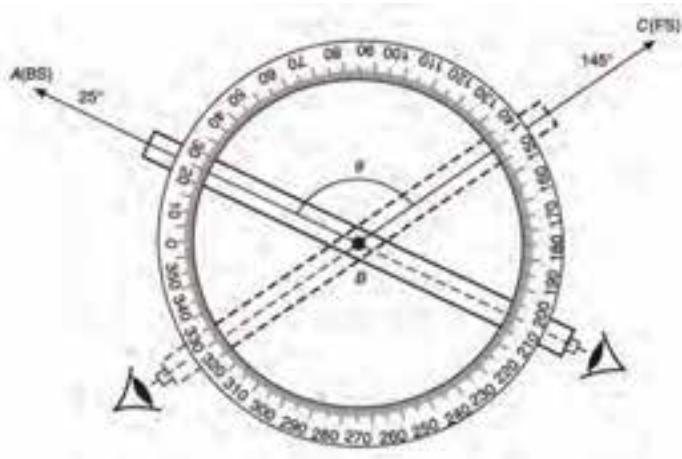


۳- سپس دوربین را به سمت نقطه C چرخاند و پس از نشانه روی، عدد لمب افقی ۱۴۵ درجه مشاهده و یادداشت می‌شود.

۴- اندازه زاویه افقی برابر است با اختلاف این دو عدد
 $\angle B = 145^\circ - 25^\circ = 120^\circ$

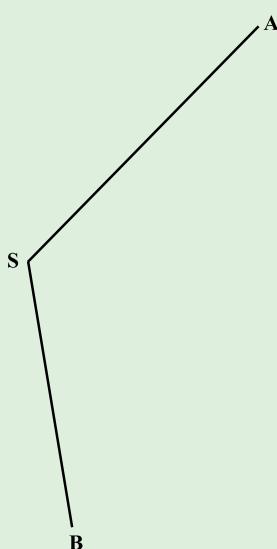


شکل ۲-۷- اندازه‌گیری زاویه افقی

مثال ۲-۳: محاسبه زاویه افقی از روی مشاهدات زاویه‌یاب در صورتی که قرائت‌های لمب افقی در یک زاویه‌یاب اپیکی برای نقاط A و B به قرار زیر باشد، زاویه راس S را محاسبه نمایید.

$$L_A = 65.4313 \text{ g}$$

$$L_B = 198.0916 \text{ g}$$



راهکار کلی: از رابطه زیر استفاده کرده و اعداد داده شده را جایگذاری می‌کنیم:
 $\angle ASB = \alpha = L_B - L_A$

روش حل :

$$\angle ASB = \alpha = L_B - L_A \rightarrow \alpha = 198.0916 - 65.4313 = 132.6603 \text{ g}$$

بحث و بررسی : زاویه‌یاب‌های اپتیکی از نظر واحد زاویه در دو نوع گرادی و درجه‌ای ساخته می‌شوند. که در این مثال همانطور که می‌بینید دوربین از نوع گرادی می‌باشد. اما در دوربین‌های دیجیتالی این امکان وجود دارد که واحد نمایش دوربین را به هر دو حالت درجه‌ای و یا گرادی تنظیم کنید.

در حالتی که قرائت روی نقطه B یعنی L_B کمتر از L_A باشد مقدار زاویه منفی خواهد شد که در حالتی که واحد زاویه درجه باشد به این مقدار باید 36° درجه و در حالتی که گراد باشد، 40° گراد اضافه شود.

چنانچه نقطه نشانه A یا B از داخل دوربین قابل رؤیت نباشد می‌توان یک ژالن به صورت قائم در نقطه مزبور مستقر کرد. برای کارهای دقیق نیز از یک صفحه نشانه (صفحه تارگت) استفاده می‌شود که بر روی سه پایه تعویلیت نصب می‌شود.

