثال: ارزش حرارتی سوخت جامد $7000 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$ است میزان آن بر حسب $\frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ چقدر است؟</p> $1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}} = 4.19 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ $7000 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}} = 7000 \times (1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}})$ $= 7000 \times (4.19 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}})$ $= 29330 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$
<p style="text-align: center;">۱۶-۹- راندمان کوره حرارتی:</p> <p>راندمان حرارتی کوره عبارت است از نسبت گرمای گرفته شده از کوره یا گرمای مفید به گرمای داده شده به کوره توسط سوخت که با درصد بیان می‌شود.</p> <p style="text-align: center;">گرمای گرفته شده از کوره (گرمای مفید)</p> $R = \frac{\text{گرمای داده شده به کوره توسط سوخت}}{\text{گرمای داده شده به کوره}} \times 100$ <p>در صورتی که گرمای گرفته شده از کوره برابر Q و گرمای داده شده به کوره از جانب سوخت Q' (سوخت جامد یا مایع $M \cdot q_m$ و برای سوخت گازی $V \cdot q_v$) باشد خواهیم داشت:</p> $R = \frac{Q}{M \cdot q_m} \times 100$ $R = \frac{Q}{V \cdot q_v} \times 100$ <p>- واحد ارزش گرمایی در سیستم انگلیسی برابر است با بی تی یو بر پوند (BTU /lb) که معادل آن برابر واحدهای</p>	

$\frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ و $\frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$ چنین است:

$$1 \frac{\text{BTU}}{\text{Lb}} = 0.556 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}} \Leftrightarrow 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}} = \frac{1}{0.556} \frac{\text{BTU}}{\text{Lb}}$$

$$1 \frac{\text{BTU}}{\text{Lb}} = 2.326 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \Rightarrow 1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} = \frac{1}{2.326} \frac{\text{BTU}}{\text{Lb}}$$

تمرین: در صورتی که برای ذوب فلزی kcal
 ۱۵۰۰۰۰ حرارت مورد نیاز باشد و این حرارت از
 احتراق ۲۰ مترمکعب سوخت گازی با ارزش حرارتی
 $8500 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^3}$ در کوره حاصل شود. راندمان حرارتی
 کوره چقدر است؟

حل:

مثال: در صورتی که برای ذوب فلزی kcal
 ۲۰۰۰۰۰ حرارت مورد نیاز باشد و این حرارت از
 احتراق ۳۰ کیلوگرم سوخت باشد با انرژی حرارتی
 $q_m = 8000 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$ در کوره حاصل شود. راندمان
 حرارتی کوره چقدر است؟

حل:

داده‌ها	خواسته
$Q = 200000 \text{ kcal}$ $M = 30 \text{ kg}$ $q_m = 8000$	$R = ?$

گرمای گرفته شده (مفید) = حرارت ذوب فلز

$$Q = 200000 \text{ kcal} =$$

گرمای داده شده = میزان حرارت ایجاد شده از

احتراق سوخت

$$R = \frac{Q}{q_m \times M} \times 100$$

$$R = \frac{200000 \times 100}{8000 \times 30}$$

$$R = 83.33\%$$

تمرین: مطلوب است محاسبه مقدار حرارت لازم بر حسب kJ جهت ذوب ۲۰ کیلوگرم مس از ۲۰°C تا نقطه ذوب مس در صورتی که گرمای ویژه مس $\frac{cal}{g \cdot ^\circ C}$ ۰/۰۹۳، گرمای نهان ذوب مس $\frac{J}{kg}$ $1/8 \times 10^5$ و نقطه ذوب مس ۱۰۸۳°C باشد. در صورتی که برای حرارت دادن ۲۵۰۰ لیتر از سوختن گازی با قدرت حرارتی $\frac{kcal}{m^3}$ ۲۶۰۰ استفاده شود راندمان حرارتی کوره را محاسبه کنید؟

حل:

مثال: مطلوب است محاسبه مقدار حرارت لازم بر حسب kcal جهت افزایش درجه حرارت ۱۰ کیلوگرم آهن از ۲۵°C تا ۸۰۰°C در صورتی که گرمای ویژه آهن $\frac{cal}{g \cdot ^\circ C}$ ۰/۱۱۳ باشد. در صورتی که برای حرارت دادن این آهن از ۲ کیلوگرم سوخت با قدرت حرارتی $\frac{kcal}{kg}$ ۱۶۰۰ استفاده شود. راندمان حرارتی کوره چقدر است؟

حل:

خواسته‌ها	داده‌ها
$Q' = ?$	$m = 10 \text{ kg}$
$Q = ?$	$\theta_1 = 25^\circ \text{C}$
$R = ?$	$\theta_p = 800^\circ \text{C}$
	$c = 0/113 \frac{\text{cal}}{\text{g} \cdot ^\circ \text{C}}$
	$M = 2 \text{ kg}$
	$q_m = 1600 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$

تبدیل واحد: جرم آهن از kg به g

$$m = 10 \text{ kg} = 10 \times (1 \text{ kg})$$

$$= 10 \times 1000 \text{ g}$$

$$= 10000 \text{ g}$$

- محاسبه مقدار حرارت لازم جهت افزایش دمای آهن

نوشتن رابطه:

$$Q_1 = mc(\theta_p - \theta_1)$$

$$Q = 10000 \times 0/113 \times (800 - 25)$$

$$Q = 875750 \text{ cal}$$

حرارت بر حسب کیلوکالری

$$Q = 875750 \times (1 \text{ cal})$$

$$Q = 875750 \times \left(\frac{1}{1000} \text{kcal} \right)$$

$$Q = 875 / 750 \text{kcal}$$

- محاسبه حرارتی حاصله از سوخت
نوشتن رابطه

$$R = \frac{Q}{q_m \times M} \times 100$$

$$R = \frac{875 / 750 \times 100}{1600 \times 2} = 27 / 37\%$$

تمرین: برای ذوب ۱۲۰ کیلوگرم آلومینیم و رساندن آن به ۵۵ درجه سانتی‌گراد فوق ذوب، اگر نقطه ذوب آلومینیم ۶۵۸°C و گرمای ویژه متوسط آلومینیم جامد $\frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$ ۰/۲۸ و گرمای ویژه متوسط آلومینیم مذاب $\frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$ ۰/۳۲، گرمای نهان گداز آلومینیم $\frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$ ۹۸ و درجه حرارت ۲۰°C باشد، چه مقدار حرارت مورد نیاز است. چنانچه برای این مقدار آلومینیم از یک نوع سوخت با قدرت حرارتی $\frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$ ۱۲۰۰۰ استفاده شود و راندمان حرارتی کوره ۳۲ درصد منظور شود. چه مقدار سوخت لازم است؟

حل:

تمرین: برای ذوب ۱۲۵ کیلوگرم مس و رسانیدن درجه حرارت مذاب به ۱۸۰°C فوق ذوب، اگر درجه حرارت محیط ۲۰°C، گرمای ویژه متوسط مس جامد $\frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ ۴۸۰، گرمای ویژه نقطه ذوب مس $\frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$ ۱/۸ × ۱۰^۵ و نقطه ذوب مس ۱۰۸۳°C باشد، چند کیلوژول و کیلوکالری حرارت مورد نیاز است. چنانچه برای این مقدار مس از یک نوع سوخت با قدرت حرارتی $\frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$ ۸۰۰۰ استفاده شود و راندمان حرارتی کوره ۲۵ درصد منظور شود. چه مقدار سوخت لازم است؟

حل:



--	--

تمرین: مطلوب است تعیین ظرفیت حرارتی یک قطعه فولاد به طوری که برای افزایش درجه حرارت از 35°C به 75°C ، 1350 kcal انرژی حرارتی مصرف شده باشد جواب را بر حسب واحدهای $\frac{\text{cal}}{^{\circ}\text{C}}$ و

$\frac{\text{J}}{^{\circ}\text{C}}$ به دست آورید.
حل:

تمرین: در صورتی که درجه حرارت اولیه و ثانویه جسمی بر حسب درجه سانتی‌گراد به ترتیب 35°C و 68°C باشد مطلوب است :

الف - اختلاف این دو درجه حرارت بر حسب تقسیم بندی سانتی‌گراد

ب - اختلاف آن دو بر حسب تقسیم بندی کلوین

ج - اختلاف آن دو بر حسب تقسیم بندی فارنهایت

حل:

تمرین: در یک کوره عملیات حرارتی، لازم است دمای یک میله فولادی به قطر ۲۵ میلی‌متر و به طول ۲۸ سانتی‌متر از ۴۲۰°C به ۹۶۰°C برسد. در صورتی که چگالی این فولاد $\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ و گرمای ویژه متوسط آن در این فاصله دمایی $\frac{\text{cal}}{\text{g}\cdot^{\circ}\text{C}}$ باشد، چه مقدار انرژی حرارتی بر حسب کیلوکالری و کیلوژول توسط میله جذب خواهد شد. همچنین ظرفیت حرارتی آن را بر حسب $\frac{\text{kJ}}{^{\circ}\text{C}}$ تعیین کنید.

حل:

تمرین: یک کوره بوت‌های می‌تواند ۹۵ کیلوگرم از یک نوع چدن خاکستری را از درجه حرارت محیط (۲۵°C) به درجه حرارت فوق ذوب (۱۴۵۰°C) برساند. سوخت مصرفی برای این عمل ۸/۵ لیتر است. احتراق هر لیتر از این سوخت ۸۹۵۰ کیلوکالری گرما تولید می‌کند. گرمای ویژه چدن جامد $\frac{\text{cal}}{\text{g}\cdot^{\circ}\text{C}}$ ، گرمای ویژه چدن مذاب $\frac{\text{cal}}{\text{g}\cdot^{\circ}\text{C}}$ ، گرمای نهان گداز چدن $\frac{\text{cal}}{\text{g}}$ و نقطه ذوب آن ۱۱۲۰°C است مطلوب است: الف - میزان مصرف سوخت برای هر کیلوگرم چدن

مذکور بر حسب سانتی‌متر مکعب

ب - راندمان حرارتی کوره

حل:

<p>تمرین: یک قطعه آلومینیم به حجم $6/5 \text{ dm}^3$ را از 659°C تا 25°C سرد کرده‌ایم. چه مقدار گرما بر حسب کیلوکالری از دست داده است (از انقباض آلومینیم صرف نظر شود).</p> <p>حل:</p> $\bar{c}_{\text{Al}} = 0/26 \frac{\text{cal}}{\text{g}\cdot^\circ\text{C}} \text{ و } \rho_{\text{Al}} = 2/7 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$	<p>تمرین: جرم یک قطعه برنزی $72/5 \text{ kg}$ و گرمای ویژه متوسط آن در فاصله دمایی 600 تا 850 درجه سانتی‌گراد، $0/99 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$ می‌باشد. مطلوب است محاسبه:</p> <p>الف - ظرفیت حرارتی بر حسب $\frac{\text{kcal}}{^\circ\text{C}}$</p> <p>ب - گرمای لازم بر حسب kJ در این فاصله دمایی</p> <p>حل:</p>

<p>تمرین: گرمای نهان گداز (یا گرمای نهان ذوب) یخ و چدن خاکستری به ترتیب برابرند با (۳۱۹-۹) و (۳۲۰-۹) مطلوب است: تعیین انرژی حرارتی لازم بر حسب kJ برای ذوب کامل ۱۲۰ kg یخ و ۱۲۰ kg چدن.</p> <p>حل:</p>	<p>تمرین: برای ذوب کامل ۳۲ kg سرب (در نقطه انجماد)، ۶۲۰ کیلوژول انرژی گرمایی لازم است. گرمای نهان گداز سرب را بر حسب $\frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ و $\frac{\text{kcal}}{\text{kg}}$ حساب کنید.</p> <p>حل:</p>
--	--

۱- محاسبات فنی عمومی، شرکت چاپ و نشر کتابهای درسی، ۱۳۸۹.