اصول اندازه‌گیری زاویه قائم

همانطور که در ابتدای فصل گفته شد با زاویه‌یاب، زاویه قائم را نیز می‌توان اندازه‌گیری کرد. زاویه قائم به دو صورت شبیه و زنیتی قابل تعریف است اما در اکثر دوربین‌های آنالوگ صفرِ لمب قائم روی امتداد سمت الرأس قرار گرفته است بنابراین این نوع زاویه‌یاب‌ها قادرند تنها زاویه زنیتی (سمت الرأسی) یک امتداد را اندازه‌گیری نمایند و لذا می‌بایست زاویه شبی را محاسبه نمود. (نحوه محاسبه زاویه شبی از روی زاویه زنیتی در قسمت یادآوری همین فصل گفته شد). اما در زاویه‌یاب‌های دیجیتالی این محدودیت وجود ندارد یعنی می‌توان با تنظیم لمب قائم دوربین، صفرِ لمب قائم را در حالت زاویه سمت الرأس و یا افق قرار داده و زاویه قائم را در حالت زنیتی و یا شبی اندازه‌گیری نمود.

برای اندازه‌گیری زاویه قائم یک امتداد با زاویه‌یاب ابتدا به نقطه مورد نظر نشانه روی کرده و عدد مربوط به لمب قائم را قرائت و یادداشت می‌کنیم، زاویه قرائت شده در این حالت، همان زاویه قائم آن امتداد خواهد بود. توجه به این مطلب اهمیت دارد که اگر زاویه قائم قرائت شده، زنیتی (سمت الرأسی) باشد و عدد زاویه کمتر از 90° درجه (10° گراد) باشد، نشان‌دهنده این مطلب است که شبی این امتداد مثبت بوده و نقطه نشانه روی (هدف) در ارتفاع بالاتری نسبت به نقطه استقرار دوربین

قرار دارد. و چنانچه زاویه زنیتی بیشتر از 90° درجه (۱۰۰ گراد) باشد، شیب زمین در این امتداد منفی بوده و نقطه مورد نظر در ارتفاع پایین‌تری از نقطه استقرار دوربین قرار دارد.

مثال ۳-۲: تعیین جهت شیب زمین از روی زاویه قائم زاویه زنیتی امتداد AB با زاویه یاب 103.8890° گراد قرائت شده است. مطلوب است:

(الف) محاسبه زاویه شیب امتداد AB

(ب) تعیین جهت شیب زمین روی امتداد AB

راهکار کلی :

(الف) از رابطه روبرو استفاده کرده و زاویه شیب را به دست می‌آوریم :

$$\alpha = 100^\circ - Z$$

(ب) اگر عدد زاویه زنیتی از 100° گراد بیشتر باشد می‌توان نتیجه گرفت که شیب امتداد مورد نظر منفی است.

روش حل : (الف)

$$\alpha = 100^\circ - 103.8890^\circ = -3.8890 \text{ grad}$$

(ب) جهت شیب زمین امتداد مورد نظر منفی است چون عدد زاویه زنیتی از 100° گراد بیشتر است.

بحث و بررسی : البته با توجه به علامت زاویه شیب که در اینجا منفی است می‌توان فهمید که شیب زمین در امتداد مورد نظر منفی یا سربایین است.

بیشتر بدانیم

گذشته از پیشرفت‌های اخیر در ساخت زاویه یاب‌های دقیق، اندازه‌گیری زاویه به روش فوق با انواع خطاهای سیستماتیک و اتفاقی همراه می‌باشد. معمولاً برای کاهش و تعدیل این خطاهای روش‌های زاویه یابی مختلفی از قبیل تجدید، تکرار، دورافق و کوپل استفاده می‌شود. این روش‌ها علاوه بر افزایش دقت اندازه‌گیری زاویه، اعتمادپذیری به مقدار زاویه اندازه‌گیری شده را نیز افزایش می‌دهد. در ادامه ابتدا خطاهای زاویه یابی

را بررسی کرده و سپس متدالول ترین روش قرائت زاویه یعنی روش کوپل را تشریح می نماییم.

خطاهای در زاویه یابی : خطاهای زاویه یابی را بر اساس منابع خطای به سه دسته خطاهای دستگاهی، انسانی و طبیعی و بر اساس نوع آن به سه دسته خطاهای اتفاقی، تدریجی و اشتباه تقسیم بندی می کنند. خطاهای طبیعی ناشی از عوامل محیطی است اما خطاهای دستگاهی معمولاً در اثر عدم کالیبراسیون دستگاه پیش می آید و برای کاهش آن دستگاه را کنترل و تنظیم می نمایند. همچنین خطاهای انسانی ناشی از عملکرد عامل نقشه بردار بوده و کاهش آن به تجربه و مهارت فرد بستگی دارد. جدول زیر انواع خطاهای و منابع آن را در زاویه یابی نشان می دهد.

خطا	لمب	منبع خطای	نوع خطای	تعريف خطای	روش تعديل یا کاهش خطای
خطای کلیماسیون افقی	لمب افقی	دستگاهی	تدریجی	هرگاه محور دیدگانی بر محور چرخش تلسکوب عمود نباشد در این صورت زاویه انحراف کوچکی در اندازه گیری زوایای افقی با زاویه یاب وجود می آید که به آن خطای کلیماسیون افقی گویند.	برای کاهش این خطای از روش قرائت کوپل زوایای افقی استفاده می کنند.
خطای کلیماسیون قائم	لمب قائم	دستگاهی	تدریجی	هرگاه محور دیدگانی بر محور اصلی (قائم) عمود نباشد، در این صورت زاویه انحراف کوچکی در اندازه گیری زوایای قائم با زاویه یاب به وجود می آید که به آن خطای کلیماسیون قائم گویند.	برای کاهش این خطای از روش قرائت کوپل زوایای قائم استفاده می کنند.
خطای تقسیمات لمب	لمب افقی و قائم	دستگاهی	اتفاقی	با اینکه لعبهای افقی و قائم زاویه یاب توسط دستگاههای دقیق مدرج می شوند ولی باز هم ممکن است تقسیمات لمب یکنواخت نباشد و باعث ایجاد خطاهایی اتفاقی می شود.	با تکرار مشاهدات و متواتر گیری این خطای را کاهش می دهند.

خطا	لمب	منبع خطای	نوع خطای	تعريف خطای	روش تعديل یا کاهش خطای
خطای خروج از مرکز لمب	لمب افقی و قائم	دستگاهی	تدریجی	اگر محور اصلی(قائم) دوربین از مرکز لمب افقی آن نگردد، این خطای خروج از مرکز لمب استفاده می کنند. برای زوایای افقی ایجاد می شود. همچنین اگر محور چرخش تلسکوپ از مرکز لمب قائم نگردد، این خطای خروج از مرکز لمب ایجاد می شود.	برای کاهش این خطای از روش قرائت کوپل استفاده می کنند.
خطای ایستگاه گذاری (سانترال)	لمب افقی	انسانی	اتفاقی	اگر مرکز لمب افقی در راستای شاقولی منطبق بر مرکز ایستگاه دوربین نباشد، این خطای ایجاد می شود، که به علت عدم توجه کامل در استقرار دوربین یا انحراف شاقولی اپتیکی دوربین می باشد.	مقدار این خطای با کاهش طول فراولروی افزایش می یابد. برای کاهش آن، عملیات سانترال را تکرار و مشاهدات را تکرار می نمایند.
خطای تراز نبودن دستگاه	لمب قائم	انسانی	اشتباه	عدم انطباق محور اصلی (قائم) بر محور شاقولی محل.	باید دستگاه را مجدداً تراز و سانترال نمود و مشاهده را دوباره تکرار کرد
خطای نشانه روی	لمب افقی و دستگاهی	انسانی	اتفاقی	عدم انطباق تارهای رتیکول تلسکوپ بر محور اپتیکی و نقطه نشانه روی نشانه روی را مجدداً انجام داده و قرائت ها را تکرار می کنند.	برای کاهش آن، تارهای رتیکول را کالیبره کرده نشانه روی را مجدداً انجام داده و قرائت ها را تکرار می کنند.
خطای نشانه گذاری	لمب افقی	انسانی	اتفاقی	این خطای معمولاً به علت شاقولی نبودن (قائم نبودن) ژالن روی نقطه نشانه ایجاد می شود.	به کارگیری تراز نبیشی ژالن و نحوه صحیح نگهداری ژالن
خطای قرائت	لمب افقی و قائم	انسانی	اتفاقی	عامل ایجاد این خطای زاویه دید چشم و ایجاد پارالاکس هنگام قرائت و تقریبات ذهنی یا دستگاهی اعداد خوانده شده می باشد.	برای کاهش آن، ایجاد پارالاکس هنگام قرائت و تقریبات ذهنی یا دستگاهی اعداد می کنند.

خطا	لمب	منبع خطا	نوع خطا	تعريف خطا	روش تعديلی کاهش خطا
خطای کرویت زمین	لمب قائم	طبیعی	تدریجی	این خطا به علت کرویت زمین بهخصوص برای طول های بلند در زوایای قائم ایجاد می شود.	از روابط مربوطه برای جبران این خطای استفاده می کنند.
خطای انکسار	لمب افقی و قائم	طبیعی	تدریجی	این خطا به علت شکست نور در لایه های مختلف جو بهخصوص در روزهای گرم رخ می دهد.	برای کاهش آن زاویه بایی را در ساعات غیرآفتابی و با دمای پایین انجام می دهند.
خطای دید	لمب افقی و قائم	طبیعی	اتفاقی	خطای ناشی از عدم تشخیص رفلکتور با عارضه	برای کاهش آن زاویه بایی را در ساعات غیرمه آلود با بدون غبار با نور کافی انجام می دهند.
خطای پیچش سه پایه	لمب افقی و قائم	طبیعی	اتفاقی	خطای ناشی از نشت سه پایه که در زمین های ناپایدار و ساعات بادی بیشتر رخ داده و باعث خطای ایستگاه گذاری و خروج از تراز دستگاه می شود.	برای کاهش آن زاویه بایی را در ساعات غیربادی انجام داده و از استقرار پایدار استفاده می کنند.

اندازه گیری زاویه افقی به روش کوپل : برای جلوگیری از اشتباه، کسب دقت بیشتر و کاهش و تعديل خطاها دستگاهی و انسانی، روش های مختلفی در اندازه گیری زاویه وجود دارد. یکی از این روش ها، روش قرائت کوپل (قرائت مضاعف) است. در این روش علاوه بر کنتrol صحت و درستی قرائت ها، خطاهایی مانند خطای کلیماسیون و خطای عدم مرکزیت لمب افقی به صورت عملی کاهش می یابد. برای اندازه گیری زاویه در این روش، زاویه در دو حالت دایره به چپ و دایره به راست

اندازه‌گیری می‌شود.

حالت دایره به چپ و دایره به راست در زاویه‌یاب : برای قرائت زاویه، هنگام نشانه روی که نقشه‌بردار پشت دوربین قرار می‌گیرد، اگر دایرة لمب قائم دوربین در سمت چپ او باشد، حالت دوربین را دایره به چپ (حالت مستقیم) و چنانچه لمب قائم دوربین در سمت راست او باشد به حالت دوربین، دایره به راست (حالت معکوس) می‌گویند.

همانطور که گفته شد چنانچه زاویه در دو حالت دایره به چپ و دایره به راست اندازه‌گیری شود، به این روش قرائت کوپل می‌گویند. در این روش برای اینکه دوربین از حالت دایره به چپ به حالت دایره به راست تغییر پیدا کند باید تلسکوپ دوربین به اندازه 18° درجه چرخانده شود. طبیعی است برای آنکه چشمی تلسکوپ مقابله چشم نقشه‌بردار قرار بگیرد باید آلیداد دوربین را نیز 18° درجه دوران داد. در نتیجه لمب دوربین از سمت چپ به سمت راست منتقل شده و دوربین حالت دایره به راست می‌شود.

عدد لمب افقی در حالت دایره به راست و دایره به چپ دوربین با هم 18° درجه (200° گراد) اختلاف دارند. در این صورت اگر قرائت لمب افقی را در حالت دایره به چپ F_L و در حالت دایره به راست F_R بنامیم، خواهیم داشت :

$$F_R = F_L \pm 180$$

ولی در عمل به خاطر وارد شدن خطاهای دستگاهی (و در برخی موارد خطاهای انسانی) در عملیات زاویه‌یابی، رابطه فوق کمتر حالت واقعی پیدا می‌کند و بین این دو قرائت رابطه زیر برقرار است :

$$F_R = F_L \pm 180 + e$$

که در آن e جمع جبری خطاهای اندازه‌گیری است.

بنابراین می‌توان هنگام زاویه‌یابی اعداد قرائت شده را در دو حالت دایره به راست و دایره به چپ با هم مقایسه کرده و از درستی آنها مطمئن شویم. برای جلوگیری از اشتباه هنگام قرائت زاویه و یادداشت آن، از فرم مخصوص جدول قرائت زاویه به روش کوپل استفاده می‌شود.

مثال ۴-۲ : محاسبه زاویه افقی به روش کوپل

مطابق جدول زیر مشاهدات زاویه افقی یک نقطه توسط زاویه یاب به روش کوپل داده شده است. زاویه افقی این رأس را محاسبه و جدول را کامل کنید.

ایستگاه	نقاط نشانه روی	حالت دایره به چپ	حالت دایره بدراست	میانگین	زاویه	کروکی
S1	A	۲۴۵/۵۸۵۲	۴۵/۵۸۴۲			
	B	۳۹۸/۲۴۳۱	۱۹۸/۲۴۴۱			

راهکار کلی : برای محاسبه و تکمیل جدول، باید میانگین قرائت هر امتداد را در دو حالت دایره به راست و دایره به چپ به دست بیاوریم. سپس برای محاسبه زاویه افقی $\angle ASB$ مطابق جدول زیر میانگین محاسبه شده برای امتداد دوم یعنی SB را از امتداد اول کم می کنیم :

ایستگاه	نقاط نشانه روی	حالت دایره به چپ	حالت دایره بدراست	میانگین	زاویه	کروکی
S	A	L_A	R_A	$X = \frac{L_A + (R_A \pm 200)}{2}$	$\angle ASB = Y - X$	
	B	L_B	R_B	$Y = \frac{L_B + (R_B \pm 200)}{2}$		

روش حل :

$$\frac{245.5852 + (45.5842 + 200)}{2} = 245.5847$$

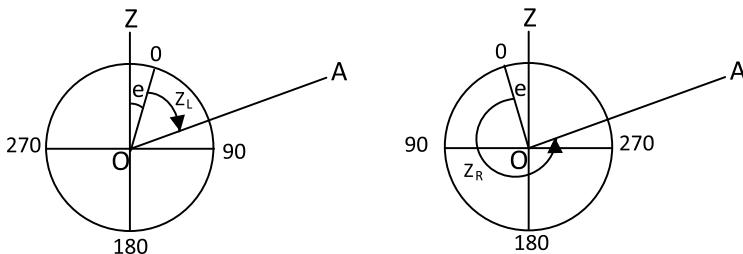
$$\frac{398.2431 + (198.2441 + 200)}{2} = 398.2436$$

$$\angle S = 398.2436 - 245.5847 = 152.6589$$

بحث و بررسی : همان طور که مشاهده می کنید واحد قرائت زاویه گراد است.

زیرا در حالت دایره به راست و دایره به چپ زوایا حدود ۲۰۰ گراد با هم اختلاف دارند.

اندازه‌گیری زاویه قائم به روش کوپل : همان‌طور که گفته شد برای اندازه‌گیری صحیح زاویه قائم لازم است صفر لمب قائم دقیقاً بر روی خط قائمی باشد که از مرکز این لمب می‌گذرد. این هدف توسط یک تراز اتوماتیک (کمپانساتور) که در ساختمان زاویه‌یاب قرار دارد به صورت خودکار تأمین می‌شود. ولی در بعضی از موقعیت تنظیم صفر لمب قائم ممکن است به هم بخورد در این صورت امتداد قائم گذرنده بر لمب قائم به جای صفر بر روی عدد دیگری قرار می‌گیرد این عدد در واقع زاویه قائم امتداد صفر لمب قائم است که اصطلاحاً به آن انحراف صفر لمب قائم یا کلیماسیون لمب قائم می‌گویند. در شکل زیر نیم‌رخ لمب قائم زاویه‌یاب را مشاهده می‌کنید که زاویه قائم را در دو حالت دایره به راست و دایره به چپ برای امتداد OA نشان می‌دهد.



لمب قائم در حالت دایره به راست که
صفر آن به مقدار e انحراف دارد.

لمب قائم در حالت دایره به راست که
صفر آن به اندازه e انحراف دارد.

شکل ۲-۸ - اندازه‌گیری زاویه قائم به روش کوپل

برای تعیین مقدار انحراف و مقدار صحیح زاویه قائم، لمب قائم در دو وضعیت دایره به چپ و دایره به راست قرائت می‌شود. در صورتی که کلیماسیون لمب قائم صفر باشد قرائت لمب قائم در حالت دایره به چپ و دایره به راست به صورت دو عدد قرینه در می‌آید به عبارتی جمع آنها برابر 36° درجه (۴۰° گراد) می‌شود یعنی :

$$Z_L + Z_R = 360^\circ$$

ولی در صورت وجود کلیماسیون در لمب قائم مجموع فوق اندکی با 36° درجه اختلاف خواهد داشت. اگر انحراف صفر لمب قائم را e فرض کنیم با توجه به شکل (بالا) برای امتداد OA خواهیم داشت :

$$Z_{OA} = Z_L + e \quad (\text{در حالت دایره به چپ})$$

$$Z_{OA} = 36^\circ - (Z_R + e) \quad (\text{در حالت دایره به راست})$$

بنابراین می‌توان با گرفتن میانگین از این دو مقدار زاویه قائم را از رابطه زیر به دست آورد :

$$Z_{OA} = \frac{Z_L + (360 - Z_R)}{2}$$

همانطور که مشاهده می‌شود با قرائت کوپل و میانگین گیری از قرائت‌ها مقدار انحراف کلیماسیون لمب قائم (e) از رابطه بالا حذف می‌شود و مقدار صحیح زاویه قائم به دست می‌آید. البته مقدار e را نیز می‌توان از رابطه زیر به دست آورد :

$$e = \frac{360 - (Z_L + Z_R)}{2}$$

چنانچه دوربین در واحد گراد باید در روابط بالا به جای 36° از عدد 40° استفاده شود.

مثال ۲-۵ : محاسبه زاویه قائم به روش کوپل
زاویه قائم امتداد OA به روش کوپل قرائت شده است. مقدار این زاویه را محاسبه کنید.

$$Z_L = 87^\circ 15' 10''$$

$$Z_R = 272^\circ 44' 10''$$

راهکار کلی : بین زاویه قائم در حالت دایره به چپ و دایره به راست زاویه یاب، رابطه زیر برقرار است :

$$Z_{OA} = \frac{Z_L + (360 - Z_R)}{2}$$

روش حل :

$$Z_{OA} = \frac{Z_L + (360^\circ - Z_R)}{2}$$

$$Z_{OA} = \frac{87^\circ 15' 10'' + (360 - 272^\circ 44' 10'')}{2} = 87^\circ 15' 30''$$

خلاصه فصل

- در نقشه‌برداری، زاویه به دو نوع افقی و قائم تقسیم می‌شود. زاویه افقی عبارت است از زاویه‌ای که از تصویر افقی بین دو امتداد در صفحه افقی حاصل می‌شود و زاویه قائم عبارت است از زاویه‌ای که بین تصویر یک امتداد در صفحه قائم با امتداد قائم محل حاصل می‌شود.
- همانطور که قبل آموختید بین زاویه شیب و زنیتی در حالت دایره به چپ زاویه‌یاب، رابطه زیر برقرار می‌باشد :

$$Z + \alpha = 100 \text{ g} \quad \text{یا} \quad Z + \alpha = 90^\circ$$

- بین واحدهای زاویه رابطه زیر برقرار می‌باشد که از آن می‌توان برای تبدیل آنها به یکدیگر استفاده نمود :

$$\frac{D}{360} = \frac{G}{400} = \frac{R}{2\pi} \quad \text{یا} \quad \frac{D}{180} = \frac{G}{200} = \frac{R}{\pi} \rightarrow \frac{D}{9} = \frac{G}{10}$$

- زاویه‌یاب (تئودولیت) دوربینی است که در نقشه‌برداری برای اندازه‌گیری زوایای افقی و قائم به کار می‌رود. تفاوت اصلی زاویه‌یاب با ترازیاب در این است که زاویه‌یاب را می‌توان در یک صفحه عمودی حول یک محور افقی، نیز چرخاند.

- دوربین‌های زاویه‌یاب از لحاظ ساختار به دو دسته آنالوگ و دیجیتالی تقسیم می‌شوند.
- لمب افقی زاویه‌یاب‌ها شبیه به یک نقاله، از صفر تا 360° درجه و یا 400° گراد در جهت عقربه ساعت درجه‌بندی شده است. بنابراین اندازه‌گیری زاویه افقی بین سه نقطه روی زمین، شبیه اندازه‌گیری یک زاویه بین سه نقطه توسط نقاله روی کاغذ می‌باشد.
- زاویه‌خوانی با زاویه‌یاب اعم از آنالوگ و دیجیتالی شامل چهار مرحله اساسی است که عبارتند از : استقرار، نشانه‌روی، صفر-صفر کردن و قرائت.
- برای اندازه‌گیری زاویه قائم یک امتداد با زاویه‌یاب، ابتدا به نقطه مورد نظر نشانه روی کرده و عدد مربوط به لمب قائم را قرائت و یادداشت می‌کنیم. زاویه قرائت شده در این حالت همان زاویه قائم آن امتداد خواهد بود.

- خطاهای زاویه‌یابی را بر اساس منابع خطأ به سه دسته خطاهای دستگاهی، انسانی و طبیعی و بر اساس نوع آن به سه دسته خطاهای اتفاقی، تدریجی و اشتباه تقسیم می‌کنند.
- برای جلوگیری از اشتباه، کسب دقت بیشتر و کاهش و تعدیل خطاهای دستگاهی و انسانی،

روش‌های مختلفی در اندازه‌گیری زاویه وجود دارد. یکی از این روش‌ها، روش قرائت کوپل (قرائت مضاعف) است.

در این روش علاوه بر کنترل صحت و درستی قرائت‌ها، خطاهایی مانند خطای کلیماسیون و خطای عدم مرکزیت لمب افقی به صورت عملی کاهش می‌یابد. برای اندازه‌گیری زاویه در این روش، زاویه در دو حالت دایره به چپ و دایره به راست اندازه‌گیری می‌شود.

- عدد لمب افقی در حالت دایره به راست و دایره به چپ دوربین با هم 18° درجه (۲۰۰ گراد) اختلاف دارند. در این صورت اگر قرائت لمب افقی را در حالت دایره به چپ F_L و در حالت دایره به راست F_R بنامیم، خواهیم داشت :

$$F_R = F_L \pm 18^\circ$$

- ولی در عمل به خاطر وارد شدن خطاهای دستگاهی (و در برخی موارد خطاهای انسانی) در عملیات زاویه‌یابی، رابطه فوق کمتر حالت واقعی پیدا می‌کند و بین این دو قرائت رابطه زیر برقرار است :

$$F_R = F_L \pm 18^\circ + e$$

که در آن e جمع جبری خطاهای اندازه‌گیری است.

- برای تعیین مقدار انحراف و مقدار صحیح زاویه قائم، لمب قائم در دو وضعیت دایره به چپ و دایره به راست قرائت می‌شود.

در صورتیکه خطای کلیماسیون لمب قائم صفر باشد، قرائت لمب قائم در حالت دایره به چپ و دایره به راست به صورت دو عدد فرینه در می‌آید. به عبارتی جمع آنها برابر 36° درجه (۴۰۰ گراد) می‌شود یعنی :

$$Z_R + Z_L = 36^\circ$$

خودآزمایی

سؤالات تشریحی

- ۱- زاویه افقی را تعریف نمایید.
- ۲- زاویه قائم و انواع آن را توضیح دهید.
- ۳- مراحل زاویه یابی افقی با زاویه یاب را نام برد و توضیح دهید.
- ۴- اندازه گیری زاویه افقی به روش کوپل را توضیح دهید.
- ۵- اندازه گیری زاویه قائم به روش کوپل را توضیح دهید.

سؤالات چهارگزینه‌ای

- ۶- زاویه زنیتی امتدادی 112° گراد می‌باشد زاویه شیب این امتداد کدام گزینه است؟
۱) $10^{\circ}/8$ ۲) 12° ۳) $10^{\circ}/33$ ۴) 93° گراد
- ۷- زاویه شیب امتدادی -3° درجه است، زاویه سمت الراسی این امتداد کدام گزینه است؟
۱) $86/66$ گراد ۲) 93° گراد ۳) $10^{\circ}/33$ گراد ۴) $12^{\circ}/123$ درجه
- ۸- برای یافتن زاویه AOB قرائت قراولروی به نقطه A برابر با $395/395$ گراد و برای نقطه B برابر با $12/123$ گراد می‌باشد، زاویه چند درجه است؟
۱) $16/728$ ۲) $15^{\circ}/55$ ۳) $383/272$ ۴) $-383/272$

مسائل عددی :

- ۹- با توجه به جدول زیر مقدار زاویه \hat{BAC} چقدر است؟

st	o.b	L	R
A	B	$20^{\circ}21'$	$21^{\circ}22'$
C		$61^{\circ}16'$	$241^{\circ}15'$

۱۰- برای اندازه‌گیری یک زاویه به روش کوپل قرائت‌های لازم مطابق جدول زیر داده شده است. مطلوبست محاسبه زاویه داده شده.

کروکی	ایستگاه	نقاط نشانه	حالت دایره به چپ	حالت دایره به راست	میانگین	زاویه
	S	A B	۳۲° ۱۰' ۱۶" ۳۴° ۲۶' ۳۸"	۱۴° ۱۰' ۱۸" ۲۱۴° ۲۶' ۴۰"		

۱۱- تایج حاصل از قرائت‌های دایره مدرج افقی یک تئودولیت در ایستگاه S و روی نقاط A و B و C به شرح زیر است اندازه هر یک از زوایای ASC و ASB را تعیین کنید.

ایستگاه	هدف	قرائت دایره به چپ	قرائت دایره به راست	متوسط	زاویه افقی
S	A B C	۳۴° ۵۶' ۳۵" ۸۹° ۱۲' ۲۰" ۱۵۳° ۲۵' ۴۰"	۲۱۴° ۵۶' ۵۵" ۲۶۹° ۱۲' ۳۰" ۳۳۳° ۲۶' ۰۰"		

۱۲- قرائت لمب قائم در دو حالت دایره به چپ و دایره به راست به شرح زیر است.
کلیماسیون لمب قائم، زاویه قائم و زاویه شیب کدامند؟

$$Z_L = ۸۳^{\circ} ۲۷' ۳۵"$$

$$Z_R = ۲۷۶^{\circ} ۳۲' ۰۵"$$

۱۳- زاویه قائمی یک کوپل قرائت شده است در صورتی که از تمامی خطاهای بجز خطای صفر لمب صرف نظر کنیم خطای صفر لمب دوربین چقدر است؟

$$Z_L = ۸۷^{\circ} ۱۵' ۲۵"$$

$$Z_R = ۲۷۲^{\circ} ۴۳' ۱۰"$$